## Машинное обучение. Домашнее задание №3

**Задача 1.** Приведите пример целевого вектора  $y_1, \ldots, y_\ell$  и ответов алгоритма  $b(x_1), \ldots, b(x_\ell)$ , для которых AUC-ROC будет равен 0.5.

**Задача 2.** Пусть дан классификатор b(x), который возвращает оценки принадлежности объектов классам: чем больше ответ классификатора, тем более он уверен в том, что данный объект относится к классу «+1». Отсортируем все объекты по неубыванию ответа классификатора b:  $x_{(1)}, \ldots, x_{(\ell)}$ . Обозначим истинные ответы на этих объектах через  $y_{(1)}, \ldots, y_{(\ell)}$ .

Покажите, что AUC-ROC для данной выборки будет равен вероятности того, что случайно выбранный положительный объект окажется в отсортированном списке позже случайно выбранного отрицательного объекта.

**Задача 3.** Допустим, мы решаем задачу регрессии с помощью линейной модели, настраиваемой на среднекваратичный функционал. Как соотносятся выставление весов объектов в данном функционале и oversampling/undersampling?