# 10b Gaia Fase-trantsizioak, Ariketak

## Fase-trantsizioak

#### 1. Ariketa

Esku artean dugun sistemak 1, 2 eta 3 zenbakiez ezaugarrituko ditugun hiru fase kristalinoetan agertu daiteke.

Puntu hirukoitzaren inguruetan honako hau bete da:

$$s_3 > s_2 > s_1$$

$$v_3 > v_2 < v_1$$

Horietan, s eta v dira entropia eta bolumen molarrak, hurrenez hurren.

1. Irudikatu grafikoki faseen oreka-kurbak puntu hirukoitzaren inguruetan, p/T diagraman.

#### 2. Ariketa

Honako hauek dira amoniakoaren kasuan lurruntzeari eta sublimazioari dagozkien oreka-kurben adierazpenak:

$$\ln p = 24.38 - \frac{3063}{T}$$

$$\ln p = 27.92 - \frac{3754}{T}$$

- 1. Lortu, kasu bakoitzean, fase-trantsizioari dagokion beroa; hots, lurrunketa-beroa eta sublimazio-beroa.
- 2. Lortu, berebat, puntu hirukoitzari dagozkion presioa eta tenperatura.

#### 3. Ariketa

*UF*<sub>6</sub> uranio fluoruroaren lurrun-presioa (solidoa eta likidoa) Hg mm-tan honako adierazpenen hauen bidez lor daiteke:

$$\log p_s = 10.648 - \frac{2259}{T}$$

$$\log p_l = 7.540 - \frac{1511}{T}$$

- 1. Zer baldintzatan lor daiteke *UF*<sub>6</sub> konposatuaren solido, likido eta gasaren arteko oreka?
- 2. Presioa 1 atm denean, zer tenperaturatan agertuko du fluoruroak bere lurrunarekiko oreka?

1

#### 4. Ariketa

CO<sub>2</sub> solidoaren lurrun-presioaren adierazpena hauxe da:

$$\ln p = -\frac{3115}{T} + 27.52$$

- 1. Horretan, *p* da presioa Pa-etan adierazita eta *T*, tenperatura K-ean.
- 2. Puntu hirukoitzaren tenperatura -56.2 ° C da eta fusio-beroa, 8328 J/mol.
- 3. Lortu  $CO_2$  likidoaren lurrun-presioa 0 ° C-an.

#### 5. Ariketa

Hidrogenoaren puntu hirukoitzaren tenperatura 14 K da eta, tenperatura berean, hari dagokion fusio-beroa, 80 J/g.

Likidoari dagokion lurrun-presioa honako adierazpen honek eman digu:

$$\ln p = 6.8 - \frac{122}{T} - 0.3 \ln T$$

1. Lortu hidrogeno solidoaren lurrun-presioa 10 K-ean.

(*Laguntza*: gogoratu *Hess*-en legea, zeinaren arabera puntu hirukoitzean agertu daitezkeen fase-trantsizioekin lotutako beroen batura nulua den.

Hau da: 
$$\Delta H_{s\rightarrow l} + \Delta H_{l\rightarrow g} + \Delta H_{g\rightarrow s} = 0$$
)

#### 6. Ariketa

Esku artean dugun sistemaren kasuan ezaguna da solido/likido oreka-kurbaren malda, puntu hirukoitzean (20 K-ean): 10<sup>2</sup>.

Gainera, puntu horretan, fase solidoaren eta likidoaren arteko bolumen espezifikoen arteko kendura ere ezaguna da (tenperatura-tarte handi batean konstantea dena):  $2 \times 10^{-2}$ .

- 1. Lortu zer presiotan hasiko den irakiten solidoa, 12 K-eko tenperaturan.
- 2. Honako hau da likido/lurruna oreka-kurbaren adierazpena:

$$p = T^{\frac{3}{10}} \exp\left(\frac{6.8T - 122}{T}\right)$$

## 7. Ariketa

Zilindro batean 500 gr ur likido dago, 0.25 atm eta 20  $^\circ$  C-an. 80  $^\circ$  C-an dagoen bero-iturriarekin kontaktuan ezarriz eta presioa konstante mantenduz, ura berotu da.

Lortu uraren eta bero-iturriaren entropia-aldakuntzak.
 Lurruna/likidoa oreka-kurbak ondoko ekuazioari segitu dio:

$$\ln p = \frac{-4881}{T} + 19.72$$

Adierazpen horretan p presioa merkurio-milimetrotan neurtu da. Uraren bero-ahalmena da 0.3 cal/gK.

