



**UFRJ**



INSTITUTO DE  
COMPUTAÇÃO  
UFRJ

---

# Programação de Computadores II

## Pilha

Profa. Giseli Rabello Lopes

---

# Sumário

---

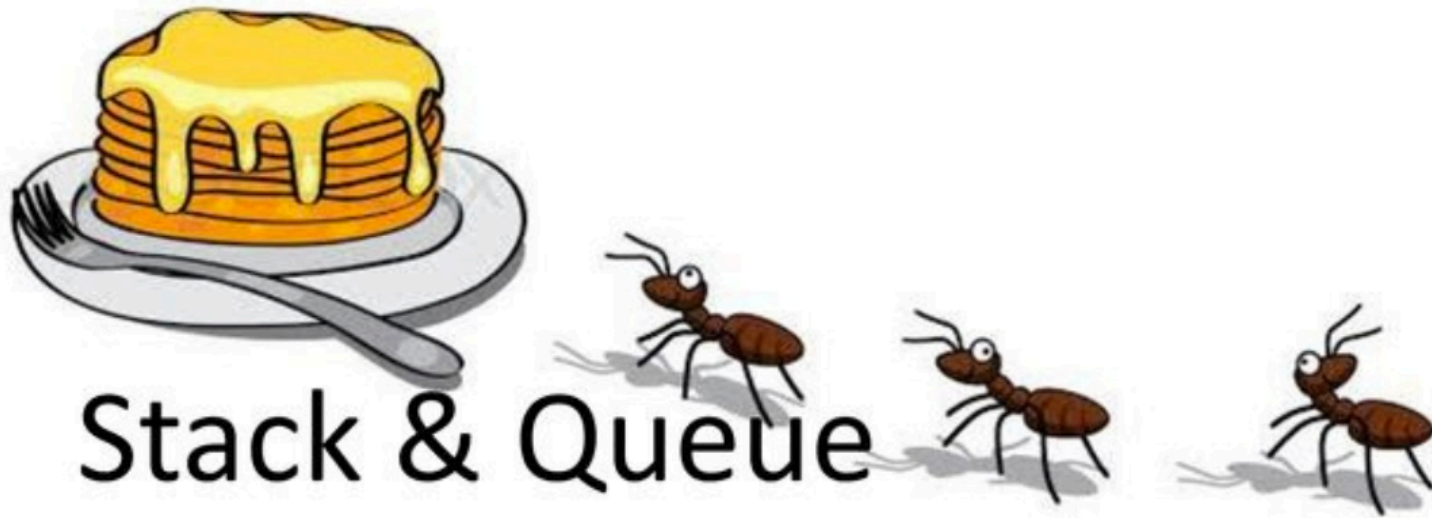
- Pilha
- Funções de gerenciamento
- Implementação estática
- Implementação dinâmica

Adaptado de material preparado por [Profs. Luciano Digiampietri e Norton T. Roman](#)  
e material de apoio do livro [Data Structures and Algorithm Analysis in C, C++](#) by [Mark Allen Weiss](#)

---

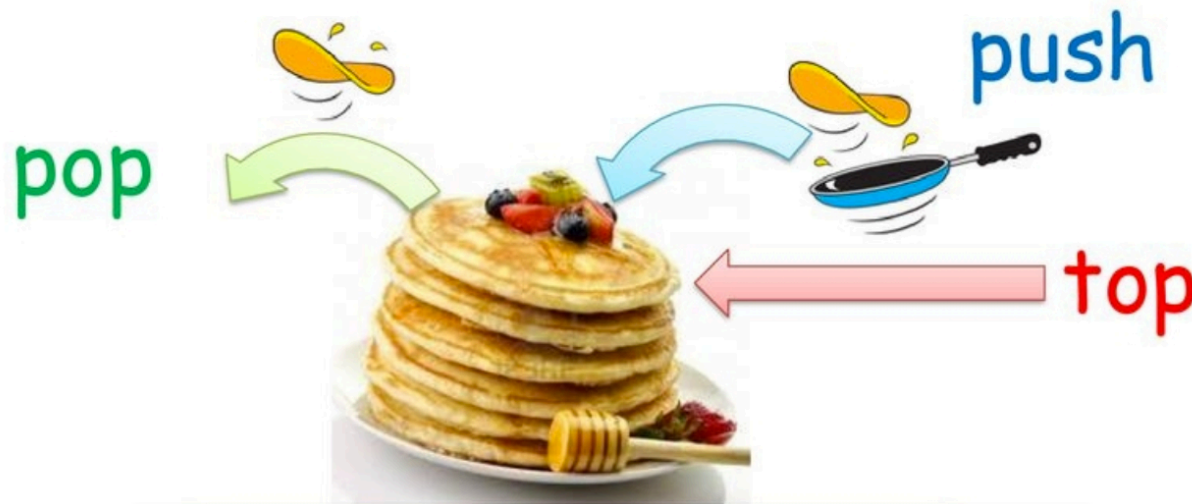
# Pilha e Fila

---



# Pilha

---



**LIFO (Last In First Out)**

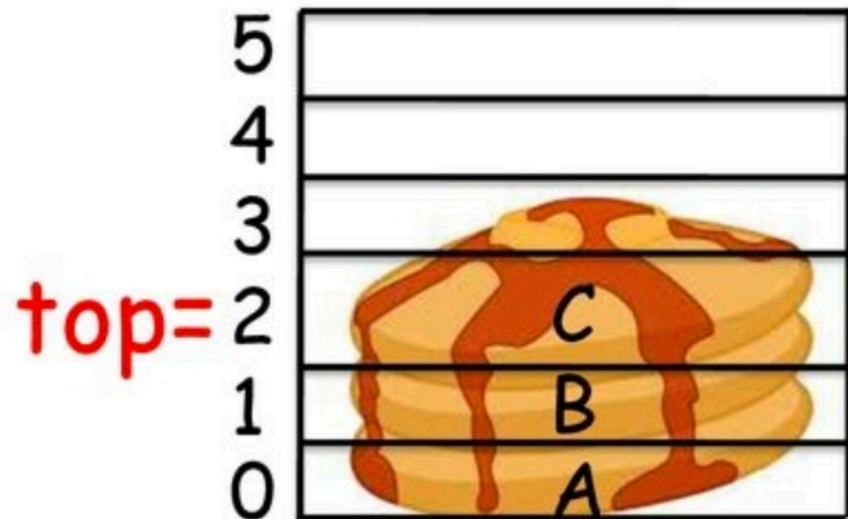
- Uma coleção **ordenada** de itens (estrutura linear)
  - O final é chamado de topo da pilha
  - Itens são inseridos no topo da pilha —> **push**
  - Itens são removidos do topo da pilha —> **pop**
-

