

Übung 1,Aufgabe 1,Korrektheit der Vigenère Chiffre:

- Gen: $k = k_0 \dots k_{t-1} \leftarrow \mathbb{Z}_{26}^t$

- Enc: bei $k = k_0 \dots k_{t-1}$ und $m = m_0 \dots m_{l-1}$

gib $c = c_0 \dots c_{l-1}$, $c_i = m_i + k_i \bmod 26$

- Dec: bei $k = k_0 \dots k_{t-1}$ und $c = c_0 \dots c_{l-1}$

gib $m = m_0 \dots m_{l-1}$, $m_i = c_i - k_i \bmod 26$

$$\text{Dec}(\text{Enc}(m)) = m$$

$$= \text{Dec}(m_0 + k_0 \bmod 26 \dots m_{l-1} + k_{l-1} \bmod 26) = m$$

$$= m_0 + k_0 \bmod 26 - k_0 \bmod 26 \dots m_{l-1} + k_{l-1} \bmod 26 - k_{l-1} \bmod 26 = m$$

$$= m_0 \dots m_{l-1} = m$$

$$\underline{\underline{m}} = m \quad \checkmark \quad \text{w. A.}$$