Resumen Fisiología I

Ivan Dario Gonzalez Collazos

Septiembre 4 del 2023

Punto 1

Dos fuentes emiten sonido con niveles de intensidad de 58dB y 60dB respectivamente. Hallar el SPL total generado cuando las fuentes funcionan simultaneamente.

Fuente
$$A: IL_A = 58 dB = SPL_A$$

Fuente $B: IL_B = 60 dB = SPL_B$

Como:

$$P = 10^{\frac{SPL}{20}} P_{ref} \tag{1}$$

Entonces utilizamos a (1) con la informacion del SPL_A y el SPL_B para tener:

$$P_A = 10^{\frac{58}{20}} \ 20 \times 10^{-6}$$

$$P_A = 0.015 \ Pa$$

$$P_B = 10^{\frac{60}{20}} 20 \times 10^{-6}$$

 $P_B = 10^3 20 \times 10^{-6}$
 $P_B = 0.02 Pa$

Como las fuentes no estan correlacionadas, necesitamos utilizar la suma de presiones de fuentes no correlacionas:

$$P_T = \sqrt{{P_A}^2 + {P_B}^2} (2)$$

Entonces utilizaremos las presiones halladas para hallar la P_T para despues calcular SPL_T , haciendo uso de (2).

$$P_T = \sqrt{0.015^2 + 0.02^2}$$

$$P_T = \sqrt{0.000225 + 0.0004}$$

$$P_T = \sqrt{0.000625}$$

$$P_T = 0.025 \ Pa$$

Ya con \mathcal{P}_T podemos calcular el SPL_T utilizando la siguiente ecuación:

$$SPL = 20\log(\frac{P}{P_{ref}})\tag{3}$$

Entonces:

$$SPL_T = 20 \log(\frac{.025}{20 \times 10^{-6}})$$

 $SPL_T = 20 \log(1250)$
 $SPL_T = 20 \times 3.0969$
 $SPL_T = 61.93 \approx 62 \ dB$

El SPL_T es 62 dB.

Punto 2

Los Lw de dos fuentes sonoras son de 90dB y 100db respectivamente, encuentre el Lw total.

$$Lw_A = 90 \ dB$$
$$Lw_B = 100 \ dB$$

Para hallar Lw_T tenemos que hacer uso de la siguiente ecuación:

$$Lw = 10\log(\frac{W}{W_{ref}})\tag{4}$$

Entonces despejamos W de (4):

$$Lw = 10 \log(\frac{W}{W_{ref}})$$

$$\frac{Lw}{10} = \log(\frac{W}{W_{ref}})$$

$$\log(\frac{W}{W_{ref}}) = \frac{Lw}{10}$$

$$\frac{W}{W_{ref}} = 10^{\frac{Lw}{10}}$$

$$W = 10^{\frac{Lw}{10}} W_{ref}$$
(5)

Entonces ahora podemos hallar W_A y W_B utilizando los datos que tenemos

 $(Lw_A y Lw_B)$:

$$W_A = 10^{\frac{Lw_A}{10}} W_{ref}$$

$$W_A = 10^{\frac{90}{10}} 10^{-12}$$

$$W_A = 10^9 10^{-12}$$

$$W_A = 10^{9-12}$$

$$W_A = 10^{-3}$$

$$W_A = 0.001 W$$

$$\begin{split} W_B &= 10^{\frac{Lw_B}{10}} \ W_{ref} \\ W_B &= 10^{\frac{100}{10}} \ 10^{-12} \\ W_B &= 10^{10} \ 10^{-12} \\ W_B &= 10^{10-12} \\ W_B &= 10^{-2} \\ W_B &= 0.01 \ W \end{split}$$

Para hallar W_T solo tenemos que sumar las W:

$$W_T = W_A + W_B$$
$$W_T = 0.001 + 0.01$$
$$W_T = 0.011 W$$

Ahora haciendo uso de (4), podemos hallar W_T :

$$Lw_T = 10 \log(\frac{W_T}{W_{ref}})$$

$$Lw_T = 10 \log(\frac{0.011}{10^{-12}})$$

$$Lw_T = 10 \log(11000000000)$$

$$Lw_T = 10 \times 10.041$$

$$Lw_T = 100.41 \approx 100 \ dB$$

El Lw_T es 100 dB.

