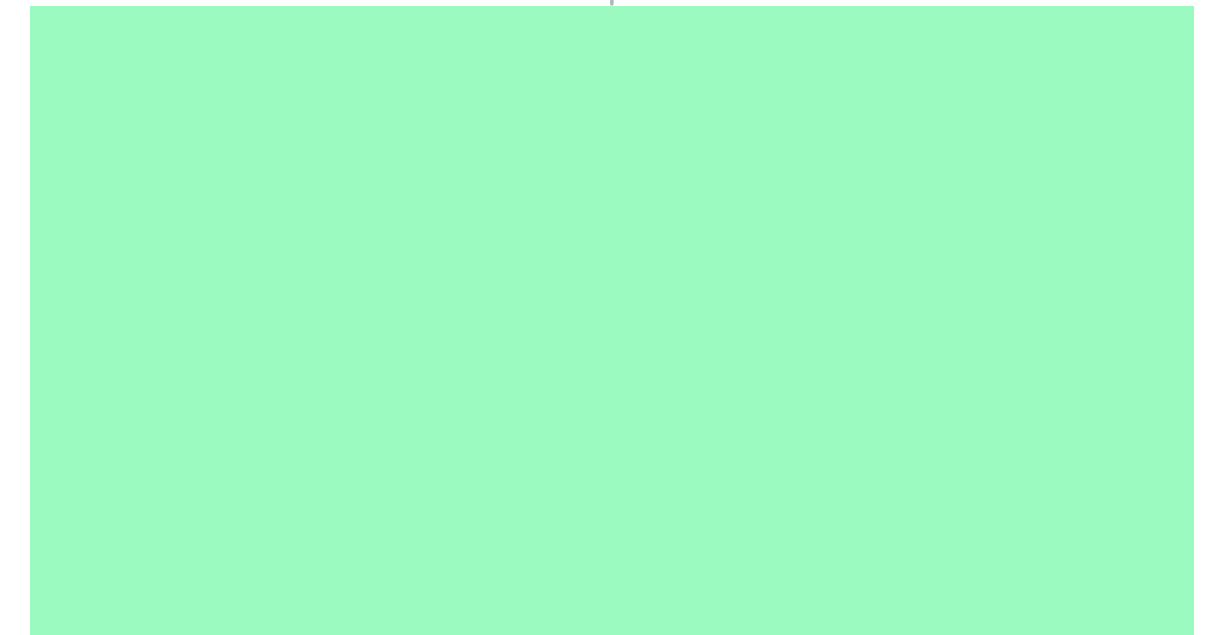


Algoritmos de Ordenação



EINF4_T2

GRUPO A

TRAB 2

20210429- Ivandro Neto - Heap Sort

20210663- Siomara dos Santos - Shell Sort

20210765- Eugelice Yuye - Selection Sort

20210571 - André Yanga - Insertion Sort

20211354 - Jéssica Correia - Quick Sort

20211624 - Manuela Oliveira - Merge Sort

DOCENTE : Sílvia António

ISPTEC 2023

INTRODUÇÃO

Algoritmo é uma sequência de instruções bem definidas, normalmente usadas para resolver problemas de matemática específicos, executar tarefas, ou para realizar cálculos e equações.

Um algoritmo de ordenação é usado para organizar uma determinada matriz ou lista de elementos de acordo com um operador de comparação nos elementos.

Tipos de algoritmos de ordenação

Heap Sort

Shell Sort

Selection Sort

Insertion Sort

Quick Sort

Merge Sort

Heapsort

O algoritmo organiza os elementos de maior para menor (MaxHeap), de seguida troca o último elemento do array com o primeiro elemento e elimina o último elemento da nossa árvore, e procede desta forma até restar apenas um elemento na nossa árvore.

Árvore Binária é uma forma de organizar os dados com base em uma estrutura de dados que tem formato de uma árvore genealógica que consiste em ter 3 elementos, sendo:

- **Data** – A informação na qual cada nó da árvore deverá armazenar;
- **Left** – Um ponteiro que irá apontar para uma sub-árvore ou folha do lado esquerdo;
- **Right** – Um ponteiro que irá apontar para uma sub-árvore ou folha do lado direito;

Estabilidade

É um algoritmo de classificação instável.

Complexidade

Fórmula Geral
 $O(n \cdot \log n)$

Funcionalidade

Converta a matriz em estrutura de dados heap usando heapify. Um por um, exclua o nó raiz do Max-heap e substitua-o pelo último nó no heap e, em seguida, heapify a raiz do heap. Repita esse processo até que o tamanho do heap seja maior que 1.

Crie um heap a partir da matriz de entrada fornecida e repita as etapas a seguir até que a pilha contenha apenas um elemento:

- Troque o elemento raiz do heap pelo último elemento do heap.
- Remova o último elemento da pilha
- Empilhe os elementos restantes da pilha.

