

ĐẠI HỌC BÁCH KHOA HÀ NỘI TRƯỜNG CÔNG NGHỆ THÔNG TIN VÀ TRUYỀN THÔNG

BÀI 11 HÀM TRUYỀN ĐẠT

Khoa Kỹ thuật máy tính

■ Nội dung bài học

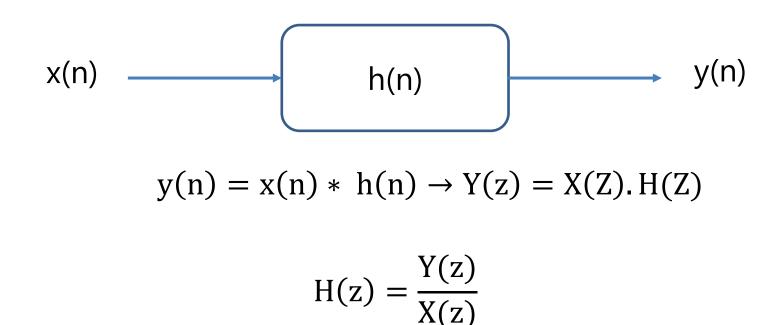
- 1. Hàm truyền đạt của hệ thống.
- 2. Xác định hàm truyền đạt từ phương trình sai phân

■ Mục tiêu bài học

Sau khi học xong bài này, các em sẽ nắm được những vấn đề sau:

- Khái niệm hàm truyền đạt của hệ thống
- Phương pháp xác định hàm truyền đạt của hệ thống
- Mối quan hệ giữa hàm truyền đạt với đáp ứng xung và phương trính sai phân

1. Hàm truyền đạt của hệ thống



$$H(z) = ZT\{h(n)\} = \sum_{n=-\infty}^{\infty} h(n)z^{-n}$$

H(z): hàm truyền đạt (Transfer Function)

2. Xác định H(z) từ phương trình sai phân tuyến tính hệ số hằng

Xác định H(z) từ phương trình sai phân tuyến tính hệ số hằng:

$$\sum_{k=0}^{N} a_k y(n-k) = \sum_{k=0}^{M} b_k x(n-k)$$

Lấy biến đổi Z cả 2 vế của PT-SP:

$$\sum\nolimits_{n=-\infty}^{\infty} {\left[{\sum\nolimits_{k=0}^{N} {{a_k}y(n-k)} } \right]{z^{ - n}}} = \sum\nolimits_{n=-\infty}^{\infty} {\left[{\sum\nolimits_{k=0}^{M} {{b_k}x(n-k)} } \right]{z^{ - n}}}$$

Hàm truyền đạt của hệ thống

$$\sum\nolimits_{k = 0}^N {{a_k}} {\left[{\sum\nolimits_{n = - \infty }^\infty {y(n - k)\,{z^{ - n}}} } \right] = \sum\nolimits_{k = 0}^M {{b_k}} {\left[{\sum\nolimits_{n = - \infty }^\infty {x(n - k)\,{z^{ - n}}} } \right]}$$

$$\sum_{k=0}^{N} a_k z^{-k} Y(z) = \sum_{k=0}^{M} b_k z^{-k} X(z)$$

$$H(z) = \frac{Y(z)}{X(z)} = \frac{\sum_{k=0}^{M} b_k z^{-k}}{\sum_{k=0}^{N} a_k z^{-k}}$$

• Biểu diễn H(Z) qua các điểm không z_r và các điểm cực p_k :

$$H(Z) = H_0 \frac{\prod_{r=1}^{M} (z - z_r)}{\prod_{k=1}^{N} (z - z_k)}$$

4. Tổng kết

- Hàm truyền đạt H(z) của hệ thống biểu diễn quan hệ của tín hiệu vào và tín hiệu ra trên mền Z.
- Hàm truyền đạt H(z) được tính trực tiếp từ phương trình sai phân
- Đáp ứng xung h(n) chính là biến đổi Z ngược của hàm truyền đạt H(z)

5. Bài tập

- Bài tập 1
 - ☐ Một hệ thống tuyến tính bất biến nhân quả có hàm đáp ứng xung như sau:

$$x(n) = 2.3^{n} u(n) + 4.5^{n} u(n)$$

- a. Hãy xác định phương trình sai phân của hệ
- b. Hãy vẽ dạng trực tiếp I và II thực hiện hệ

Bài tập 2

Hệ thống tuyến tính bất biến nhân quả có phương trình sai phân như sau:

$$y(n) - 3y(n-1) + 2y(n-2) = x(n-1)$$

- a. Xác định hàm truyền đạt, điểm không, điểm cực
- b. Xác định đáp ứng xung h(n) của hệ thống

Bài học tiếp theo. BÀI

KHẢO SÁT TÍNH NHÂN QUẢ, ỔN ĐỊNH TRÊN MIỀN Z

Tài liệu tham khảo:

- Nguyễn Quốc Trung (2008), Xử lý tín hiệu và lọc số, Tập 1, Nhà xuất bản Khoa học và Kỹ thuật, Chương 1 Tín hiệu và hệ thống rời rạc.
- J.G. Proakis, D.G. Manolakis (2007), Digital Signal Processing, Principles, Algorithms, and Applications, 4th Ed, Prentice Hall, Chapter 1 Introduction.



Chúc các bạn học tốt!