# Universidad de la República

## FACULTAD DE INGENIERÍA

Procesamiento Digital de Señales de Audio

# Práctica 2

Autor:
Julian O'FLAHERTY

25 de abril de 2022







# Índice

1.	Ejer	rcicio 1
	1.1.	Cálculo de envolvente
	1.2.	Banco de filtros
	1.3.	Modulación ruido blanco
	1.4.	Banco de filtros diferente
2.	Ejer	rcicio 2
	2.1.	Parte 1
		2.1.1. Ecuación de recurrencia
		2.1.2. Sintesis notas
	2.2.	Parte 2
		2.2.1. LPF en realimentación
		2.2.2. Pasa-bajos utilizado
	2.3.	Parte 3
		2.3.1. APF en realimentación
		2.3.2. Implementación
		2.3.3 Comparación síntesis

## 1. Ejercicio 1

Para el estudio de las características rítmicas de la señal se utilizará el método presentado por Scheirer en su articulo "Tempo and beat analisis of acoustic musical signals" [1]. En escencia lo que se hace se pasar la señal por un banco de filtros y se calcula la envolvente a la salida de cada uno. Esta envolvente nos permite luego modular un ruido blanco, obteniéndose una señal donde se distingue más que nada el ritmo de la canción.

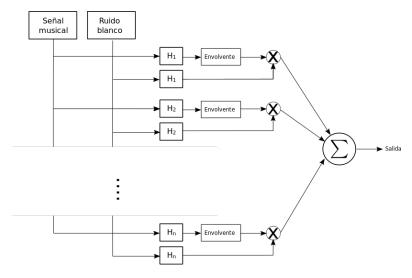


Figura 1: diagrama banco de modulado de ruido blanco con las envolventes de los filtros

#### 1.1. Cálculo de envolvente

Para calcular la envolvente de la señal filtrada primero se filtra la señal por el filtro en cuestión. Luego, se rectifica la señal. A nivel de código, rectificar la señal es simplemente tomar el valor absoluto. Por último, se filtra pasa-bajos para obtener una señal más suave.

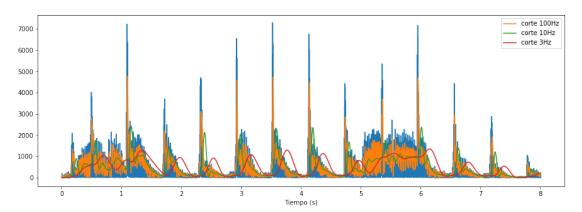


Figura 2: comparación de envolventes para LPFs con distintas frecuencias de corte

La frecuencia de corte del filtro pasa-bajos determina el nivel de detalle que adquiere la

envolvente. En la figura 2 se observa la comparación de envolventes para distintas frecuencias de corte. Se observa también que mientras más pequeña la frecuencia de corte más retardo tiene la envolvente respecto a la señal original. Se termina seleccionando el filtro con frecuencia de corte 10Hz.

#### 1.2. Banco de filtros

Banda	$f_{low}(Hz)$	$f_{high}(Hz)$	Tipo
1	_	127	pasa-bajo
2	127	254	pasa-banda
3	254	508	pasa-banda
4	508	1016	pasa-banda
5	1016	2032	pasa-banda
6	2032	_	pasa-alto



Cuadro 1: banco de filtros utilizado

En el cuadro 1 se muestra el banco de filtros utilizado para modular el ruido blanco en una primer instancia. Notar que se cubre todo el espectro, se podría decir que cada filtro se especializa en es banda de frecuencia y se encarga de aprender las características de la señal en ese caso. Por eso para modular el ruido blanco primero lo filtramos, para modificar esas componentes de frecuencia en particular con la envolvente aprendida para esas frecuencias.

En la figura 3b se muestran las envolventes obtenidas, con la señal de referencia arriba. Notar como las componentes de más baja frecuencia, en particular los primeros 3 filtros son los que tienen los mayores picos.

#### 1.3. Modulación ruido blanco

Como se dijo antes, y se observa ilustra en al figura 1, para modular el ruido blanco primero se lo filtra por el banco de filtros y luego se multiplica por la envolventes, modulando así las componentes del ruido con las características de la señal.

