

#### ĐẠI HỌC BÁCH KHOA HÀ NỘI TRƯỜNG CÔNG NGHỆ THÔNG TIN VÀ TRUYỀN THÔNG

BÀI 20

ĐẶC ĐIỂM VÀ ỨNG DỤNG

CỦA TỪNG LOẠI BỘ LỌC FIR

Khoa Kỹ thuật máy tính

#### ■ Nội dung bài học

- 1. Bộ lọc FIR loại 1.
- 2. Bộ lọc FIR loại 2.
- 3. Bộ lọc FIR loại 3.
- 4. Bộ lọc FIR loại 4.

#### ■ Mục tiêu bài học

Sau khi học xong bài này, các em sẽ nắm được những vấn đề sau:

- Các đặc điểm của từng loại bộ lọc FIR.
- Úng dụng của từng loại bộ lọc FIR.

- h(n) đối xứng, N lẻ
- Ví dụ:

$$\begin{split} \mathsf{H}(z) &= \mathsf{h}(0) + \mathsf{h}(1)\mathsf{z}^{-1} + \mathsf{h}(2)\mathsf{z}^{-2} + \mathsf{h}(3)\mathsf{z}^{-3} + \mathsf{h}(4)\mathsf{z}^{-4} + \mathsf{h}(5)\mathsf{z}^{-5} + \mathsf{h}(6)\mathsf{z}^{-6} \\ &\quad \mathsf{h}(0) = \mathsf{h}(6), \mathsf{h}(1) = \mathsf{h}(5), \mathsf{h}(2) = \mathsf{h}(4) \end{split}$$

$$\begin{split} \mathsf{H}\left(\mathsf{e}^{j\omega}\right) &= \mathsf{h}(0) \big[1 + e^{-6j\omega}\big] + \mathsf{h}(1) \big[e^{-j\omega} + \mathsf{e}^{-5j\omega}\big] + \mathsf{h}(2) \big[e^{-2j\omega} + \mathsf{e}^{-4j\omega}\big] + \mathsf{h}(3)\mathsf{e}^{-3j\omega} \\ &= \mathsf{e}^{-3j\omega} \big\{\mathsf{h}(0) \big[e^{3j\omega} + \mathsf{e}^{-3j\omega}\big] + \mathsf{h}(1) \big[e^{2j\omega} + e^{-2j\omega}\big] + \mathsf{h}(2) \big[e^{j\omega} + \mathsf{e}^{-j\omega}\big] + \mathsf{h}(3) \big\} \\ &= \mathsf{e}^{-j\omega} \big\{\mathsf{h}(0) \cos(3\omega) + 2\mathsf{h}(1) \cos(2\omega) + 2\mathsf{h}(2) \cos(\omega) + \mathsf{h}(3) \big\} \\ &= \mathsf{e}^{\mathrm{j}\theta(\omega)} \big[\mathsf{H}_{\mathsf{R}}(\omega)\big] \end{split}$$

• Trễ nhóm bằng hằng số và bằng  $\frac{N-1}{2}$ 

- h(n) đối xứng, N chẵn
- Ví dụ:

$$H(z) = h(0) + h(1)z^{-1} + h(2)z^{-2} + h(3)z^{-3} + h(4)z^{-4} + h(5)z^{-5} + h(6)z^{-6} + h(7)z^{-7} + h(6)z^{-6} + h($$

$$H(e^{j\omega})$$
=  $h(0)[1 + e^{-7j\omega}] + h(1)[e^{-j\omega} + e^{-5j\omega}] + h(2)[e^{-2j\omega} + e^{-5j\omega}] + h(3)[e^{-3j\omega} + e^{-4j\omega}]$ 

$$\begin{split} & H(e^{-j\omega}) \\ &= e^{-j3.5\omega} \{2h(0)\cos(3.5\omega) + 2h(1)\cos(2.5\omega) + 2h(2)\cos(1.5\omega) + 2h(3)\cos(0.5\omega)\} \\ &= e^{j\theta(\omega)}[H_R(\omega)] \end{split}$$

#### Đặc điểm bộ lọc FIR loại 2

- h(n) đối xứng, N chẵn
- Trễ nhóm bằng hằng số và bằng  $\frac{N-1}{2}$
- Do tại  $\omega = \pi$  thì  $H(\omega) = 0$ : bộ lọc FIR loại 2 không thích hợp cho thiết kế bộ lọc thông cao và chắn dải mà chỉ thích hợp cho bộ lọc thông thấp và bộ lọc thông dải.