Punto 3

Calcular el SPL a 4m para una fuente sonora que genera un Lw de 95dB. Tenemos:

$$Lw = 95 dB$$
$$r = 4 m$$

Para empezar, tenemos que hallar W utilizando la ecuación que se despejo en el punto anterior (5):

$$W = 10^{\frac{Lw}{10}} W_{ref}$$

$$W = 10^{\frac{95}{10}} 10^{-12}$$

$$W = 10^{9.5} 10^{-12}$$

$$W = 10^{9.5-12}$$

$$W = 10^{2.5}$$

$$W = 0.0031622 W$$

Entonces tenemos que definir W:

$$W = \frac{P^2}{Z_c} 4\pi r^2 \tag{6}$$

Tenemos que depejar P desde (6):

$$W = \frac{P^2}{Z_c} 4\pi r^2$$

$$\frac{W}{4\pi r^2} = \frac{P^2}{Z_c}$$

$$\frac{WZ_c}{4\pi r^2} = P^2$$

$$P = \sqrt{\frac{WZ_c}{4\pi r^2}}$$
(7)

Ahora hallamos P:

$$P = \sqrt{\frac{0.0031622 \times 408}{4\pi 4^2}}$$

$$P = \sqrt{\frac{0.0031622 \times 102}{\pi 16}}$$

$$P = \sqrt{\frac{0.32255}{50.2654}}$$

$$P = \sqrt{0.0064169}$$

$$P = 0.0801 \ Pa$$

Ahora, utilizando la ecuación (3) expresada en el punto 1, hallamos SPL:

$$SPL = 20 \log(\frac{P}{P_{ref}})$$

$$SPL = 20 \log(\frac{0.0801}{20 \times 10^{-6}})$$

$$SPL = 20 \log(4005.304)$$

$$SPL = 20 \times 3.6026$$

$$SPL = 72.05 \approx 72dB$$

El SPL es 72 dB.

Punto 4

Determine el SPL de 4 fuentes sonoras, si a 4 m del receptor generan niveles de presión de 34 dB, 41 dB, 43 dB y 58 dB respectivamente.

Aquí utilizamos la tabla de suma de dB para fuentes no correlacionadas. Entonces agrupamos en pares y empezamos a comparar:

34 dB y 41 dB tienen como diferencia 7 dB, por lo tanto se le suma al mayor 1 dB. Entonces en esta pareja la suma da 42 dB.

 $43 \ dB$ y $58 \ dB$ tienen como diferencia $15 \ dB$, por lo tanto no se le suma al mayor dB. Entonces en esta pareja la suma da $58 \ dB$.

Ahora sumamos las sumas anteriores: $42 \ dB$ y $58 \ dB$ tiene como diferencia $15 \ dB$, por lo tanto no se le suma al mayor dB. Entonces en esta pareja la suma da $58 \ dB$.

El SPL es de 58 dB.

Punto 5

Para el ejercicio anterior encuentre la potencia acústica y la intensidad sonora de cada fuente.

Aqui definimos cada SPL de cada fuente:

$$SPL_A = 34 \ dB$$

 $SPL_B = 41 \ dB$
 $SPL_C = 43 \ dB$
 $SPL_D = 58 \ dB$

Y tenemos a r = 4m.