# Funções de gerenciamento

---

- Inicializar a estrutura
- Retornar a quantidade de elementos válidos
- Exibir os elementos da estrutura
- Inserir elementos na estrutura (**push**)
- Excluir elementos da estrutura (**pop**)
- Reinicializar a estrutura
- Verificar se a pilha está vazia (apenas para versão dinâmica)

# Pilha - Implementação estática



# Pilha - Implementação estática

---

- Utilizaremos um **arranjo** (*array*) de elementos de tamanho predefinido
- Controlaremos a posição do elemento que está no **topo** da pilha

# Modelagem (pilha estática)

---

```
#include <stdio.h>
#define MAX 50

#define true 1
#define false 0

typedef int bool;

typedef int TIPOCHAVE;
```

```
typedef struct {
    TIPOCHAVE chave;
} REGISTRO;

typedef struct {
    REGISTRO A[MAX];
    int topo;
} PILHA;
```



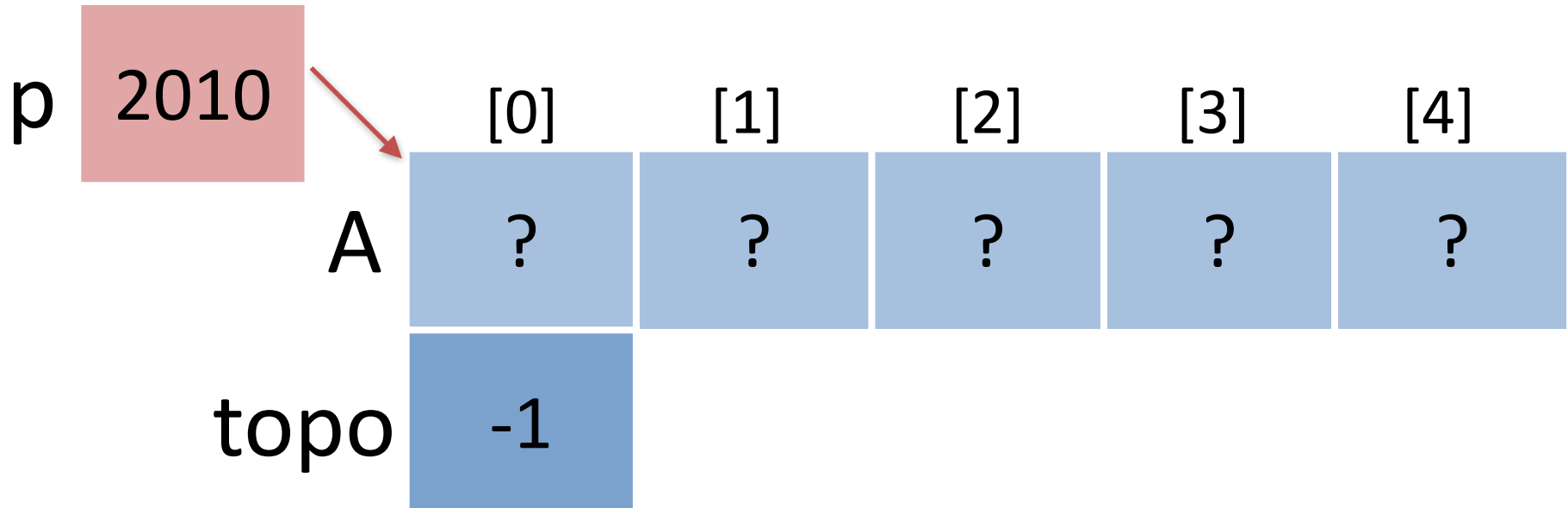
# Inicialização

---

- Para inicializar uma pilha já criada pelo usuário, precisamos apenas acertar o valor do campo **topo**
- Já que o topo indicará a posição no arranjo do elemento que está no topo da pilha e a **pilha está vazia**, iniciaremos esse campo com valor **-1**

