				5	その他	5
ICPC template				5.1 素数判定	5	
					5.2 繰返し二乗法	5
F	1 \h	,			5.3 余剰を取る繰返し二乗法	5
F	目次				5.4 mod の逆元	5
					5.5 modint の使い方	5
第	I部	S C++	2			
1	$\mathbf{C}+$	+ Preparation	2	第	II部 Python	6
	1.1	C++ Compiler	2		0.6 Python Execution	6
	1.2	C++ Execution	2	_	6.1#\/t	
	1.3	C++ Template	2	1	データ構造	6
					1.1 UnionFind	6
2	デー	-タ構造	2	2	Graph	6
	2.1	stack	2		2.1 深さ優先探索 (再帰関数型)	6
	2.2	queue	2		2.2 深さ優先探索 (スタック型)	6
	2.3	priority queue	2		2.3 幅優先探索	7
	2.4	map	2		2.4 ダイクストラ法	7
	2.5	set	2		2.5 ベルマンフォード法	7
	2.6	tuple	2			
	2.7	string	2	3	探索	8
	2.8	Union-Find	3		3.1 二分探索	8
	2.9	BIT (Fenwick Tree)	3		3.2 bit 全探索	8
					3.3 順列全探索	8
3	Gra	aph	3	4	その他	8
	3.1	二部グラフ判定	3	4	4.1 素数判定	8
	3.2	深さ優先探索 (再帰関数型)	3		4.1	O
	3.3	深さ優先探索 (スタック型)	3			
	3.4	幅優先探索	4			
	3.5	ダイクストラ法	4			
	3.6	ベルマンフォード法	4			
4	探索		4			
	4.1	二分探索	4			
	4.2	bit 全探索	5			
	4.3	順列全探索	5			

## 第I部

# C++

- 1 C++ Preparation
- 1.1 C++ Compiler

```
g++ -std=c++17 test.cpp
```

#### 1.2 C++ Execution

```
./test.out <input> output
```

#### 1.3 C++ Template

```
#include <bits/stdc++.h>
#include <atcoder/all>
using namespace std;
using namespace atcoder;
using 11 = long long;
using ull = unsigned long long;
using Graph = vector < vector < int >>;
// int 2*10e9
// long long 9*10e18
// unsigned long long 1*10e19
constexpr int INF = 1e9;
constexpr ll LLINF = 4e18;
#define for_(i,a,b) for(int i=(a);i<(b);++i)
#define rep(i, n) for_(i, 0, n)
#define all(a) (a).begin(), (a).end()
#define rall(a) (a).rbegin(), (a).rend()
//4方 向
int dx[4] = \{1, 0, -1, 0\};
int dy[4] = \{0, -1, 0, 1\};
//8方 向
int ddx[8] = \{1,1,1,0,0,-1,-1,-1\};
int ddy[8] = \{1,0,-1,1,-1,1,0,-1\};
int main() {
    return 0;
}
```

## 2 データ構造

#### 2.1 stack

```
stack < int > st;
// [1, 2, 3]を追加
st.push(1);
st.push(2);
cout << st.top() << endl; // 2
st.push(3);
st.pop(); // 3を削除
st.pop(); // 2を削除
cout << st.top() << endl; // 1
if(st.empty()) // 空ならtrue
```

#### 2.2 queue

```
queue < int > que;
    // [1, 2, 3]を追加
    que.push(1);
    que.push(2);
    cout << que.front() << endl; // 1</pre>
    que.push(3);
    que.pop(); // 1を削除
    que.pop(); // 2を削除
    cout << que.front() << endl; // 3</pre>
2.3 priority queue
    // 最大値が先頭にくるキュー
    priority_queue <int> pq;
    // 最小値が先頭にくるキュー
    priority_queue <int, vector <int>, greater <int>>
    // [1, 3, 5, 6]を追加
    pq.push(1);
    pq.push(3);
    cout << pq.top() << endl; // 3</pre>
    pq.push(5);
```

pq.push(6);

pq.pop(); // 6を削除

cout << pq.top() << endl; // 5</pre>

#### 2.4 map

```
map < string , int > mp;
mp["haru"] = 12;
mp["taro"] = 13;
cout << mp["haru"] << endl; // 12</pre>
```

#### 2.5 set

```
set < int > st;
// [1, 2]を追加
st.insert(1);
st.insert(2);
st.count(1); // 1が含まれていたら1を返す
st.erase(1); // 1を削除
cout << *st.begin() << endl; // 2
```