El resultado es una señal modulada se muestra en la figura 4. Se observa que aproxima muy bien la forma de onda de la señal, y resultado auditivo se lo podría describir como una persona jadeando la canción. Esto se debe porque, a pesar de que a grandes rasgos la señal parece ser igual, cuando se hace un zoom sobre la señal se ve que el ruido modulado no replica perfectamente la señal, como se muestra en la figura 5.



#### 1.4. Banco de filtros diferente

Banda	$f_{low}(Hz)$	$f_{high}(Hz)$	Tipo
1	_	674	pasa-bajo
2	674	1348	pasa-banda
3	1348	-	pasa-altos

Cuadro 2: segundo banco de filtros utilizado

Se realizó el mismo procedimiento con este nuevo banco de filtros. Auditivamente el resultado es similar, solo que se distingue con un poco menos de claridad la canción modulada.



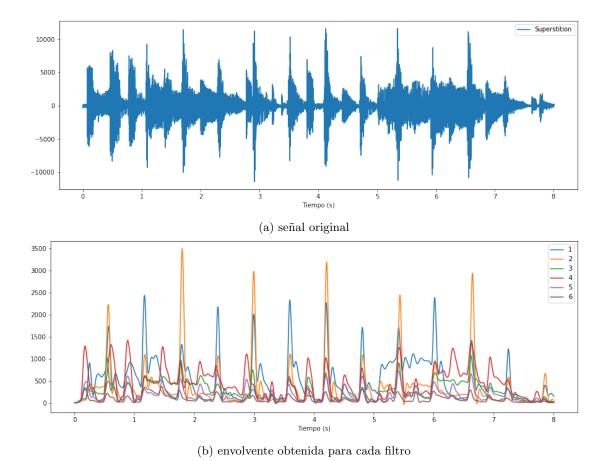


Figura 3: resultado calculo de envolventes

El resultado de modular el ruido se observa en la figura 6. No se aprecia un empeoramiento respecto a usar más filtros (figura 4.

## 2. Ejercicio 2

#### 2.1. Parte 1

#### 2.1.1. Ecuación de recurrencia

La ecuación de recurrencia de un filtro peine de retardo L y atenuación R es:

$$y[n] = x[n] + R^L y[n-L] \tag{1}$$

La respuesta al impulso es trivial calcularla tomando  $x[n] = \delta[n],$  obteniendose:

$$h[n] = \begin{cases} R^{kL} & \text{si } n = kL, k \in \mathbb{N} \\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}$$
 (2)

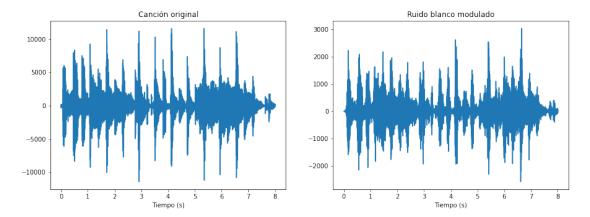


Figura 4: resultado de la modulación del ruido blanco

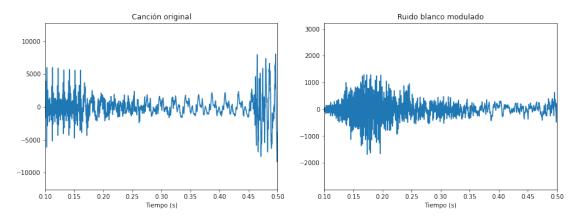


Figura 5: comparación fina de la señal original con la modulada

La frecuencia fundamental es la distancia entre los picos del la respuesta al impulso. Se observa de 2 que la distancia en muestras entre los picos es L, por lo que la frecuencia fundamental es

$$f_0 = \frac{f_s}{L} \tag{3}$$

por lo que no es posible obtener una respuesta al impulso de valor abitrario.

#### 2.1.2. Sintesis notas

Para sintetizar las notas se obtiene la respuesta al impulso de un filtro con  $L = \text{round}\left(\frac{f_s}{f_0}\right)$ . El valor de R influye en la duración de la nota, mientras más cerca de 1 más sustain tiene la nota.