- h(n) phản đối xứng, N lẻ
- Ví dụ:

$$H(z^{-1}) = h(0) + h(1)z^{-1} + h(2)z^{-2} + h(3)z^{-3} + h(4)z^{-4} + h(5)z^{-5} + h(6)z^{-6}$$
$$h(0) = -h(6), h(1) = -h(5), h(2) = -h(4), h(3) = 0$$

$$\begin{split} \mathsf{H}\big(\mathrm{e}^{\mathrm{j}\omega}\big) &= \mathsf{h}(0) \big[ 1 - \mathrm{e}^{-6\mathrm{j}\omega} \big] + \mathsf{h}(1) \big[ e^{-j\omega} - e^{-5\mathrm{j}\omega} \big] + \mathsf{h}(2) \big[ \mathrm{e}^{-2\mathrm{j}\omega} - \mathrm{e}^{-4\mathrm{j}\omega} \big] \\ &= e^{-3\mathrm{j}\omega} \big\{ \mathsf{h}(0) \big[ \mathrm{e}^{3\mathrm{j}\omega} - \mathrm{e}^{-3\mathrm{j}\omega} \big] + \mathsf{h}(1) \big[ \mathrm{e}^{2\mathrm{j}\omega} - \mathrm{e}^{-2\mathrm{j}\omega} \big] + \mathsf{h}(2) \big[ e^{j\omega} - \mathrm{e}^{-j\omega} \big] \big\} \\ &\quad \mathsf{H}\big(\mathrm{e}^{-\mathrm{j}\omega}\big) = \mathsf{j}.\, \mathrm{e}^{-\mathrm{j}3\omega} \big\{ 2\mathsf{h}(0) \mathrm{sin}(3\omega) + 2\mathsf{h}(1) \mathrm{sin}(2\omega) + 2\mathsf{h}(2) \mathrm{sin}(\omega) \big\} \\ &\quad = \mathrm{e}^{\mathrm{j}\theta(\omega)} \big[ \mathsf{H}_{\mathrm{R}}(\omega) \big] \end{split}$$

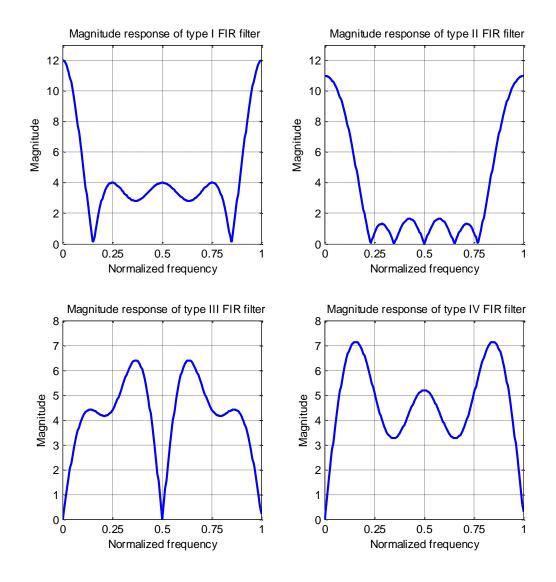
- Trễ nhóm bằng hằng số và bằng  $\frac{N-1}{2}$
- Do tại  $\omega = 0$  và  $\omega = \pi$  thì  $H(\omega) = 0$ , do vậy bộ lọc FIR loại 3 thích hợp cho thiết kế bộ lọc thông dải, không thích hợp cho thông thấp, thông cao và chắn dải.