# Inicialização

```
void inicializarPilha (PILHA* p)
{
    p->topo = -1;
}
```



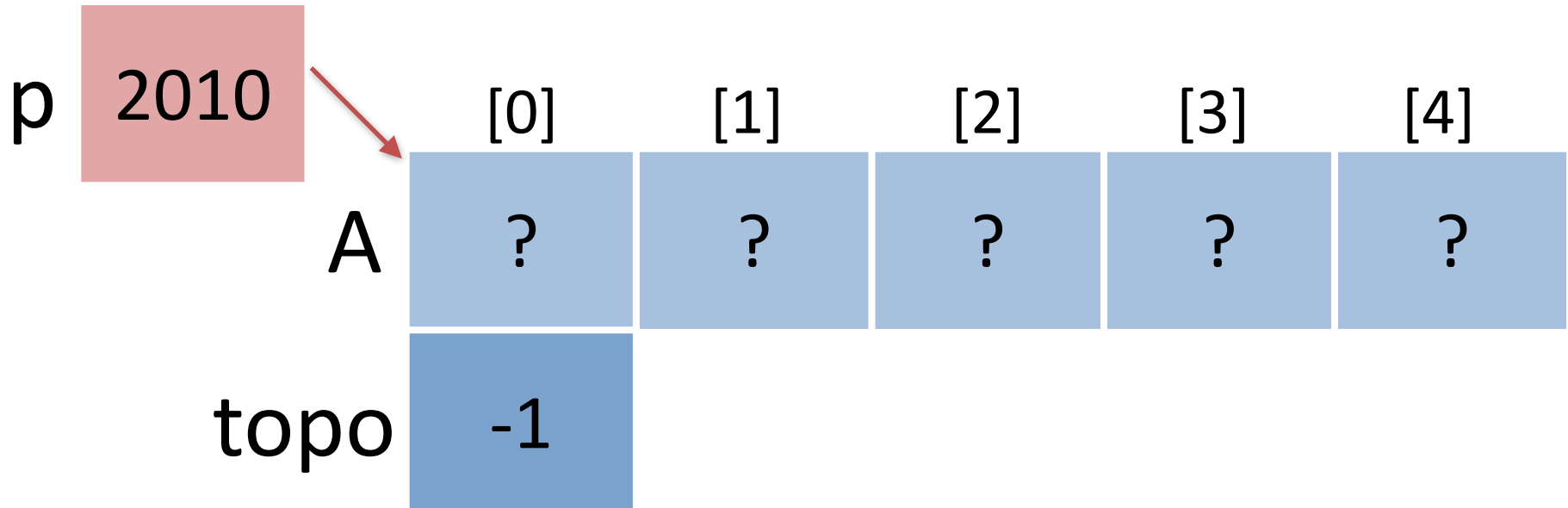
# Retornar número de elementos

---

- Já que o campo topo contém a posição no arranjo do elemento no topo da pilha, o número de elementos é igual a:  
 $\text{topo} + 1$
- Notem que para a pilha vazia isto também funciona

# Retornar número de elementos

```
int tamanhoPilha (PILHA* p)
{
    return p->topo + 1;
}
```



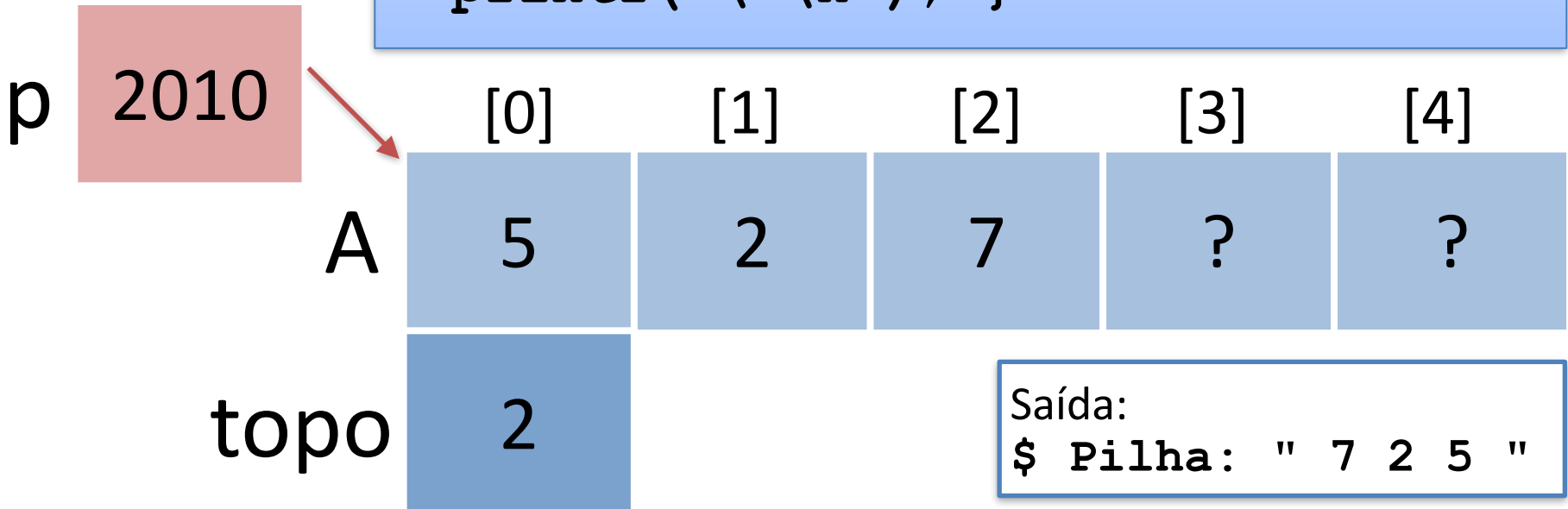
# Exibição/Impressão

---

- Para exibir os elementos da estrutura precisaremos iterar pelos **elementos válidos** e, por exemplo, **imprimir suas chaves**

# Exibição/Impressão

```
void exibirPilha (PILHA* p) {  
    printf("Pilha: \" \");  
    int i;  
    for (i=p->topo; i>=0; i--) {  
        printf("%i ", p->A[i].chave);  
    }  
    printf("\\n\\n");  
}
```



Saída:

\$ Pilha: " 7 2 5 "

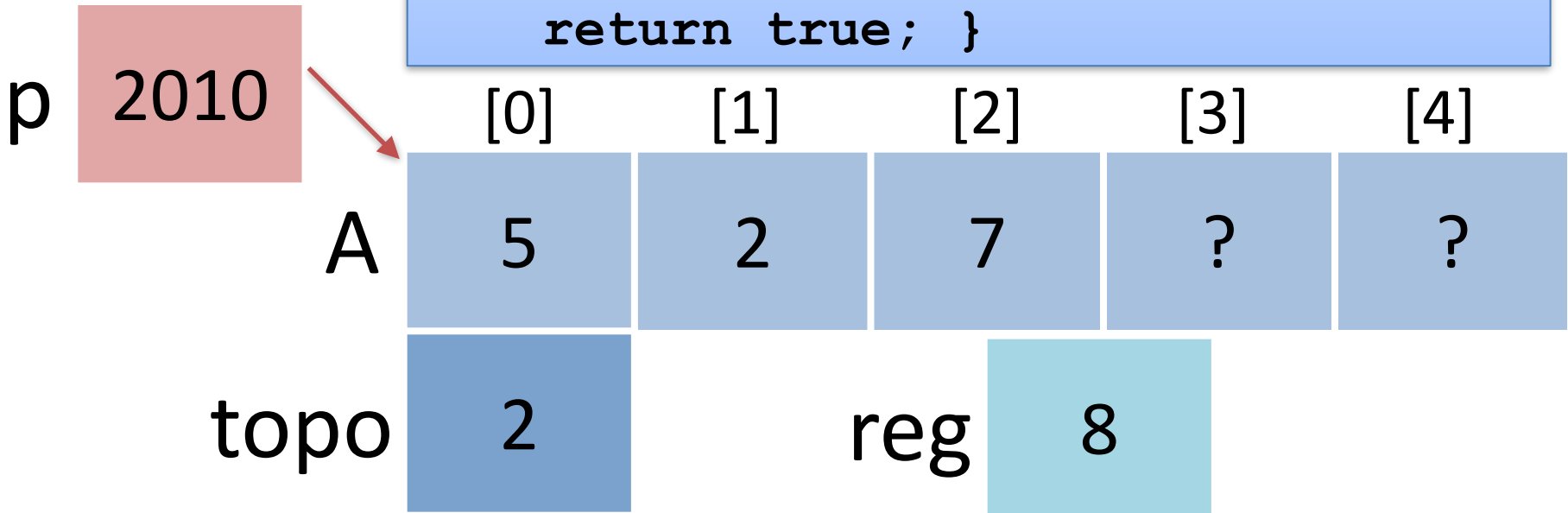
# Inserção de um elemento (**push**)