En la figuras 7 y 8 se muestra como varía el espectograma según el valor de R. Ambos valores son cercano a 1, pero ya con R=0.999 se obtiene una atenuación muy rápida de la señal, resultando en un sonido muy breve. También se observa como en ambos casos la atenuación es la misma para todo el espectro.



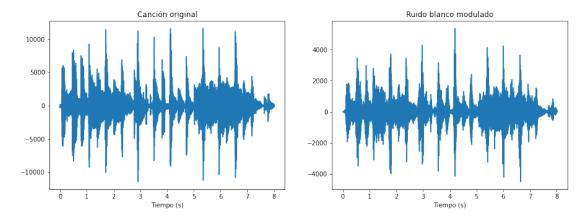


Figura 6: resultados de modulación con segundo banco de filtros

#### 2.2. Parte 2

#### 2.2.1. LPF en realimentación

Para mejorar las síntesis de la cuerda pulsada se utiliza un filtro pasa-bajos en la realimentación. La cuerda pulsada se caracteriza por su rapido ataque, donde por un instante se tienen componentes de muy alta frecuencia, para luego ir a un sustain con menos componentes. Antes de agregar el filtro, todas las componentes de frecuencia decaen a la misma velocidad, por lo que no se logra este efecto. Agregando el filtro pasa-bajos se logra que las componentes en alta frecuencia decaigan más rápidamente que las de baja frecuencia.

Llamando  $h_{LPF}$  la respuesta al impulso del filtro pasa-bajos utilizado, la ecuación en recurrencia de este nuevo sistema resulta en:

$$y[n] = h_{LPF} * (x[n] + R^{L}y[n - L])$$

#### 2.2.2. Pasa-bajos utilizado

Se utilizo un filtro de media móvil de primer orden como filtro pasa-bajos. La ecuación en recurrencia de este filtro es:

$$y[n] = \frac{1}{2}(x[n] + x[n-1]) \tag{4}$$

A partir de la ecuación 1 y 4 se puede obtener la ecuación de recurrencia del sistema incluyendo el LPF:

$$y[n] = \frac{1}{2}(x[n] + x[n-1]) + \frac{R^L}{2}(y[n-L] + y[n-L-1])$$
 (5)

El filtro de media móvil es de fase lineal, por lo que introduce un retardo a todas las frecuencias. Este retardo es de media muestra, por lo que el retardo del bucle pasa a ser  $L + \frac{1}{2}$ . Esto modifica la ecuación 3, que ahora pasa a ser:

$$f_0 = \frac{f_s}{L + \frac{1}{2}} \tag{6}$$

Auditivamente hay una notoria mejora en el sonido obtenido, asemejando mucho mas a una cuerda pulsada. También se observa un claro cambio en el espectro de la señal, teniendo un decaimiento más rápido a altas frecuencias como se ve en la figura 9.

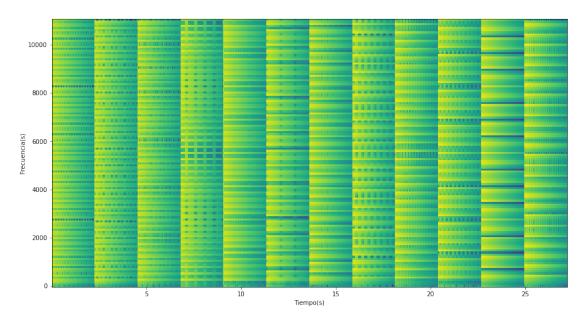


Figura 7: espectograma notas con R = 0.99992

#### 2.3. Parte 3

#### 2.3.1. APF en realimentación

Se agrega un filtro pasa-todos en cascada con el filtro pasa-bajos para compensar el desfase en la frecuencia fundamental de la nota introducido por el filtro pasa-bajos. El filtro pasa-todos utilizado tiene como ecuación de recurrencia:

$$y[n] - ay[n-1] = -ax[n] + x[n-1]$$
(7)

que pese a ser de fase no lineal, a baja frecuencia se puede aproximar el retardo de fase como:

$$\delta = \frac{1+a}{1-a}$$

A partir de las relaciones de recurrencia  $4 \ y \ 7$  se obtiene la ecuación de recurrencia de todo el sistema:

$$y[n] = ay[n-1] + \frac{1}{2} \left( -ax[n] + (1-a)x[n-1] + x[n-2] - aR^{L}y[n-L] + R^{L}(1-a)y[n-L-1] + R^{L}y[n-L-2] \right)$$
(8)