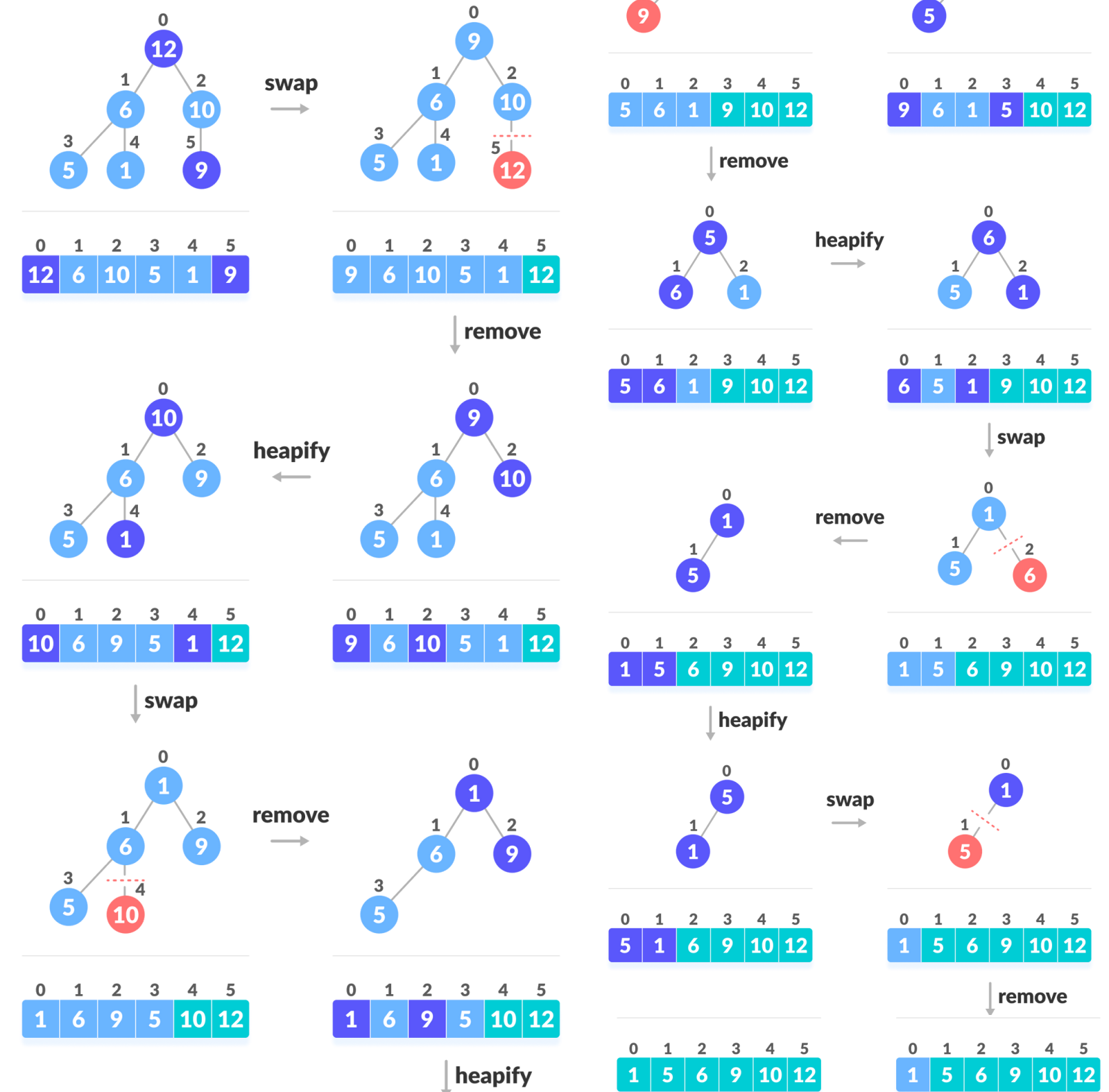
A matriz classificada é obtida invertendo a ordem dos elementos na matriz de entrada.

Nota

Heapify é uma função recursiva que consiste em comparar e trocar os elementos presentes no array organizando-os em formato de uma árvore binária.

Max-Heap é a forma na qual os elementos do array serão organizados, colocando os menores valores no final e os maiores no início, enquanto o **min-heap** é o seu inverso.

Representação Gráfica



Heapsort – implementação em C

```
2  #include <stdio.h>
3  #include <stdlib.h>
4
5  void printArray(int arr[], int size)
6  {
7      for (int i = 0; i < size; i++)
8      {
9          printf("%d ", arr[i]);
10     }
11     printf("\n\n");
12 }
13 void swap(int *x, int *y)
14 {
15     int aux = *x;
16     *x = *y;
17     *y = aux;
18 }
19 void min_heapify(int arr[], int size, int current)
20 {
21     int smallest = current;
22     int left = 2 * current + 1;
23     int right = 2 * current + 2;
24     // Encontra o menor elemento entre o nó atual e seus filhos esquerdo e direito
25     if (left < size && arr[left] < arr[smallest])
26         smallest = left;
27     if (right < size && arr[right] < arr[smallest])
28         smallest = right;
29     // Se o nó atual não for o menor, troca ele com o menor e chama heapify recursivamente para o subárvore afetada
30     if (smallest != current)
31     {
32         swap(&arr[current], &arr[smallest]);
33         min_heapify(arr, size, smallest);
34     }
```

```
35 }
36
37 void heapify(int arr[], int size, int current)
38 {
39     // primeiramente, localiza-se os elementos da esquerda e direita
40     int largest = current; // Inicialmente o maior valor será sempre o elemento raiz
41     int left = 2 * current + 1; // fórmula para achar o elemento esquerdo da árvore
42     int right = 2 * current + 2; // fórmula para achar o elemento direito da árvore
43
44     // Verifica-se se o índice do elemento esquerdo está dentro do array e se o seu valor é maior que o maior valor
45     if (left < size && arr[left] > arr[largest])
46         largest = left;
47
48     // Verifica-se se o índice do elemento direito está dentro do array e se o seu valor é maior que o maior valor
49     if (right < size && arr[right] > arr[largest])
50         largest = right;
51
52     // Verifica-se se o elemento selecionado se é o maior também
53     if (current != largest)
54     {
55         // Caso não for os troque
56         swap(&arr[largest], &arr[current]);
57         // Depois pega o maior como o selecionado da próxima verificação
58         printArray(arr, size);
59         heapify(arr, size, largest);
60     }
61 }
62 void MaxHeap(int arr[], int size)
63 {
64     // Começando pelo último nó não-folha, chama heapify para cada nó em ordem reversa de nível para garantir um max heap válido
65     for (int i = size / 2 - 1; i >= 0; i--)
66         heapify(arr, size, i);
67 }
68 void MinHeap(int arr[], int size)
69 {
70     // Começando pelo último nó não-folha, chama heapify para cada nó em ordem reversa de nível para garantir um min heap válido
71     for (int i = size / 2 - 1; i >= 0; i--)
72         min_heapify(arr, size, i);
73 }
74 void HeapSort(int arr[], int size)
75 {
76     // Gera um max heap apartir do array dado.
77     MaxHeap(arr, size);
78     /* Para min heap comenta a linha à cima e descomenta a linha abaixo */
79     // MinHeap(arr, size);
80     // Heap Sort
81     for (int i = size - 1; i >= 0; i--)
82     {
83         // Troca a posição do primeiro elemento com o último do array
84         swap(&arr[0], &arr[i]);
85         // Elimina o último elemento e volta a reorganiza-los até sobrar um único elemento
86         heapify(arr, i, 0);
87         /* Para min heap comenta a linha à cima e descomenta a linha abaixo */
88         // min_heapify(arr, i, 0);
89     }
90 }
91
92 int main(int argc, char const *argv[])
93 {
94     int arr[] = {1, 12, 9, 5, 6, 10, 20};
95     int size = sizeof(arr) / sizeof(arr[0]); // Obtendo o tamanho do array
96     printArray(arr, size);
97     HeapSort(arr, size);
98     printArray(arr, size);
99     // OUTPUT::1 5 6 9 10 12 20
100    return 0;
```

Shellsort

Criado por Donald Shell em 1959, publicado pela universidade de Cincinnati. É considerado um refinamento do método Insertion Sort. O algoritmo difere do Insertion Sort pelo facto de ao invés de considerar o vetor a ser ordenado como um único segmento, ele considera vários segmentos.