Para hallar los Lw y IL, tenemos que utilizar la ecuación (3) presentada en el punto 1 y la ecuación (6) presentada en el punto 3, además de presentar la siguiente formula para hallar la intensidad:

$$I = \frac{P^2}{Z_c} \tag{8}$$

Tambien haremos uso de la ecuación (4) definida en el punto 2 y tambien de la formula de IL:

$$IL = 10\log(\frac{I}{I_{ref}})\tag{9}$$

Entonces iniciamos hallando Lw_A y IL_A de la fuente A:

$$P_A = 10^{\frac{SPL_A}{20}} 20 \times 10^{-6}$$

$$P_A = 10^{\frac{34}{20}} 20 \times 10^{-6}$$

$$P_A = 50.118 \times 20 \times 10^{-6}$$

$$P_A = 0.00100 \ Pa$$

$$I_A = \frac{P_A^2}{Z_c}$$

$$I_A = \frac{0.00100^2}{408}$$

$$I_A = \frac{0.000001}{408}$$

$$I_A = 2.45 \times 10^{-9} \frac{W}{m^2}$$

$$W_A = \frac{P_A^2}{Z_c} 4\pi r^2$$

$$W_A = \frac{0.00100^2}{408} 4\pi 4^2$$

$$W_A = \frac{0.00100^2}{102} \pi 4^2$$

$$W_A = \frac{0.00100^2}{102} \pi 16$$

$$W_A = 9.803 \times 10^{-9} \pi 16$$

$$W_A = 4.9260 \times 10^{-7} W$$

Ahora hallamos IL_A y Lw_A :

$$IL_A = 10 \log(\frac{I_A}{I_{ref}})$$

$$IL_A = 10 \log(\frac{2.45 \times 10^{-9}}{10^{-12}})$$

$$IL_A = 10 \log(2450)$$

$$IL_A = 10 \times 3.389$$

$$IL_A = 33.89 \approx 34 \ dB$$

$$Lw_A = 10 \log(\frac{W_A}{W_{ref}})$$

$$Lw_A = 10 \log(\frac{4.9260 \times 10^{-7}}{10^{-12}})$$

$$Lw_A = 10 \log(492.601)$$

$$Lw_A = 10 \times 5.692$$

$$Lw_A = 56.92 \approx 57 \ dB$$

El IL_A y Lw_A son 34 dB y 57 dB.

Ahora hallamos Lw_B y IL_B de la fuente B:

$$P_B = 10^{\frac{SPL_B}{20}} 20 \times 10^{-6}$$

$$P_B = 10^{\frac{41}{20}} 20 \times 10^{-6}$$

$$P_B = 112.20 \times 20 \times 10^{-6}$$

$$P_B = 0.0022 \ Pa$$

$$I_B = \frac{P_B^2}{Z_c}$$

$$I_B = \frac{0.0022^2}{408}$$

$$I_B = \frac{0.00000484}{408}$$

$$I_B = 1.186 \times 10^{-8} \ \frac{W}{m^2}$$

$$W_B = \frac{P_B^2}{Z_c} 4\pi r^2$$

$$W_B = \frac{0.0022^2}{408} 4\pi 4^2$$

$$W_B = \frac{0.0022^2}{102} \pi 4^2$$

$$W_B = \frac{0.0022^2}{102} \pi 16$$

$$W_B = 1.186 \times 10^{-8} \pi 16$$

$$W_B = 0.0000023851 W$$

Ahora hallamos IL_B y Lw_B :

$$IL_B = 10 \log(\frac{I_B}{I_{ref}})$$

$$IL_B = 10 \log(\frac{1.186 \times 10^{-8}}{10^{-12}})$$

$$IL_B = 10 \log(11862.7451)$$

$$IL_B = 10 \times 4.07418$$

$$IL_B = 40.7418 \approx 41 \ dB$$

$$Lw_B = 10 \log(\frac{W_B}{W_{ref}})$$

$$Lw_B = 10 \log(\frac{0.0000023851}{10^{-12}})$$

$$Lw_B = 10 \log(2385.1)$$

$$Lw_B = 10 \times 6.37750$$

$$Lw_B = 63.7750 \approx 64 \ dB$$

El IL_B y Lw_B son 41 dB y 64 dB.