#### 2.6 tuple

```
tuple < int, string, long long > tp;

tp = {20, "kindai", 100000};

// 要素のアクセス

cout << get < 0>(tp) << endl; // 20

cout << get < 1>(tp) << endl; // kindai
```

#### 2.7 string

```
string S = "TUNA";
// 文字列の長さを取得
cout << S.size() << endl; // 4
// 文字列が空か判定
if(S.empty()) // 空ならtrue
// 文字列の分割 1文字目以降を取得
cout << S.substr(1) << endl; // UNA
cout << S.substr(1, 2) << endl; // UN
// 文字列の削除 1文字明光を削除
cout << S.erase(1) << endl; // T
```

#### 2.8 Union-Find

```
// Union-Find
// グリッドで UFを使う時,(x,y)に対して使うな
    ら(x-1)*W+(y-1)でハッシュ化できる.
struct UnionFind {
   vector < int > par, rank, siz;
    // 構造体の初期化
    UnionFind(int n) : par(n,-1), rank(n,0),
       siz(n,1) { }
    // 根を求める
    int root(int x) {
    if (par[x]==-1) return x;
    else return par[x] = root(par[x]);
    //x と y が同じグループに属するか (= 根
       が一致するか)
    bool issame(int x. int v) {
       return root(x) == root(y);
    // x を含むグループと y を含むグループを
       併合する
    bool unite(int x, int y) {
       int rx = root(x), ry = root(y);
       if (rx==ry) return false;
       // union by rank
       if (rank[rx]<rank[ry]) swap(rx, ry);</pre>
       par[ry] = rx; // ry を rx の子とする
       if (rank[rx] == rank[ry]) rank[rx] ++;
       siz[rx] += siz[ry];
       return true:
    // x を含む根付き木のサイズを求める
    int size(int x) {
       return siz[root(x)];
};
// union-
    find木がいくつの連結成分からなるかを返す
long long partial(UnionFind tree){
   long long n = tree.siz.size();
    vector < bool > seen(n, false);
    long long ans = 0;
    for (long long i = 0; i < n; i++){
       if (seen[tree.root(i)]) continue;
       seen[tree.root(i)] = true:
       ans++;
    return ans;
}
// 無向グラフ
    Gがいくつの連結成分からなるかを返す
long long partial(Graph &G){
```

```
long long siz = G.size();
UnionFind ki(siz);
for (long long i = 0; i < siz; i++){
    long long siz2 = G[i].size();
    for (long long j = 0; j < siz2; j++){
        ki.unite(i, G[i][j]);
    }
}
long long ret = partial(ki);
return ret;
}</pre>
```

#### 2.9 BIT (Fenwick Tree)

```
// 数列a(a[0],a[1],\cdots,a[n-1])についての区間和
    と点更新を扱う
// 区間和,点更新,二分探索はO(log\{n\})
class BIT {
public:
   //データの長さ
   11 n;
   //データの格納先
   vector <11> a;
    //コンストラクタ
   BIT(11 n):n(n),a(n+1,0){}
   //a[i]に xを加算する
   void add(ll i,ll x){
       i++;
       if(i==0) return:
       for (11 k=i; k \le n; k+=(k \& -k)) {
           a[k]+=x:
   //a[i]+a[i+1]+…+a[j]を求める
   11 sum(11 i,11 j){
       return sum sub(i)-sum sub(i-1):
   //a[0]+a[1]+…+a[i]を求める
   11 sum_sub(11 i){
       <u>i</u>++;
       11 s=0;
       if(i==0) return s:
       for (11 k=i; k>0; k-=(k \& -k)){
           s+=a[k];
       return s;
```

```
//a[0]+a[1]+\cdots+a[i]>=xとなる最小のiを求める(
   任 意 の kで a [k] >=0 が 必 要)
   11 lower_bound(11 x){
       if(x \le 0)
// なが 0以下の場合は該当するものなし→0を返す
          return 0;
      }else{
          11 i=0;11 r=1;
// 最大としてありうる区間の長さを取得する
// n以下の最小の二乗のべき(
   BITで管理する数列の区間で最大のもの)を求
          while (r < n) r = r << 1:
//区間の長さは調べるごとに半分になる
          for(int len=r:len>0:len=len>>1) {
              //その区間を採用する場合
              if(i+len < n && a[i+len] < x) {
                 x-=a[i+len]:
                 i += len;
          return i;
   }
};
```