Estabilidade

É um algoritmo de classificação não estável .

Complexidade

Melhor Caso

$O(n^2)$

Pior Caso

$O(n \log n)$

Caso Médio

$O(n \log n)$

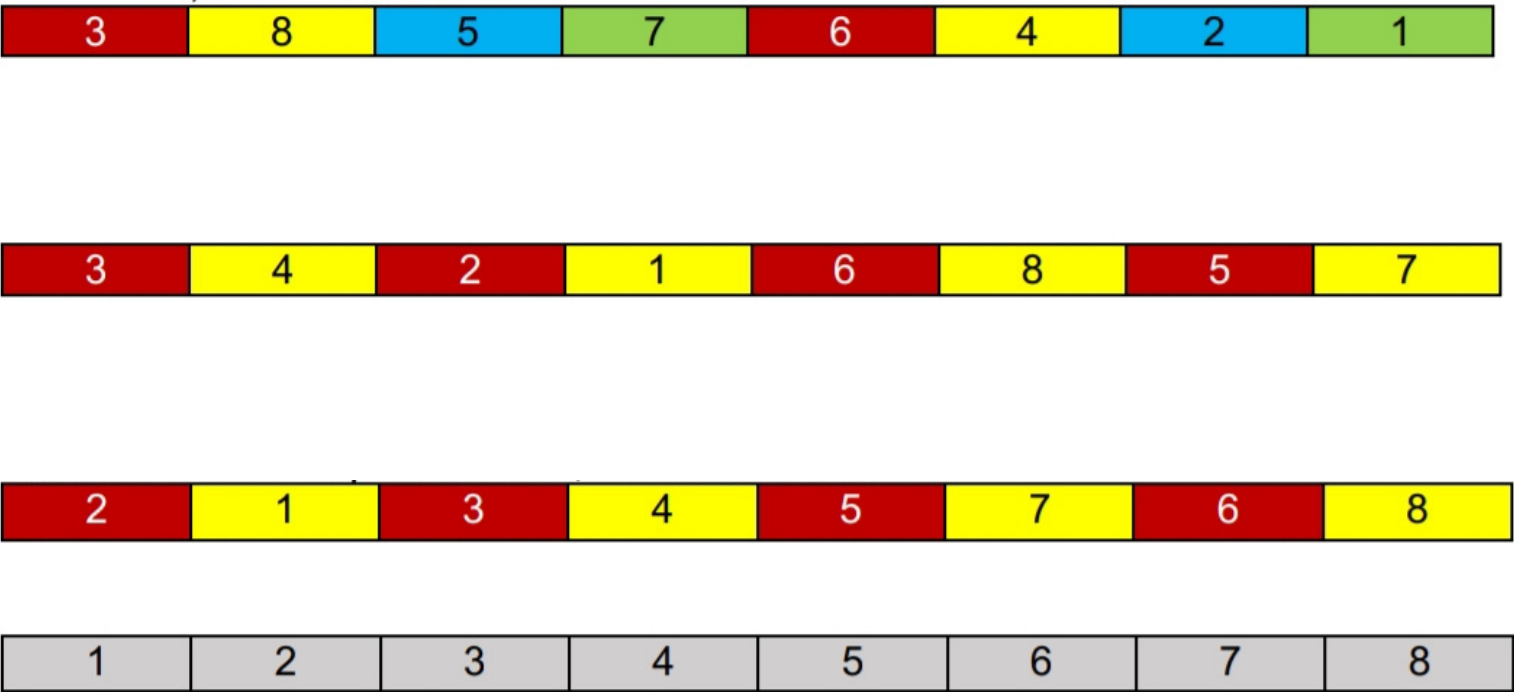
Representação Gráfica

Começamos a organizar os elementos dividindo pela metade, como temos 8 elementos, o resultado é 4.

O 3 é maior que 6? Se a resposta for verdadeira trocamos o elemento de lugar, se não deixamos na mesma posição.

Dividimos os 8 elementos pela metade e o resultado foi 4, agora pegamos esse valor 4 e dividimos pela metade, o resultado é 2.

Pegamos o resultado anterior que foi 2 e dividimos pela metade, o resultado é 1.



Funcionalidade

A ordenação é realizada usando uma sequência de valores $\langle h_1, h_2, h_3 \dots h_N \rangle$ onde começando por h_N selecionamos apenas os valores que estão h_N elementos distantes um do outro, então ordenamos esses elementos com algum algoritmo de ordenação simples.

Definir valores para h

- Escolher aleatoriamente (baixa eficiência)
- Proposta de Donald Shell foi $h = n/2$ (baixa eficiência)
- Proposta de Donald Knuth $h = 3 \cdot h + 1$, onde para decrementar pode se utilizar a fórmula inversa $h = (h - 1) / 3$

Shellsort – implementação em C

```
void shellsort(struct item *v, int n) {
    int i, j, h;
    struct item aux;

    for(h = 1; h < n; h = 3*h+1); /* calcula o h inicial. */

    while(h > 0) {
        h = (h-1)/3; /* atualiza o valor de h. */
        for(i = h; i < n; i++) {
            aux = v[i];
            j = i;
            /* efetua comparações entre elementos com distância h: */
            while(v[j - h].chave > aux.chave) {
                v[j] = v[j - h];
                j -= h;
                if(j < h) break;
            }
            v[j] = aux;
        }
    }
}
```

Selectionsort

A ideia de ordenação por selecção é procurar o menor elemento do vector (ou maior) e movimentá-lo para a primeira (última) posição do vector.

Estabilidade

A implementação padrão não é estável. No entanto, qualquer algoritmo de ordenação pode se tornar estável.