---

- O usuário passa como parâmetro um registro a ser inserido na pilha
- Se a pilha não estiver **cheia**, o elemento será inserido no topo da pilha, ou melhor, “**acima**” do elemento que está no topo da pilha

# Inserção de um elemento (**push**)

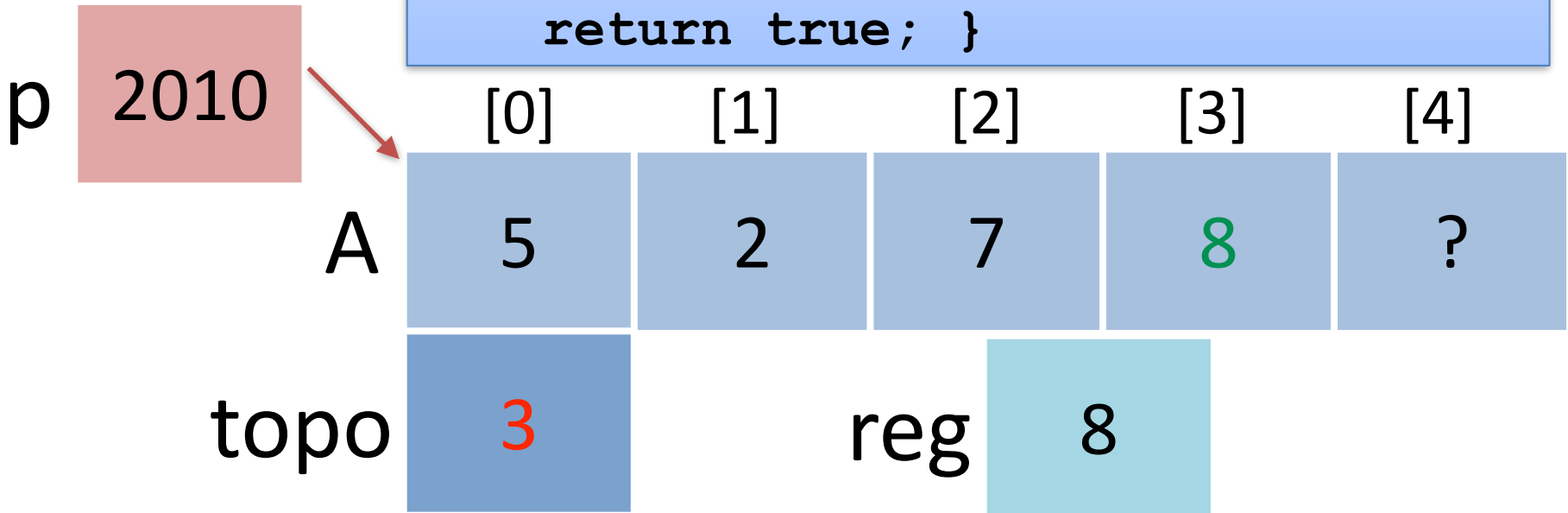
```
bool inserirElementoPilha(PILHA* p,  
REGISTRO reg) {  
    if (p->topo >= MAX-1)  
        return false;  
    p->topo = p->topo+1;  
    p->A[p->topo] = reg;  
    return true; }
```





# Inserção de um elemento (**push**)

```
bool inserirElementoPilha(PILHA* p,  
REGISTRO reg) {  
    if (p->topo >= MAX-1)  
        return false;  
    p->topo = p->topo+1;  
    p->A[p->topo] = reg;  
    return true; }
```



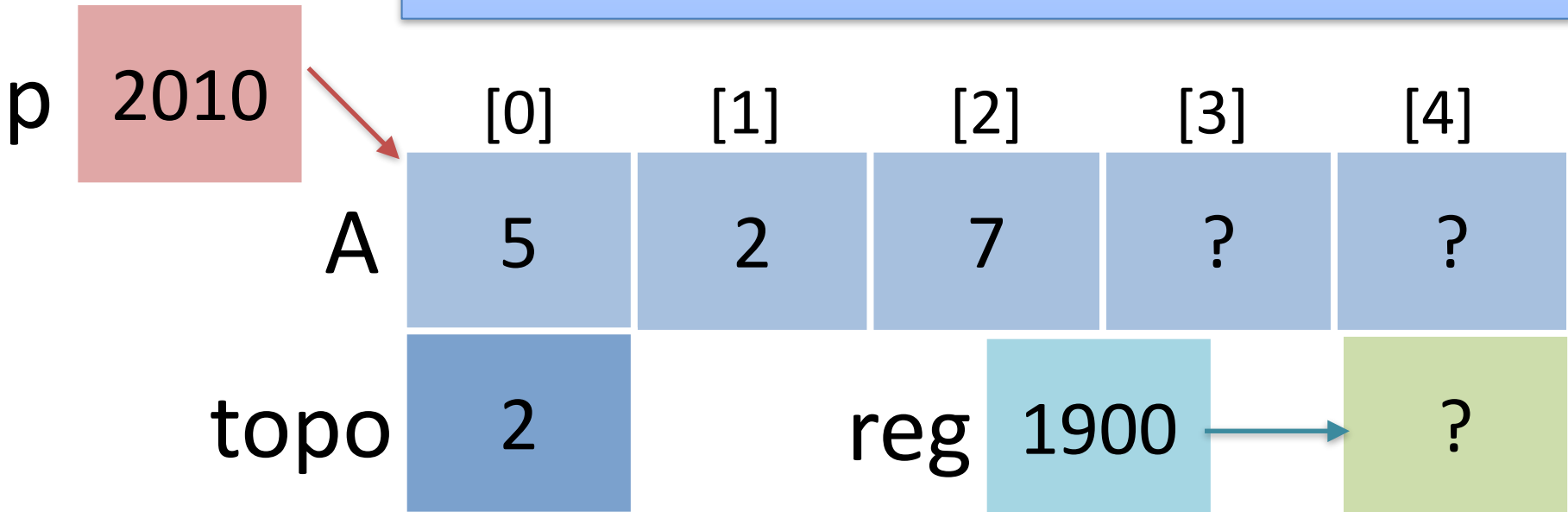
# Exclusão de um elemento (**pop**)