- 3 Graph
- 3.1 二部グラフ判定
- 3.2 深さ優先探索 (再帰関数型)

```
// 深さ優先探索
vector < bool > seen;
void dfs(const Graph & G, int v) {
    seen[v] = true; // v を訪問済にする

    // v から行ける各頂点 next_v について
    for (auto next_v : G[v]) {
        // next_v が探索済だったらスルー
        if (seen[next_v]) continue;
        dfs(G, next_v); // 再帰的に探索
    }
}
```

## 3.3 深さ優先探索 (スタック型)

```
// 深さ優先探索
stack<int> st;
st.push(start);
while (!st.empty()) {
    int v = st.top(); st.pop();
    if (seen[v]) continue;
    seen[v] = true;
    for (auto next_v : G[v]) {
        if (seen[next_v]) continue;
        st.push(next_v);
    }
}
```

#### 3.4 幅優先探索

```
// 幅優先探索
// 全頂点を「未訪問」に初期化
vector < int > dist(N, -1);
queue <int > que;
// 初期条件 (頂点 0 を初期ノードとする)
dist[0] = 0;
que.push(0); // 0 を橙色頂点にする
// BFS 開始 (キューが空になるまで探索を行う)
while (!que.emptv()) {
   // キューから先頭頂点を取り出す
   int v = que.front():
   que.pop();
   // v から辿れる頂点をすべて調べる
   for (int nv : G[v]) {
     // すでに発見済みの頂点は探索しない
      if (dist[nv] != -1) continue:
      // 新たな白色頂点 nv について距離情報
         を更新してキューに追加する
      dist[nv] = dist[v] + 1;
      que.push(nv);
}
```

## 3.5 ダイクストラ法

```
// 負の重みがない場合の最短経路を求める
// 辺を表す構造体
```

```
struct Edge{
   long long to;
    long long cost;
    // その他、必要な情報があれば要素を追加
// 隣接リストを表す型
using Gpaph=vector < vector < Edge >>;
// 距離と頂点のペアを表す型
using Pair = pair < long long, long long>;
// 暫定距離を格納する配列
vector < long long > dist;
const long long INF = 1LL << 60:
void dijkstra(const Graph& G, vector < long
    long>& dist, long long start){
    priority_queue < Pair, vector < Pair >, greater <</pre>
       Pair>> Q:
    dist.assign(G.size().INF):
    // dist[start]=0をして、qに(0,start)を
    Q.emplace(dist[start]=0, start);
    while(!Q.empty()){
    Pair q=Q.top();
    Q.pop();
    long long d=q.first;
    long long v=q.second;
    if(d>dist[v]) continue:
   for(const auto& edge:G[v]){
       long long nextdist = d+edge.cost;
        if(nextdist<dist[edge.to]){</pre>
        Q.emplace(dist[edge.to]=nextdist,edge
           .to);
   }
}
```

## 3.6 ベルマンフォード法

```
// 負の重みがある場合の最短経路を求める
struct Edge {
    long long from;
    long long to;
    long long cost;
};
using Edges = vector < Edge >;
const long long INF = 1LL << 60;

/* bellman_ford(Es,s,t,dis)
```

```
入力: 全ての辺Es, 頂点数V, 開始点 s, 最短
       経路を記録するdis
   出力: 負の閉路が存在するなら ture
   計算量: O(IEIIVI)
   副作用: dis が書き換えられる
bool bellman_ford(const Edges &Es, int V, int
    s, vector <long long > &dis) {
   dis.resize(V, INF);
   dis[s] = 0:
   int cnt = 0;
   while (cnt < V) {
       bool end = true:
       for (auto e : Es) {
           if (dis[e.from] != INF && dis[e.
              from] + e.cost < dis[e.to]) {</pre>
              dis[e.to] = dis[e.from] + e.
                  cost:
              end = false;
          }
       if (end) break;
       cnt++:
   return (cnt == V);
```