Complexidade

É um algoritmo simples de executar por apresentar uma das menores quantidades de movimentos entre os elementos;

A sua eficiência diminui a medida que a quantidade de dados aumenta, torna-se mais lento;

O tempo de execução é na ordem de $O(n^2)$.

Funcionalidade

Selecciona-se o maior ou menor elemento do conjunto e troca-se pelo primeiro elemento. Para os elementos restantes faz-se $(n-1)$. Onde 'n' é o número de elementos.

Selecciona-se o maior ou menor elemento e troca-se pelo elemento da segunda posição e assim sucessivamente até que os elementos estejam ordenados.

Nota

O "for" mais interno deste algoritmo é responsável por encontrar o menor elemento do vector.

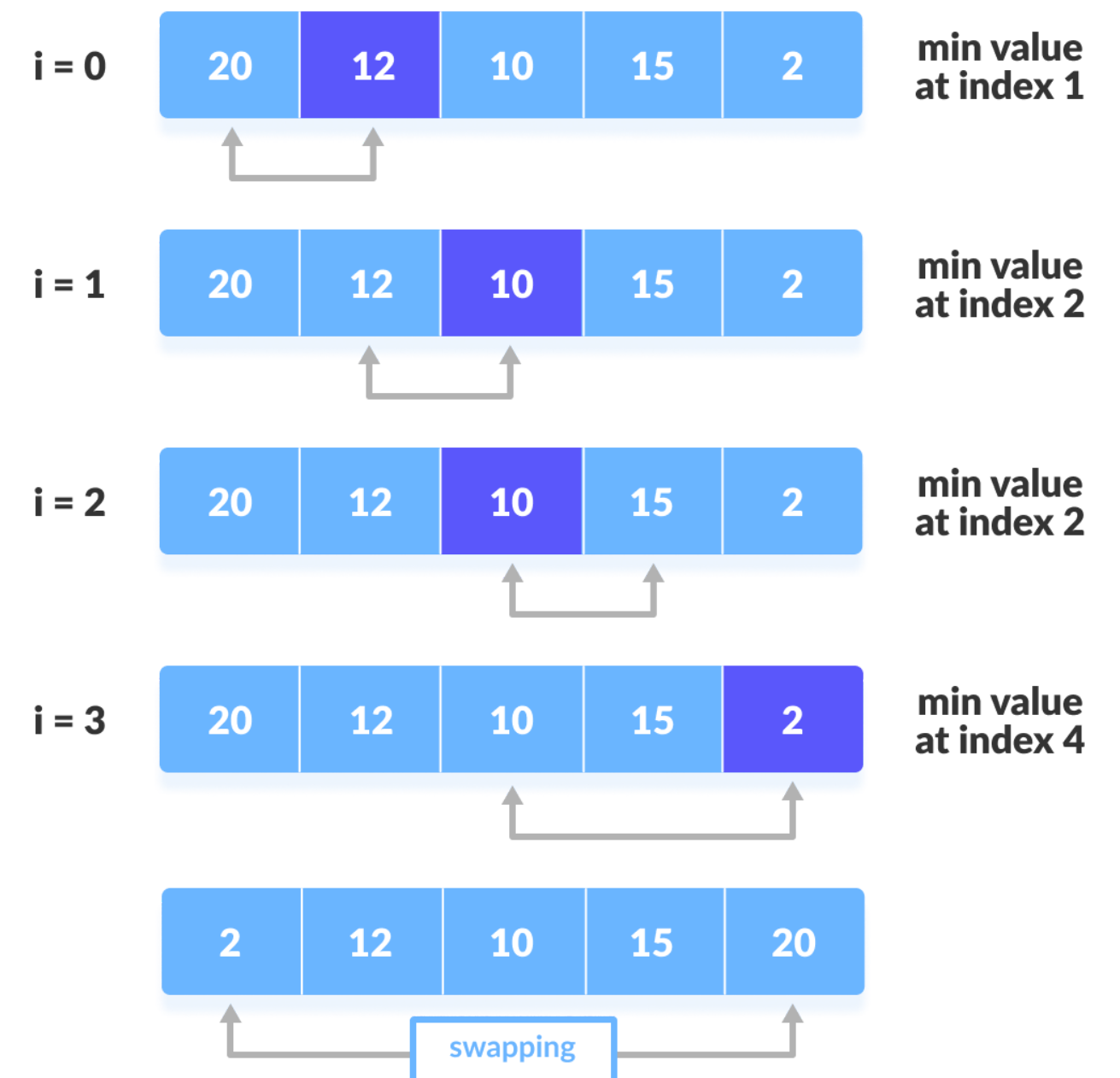
As linhas de código mais abaixo do segundo for são responsáveis por colocar o menor elemento identificado pelo for mais interno em sua posição correta.

O "for" mais externo é responsável por percorrer todo o vector, permitindo que todos os elementos sejam colocados no lugar certo.

O valor da variável i representa a posição atual onde o menor elemento deverá ser colocado.

Representação Gráfica

step = 0



Selectionsort – implementação em C

```
1
2  Void selection_sort(int *v, int n)
3  {
4      Int i, j, menor, aux;
5      for(i=0; i<n-1;i++)
6      {
7          menor=i;
8          for(j=i+1;j<n;j++)
9          {
10             if(v[i]<v[menor])
11                 menor=j;
12          }
13          If(i != menor)
14          {
15              aux=v[i];
16              v[i]=v[menor];
17              v[menor]=aux;
18          }
19      }
20 }
```


Insertionsort

É um algoritmo de classificação simples, onde a matriz é virtualmente dividida em uma parte classificada e uma parte não classificada. Os valores da parte não classificada são escolhidos e colocados na posição correta da parte classificada.

Funcionalidade

- O procedimento usa um único argumento, 'A', que é uma lista de itens classificáveis.
- A variável 'n' é atribuída ao comprimento da matriz A.
- O loop for externo começa no índice '1' e é executado por iterações 'n-1', onde 'n' é o comprimento da matriz.
- O loop while interno começa no índice atual i do loop for externo e compara cada elemento com seu vizinho esquerdo. Se um elemento for menor que seu vizinho esquerdo, os elementos serão trocados.
- O loop while interno continua a mover um elemento para a esquerda, desde que seja menor que o elemento à sua esquerda.
- Depois que o loop while interno é concluído, o elemento no índice atual está em sua posição correta na parte classificada da matriz.
- O loop for externo continua iterando pela matriz até que todos os elementos estejam em suas posições corretas e a matriz esteja totalmente classificada.