---

- O usuário solicita a exclusão do elemento do **topo da pilha**:
  - Se a pilha **não estiver vazia**, além de excluir esse elemento da pilha iremos **copiá-lo para um local indicado pelo usuário**

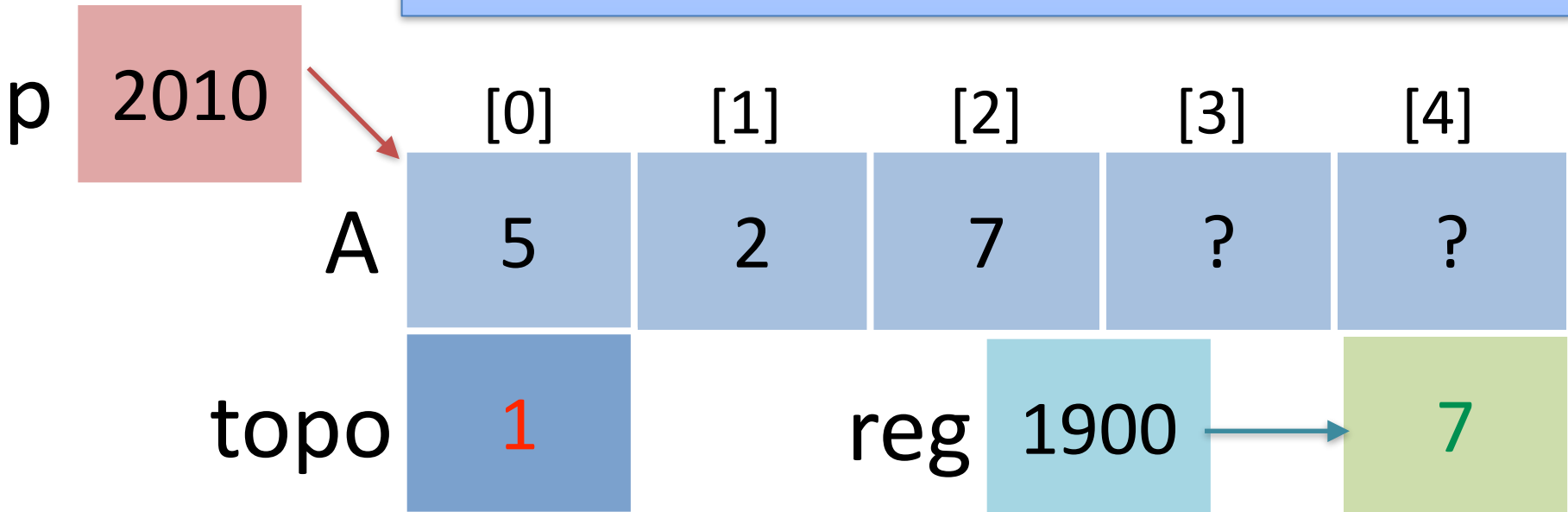
# Exclusão de um elemento (**pop**)

```
bool excluirElementoPilha(PILHA* p,  
REGISTRO* reg) {  
    if (p->topo == -1) return false;  
    *reg = p->A[p->topo];  
    p->topo = p->topo-1;  
    return true; }
```



# Exclusão de um elemento (**pop**)

```
bool excluirElementoPilha(PILHA* p,  
REGISTRO* reg) {  
    if (p->topo == -1) return false;  
    *reg = p->A[p->topo];  
    p->topo = p->topo-1;  
    return true; }
```