# 4 探索

#### 4.1 二分探索

```
vector < int > a = { 1,4,4,7,7,8,8,11,13,19};
// lower_bound: key以上の値が初めて現れる位置
auto iter = lower_bound(all(a),4);
// key以上の最小の値を出力
cout << *iter << endl; // 4
// key以上の最小の値が初めて現れる位置を出力
cout << a.begin() - iter << endl; // 1

// upper_bound:
    keyより大きい値が初めて現れる位置
auto iter1 = upper_bound(all(a), 4);
// keyより大きい最小の値を出力
cout << *iter1 << endl; // 7
// keyより大きい最小の値が初出する位置を出力
cout << a.begin() - iter1 << endl; // 3
```

#### 4.2 bit 全探索

## 5.2 繰返し二乗法

## 5.5 modint の使い方

```
for(int bit = 0; bit < (1 << n); bit++){
    // データ数 nのbit全探索
    for(int i = 0; i < n; i++){
        if(bit & (1 << i)){
            // 処理を書く
        }
    }
}
```

```
long long pow(long long x, long long n) {
    long long ret = 1;
    while (n > 0) {
        // nの最下位bitが1ならばx^(2^i)をかける
        if (n & 1) ret *= x;
        x *= x;
        n >>= 1; // n を1bit 左にずらす
    }
    return ret;
}
```

```
using mint = modint998244353;

int main(){

    mint ans = 4321;

    ans /= 9876;

    // 4321 / 9876 mod 998244353を出力

    cout << ans.val() << endl;

}
```

### 4.3 順列全探索

```
vector < int > A(4);
A = [1, 2, 3, 4];
do{
    // ここに処理を書く
}while(next_permutation(A.begin(), A.end()));
```

# 5 その他

#### 5.1 素数判定

```
// エラトステネスの篩 O(N)
vector < bool > Eratosthenes(int N) {
   // テーブル
   vector < bool > isprime(N+1, true);
   // 0.1 は予めふるい落としておく
   isprime[0] = isprime[1] = false;
   // ふるい
   for (int p = 2; p \le N; ++p) {
      // 合成数であるものはスキップする
       if (!isprime[p]) continue;
       // p以外のpの倍数から素数ラベルを剥奪
       for (int q = p * 2; q \le N; q += p) {
          isprime[q] = false;
   // 1 以上 N 以下の整数が素数かどうか
   return isprime;
}
```

## 5.3 余剰を取る繰返し二乗法

```
const int MOD = 10000000007;
long long pow(long long x, long long n) {
    long long ret = 1;
    while (n > 0) {
        // nの最下位bitが1ならばx^(2^i)をかける
        if (n & 1) ret = ret * x % MOD;
        x = x * x % MOD;
        n >>= 1; // n を1bit 左にずらす
    }
    return ret;
}
```

### 5.4 mod の逆元

```
// mod. m での a の逆元 a^{-1} を計算する
long long modinv(long long a, long long m) {
  long long b = m, u = 1, v = 0;
  while (b) {
    long long t = a / b;
    a -= t * b; swap(a, b);
    u -= t * v; swap(u, v);
  }
  u %= m;
  if (u < 0) u += m;
  return u;
}
```