Estabilidade

É um algoritmo de classificação estável.

Complexidade

Fórmula Geral
 $O(n^2)$

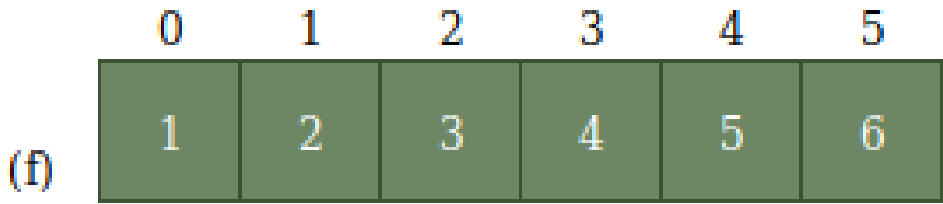
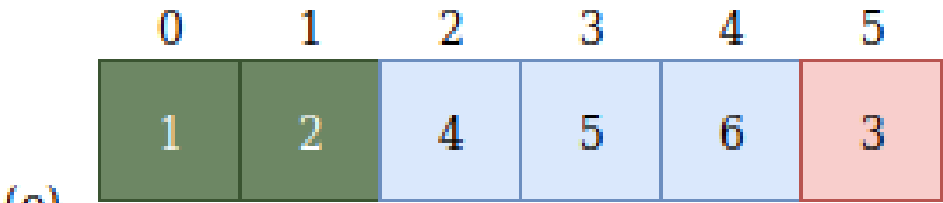
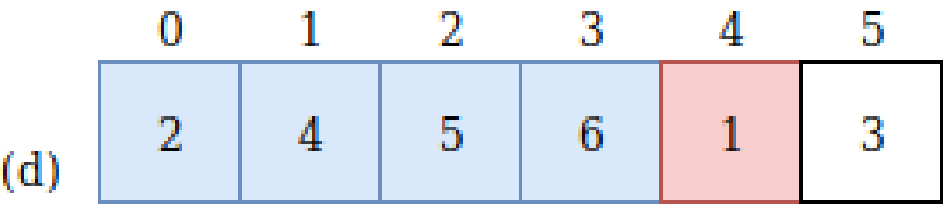
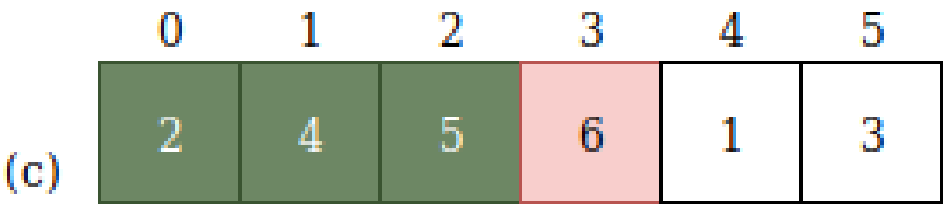
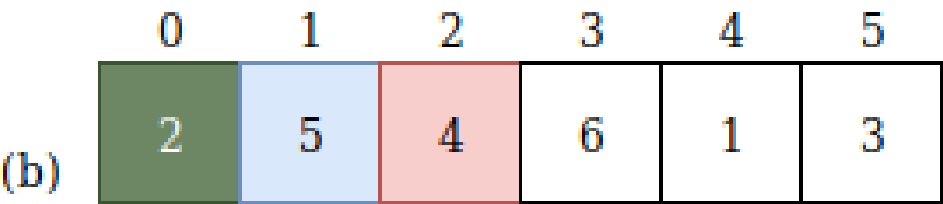
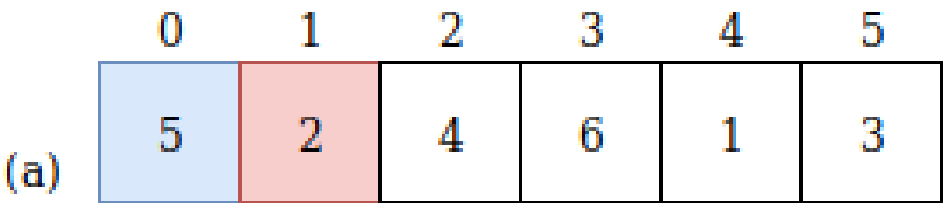
Pior Caso
Quando os elementos forem classificados em ordem inversa.

Melhor Caso
Quando os elementos já estão classificados $O(n)$

Pseudo-Código

```
procedimento insertSort(A: lista de itens classificáveis)
  n = comprimento(A)
  para i = 1 até n - 1 faça
    j = eu
    enquanto j > 0 e A[j-1] > A[j] faça
      troca(A[j], A[j-1])
      j = j - 1
    terminar enquanto
  fim para
procedimento final
```

Representação Gráfica



Insertionsort – implementação em C

```
1 void insertionSort(int *lista, int tamanho)
2 {
3     int i, j, aux;
4     for ( i = 0; i < tamanho - 1; i++)
5     {
6         if (lista[i] > lista[i+1])
7         {
8             aux = lista[i+1];
9             lista[i+1] = lista[i];
10            lista[i] = aux;
11            j = i-1;
12            while (j>=0)
13            {
14                if (aux < lista[j])
15                {
16                    lista[j+1] = lista[j];
17                    lista[j] = aux;
18                }
19                else
20                {
21                    break;
22                }
23                j=j-1;
24            }
25        }
26    }
27 }
```

Quicksort

É um algoritmo que utilizando o paradigma de Dividir para Conquistar, particiona o vector recursivamente até que todas as subsequências estejam ordenadas, para uni-las novamente.

Estabilidade

A implementação padrão não é estável. No entanto, qualquer algoritmo de ordenação pode se tornar estável.