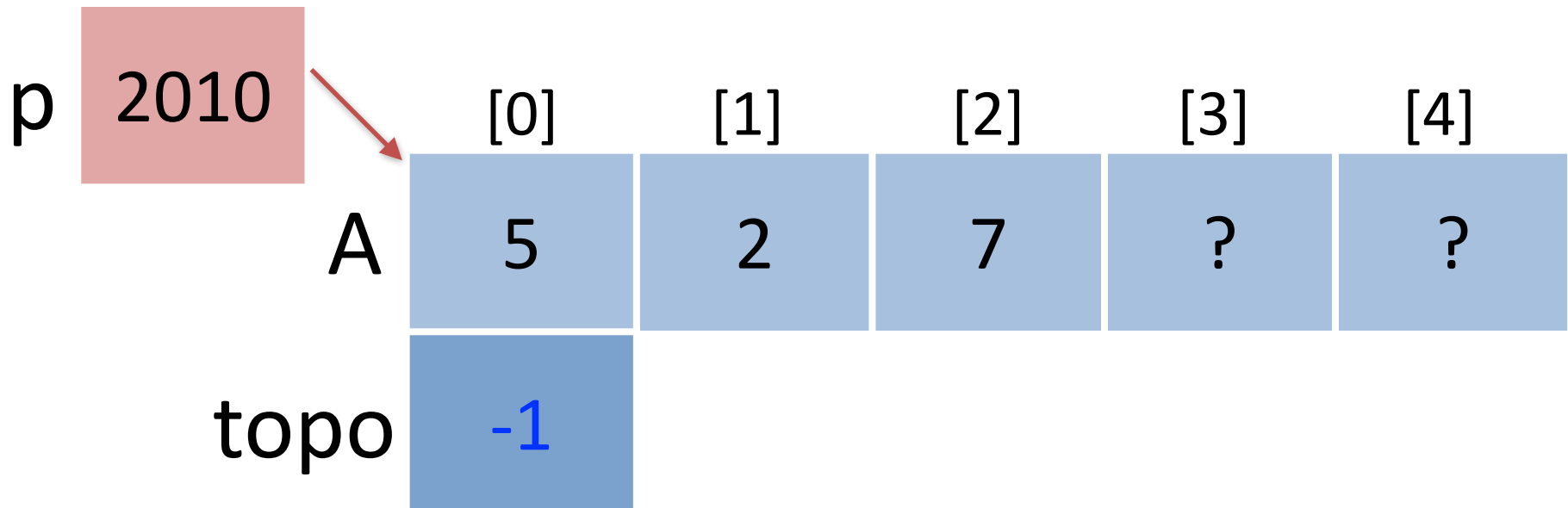
# Reinicialização

---

- Para esta estrutura, para reinicializar a pilha basta colocar **-1 no campo topo**

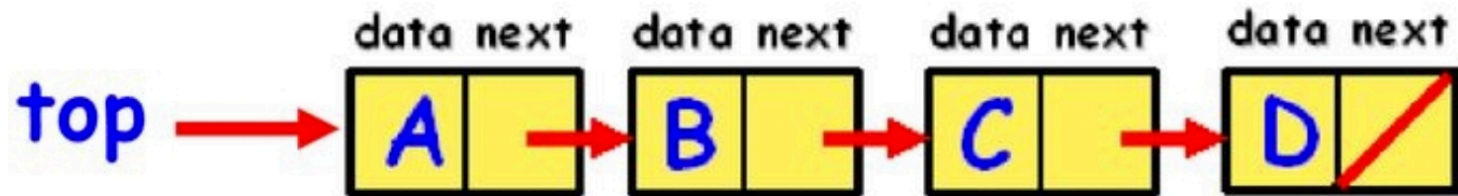
# Reinicialização

```
void reinicializarPilha (PILHA* p) {  
    p->topo = -1;  
}
```



---

# Pilha - Implementação dinâmica



# Pilha - Implementação dinâmica

---

- Alocaremos e desalocaremos a memória para os elementos **sob demanda**
- **Vantagem:** não precisamos **gastar memória** que não estamos usando
- Cada elemento indicará quem é seu **sucessor** (quem está “abaixo” dele na pilha)
- Controlaremos o endereço do elemento que está no **topo** da pilha



# Modelagem (pilha dinâmica)

---

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

#define true 1
#define false 0

typedef int bool;

typedef int TIPOCHAVE;

typedef struct {
    TIPOCHAVE chave;
    //outros campos...
} REGISTRO;
```

```
typedef struct aux {
    REGISTRO reg;
    struct aux* prox;
} ELEMENTO;

typedef ELEMENTO* PONT;

typedef struct {
    PONT topo;
} PILHA;
```

# Inicialização

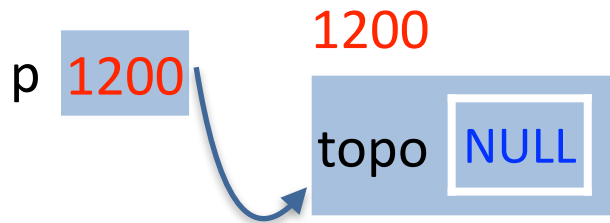
---

- Para inicializar uma pilha já criada pelo usuário, precisamos apenas acertar o valor do campo **topo**
- Já que o topo conterá o endereço do elemento que está no topo da pilha e a **pilha está vazia**, iniciaremos esse campo com valor ***NULL***

# Inicialização

---

```
void inicializarPilha (PILHA* p)
{
    p->topo = NULL;
}
```



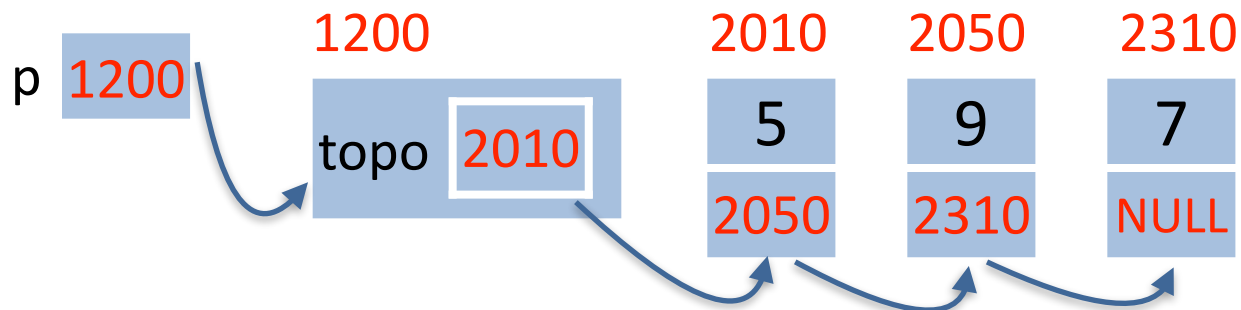
# Retornar número de elementos

---

- Já que não temos um campo com o número de elementos na pilha, precisaremos **percorrer todos os elementos** para contar quantos são

# Retornar número de elementos

```
int tamanho(PILHA* p) {  
    PONT end = p->topo;  
    int tam = 0;  
    while (end != NULL) {  
        tam++;  
        end = end->prox;  
    }  
    return tam;  
}
```



# Verificar se a pilha está vazia

---

- Por que não usar a **função tamanho** para verificar se a pilha está vazia?
- É bem mais simples verificar se topo está armazenando o endereço **NULL**

# Verificar se a pilha está vazia

---