Actualizando la ecuación 3 obtenemos la frecuencia fundamental del filtro de sintesis:

$$f_0 = \frac{f_s}{L + \frac{1}{2} + \delta} \tag{9}$$

#### 2.3.2. Implementación

Se implementa el filtro utilizando la recursión obtenida en 8. En la figura 10 se observa el espectograma resultante. No se llega a apreciar una diferencia respecto al obtenido solo con el LPF (figura 9).



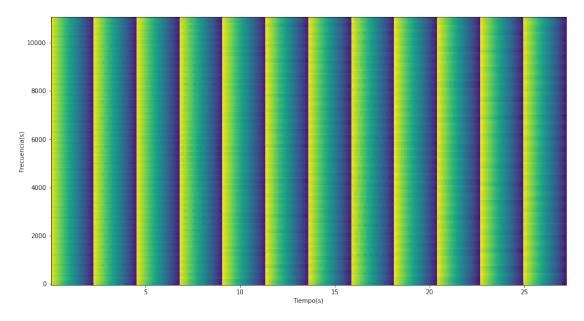


Figura 8: espectograma notas con  $R=0{,}999\,$ 

#### 2.3.3. Comparación síntesis

En la tabla 3 se muestran los resultados de la frecuencia fundamental obtenida para cada sintesis.

Nota	Objetivo	Peine	LPF	LPF+APF
A3	220.00000	220.50000	219.61800	220.05900
A3#	233.08188	231.96600	231.08400	233.28900
В3	246.94165	247.84200	246.51900	246.96000
C4	261.62557	262.39500	261.07200	261.51300
C4#	277.18263	275.62500	273.86100	277.38900
D4	293.66477	294.14700	291.94200	293.70600
D4#	311.12698	310.46400	308.25900	311.34600
E4	329.62756	328.98600	326.78100	329.42700
F4	349.22823	350.15400	347.06700	349.27200
F4#	369.99442	367.35300	364.26600	369.99900
G4	391.99544	393.81300	390.28500	392.04900
G4#	415.30470	415.86300	412.33500	415.42200

Cuadro 3: frecuencia fundamental obtenida para cada síntesis

Desde un punto de vista auditivo, la diferencia entre usar solo el LPF y usar un LPF y APF es prácticamente imperceptible. Sin embargo, la frecuencia fundamental de la nota obtenida es mucho más cercana a la buscada cuando se incluye el APF.



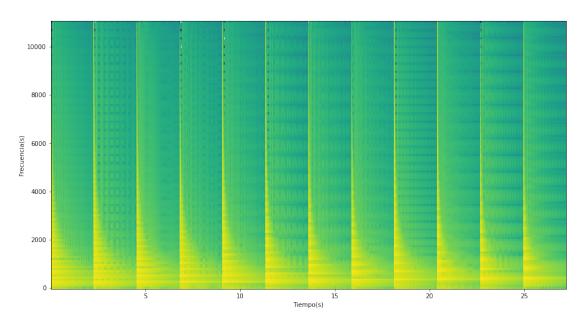


Figura 9: espectograma con sistema incluyendo solo LPF

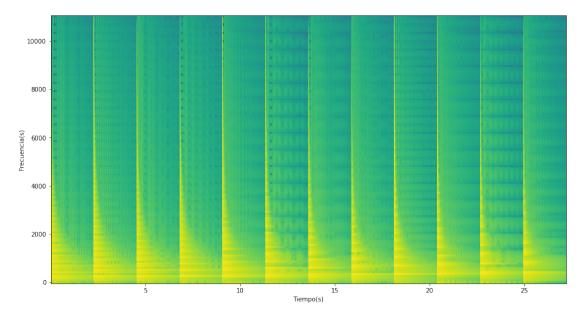


Figura 10: espectograma resultante de sintetizar una octava con sistema completo

## Referencias

[1] Eric D. Scheirer. Tempo and beat analysis of acoustic musical signals. *The Journal of the Acoustical Society of America*, 103(1):588–601, 1998.