## 8. Ariketa

80 ° C-an dagoen bero-iturriarekin ukipenean, bi zatitan banaturik dagoen tanga dugu esku artean. Zatietako batean 100 gr ur dago, 1 atm-n. Bestea, ordea, askoz ere handiagoa, hustu dugu. Zati biak lotu duen giltza irekitakoan, ura oso-osorik lurrundu da eta, bukaerako oreka-egoeran, 0.25 atm-n dagoen lurruna baino ez dago.

- 1. Irudikatu hasierako eta bukaerako egoerak p/T diagraman.
- 2. Lortu urari dagokion entropia-aldaketa.

Uraren lurrunketaren bero-sorra 540 cal/g da.

Ur likidoaren zabalkuntza-koefizientea  $\alpha = 0.5 \times 10^{-3} K^{-1}$ , 80 ° C-an.

Ur likidoaren presioarekiko bolumen-aldakuntza arbuiagarria da.

Onartu lurruna gas ideala dela eta  $v_g >> v_l$  bete dela.

#### 9. Ariketa

Ur likidoaren entropia molarra 70 J/Kmol da, 25  $^{\circ}$  C eta 1 atm-eko baldintzatan. Lortu honako hauek:

- 1. Ur-lurrunaren entropia molarra 120 ° C eta 2 atm-n; lurrunari dagokion egoera-ekuazioa ondoko hau dela onartuz: p(v-b) = RT, non b = 0.0305 l/mol den.
- 2. Aipaturiko bi egoeren arteko Gibbs-en funtzioaren aldaketa.

Likidoaren bero-ahalmena: 4.2 J/gK. Lurrunaren bero-ahalmena:  $c_p = c_1 + c_2 T$ , non  $c_1 = 30.1$  J/molK den eta  $c_2 = 11.3 \times 10^{-3}$  J/molK  $^2$ .

Uraren lurrunketa bero-sorra (100 ° C eta 1 atm-n): 540 cal/g.

#### 10. Ariketa

Aztertu beharreko sistema ondokoa da: 1 atm-n dagoen gordailuan sartu dugun substantzia baten lurruna. Gordailua 400 K-ean dagoen bero--iturriarekin kontaktuan jarri dugu; eta, tenperatura konstate mantenduz, 10 atm-raino konprimatu dugu.

Ezaguna da substantzia hori 300 K-ean eta 1 atm-ko presioan lurrunduko dela.

Lurrunketa prozesuari dagokion entropia-aldakuntza malda negatiboko lerro zuzena da, ondokoa hain zuzen ere:  $\Delta s = -0.0676$  (cal/K  $^2$  mol)  $\times T + 37.856$  (cal/mol K).

Substantziaren likidoaren bolumen espezifikoak ondoko egoera-ekuazioari segitu dio:  $v = v_0(1+aT)$ ;  $a=10^{-6}$  K  $^{-1}$ .

- 1. Irudikatu prozesua p/T diagraman, ezagunak diren puntu guztiak kokatuz.
- 2. Kalkulatu sistemaren entropia-aldakuntza.
- 3. Kalkulatu fase-trantsizioan gertatu den barne-energiaren aldaketa.
- 4. Puntu hirukoitzaren tenperatura 200 K bada, nola kalkulatuko zenuke puntu hirukoitzaren presioaren balioa? Azaldu.

#### 11. Ariketa

Esku artean dugun sistemari dagokion lurrunketa-tenperatura 7  $^{\circ}$  C da, presioa 1 atmosfera denean. Lurrunketa-prozesuari dagokion entropia-aldaketa ondoko adierazpenak eman digu:  $\Delta s = a(T-T_0)$ , non a=0.0676 cal K  $^{-2}$  mol  $^{-1}$  den eta  $T_0=560$  K.

Fase likidoaren bolumen molarra gas faseari dagokionarekin alderatuz baztergarria dela onartuz eta, gainera, gas fasea gas idealtzat harturik, lortu ondokoak 120  $^{\circ}$  C-an:

- 1. lurrun-presioa,
- 2. lurrunketa-entalpia eta
- 3. 120  $^{\circ}$  C-an gertatuko den barne-energiaren aldaketa.

## 12. Ariketa

Esku artean 30  $^\circ$  C-an eta 1 atm-n dagoen 1 Kg ur likidoa dugu eta -20  $^\circ$  C-an dagoen 0.5 kg izotzarekin kontaktu termikoan jarri da.

- 1. Lortu zenbat izotz urtuko den.
- 2. Lortu sistema osoaren entropia-aldakuntza.
- 3. Zer gertatuko litzateke 1 kg ur egon beharrean 2 kg balego?

$$C_p(\text{ ur lik.}) = 1.0 \text{ cal}$$
  
 $C_p(\text{ ur sol.}) = 0.5 \text{ cal}$   
 $\Delta H(\text{ fusioa izotza}) = 80.0 \text{ cal}$