Complexidade

Fórmula Geral

$$T(n) = T(k) + T(nk-1) + O(n)$$

Pior Caso

Quando o processo de partição sempre escolhe o maior ou o menor elemento como pivô. $O(n^2)$

Melhor Caso

Quando o processo de partição sempre escolhe o elemento do meio como pivô. **$O(n \log n)$**

Caso Médio

(theta)(nLogn)

Funcionalidade

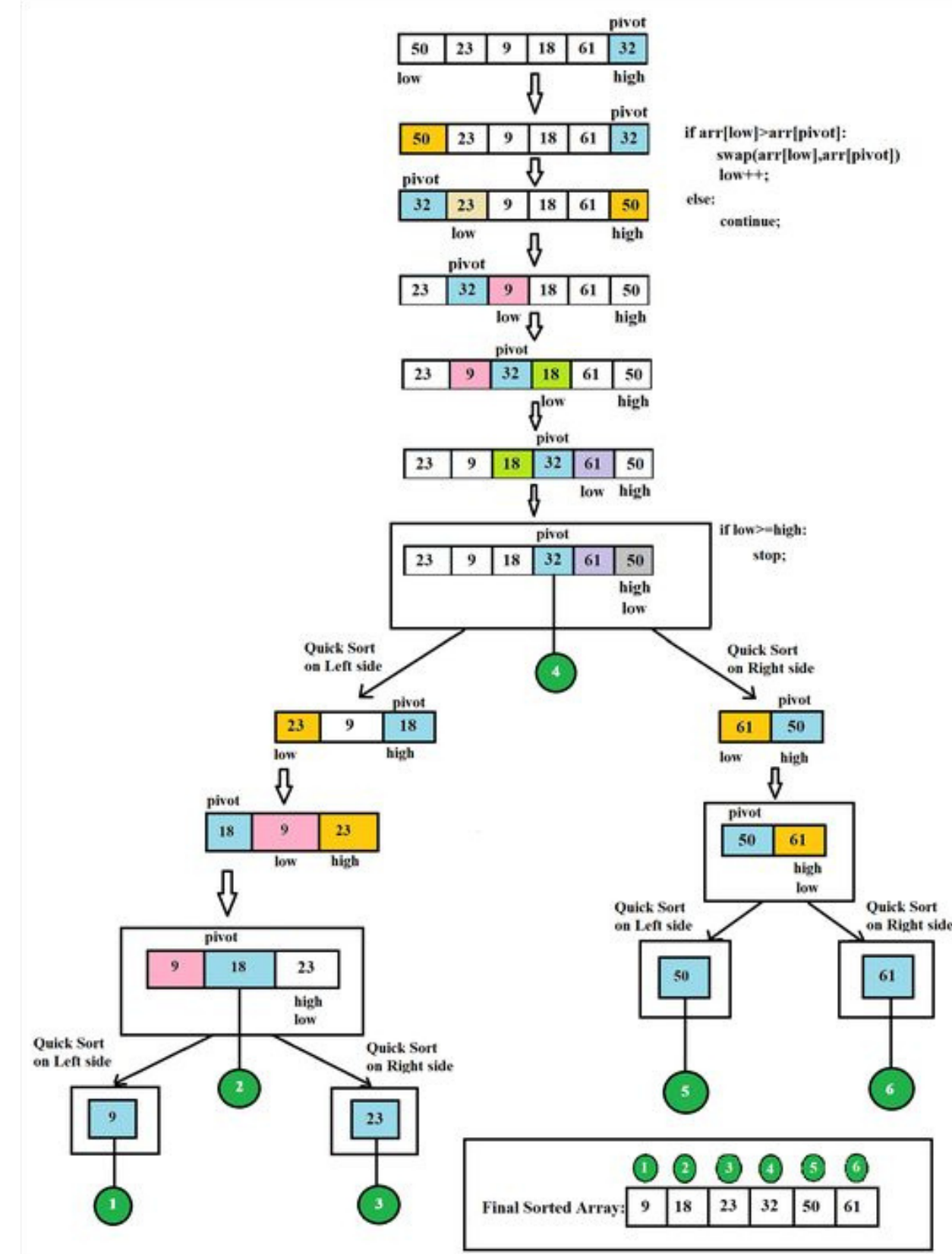
O algoritmo receber um array preenchido, e escolhe um pivô, que pode ser selecionado aleatoriamente.

Duas variáveis j e i , são posicionadas nos extremos do array. A variável j começa a percorrer da esquerda a direita comparando os valores aos do pivô. Se o valor de j for maior a constante para, e a variável i começa a percorrer da direita a esquerda. Se o valor de i for menor que o pivô, a constante para e é feita uma troca com a posição em que a variável j parou.

As duas variáveis andam uma casa, e o processo repete-se até o momento em que elas encontraram-se durante o percurso. Quando isso acontece o array é dividido, e é feita uma chamada recursiva para cada nova repartição

O processo repete-se até o momento em que só houver um único elemento em cada repartição gerada. E por fim todos os valores são unidos novamente.

Representação Gráfica



Quicksort – implementação em C

```
1  #include <stdlib.h>
2  #include <stdio.h>
3
4  // função que realiza a troca entre dois elementos
5  void troca(int vet[], int i, int j)
6  {
7      int aux = vet[i];
8      vet[i] = vet[j];
9      vet[j] = aux;
10 }
11
12 // particiona e retorna o índice do pivô
13 int particiona(int vet[], int inicio, int fim)
14 {
15     int pivo, pivo_indice, i;
16
17     pivo = vet[fim]; // o pivô é sempre o último elemento
18     pivo_indice = inicio;
19
20     for(i = inicio; i < fim; i++)
21     {
22         // verifica se o elemento é <= ao pivô
23         if(vet[i] <= pivo)
24         {
25             // realiza a troca
26             troca(vet, i, pivo_indice);
27             // incrementa o pivo_indice
28             pivo_indice++;
29         }
30     }
```

```
32     // troca o pivô
33     troca(vet, pivo_indice, fim);
34
35     // retorna o índice do pivô
36     return pivo_indice;
37 }
38
39 // escolhe um pivô aleatório para evitar o pior caso do quicksort
40 int particiona_random(int vet[], int inicio, int fim)
41 {
42     // seleciona um número entre fim (inclusive) e inicio (inclusive)
43     int pivo_indice = (rand() % (fim - inicio + 1)) + inicio;
44
45     // faz a troca para colocar o pivô no fim
46     troca(vet, pivo_indice, fim);
47     // chama a particiona
48     return particiona(vet, inicio, fim);
49 }
50
51 void quick_sort(int vet[], int inicio, int fim)
52 {
53     if(inicio < fim)
54     {
55         // função particionar retorna o índice do pivô
56         int pivo_indice = particiona_random(vet, inicio, fim);
57
58         // chamadas recursivas quick_sort
59         quick_sort(vet, inicio, pivo_indice - 1);
60         quick_sort(vet, pivo_indice + 1, fim);
61     }
62 }
```

```
64 int main()
65 {
66     // vetor que será ordenado
67     int vet[] = {25,40,55,20,44,35,38,99,10,65,50};
68     int tam_vet = sizeof(vet) / sizeof(int);
69     int i;
70
71     // inicializa random seed
72     srand(time(NULL));
73
74     // chamada do quicksort
75     quick_sort(vet, 0, tam_vet - 1);
76
77     // mostra o vetor ordenado
78     for(i = 0; i < tam_vet; i++)
79         printf("%d ", vet[i]);
80
81     return 0;
82 }
```

Mergesort

É um algoritmo de ordenação que funciona dividindo um array em subarrays menores, ordenando cada subarray e, em seguida, junta ou mescla os subarrays ordenados novamente para formar o array ordenado final.