```
bool estaVazia(PILHA* p) {  
    if (p->topo == NULL)  
        return true;  
    return false;  
}
```

# Exibição/Impressão

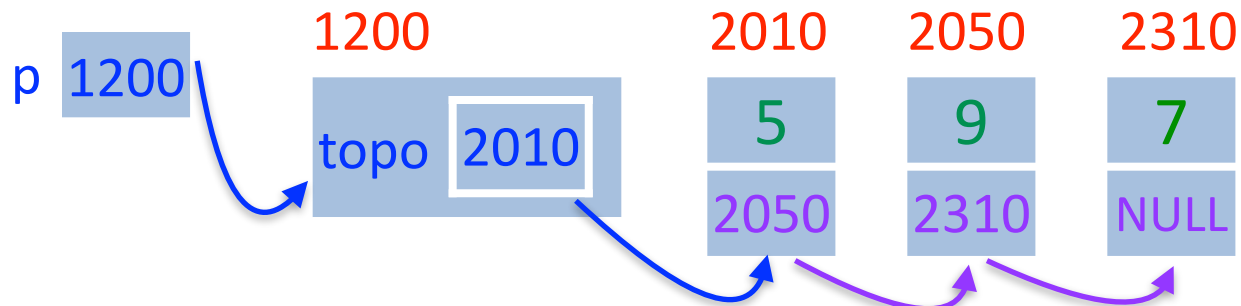
---

- Para exibir os elementos da estrutura precisaremos percorrer os **elementos** (iniciando pelo elemento do topo da pilha) e, por exemplo, **imprimir suas chaves**



# Verificar Exibição/Impressão

```
void exibirPilha(PILHA* p) {  
    PONT end = p->topo;  
    printf("Pilha: \" \");  
    while (end != NULL) {  
        printf("%i ", end->reg.chave);  
        end = end->prox; }  
    printf("\\n\\n"); }  
}
```



Saída:

\$ Pilha: " 5 9 7 "

# Inserção de um elemento (**push**)

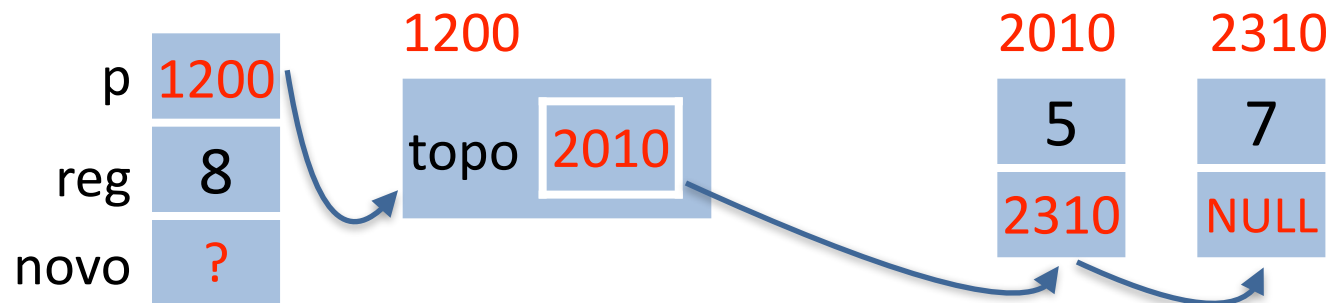
---

- O usuário passa como parâmetro um registro a ser inserido na pilha
- O elemento será inserido no topo da pilha, ou melhor, “**acima**” do elemento **que está no topo da pilha**

O novo elemento irá **apontar** para o elemento que estava no topo da pilha

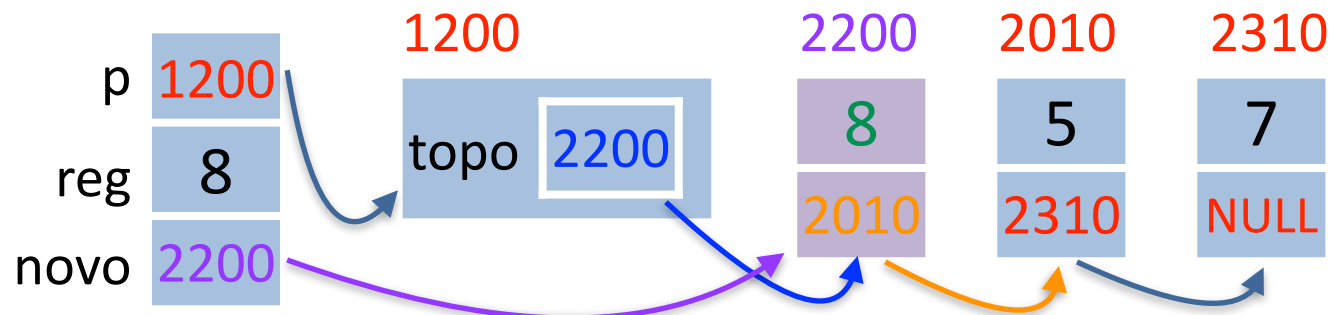
# Inserção de um elemento (**push**)

```
bool inserirElemPilha(PILHA* p, REGISTRO reg) {  
    PONT novo = (PONT) malloc(sizeof(ELEMENTO));  
    novo->reg = reg;  
    novo->prox = p->topo;  
    p->topo = novo;  
    return true;  
}
```



# Inserção de um elemento (**push**)