- h(n) phản đối xứng, N chẵn
- Ví dụ:

$$\begin{split} H(z^{-1}) &= h(0) + h(1)z^{-1} + h(2)z^{-2} + h(3)z^{-3} + h(4)z^{-4} + h(5)z^{-5} \\ h(0) &= -h(5), h(1) = -h(4), h(2) = -h(3) \\ H(e^{j\omega}) &= h(0) \Big[ 1 - e^{-5j\omega} \Big] + h(1) \Big[ e^{-j\omega} - e^{-4j\omega} \Big] + h(2) \Big[ e^{-2j\omega} - e^{-3j\omega} \Big] \\ &= e^{-2.5j\omega} \Big\{ h(0) \Big[ e^{2.5j\omega} - e^{-2.5j\omega} \Big] + h(1) \Big[ e^{1.5j\omega} - e^{-1.5j\omega} \Big] + h(2) \Big[ e^{0.5j\omega} - e^{-0.5j\omega} \Big] \Big\} \\ H(e^{-j\omega}) &= j. \, e^{-j2.5\omega} \{ 2h(0) \sin(2.5\omega) + 2h(1) \sin(1.5\omega) + 2h(2) \sin(0.5\omega) \} \\ &= e^{j\theta(\omega)} \big[ H_R(\omega) \big] \end{split}$$

- Trễ nhóm bằng hằng số và bằng  $\frac{N-1}{2}$
- Do tại  $\omega = 0$  thì  $H(\omega) = 0$ , bộ lọc FIR loại 4 thích hợp cho thiết kế bộ lọc thông dải và thông cao, không thích hợp cho thông thấp và chắn dải.

#### Ví dụ



IT 4172 Xử lý tín hiệu Chương 3. Bộ lọc số

9

## 4. Tổng kết

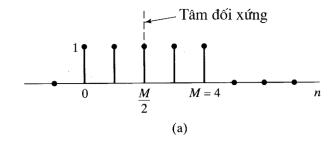
- Bộ lọc FIR loại 2 không thích hợp cho thiết kế bộ lọc thông cao và chẳn dải
   mà chỉ thích hợp cho bộ lọc thông thấp và bộ lọc thông dải.
- Bộ lọc FIR loại 3 thích hợp cho thiết kế bộ lọc thông dải, không thích hợp cho thông thấp, thông cao và chắn dải.
- Bộ lọc FIR loại 4 thích hợp cho thiết kế bộ lọc thông dải và thông cao, không thích hợp cho thông thấp và chắn dải.

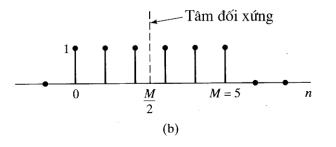
### 5. Bài tập

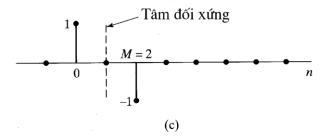
- Bài tập 1
  - ☐ Hãy chứng minh bộ lọc FIR loại 4 thích hợp cho thông dải và thông cao, không thích hợp cho thông thấp và chắn dải.

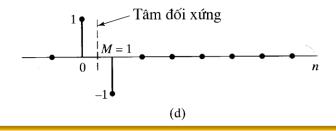
#### Bài tập về nhà

- Bài tập 2
  - ☐ Hãy xác định đáp ứng biên độ, đáp ứng pha và nhận xét đặc điểm của từng loại bộ lọc.









# Bài học tiếp theo. BÀI

# TỔNG HỢP BỘ LỌC FIR PHA TUYẾN TÍNH SỬ DỤNG PHƯƠNG PHÁP CỬA SỐ

#### Tài liệu tham khảo:

- Nguyễn Quốc Trung (2008), Xử lý tín hiệu và lọc số, Tập 1, Nhà xuất bản Khoa học và Kỹ thuật, Chương 1 Tín hiệu và hệ thống rời rạc.
- J.G. Proakis, D.G. Manolakis (2007), Digital Signal Processing, Principles, Algorithms, and Applications, 4<sup>th</sup> Ed, Prentice Hall, Chapter 1 Introduction.



Chúc các bạn học tốt!