

# Trabalho Teórico 5

Iyan Lucas Duarte Marques

11 de setembro de 2020

## 1 Exercícios

### 1.1 Exercício 2 (p104)

$$\sum_1^{m-3} a_i + \sum_m^n a_i = \sum_1^n a_i - a_{m-2} - a_{m-1} \quad (1)$$

### 1.2 Exercício 3

Pior caso  $\Theta(n^2)$

Melhor caso:  $\Theta(n)$

Caso médio para um arranjo aleatório:  $\Theta(n^2)$

Caso de arranjo "quase ordenado":  $\Theta(n)$

## 2 Exercícios Resolvidos

### 2.1 Exercício 1

Mostre o somatório dos  $n$  primeiros números inteiros

$$\sum_{i=1}^{i \leq n} (a_i + b_i) \quad (2)$$

## 2.2 Exercício 2

O Algoritmo de Seleção é uma solução conhecida para a ordenação interna.

Quantas comparações entre registros ele realiza?

$$\sum_{i=0}^{n-2} (n - i - 1) \quad (3)$$

## 2.3 Exercício 3

b)

## 2.4 Exercício 4

$$(3 * 1) + (3 * 2) + (3 * 3) + (3 * 4) = 30$$

## 2.5 Exercício 5

$$(3 - (2 \cdot 1)) + (3 - (2 \cdot 2)) + (3 - (2 \cdot 3)) + (3 - (2 \cdot 4)) = -8$$

## 2.6 Exercício 6

$$2(1 + 2 + 3) + (x + x + x) = 12 + 3x$$

## 2.7 Exercício 7

$$5 \cdot 4 \cdot 0 = 0 + 0 + 6 + 12 + 12 + 0 = 30$$

## 2.8 Exercício 8

Sim, pois como os termos  $a_0$ ,  $a_1$  e  $a_5$  são iguais a zero, o resultado dos dois somatórios é igual a  $(a_2 + a_3 + a_4)$

## 2.9 Exercício 9

b)

## 2.10 Exercício 10

a)

## 2.11 Exercício 11

$$b_1 + b_2 + \sum_3^n (a_i + b_i) \quad (4)$$

## 2.12 Exercício 12

2.12.1 a)

$$\sum_{k=0}^{200} k^3 = \sum_{k=1}^{200} k^3 \quad (5)$$

Essa expressão é verdadeira pelo fato de  $k_0^3 = 0$  e por isso não faz diferença na soma.

2.12.2 b)

$$\sum_{p=0}^{1000} (3 + p) = 3 + \sum_{p=0}^{1000} p \quad (6)$$

Essa expressão é falsa porque, no primeiro somatório, o 3 se repete 1000 vezes. Na segunda, o 3 não se repete.

2.12.3 c)

$$\sum_{l=1}^n (3l) = 3 \sum_{l=1}^n l \quad (7)$$

Essa expressão é verdadeira pela propriedade distributiva.

**2.12.4 d)**

$$\sum_{k=0}^{12} (k^p) = \left( \sum_{k=0}^{12} k \right)^p \quad (8)$$

Essa expressão é falsa pelo fato de que a potência no primeiro somatório está elevando todo o  $k$ . Já no segundo, eleva somente o resultado do somatório.

**2.12.5 e)**

$$\sum_{t=8}^{32} (3 + t) = 75 + \sum_{t=8}^{32} t \quad (9)$$

Essa expressão é verdadeira pelo fato de 75 ser  $3 * 25$ .

**2.13 Exercício 13**

No primeiro somatório temos  $(3 + 2.0) + (3 + 2.1) + (3 + 2.2) + (3 + 2.3) + (3 + 2.4)$  e no segundo,  $(3 + 2.[4-0]) + (3 + 2.[4-1]) + (3 + 2.[4-2]) + (3 + 2.[4-3]) + (3 + 2.[4-4])$ . Logo, por comutatividade, temos o mesmo somatório alterando apenas a ordem dos elementos.

**2.14 Exercício 14**

Os valores  $a$  e  $b$  são 1 e 3, respectivamente, logo, temos:

$$1 + 3 \cdot 0 = 1$$

$$1 + 3 \cdot 1 = 4$$

$$1 + 3 \cdot 2 = 7$$

$$1 + 3 \cdot 3 = 10$$

$$1 + 3 \cdot 4 = 13$$

**2.15 Exercício 15**

$$S_n = \sum_{0 \leq i \leq n} [a + b * i] = \frac{(2a + bn)(n + 1)}{2} \quad (10)$$

### 2.16 Exercício 16

Nesse caso, temos uma progressão cujos valores a e b são zero e um, respectivamente

$$S_n = \sum_{0 \leq i \leq n} [0 + 1 * i] = \frac{(2 * 0 + n)(n + 1)}{2} = \frac{n * (n + 1)}{2} \quad (11)$$

### 2.17 Exercício 17

```
int somatorio(int n){  
    return ((n * (n+1))/2);  
}
```

### 2.18 Exercício 18

$$\frac{n^2}{2} - \frac{n}{2} = \Theta(n^2) \quad (12)$$

### 2.19 Exercício 19

Os dois somatórios são iguais, entretanto, o segundo faz uma soma a mais que é com seu primeiro termo cujo valor é zero.

### 2.20 Exercício 20

Os somatórios são diferentes, porque, não necessariamente, o primeiro termo ( $a_0$ ) é igual a zero

### 2.21 Exercício 21

O resultado dos dois somatórios é  $(a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_n)$

### 2.22 Exercício 22

O primeiro somatório desconsidera os termos  $a_0, a_1, a_n$  cujo valor é zero.

### 2.23 Exercício 23

$$S_n = \sum_{0 \leq i \leq n} (i * 2^i) = \frac{a - a * x^{n+1}}{1 - x} \quad (13)$$

### 2.24 Exercício 24

$$S_n = \sum_{0 \leq i \leq n} (i * 2^i) = (n - 1) * 2^{n+1} + 2 \quad (14)$$

### 2.25 Exercício 25

$$\frac{n^2 + 7n + 6}{2} \quad (15)$$

### 2.26 Exercício 26

$$2n^2 + 3n \quad (16)$$

### 2.27 Exercício 27

$$10n^2 + 10n \quad (17)$$

### 2.28 Exercício 28

1. Passo base:

$$(0 - 1)2^{0+1} + 2 = 0 \quad (18)$$

2. indução propriamente dita:

$$S_n = (n - 1)2^{n+1} + 2 \quad (19)$$

**2.29 Exercício 29**

$$S_n = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6} \quad (20)$$