```
bool inserirElemPilha(PILHA* p, REGISTRO reg) {  
    PONT novo = (PONT) malloc(sizeof(ELEMENTO));  
    novo->reg = reg;  
    novo->prox = p->topo;  
    p->topo = novo;  
    return true;  
}
```



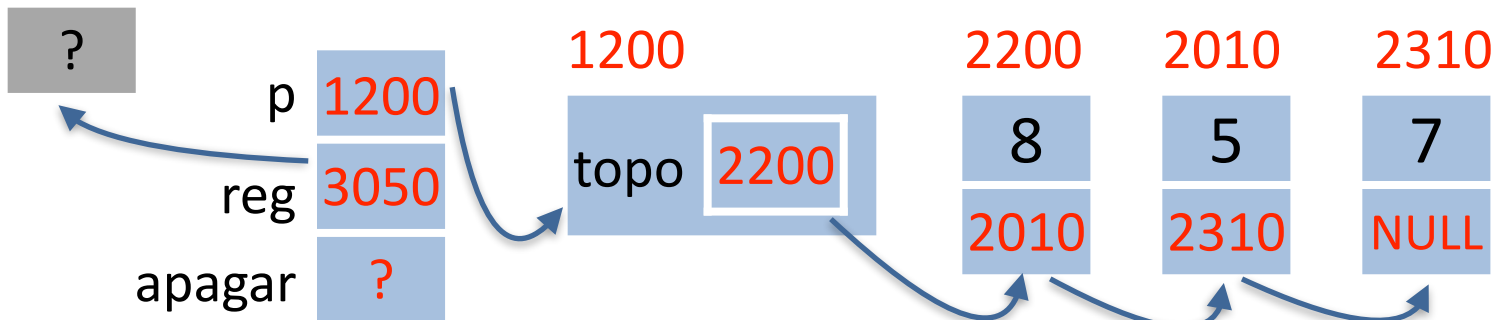
# Exclusão de um elemento (**pop**)

---

- O usuário solicita a exclusão do elemento do **topo da pilha**:
  - Se a pilha **não estiver vazia**, além de excluir esse elemento da pilha iremos **copiá-lo para um local indicado pelo usuário**

# Exclusão de um elemento (**pop**)

```
bool excluirElemPilha(PILHA* p, REGISTRO* reg) {  
    if ( p->topo == NULL) return false;  
    *reg = p->topo->reg;  
    PONT apagar = p->topo;  
    p->topo = p->topo->prox;  
    free(apagar);  
    return true; }
```



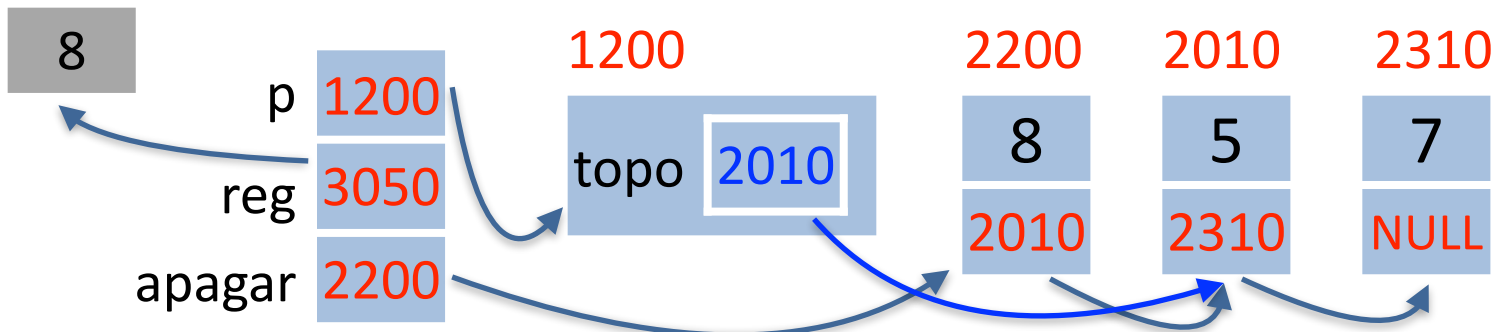
# Exclusão de um elemento (**pop**)

```
bool excluirElemPilha(PILHA* p, REGISTRO* reg) {  
    if ( p->topo == NULL) return false;  
    *reg = p->topo->reg;  
    PONT apagar = p->topo;  
    p->topo = p->topo->prox;  
    free(apagar);  
    return true; }
```



# Exclusão de um elemento (**pop**)

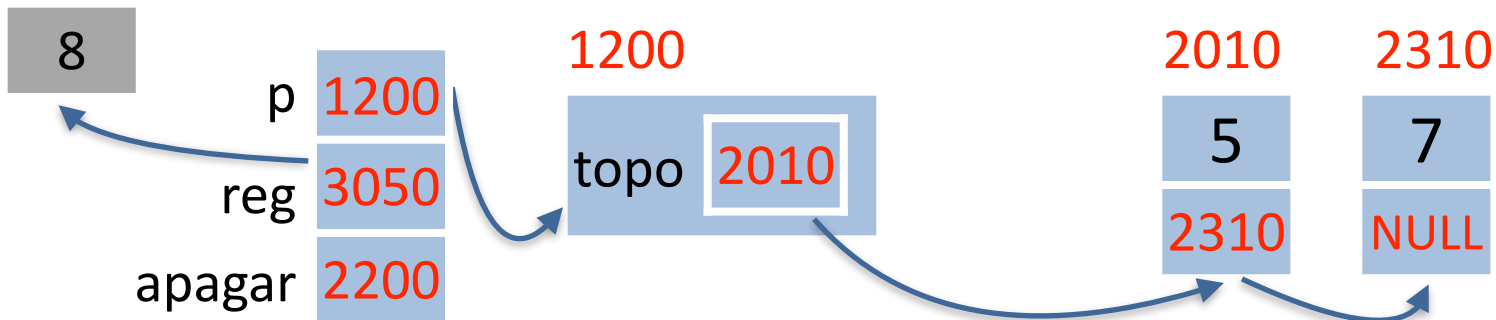
```
bool excluirElemPilha(PILHA* p, REGISTRO* reg) {  
    if ( p->topo == NULL) return false;  
    *reg = p->topo->reg;  
    PONT apagar = p->topo;  
    p->topo = p->topo->prox;  
    free(apagar);  
    return true; }
```





# Exclusão de um elemento (**pop**)

```
bool excluirElemPilha(PILHA* p, REGISTRO* reg) {  
    if ( p->topo == NULL) return false;  
    *reg = p->topo->reg;  
    PONT apagar = p->topo;  
    p->topo = p->topo->prox;  
    free(apagar) ;  
    return true; }
```



# Reinicialização

---

- Para reinicializar a pilha, precisamos **excluir** todos os seus elementos e colocar **NULL** no campo **topo**

# Reinicialização

---

```
void reinicializarPilha(PILHA* p) {  
    PONT apagar;  
    PONT posicao = p->topo;  
    while (posicao != NULL) {  
        apagar = posicao;  
        posicao = posicao->prox;  
        free(apagar);  
    }  
    p->topo = NULL;  
}
```