

$$a_{n+1} = a_n + 2n \quad a_1 = 2$$

$$a_2 = a_1 + 2 = 4$$

$$a_3 = a_2 + 4 = 8$$

$$a_1, a_2, a_3, a_4, \dots, a_n$$

$$\underbrace{a_1}_{+f(1)} \quad \underbrace{a_2}_{+f(2)} \quad \underbrace{a_3}_{+f(3)} \quad \dots \quad \underbrace{a_n}_{+f(n-1)}$$

$$a_n = a_1 + f(1) + \dots + f(n-1) \quad \text{if } n \geq 2$$

前提 $n \geq 2$ の時

Range. \rightarrow

for $\{n=5, n=1; \dots, n-1\}$
 $k=1$

$$\text{result} = 2 \times k$$

$$a_n = a_1 + \sum_{k=1}^{n-1} 2k$$

$k=2$ 代入可能

$$= 2 + 2 \times \frac{(n-1) \times n}{2}$$

$k=1$ の時 $n=1$ の時

$n=2$ の時

$k=1$ の時 0 の時

$$= n^2 - n + 2$$

$n=1$ の時, $a_1 = 1^2 - 1 + 2 = 2 \rightarrow a_n = n^2 - n + 2$

一般項

シフト公式

$$\left\{ \begin{aligned} \sum_{k=1}^n 1 &= n \\ \sum_{k=1}^n k &= \frac{1}{2}n(n+1) \\ \sum_{k=1}^n k^2 &= \frac{1}{6}n(n+1)(2n+1) \end{aligned} \right.$$

$$\frac{x \cdot x + 1}{2}$$

1, 2, 3, ..., x の

$$\begin{array}{r} 1 + 2 + 3 + 4 \\ (x+1) \quad 4 + 3 + 2 + 1 \end{array}$$

$$\frac{x \cdot x + 1}{2}$$

① $a_{n+1} = a_n + d$ (等差型)

$$\rightarrow a_n = a_1 + (n-1)d$$

② $a_{n+1} = r a_n$ (等比型)

$$\rightarrow a_n = a_1 \times r^{n-1}$$

③ $a_{n+1} = a_n + \boxed{f(n)}$ (階差型)

足ります。

$$\rightarrow \underline{n \geq 2} \text{ のとき } a_n = a_1 + \sum_{k=1}^{n-1} f(k)$$

基礎的に上記の形に落とせる。