Ahora hallamos Lw_C y IL_C de la fuente C:

$$P_C = 10^{\frac{SPL_C}{20}} 20 \times 10^{-6}$$

$$P_C = 10^{\frac{43}{20}} 20 \times 10^{-6}$$

$$P_C = 141.2537 \times 20 \times 10^{-6}$$

$$P_C = 0.002825 \ Pa$$

$$I_C = \frac{P_C^2}{Z_c}$$

$$I_C = \frac{0.002825^2}{408}$$

$$I_C = \frac{0.0000079806}{408}$$

$$I_C = 1.956 \times 10^{-8} \ \frac{W}{m^2}$$

$$\begin{split} W_C &= \frac{P_C^2}{Z_c} 4\pi r^2 \\ W_C &= \frac{0.002825^2}{408} 4\pi 4^2 \\ W_C &= \frac{0.002825^2}{102} \pi 4^2 \\ W_C &= \frac{0.002825^2}{102} \pi 16 \\ W_C &= 1.956 \times 10^{-8} \pi 16 \\ W_C &= 0.0000039328 \ W \end{split}$$

Ahora hallamos IL_C y Lw_C :

$$IL_C = 10 \log(\frac{I_C}{I_{ref}})$$

$$IL_C = 10 \log(\frac{1.956 \times 10^{-8}}{10^{-12}})$$

$$IL_C = 10 \log(19560.35)$$

$$IL_C = 10 \times 4.2913$$

$$IL_C = 42.913 \approx 43 \ dB$$

$$Lw_C = 10 \log(\frac{W_C}{W_{ref}})$$

$$Lw_C = 10 \log(\frac{0.0000039328}{10^{-12}})$$

$$Lw_C = 10 \log(3932.89)$$

$$Lw_C = 10 \times 6.5947$$

$$Lw_C = 65.947 \approx 66 \ dB$$

El IL_C y Lw_C son 43 dB y 66 dB.

Ahora hallamos Lw_D y IL_D de la fuente D:

$$P_D = 10^{\frac{SPL_D}{20}} 20 \times 10^{-6}$$

$$P_D = 10^{\frac{58}{20}} 20 \times 10^{-6}$$

$$P_D = 794.32 \times 20 \times 10^{-6}$$

$$P_D = 0.01588 \ Pa$$

$$I_D = \frac{P_D^2}{Z_c}$$

$$I_D = \frac{0.01588^2}{408}$$

$$I_D = \frac{0.0002521}{408}$$

$$I_D = 6.180 \times 10^{-7} \ \frac{W}{m^2}$$

$$W_D = \frac{P_D^2}{Z_c} 4\pi r^2$$

$$W_D = \frac{0.01588^2}{408} 4\pi 4^2$$

$$W_D = \frac{0.01588^2}{102} \pi 4^2$$

$$W_D = \frac{0.01588^2}{102} \pi 16$$

$$W_D = 6.180 \times 10^{-7} \pi 16$$

$$W_D = 0.0001242 W$$

Ahora hallamos IL_D y Lw_D :

$$IL_D = 10 \log(\frac{I_D}{I_{ref}})$$

$$IL_D = 10 \log(\frac{6.180 \times 10^{-7}}{10^{-12}})$$

$$IL_D = 10 \log(618074.51)$$

$$IL_D = 10 \times 5.7910$$

$$IL_D = 57.91 \approx 57 \ dB$$

$$Lw_D = 10 \log(\frac{W_D}{W_{ref}})$$

$$Lw_D = 10 \log(\frac{0.0001242}{10^{-12}})$$

$$Lw_D = 10 \log(124270.7)$$

$$Lw_D = 10 \times 8.0943$$

$$Lw_D = 80.943 \approx 81 \ dB$$

El IL_D y Lw_D son 57 dB y 81 dB.