Estabilidade

É um algoritmo de classificação estável.

Complexidade

A sua complexidade não depende da sequência de entrada, e é medida pelo número de divisões e combinações e é de fácil implementação

Caso Geral
 $O(n \cdot \log n)$

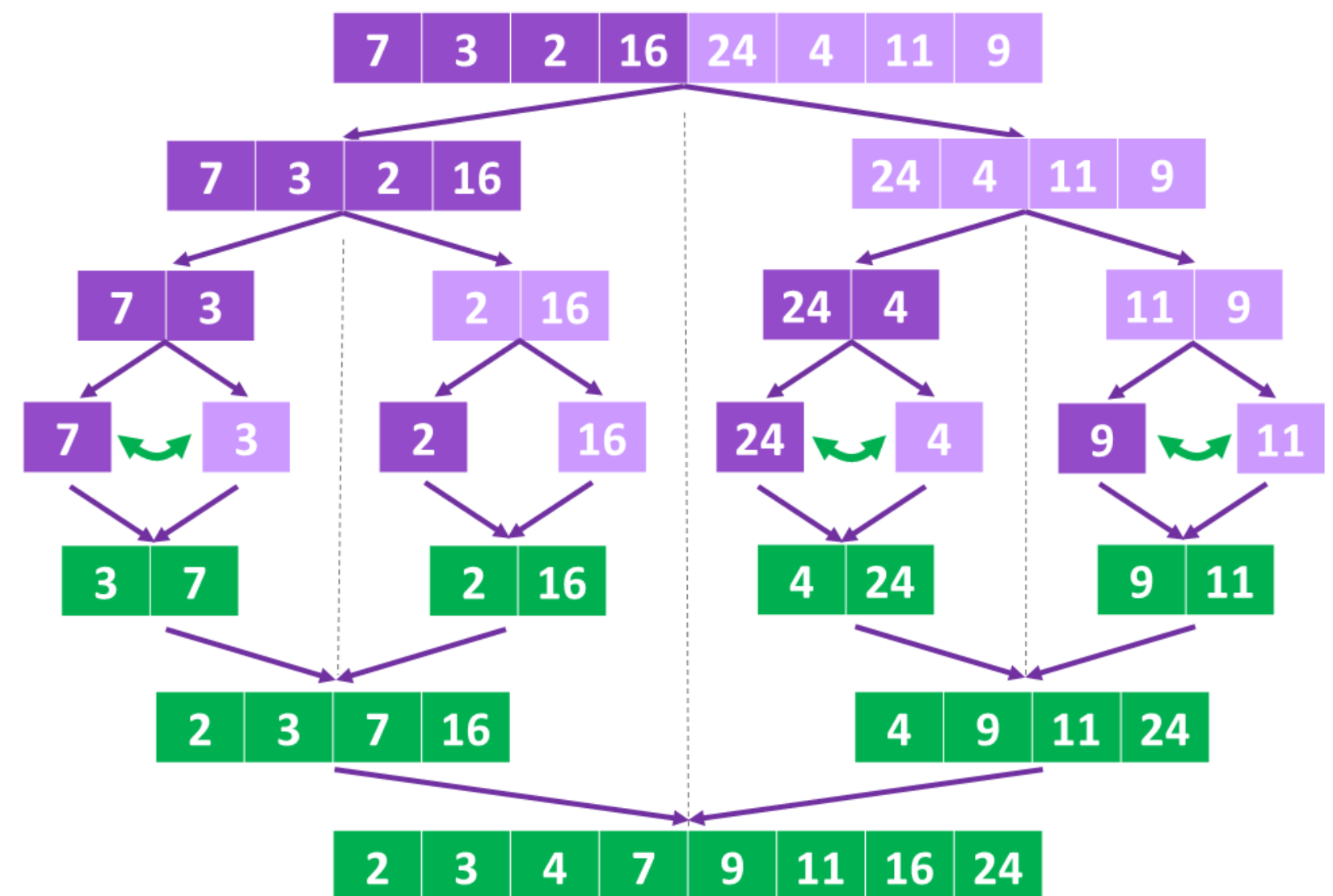
Funcionalidade

1. Pensemos nisso como um algoritmo recursivo que divide continuamente o vector ao meio até que ele não possa mais ser dividido.
2. Isso significa que se o vector ficar vazio ou tiver apenas um elemento restante, a divisão será interrompida, ou seja, é o caso básico para interromper a recursão.
3. Finalmente, quando ambas as metades forem ordenadas, a operação de mesclagem ou junção é aplicada.

Nota

requer um vector auxiliar com as mesmas dimensões do que estiver a ser ordenado, o que aumenta o consumo de memória e tempo de execução.

