

## 1. Exercícios

### 1.1. Exercício 1

```
1      public static void maiorMenor(int[] array) {
2          int menor = array[0];
3          int maior = array[0];
4          for (int i = 1; i < array.length; i++) {
5              if (menor > array[i]) {
6                  menor = array[i];
7              } else {
8                  if (maior < array[i]) {
9                      maior = array[i];
10                 }
11             }
12         }
13         System.out.println("maior = " + maior);
14         System.out.println("menor = " + menor);
15     }
```

Como o código precisa necessariamente percorrer todo o vetor, o índice vai obrigatoriamente de 1 a `array.length` ( $n$ ).

Desta forma, o código no pior caso seria se o primeiro `if` desse falso e o `else if` desse verdadeiro, ou seja, se o array estivesse ordenado de forma crescente.  $2 * (n - 1)$  Duas comparações por iteração,  $n - 1$  vezes.

Já no melhor caso, seria se o primeiro `if` desse verdadeiro, ou seja, se o array estivesse ordenado de forma decrescente.  $1 * (n - 1)$  Uma comparação entre itens do array por iteração,  $n - 1$  vezes.

### 1.2. Exercício 3 ao 10

Estão em anexo na pasta anexos.

### 1.3. Exercício 11

#### Melhor caso

- Telefone: 1,  $O(1)\Theta(1)\Omega(1)$
- Alarme: 1,  $O(1)\Theta(1)\Omega(1)$
- Luz: 0,  $O(0)\Theta(0)\Omega(0)$
- Sensor:  $(n - 2)$ ,  $O(n)\Theta(n)\Omega(n)$
- Câmera:  $(n - 2)$ ,  $O(n)\Theta(n)\Omega(n)$

#### Pior caso

- Telefone: 1,  $O(1)\Theta(1)\Omega(1)$
- Alarme:  $1 + 2(n - 2)$ ,  $O(n)\Theta(n)\Omega(n)$
- Luz: 0,  $O(1)\Theta(1)\Omega(1)$
- Sensor:  $(n - 2)$ ,  $O(n)\Theta(n)\Omega(n)$
- Câmera:  $(n - 2)$ ,  $O(n)\Theta(n)\Omega(n)$

## 1.4. Exercício 12

```
1      public static void maiorMenor(int[] array) {
2          int menor = array[0];
3          int maior = array[0];
4          for (int i = 1; i < array.length; i++) {
5              if (menor > array[i]) {
6                  menor = array[i];
7              } else {
8                  if (maior < array[i]) {
9                      maior = array[i];
10                 }
11             }
12         }
13         System.out.println("maior = " + maior);
14         System.out.println("menor = " + menor);
15     }
```

Operações: Atribuição e comparação.

- Atribuição: **Melhor caso**  $2, O(2), \Theta(2), \Omega(2)$  **Pior caso**  $2+(n-1), O(n), \Theta(n), \Omega(n)$
- Comparação: **Melhor caso**  $(n-1), O(n), \Theta(n), \Omega(n)$  **Pior caso**  $2(n-1), O(n), \Theta(n), \Omega(n)$

## 1.5. Exercício 13

Neste caso seria mais vantajoso ordenar o array e aplicar pesquisa binária, pelo fato de realizar  $n$  pesquisas sequenciais, a complexidade seria de  $\Theta(n^2)$ . Enquanto ordenar e pesquisar binariamente, teria uma complexidade de  $\Theta(n * \log_2(n))$

## 2. Exercícios Resolvidos

### 2.1. Exercício 1

- a)  $2^{10} = 1024$
- b)  $\log_2(1024) = 10$
- c)  $\log_2(17) = 4,08746284125034$
- d)  $\lceil \log_2(17) \rceil = 5$
- e)  $\lfloor \log_2(17) \rfloor = 4$

### 2.2. Exercício 2

### 2.3. Exercício 3

Melhor caso:  $f(n) = n \log O(n), \Omega(n), \Theta(n)$

Pior caso:  $f(n) = 2n \log O(n), \Omega(n), \Theta(n)$

### 2.4. Exercício 4

O código realiza  $(n - 3)$  operações.

### 2.5. Exercício 5

O código efetua  $\log_2(n) + 1$  operações.

a)  $f(n) = n^3$

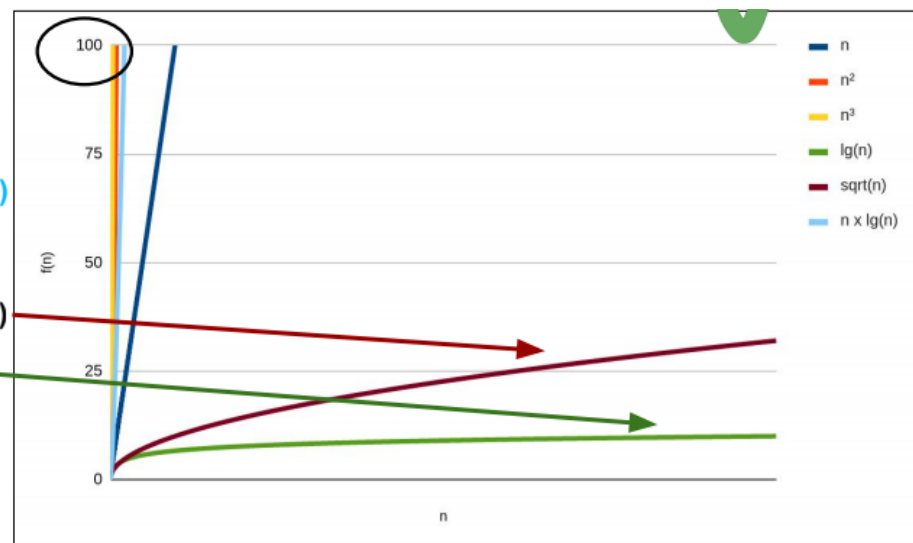
b)  $f(n) = n^2$

c)  $f(n) = n \times \lg(n)$

d)  $f(n) = n$

e)  $f(n) = \text{sqrt}(n)$

f)  $f(n) = \lg(n)$



## 2.6. Exercício 8

Sim, porque temos que testar todos os elementos para garantir nossa resposta.

## 2.7. Exercício 9

Sim, porque temos que testar todos os elementos para garantir nossa resposta.

## 2.8. Exercício 10

O aluno deve escolher a primeira opção, pois a pesquisa sequencial tem custo  $\Theta(n)$ . A segunda opção tem custo  $\Theta(n * \log_2(n))$  para ordenar, mais  $\Theta(n)$  para a pesquisa binária.

## 2.9. Exercício 12

### Função de complexidade

MOV CMP

PIOR  $f(n) = 2 + (n-2)|f(n) = 1 + 2(n-2)$

MELHOR  $f(n) = 2 + (n-2)x0|f(n) = 1 + (n-2)$

### Complexidade

MOV CMP

PIOR  $O(n), \Omega(n)e\Theta(n)O(n), \Omega(n)e\Theta(n)$

MELHOR  $O(1), \Omega(1)e\Theta(1)O(n), \Omega(n)e\Theta(n)$