Punto 6

Dos parlantes "A" y "B" en campo libre generan un SPL total de 79dB a 8m. Si el parlante A posee una potencia de 0.05W, determine que nivel de presión que genera el parlante B a 4m.

Tenemos los siguientes datos:

$$SPL_T = 79 \ dBr = 8 \ mW_A = 0.05 \ W$$

Entonces necesitamos utilizar la formula (1), (2) y (3) presentadas en el punto 1; y la ecuación (7) definida en el punto 3.

Entonces empezamos a definir P_A y P_T :

$$P_T = 10^{\frac{SPL_T}{20}} P_{ref}$$

$$P_T = 10^{\frac{79}{20}} 20 \times 10^{-6}$$

$$P_T = 8912, 509 \times 20 \times 10^{-6}$$

$$P_T = 0.1782 Pa$$

$$P_{A} = \sqrt{\frac{W_{A}Z_{c}}{4\pi r^{2}}}$$

$$P_{A} = \sqrt{\frac{0.05 \times 408}{4\pi 8^{2}}}$$

$$P_{A} = \sqrt{\frac{20.4}{804.247}}$$

$$P_{A} = \sqrt{0.0253}$$

$$P_{A} = 0.1592 \ Pa$$

Ahora necesitamos despejar P_B de la ecuación (2):

$$P_{T} = \sqrt{P_{A}^{2} + P_{B}^{2}}$$

$$P_{T}^{2} = P_{A}^{2} + P_{B}^{2}$$

$$P_{B}^{2} = P_{T}^{2} - P_{A}^{2}$$

$$P_{B} = \sqrt{P_{T}^{2} - P_{A}^{2}}$$

Hallamos P_B :

$$P_B = \sqrt{0.1782^2 - 0.1592^2}$$

$$P_B = \sqrt{0.03177 - 0.02536}$$

$$P_B = \sqrt{0.00641}$$

$$P_B = 0.08006 \ Pa$$

Ahora utilizando la formula (3), encontramos SPL_B :

$$SPL_B = 20 \log(\frac{P_B}{P_{ref}})$$

$$SPL_B = 20 \log(\frac{0.08006}{20 \times 10^{-6}})$$

$$SPL_B = 20 \log(4003.12)$$

$$SPL_B = 20 \times 3.6023$$

$$SPL_B = 72.04 \approx 72 \ dB \ a \ 8 \ m$$

Ahora, por ley del inverso cuadrado, dado que necesitamos hallar el SPL_B a 4 m, entonces incrementamos en 6 dB debido a que la distancia de redujo en la mitad teniendo como respuesta $SPL_B=78\ dB$.

Punto 7

Para el ejercicio anterior halle el nivel de potencia de cada parlante.

Aqui se hara uso de las formulas (4), presentada en le punto 2, y (6), presentada en el punto 3. También se tiene que hacer uso de las formulas (1) y (3) presentadas en el punto 1.

Entonces, tenemos la siguiente información como base:

$$P_A = 0.1592 Pa$$

$$P_B = 0.08006 Pa$$

$$W_A = 0.05 Pa$$

$$r = 4 m$$

$$r = 8 m$$

$$SPL_B = 78 dB a 4m$$

Entonces iniciamos hallando Lw_A y Lw_B para la esfera de 8 metros ($r=8\ m).$ Primero se halla W_B

$$W_B = \frac{{P_B}^2}{Z_c} 4\pi r^2$$

$$W_B = \frac{0.08006^2}{408} 4\pi 8^2$$

$$W_B = \frac{0.006409}{408} 256\pi$$

$$W_B = 0.00001570 \times 804.2477$$

$$W_B = 0.01263 \ W$$

Ahora hallamos Lw_A y Lw_B para la esfera de 8 metros:

$$Lw_A = 10 \log(\frac{W_A}{W_{ref}})$$

$$Lw_A = 10 \log(\frac{0.05}{10^{-12}})$$

$$Lw_A = 10 \log(50000000000)$$

$$Lw_A = 10 \times 10.6989$$

$$Lw_A = 106.989 \approx 107 \ dB \ a \ 8 \ m$$

$$Lw_B = 10 \log(\frac{W_B}{W_{ref}})$$

$$Lw_B = 10 \log(\frac{0.01263}{10^{-12}})$$

$$Lw_B = 10 \log(12633264100)$$

$$Lw_B = 10 \times 10.1015$$

$$Lw_B = 101.015 \approx 101 \ dB \ a \ 8 \ m$$

En una esfera de 8 metros, el nivel de potencia de A y B es de 107 dB y 101 dB respectivamente.

Ahora para una esfera de 4 metros, primero hallamos el SPL_A a 4 metros:

$$SPL_A = 20 \log(\frac{P_A}{P_{ref}})$$

$$SPL_A = 20 \log(\frac{0.1592}{20 \times 10^{-6}})$$

$$SPL_A = 20 \log(7960)$$

$$SPL_A = 20 \times 39.0091$$

$$SPL_A = 78.01 \approx 78 \ dB$$

Como es a la mitad de la distacia (4 metros), entonces el SPL_A se incrementa en 6 dB, por lo tanto el $SLP_A=84\ dB$

.

Ahora hallamos P_A y P_B para 4 metros:

$$P_{A} = 10^{\frac{SPL_{A}}{20}} P_{ref}$$

$$P_{A} = 10^{\frac{84}{20}} 20 \times 10^{-6}$$

$$P_{A} = 12848.25 \times 20 \times 10^{-6}$$

$$P_{A} = 0.3169 Pa$$

$$P_{B} = 10^{\frac{SPL_{B}}{20}} P_{ref}$$

$$P_{B} = 10^{\frac{780}{20}} 20 \times 10^{-6}$$

$$P_B = 10^{\frac{78}{20}} 20 \times 10^{-6}$$

$$P_B = 7943.28 \times 20 \times 10^{-6}$$

$$P_B = 0.1588 \ Pa$$

Ahora hallamos la potencia para para las fuente con esfera de 4 metros:

$$W_A = \frac{P_A^2}{Z_c} 4\pi r^2$$

$$W_A = \frac{0.31692}{408} 4\pi 4^2$$

$$W_A = \frac{0.10042}{408} 64\pi$$

$$W_A = 0.0002461 \times 201.0619$$

$$W_A = 0.049 W$$

$$W_B = \frac{P_B^2}{Z_c} 4\pi r^2$$

$$W_B = \frac{0.1588^2}{408} 4\pi 4^2$$

$$W_B = \frac{0.02521}{408} 64\pi$$

$$W_B = 0.00006180 \times 201.0619$$

$$W_B = 0.012 \ W$$

Hallamos Lw_A y Lw_B para la esfera de 4 metros:

$$Lw_A = 10 \log(\frac{W_A}{W_{ref}})$$

$$Lw_A = 10 \log(\frac{0.049}{10^{-12}})$$

$$Lw_A = 10 \log(49000000000)$$

$$Lw_A = 10 \times 10.6909$$

$$Lw_A = 106.909 \approx 107 \ dB \ a \ 4 \ m$$

$$Lw_B = 10 \log(\frac{W_B}{W_{ref}})$$

$$Lw_B = 10 \log(\frac{0.012}{10^{-12}})$$

$$Lw_B = 10 \log(12000000000)$$

$$Lw_B = 10 \times 10.079$$

$$Lw_B = 100.79 \approx 101 \ dB \ a \ 4 \ m$$

A 4 metros, el nivel de potencia de A y B es de 107 dB y 101 dB respectivamente.

Por lo tanto, la distancia no influencia cuando se necesitan hallar niveles de potencia.