# 第II部

# Python

## 0.6 Python Execution

```
python3 main.py < input.txt > output.txt
```

# 1 データ構造

#### 1.1 UnionFind

```
class UnionFind:
def __init__(self, n):
    self.par = [-1] * n
    self.rank = [0] * n
    self.siz = [1] * n
def root(self, x):
    if self.par[x] == -1:
        return x
    else:
        self.par[x] = self.root(self.par[x])
        return self.par[x]
def issame(self, x, y):
    return self.root(x) == self.root(y)
def unite(self, x, y):
    rx = self.root(x)
    ry = self.root(y)
   if rx == ry:
        return False
    if self.rank[rx] < self.rank[ry]:</pre>
        rx, ry = ry, rx
    self.par[ry] = rx
    if self.rank[rx] == self.rank[ry]:
        self.rank[rx] += 1
    self.siz[rx] += self.siz[rv]
    return True
def size(self. x):
    return self.siz[self.root(x)]
def partial(tree):
    n = len(tree.siz)
```

```
seen = [False] * n
   ans = 0
   for i in range(n):
       if not seen[tree.root(i)]:
          seen[tree.root(i)] = True
   return ans
def partial_graph(G):
   siz = len(G)
   uf = UnionFind(siz)
   for i in range(siz):
       for j in G[i]:
          uf.unite(i, j)
   return partial(uf)
# 使用例
# グラフ Gを隣接リストとして表現
   [1, 2], # ノード0の隣接ノード
   [0, 2], # ノード1の隣接ノード
   [0, 1], # ノード2の隣接ノード
   [4]. # ノード3の隣接ノード
           # ノード4の隣接ノード
]
# グラフの連結成分の数を計算
num_connected_components = partial_graph(G)
print(num_connected_components) # 出力: 2
```

# 2 Graph

# 2.1 深さ優先探索 (再帰関数型)

```
def dfs(G, v, seen):
    seen[v] = True # v を訪問済にする

# v から行ける各頂点 next_v について
for next_v in G[v]:
    # next_v が探索済だったらスルー
    if seen[next_v]:
        continue
    dfs(G, next_v, seen) # 再帰的に探索

# 使用例
# グラフ Gを隣接リストとして表現
G = [
    [1, 2], # ノードのの隣接ノード
```

```
[0, 2], # ノード1の隣接ノード
[0, 1, 3], # ノード2の隣接ノード
[2, 4], # ノード3の隣接ノード
[3] # ノード4の隣接ノード
]

# 頂点の訪問状態を保持するリスト
seen = [False] * len(G)

# ノード0からDFSを開始
dfs(G, 0, seen)

# 結果の出力
print(seen)
# 出力: [True, True, True, True]
```

