

待ち行列問題シミュレータの開発

1932008 伊豆原嵩章 指導教員 須田 宇宙 准教授

1 はじめに

病院の受付、店舗や交通渋滞など我々の生活の至る所に待ち行列が存在する。行列による問題は多岐にわたり生産コストや回転率など、店舗の経営などに大きく関わってくる。これらは待ち行列問題と呼ばれ、モンテカルロ法を用いてシミュレーションすることが一般的である

科目「数値計算」の単元に待ち行列問題が存在するが、実際に解こうとしても高い精度の解を算出するために数万回程度の試行が必要となり、手計算での確認は困難である。そのため、直感的に理解することが困難である。先行研究では、待ち行列問題を視覚的・直感的に理解するための補助教材としてのシミュレータが存在する [1]。しかし開発環境が古く現在は使用できないこと、アニメーションが擬似的なものであり動きが少なく現実の動きと相違があることなどが問題となっている。

そこで本研究では、アニメーション機能を持ち Web ブラウザ上で動作する待ち行列問題シミュレータ教材を開発することを目的とする。

2 待ち行列の問題について

待ち行列問題とは、 n 箇所の窓口が開いていてサービスに δ 時間かかる時の窓口で客がサービスで受けられるまでの平均待ち時間 t を計算することである。客はどこかの窓口が空いていればその場所でサービスを受けられるが、全てが使用中だといずれかの窓口が空くまで待たされる。この待ち時間を集積し全客数で割れば一人当たりの平均待ち時間を計算できる。 $(N+1)$ 番目の客が入ってくる時刻 t_{N+1} と個々の客のサービス時間 δ は下記の式で表すことができる [2]。

$$t_{N+1} = t_N + \tau \quad (1)$$

$$t_0 = 0 \quad (2)$$

$$\tau = -\frac{1}{\alpha} \ln \gamma \quad (3)$$

(τ : 次の客が入ってくる時間間隔の期待値, α : 客の流れの密度, γ : 区間 (0,1) の一様乱数)

$$\delta = \delta_0 + \sigma v \quad (4)$$

(δ_0 : サービスに必要な平均時間, σ : 標準偏差, $v = \gamma_1 + \gamma_2 + \dots + \gamma_{12} - 6$)

実際に待ち行列問題を解くためには以下の 4 つのパラメータを定め、乱数を発生させて計算していく。

- (i) 客の流れ密度 α
- (ii) 窓口の数 n
- (iii) サービスに必要な平均時間 δ_0

(iv) サービスに必要な時間の標準偏差 σ

3 シミュレータ教材について

今回開発したシミュレータ教材は過去の卒業制作をもとに、アニメーションをより現実的な動きに寄せブラウザ上への移植及び改良を行なった。過去の卒業制作は開発環境が古く現在は使用できないこと、アニメーションが画像を切り替えていくことによる擬似的なアニメーションであり、なめらかなアニメーションではなかった。

①では各パラメータの設定をユーザーによって変更できる。窓口の平均処理時間 (iii) δ_0 は 1~10、標準偏差 (iv) σ と流れ密度 (i) α は 0~1 の間で変更できる。

②では平均待ち時間をグラフを表示する。平均待ち時間の遷移を可視化し、安定状態が理解しやすくなると考えた。

③ではユーザーが設定したパラメータに応じて、アニメーションが実行される。アニメーションにより現象をより直感的に理解できると考えた。

待ち行列問題シミュレータ

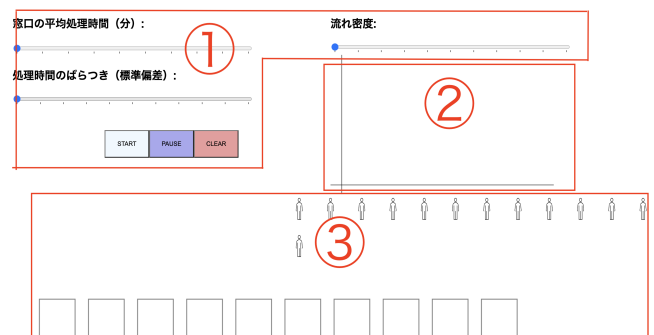


図1 シミュレータ教材スクリーンショット

4 おわりに

本研究では、待ち行列についてアニメーションを用いたシミュレータ教材の開発を行った。このシミュレータが「待ち行列問題」を理解する上で少しでも役に立つことを期待している。

参考文献

- [1] 平成 16 年度 卒業論文 薄井英彦・梅山卓也 モンテカルロ法による待ち行列問題のマルチメディア教材
- [2] 三井田 惇郎・須田 宇宙 共著 第 2 版 数値計算法