Representação Gráfica



Mergesort – implementação em C

```
1 // Merge sort em C
2
3 #include <stdio.h>
4
5 void merge(int arr[], int p, int q, int r) {
6
7     int n1 = q - p + 1;
8     int n2 = r - q;
9
10    int L[n1], M[n2];
11
12    for (int i = 0; i < n1; i++)
13        L[i] = arr[p + i];
14    for (int j = 0; j < n2; j++)
15        M[j] = arr[q + 1 + j];
16
17    int i, j, k;
18    i = 0;
19    j = 0;
20    k = p;
21
22
23
24    while (i < n1 && j < n2) {
25        if (L[i] <= M[j]) {
26            arr[k] = L[i];
27            i++;
28        } else {
29            arr[k] = M[j];
30            j++;
31        }
32        k++;
33    }
34
35    while (i < n1) {
36        arr[k] = L[i];
37        i++;
38        k++;
39    }
40
41    while (j < n2) {
42        arr[k] = M[j];
43        j++;
44        k++;
45    }
46 }
47
48 void mergeSort(int arr[], int l, int r) {
49     if (l < r) {
50
51         int m = l + (r - l) / 2;
52
53         mergeSort(arr, l, m);
54         mergeSort(arr, m + 1, r);
55
56         merge(arr, l, m, r);
57     }
58 }
59
60 void printArray(int arr[], int size) {
61     for (int i = 0; i < size; i++)
62         printf("%d ", arr[i]);
63     printf("\n");
64 }
65
66
67 //MAIN
68 int main() {
69     int arr[] = {6, 5, 12, 10, 9, 1};
70     int size = sizeof(arr) / sizeof(arr[0]);
71
72     mergeSort(arr, 0, size - 1);
73
74     printf("Array ordenado: \n");
75     printArray(arr, size);
76 }
```


CONCLUSÃO

- O Quicksort é o mais rápido na prática, porque seu loop interno pode ser implementado com eficiência na maioria das arquiteturas e na maioria dados do mundo real. E há experimentos que demonstram que o Quicksort em seu melhor caso e caso médio é por volta de 3x mais eficiente que o Mergesort, porque ele contém constantes menores.
- O Mergesort, tem a eficiência $n \log n$ para todos os casos. Ou seja, isso nos dá uma garantia de que, independente da disposição dos dados em um array, a ordenação será eficiente. Ele é mais eficiente que o quicksort em listas vinculada, devido à diferença na alocação de memória de arrays, onde o acesso pode ser aleatório, e listas vinculadas, onde o acesso dos dados é sequencial.
- O Heapsort em comparação com o quicksort e mergesort, perde em termos de eficiência. No entanto ele ajuda a resolver outros problemas de forma eficiente, por ex: a procura do maior e menor elemento ou a implementação de listas de prioridades.
- O Shellsort é uma boa solução para arquivos de tamanho moderado (na ordem de centenas).
- O Insertionsort é um bom método para arquivos quase ordenados em contrapartida para grandes quantidades de dados a ordenação torna-se lenta tal como o Selectionsort.

BIBLIOGRAFIA

HeapSort

- (s.d.). Obtido em 15 de Março de 2023, de Binary Heap – GeeksforGeeks: <http://www.geeksforgeeks.org/>
- (s.d.). Obtido em 15 de Março de 2023, de Heap Sort – GeeksforGeeks: <http://www.geeksforgeeks.org/>
- (s.d.). Obtido em 16 de Março de 2023, de Heap Sort (With Code in Python, C++, Java and C): <http://www.programiz.com/>
- (s.d.). Obtido em 16 de Março de 2023, de Introduction to Binary Tree – Data Structure and Algorithm Tutorials – GeeksforGeeks: <http://www.geeksforgeeks.org/>
- (s.d.). Obtido em 16 de Março de 2023, de Binary Tree: <http://www.programiz.com/>
- (s.d.). Obtido em 18 de Março de 2023, de (935) Estrutura de Dados – Aula 15 – Árvores – Conceitos básicos – YouTube: <http://www.youtube.com/>
- Learn Heap sort in C program | Simplilearn. (s.d.). Obtido em 18 de Março de 2023, de <http://www.simplilearn.com/>

ShellSort

- TreinaWeb. (s.d.). Obtido em 24 de Março de 2023, de <https://www.treinaweb.com.br/blog/conheca-os-principais-algoritmos-de-ordenacao>
- CadernoGeek. (s.d.). Obtido em 24 de Março de 2023, de <https://cadernogeek.wordpress.com/tag/shell-sort/>
- (s.d.). Obtido em 26 de Março de 2023, de <https://youtu.be/9TGB6A4svMk>
- Slideshare. (s.d.). Obtido em 26 de Março de 2023, de <https://pt.slideshare.net/jackocap/aa-algoritmo-shell-sort>
- (s.d.). Obtido em 26 de Março de 2023, de <http://tiagodemelo.info/wp-content/uploads/2019/08/algoritmos-ordenacao-1.pdf>

SelectionSort

- AlgoRythmics. (s.d.). Obtido em 25 de 03 de 2023, de <https://youtu.be/Ns4TPTC8whw>
- Coelho, H., & Félix, N. (s.d.). Obtido em 15 de Março de 2023, de https://ww2.inf.ufg.br/~hebert/disc/aed1/AED1_04_ordenacao1.pdf
- Sambol, M. (s.d.). Obtido em 15 de 03 de 2023, de https://youtu.be/g-PGLbMth_g
- Viana, D. (s.d.). TREINAWEB. Obtido em 25 de 03 de 2023, de [https://www.treinaweb.com.br/blog/conheca-os-principais-algoritmos-de-ordenacao#:~:text=Insertion%20Sort,-Insertion%20Sort%20ou&text=Possui%20complexidade%20C\(n\)%20%3D,caso%20m%C3%A9dio%20e%20pior%20caso.](https://www.treinaweb.com.br/blog/conheca-os-principais-algoritmos-de-ordenacao#:~:text=Insertion%20Sort,-Insertion%20Sort%20ou&text=Possui%20complexidade%20C(n)%20%3D,caso%20m%C3%A9dio%20e%20pior%20caso.)

InsertionSort

- (s.d.). Obtido em 27 de Março de 2023, de <https://www.geeksforgeeks.org/insetion-sort/>

QuickSort

- (s.d.). Obtido em 15 de Março de 2023, de <https://www.youtube.com/watch?v=wU7Q8Z51MUI>
- (s.d.). Obtido em 15 de Março de 2023, de <https://www.geeksforgeeks.org/quick-sort/>
- (s.d.). Obtido em 22 de Março de 2023, de <https://www.geeksforgeeks.org/introduction-to-divide-and-conquer-algorithm-data-str>
- (s.d.). Obtido em 15 de Março de 2023, de <https://gist.github.com/marcoscastro/1dd65900cc7b188e1ab9>
- (s.d.). Obtido em 22 de Março de 2023, de <https://www.programiz.com/dsa/quick-sort>
- (s.d.). Obtido em 15 de Março de 2023, de <https://joaoarthurbm.github.io/eda/posts/quick-sort/>

MergeSort

- (s.d.). Obtido em 15 de Março de 2023, de <https://www.geeksforgeeks.org/merge-sort/>