#### 2.2 深さ優先探索(スタック型)

```
def dfs_iterative(G, start):
# 頂点の訪問状態を保持するリスト
seen = [False] * len(G)
# スタックの初期化
st = [start]
while st:
   v = st.pop()
   if seen[v]:
      continue
   seen[v] = True
   for next_v in G[v]:
      if not seen[next_v]:
          st.append(next_v)
return seen
# 使用例
# グラフ Gを隣接リストとして表現
   [1, 2], # ノード0の隣接ノード
   [0, 2], # ノード1の隣接ノード
   [0, 1, 3], # ノード2の隣接ノード
   [2, 4], # ノード3の隣接ノード
   [3] # ノード4の隣接ノード
1
# ノードOから DFSを開始
seen = dfs_iterative(G, 0)
# 結果の出力
print(seen) # 出力: [True, True, True, True,
```

```
from collections import deque
def bfs(G. start):
   N = len(G)
   # 全頂点を「未訪問」に初期化
   dist = \lceil -1 \rceil * N
   que = deque()
   # 初期条件 (頂点 start を初期ノードとす
     る)
   dist[start] = 0
   que.append(start) # start を橙色頂点にす
   # BFS 開始 (キューが空になるまで探索を行
   while que:
     # キューから先頭頂点を取り出す
      v = que.popleft()
      # v から辿れる頂点をすべて調べる
      for ny in G[v]:
         # すでに発見済みの頂点は探索しな
         if dist[nv] != -1:
            continue
         # 新たな白色頂点 nv について距離
            情報を更新してキューに追加す
         dist[nv] = dist[v] + 1
         que.append(nv)
   return dist
   # 使用例
   # グラフ Gを隣接リストとして表現
     [1, 2], # ノード0の隣接ノード
      [0, 2], # ノード1の隣接ノード
      [0, 1, 3], # ノード2の隣接ノード
      [2, 4], # ノード3の隣接ノード
      [3] # ノード4の隣接ノード
   # ノードOからBFSを開始
   distances = bfs(G, 0)
   # 結果の出力
   print(distances) # 出力: [0, 1, 1, 2, 3]
```

```
import heapq
class Edge:
   def __init__(self, to, cost):
       self.to = to
       self.cost = cost
def dijkstra(G, start):
   INF = float('inf')
   dist = [INF] * len(G)
   dist[start] = 0
   priority_queue = []
   heapq.heappush(priority_queue, (0, start
   while priority_queue:
       d, v = heapq.heappop(priority_queue)
       if d > dist[v]:
           continue
       for edge in G[v]:
           nextdist = d + edge.cost
           if nextdist < dist[edge.to]:</pre>
              dist[edge.to] = nextdist
              heapq.heappush(priority_queue
                  . (nextdist. edge.to))
   return dist
   # 使用例
   # グラフ Gを隣接リストとして表現
       [Edge(1, 2), Edge(2, 4)], # / - F_0
           の隣接ノードとコスト
       [Edge(2, 1), Edge(3, 7)], # / - 1
           の隣接ノードとコスト
                                # / - 12
       [Edge(3, 3)],
          の隣接ノードとコスト
                                # ノード3
           の隣接ノードとコスト
   # ノード0からダイクストラ法を開始
   start node = 0
   distances = dijkstra(G, start_node)
   # 結果の出力
   print(distances) # 出力: [0, 2, 3, 6]
```

```
class Edge:
    def __init__(self, from_node, to_node, cost):
        self.from_node = from_node
        self.to node = to node
        self.cost = cost
def bellman_ford(edges, V, start):
    INF = float('inf')
    dist = [INF] * V
    dist[start] = 0
    for i in range(V):
        updated = False
        for edge in edges:
            if dist[edge.from_node] != INF and
                dist[edge.from_node] + edge.cost
                < dist[edge.to_node]:
                dist[edge.to_node] = dist[edge.
                    from_node] + edge.cost
                updated = True
        if not updated:
            break
    # Check for negative weight cycles
    for edge in edges:
        if dist[edge.from_node] != INF and dist[
            edge.from_node] + edge.cost < dist[</pre>
            edge.to nodel:
            return True, dist # Negative weight
                cycle detected
    return False, dist
    # 使用例
    edges = [
        Edge(0, 1, 2),
        Edge(0, 2, 4),
        Edge(1, 2, 1),
        Edge(1, 3, 7),
        Edge(2, 3, 3),
        Edge(3, 4, -5),
        Edge (4, 1, 2)
    V = 5 # グラフの頂点数
    start node = 0
    has_negative_cycle, distances = bellman_ford(
        edges, V, start_node)
    if has_negative_cycle:
        print("負の閉路があります")
```

```
print("最短距離:", distances)
```

# 4 その他

4.1 素数判定

print(primes)

# 3 探索

### 3.1 二分探索

```
import bisect

a = [1, 4, 4, 7, 7, 8, 8, 11, 13, 19]

# lower_bound: key以上の値が初めて現れる位置
key = 4
iter_idx = bisect.bisect_left(a, key)
print(a[iter_idx]) # 4
print(iter_idx) # 1

# upper_bound:
    keyより大きい値が初めて現れる位置
iter1_idx = bisect.bisect_right(a, key)
print(a[iter1_idx]) # 7
print(iter1_idx) # 3
```

## 3.2 bit 全探索

```
n = 3 # データ数

for bit in range(1 << n):
    # データ数 nのbit全探索
    for i in range(n):
        if bit & (1 << i):
        # 処理を書く
        print(f"bit: {bin(bit)}, i: {i}")
```

#### 3.3 順列全探索

```
import itertools

A = [1, 2, 3, 4]

# permutationsを使って全ての順列を生成
for perm in itertools.permutations(A):
 # ここに処理を書く
print(perm)
```

## def eratosthenes(N): # テーブル isprime = [True] \* (N + 1)# 0, 1 は予めふるい落としておく isprime[0] = isprime[1] = False # ふるい for p in range (2, N + 1): # 合成数であるものはスキップする if not isprime[p]: continue # p以外のpの倍数から素数ラベルを剥奪 for q in range(p \* 2, N + 1, p): isprime[q] = False # 1 以上 N 以下の整数が素数かどうか return isprime # 使用例 N = 30isprime = eratosthenes(N) print(isprime) #素数のリストを取得 primes = [i for i, prime in enumerate(isprime ) if prime]