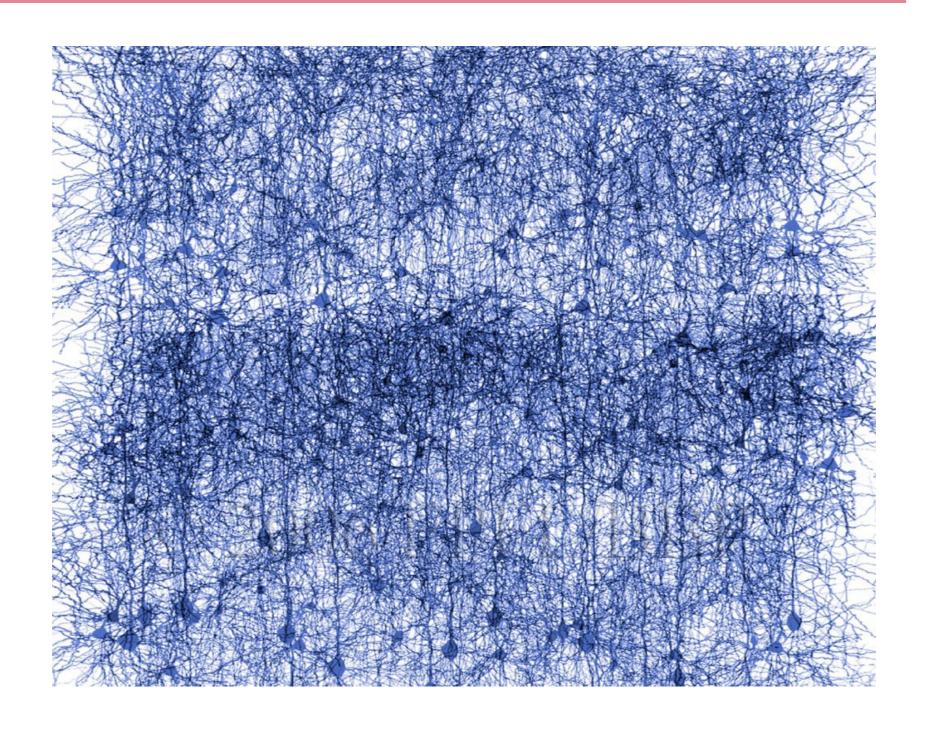


# Les neurones forment des réseaux



Le cerveau : un réseau de 1011 neurones connectés par 1015 synapses

## Mémoire et apprentissage

Jusqu'ici : propriétés des réseaux en absence de stimuli externes

- Exemple I : réseau à spike pour comprendre l'activité irrégulière asynchrone dans le cortex
- Exemple 2 : réseau à taux pour comprendre l'origine d'oscillations entre populations excitatrices et inhibitrices
- Exemple 3 : réseau à taux pour comprendre l'activité persistante pour retenir une direction en mémoire de travail

Quel est l'effet de stimuli externes sur un réseau?

Comment est-ce que cela affecte les connexions synaptiques ?

Comment apprendre quelque-chose, et comment le récupérer ?

### Réseaux attracteur

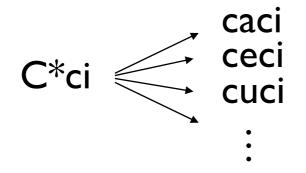
#### Pouvez-vous lire ce texte?

C\*ci est j\*ste un p\*tit exa\*ple d'\*n te\*te q\*e vous pou\*ez s\*rem\*nt \*ire mal\*ré l\* s\*ppr\*ss\*on d'u\* bon n\*mb\*e de lett\*es. C\* n'e\*t pe\*t-\*tre p\*s de \*a b\*nn\* li\*tér\*tu\*e ma\*s un messa\*e tr\*s info\*ma\*if q\*ant a\* fo\*ction\*\*ment du cerv\*\*u: no\*s so\*mes ca\*ables de "compl\*ter" les mo\*s à \*artir de qu\*\*ques lett\*es s\*\*lement!

### Réseaux attracteur

#### Pouvez-vous lire ce texte?

C\*ci est j\*ste un p\*tit exa\*ple d'\*n te\*te q\*e vous pou\*ez s\*rem\*nt \*ire mal\*ré l\* s\*ppr\*ss\*on d'u\* bon n\*mb\*e de lett\*es. C\* n'e\*t pe\*t-\*tre p\*s de \*a b\*nn\* li\*tér\*tu\*e ma\*s un messa\*e tr\*s info\*ma\*if q\*ant a\* fo\*ction\*\*ment du cerv\*\*u: no\*s so\*mes ca\*ables de "compl\*ter" les mo\*s à \*artir de qu\*\*ques lett\*es s\*\*lement!



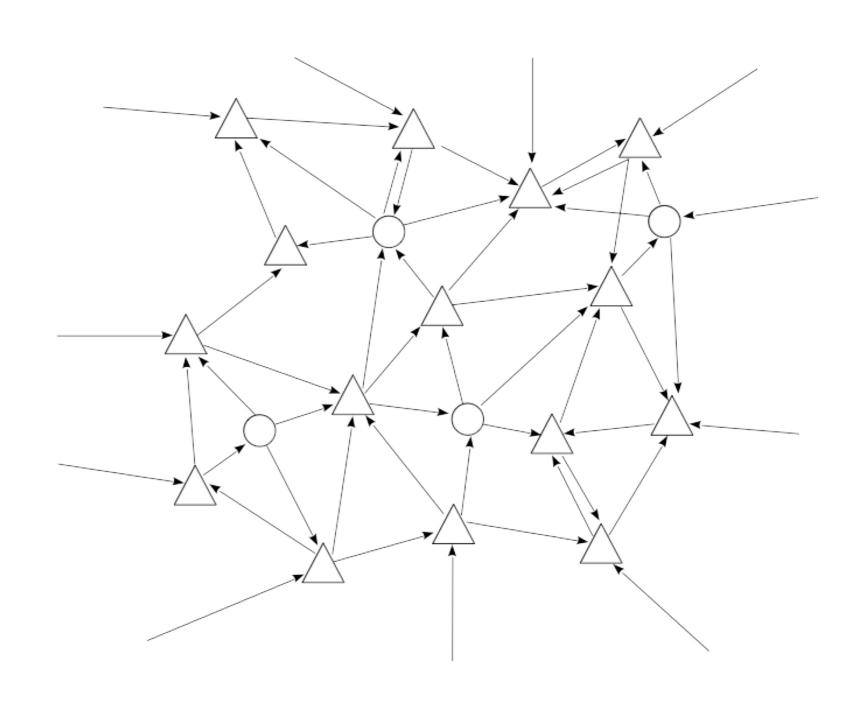
### Réseaux attracteur

#### Pouvez-vous lire ce texte?

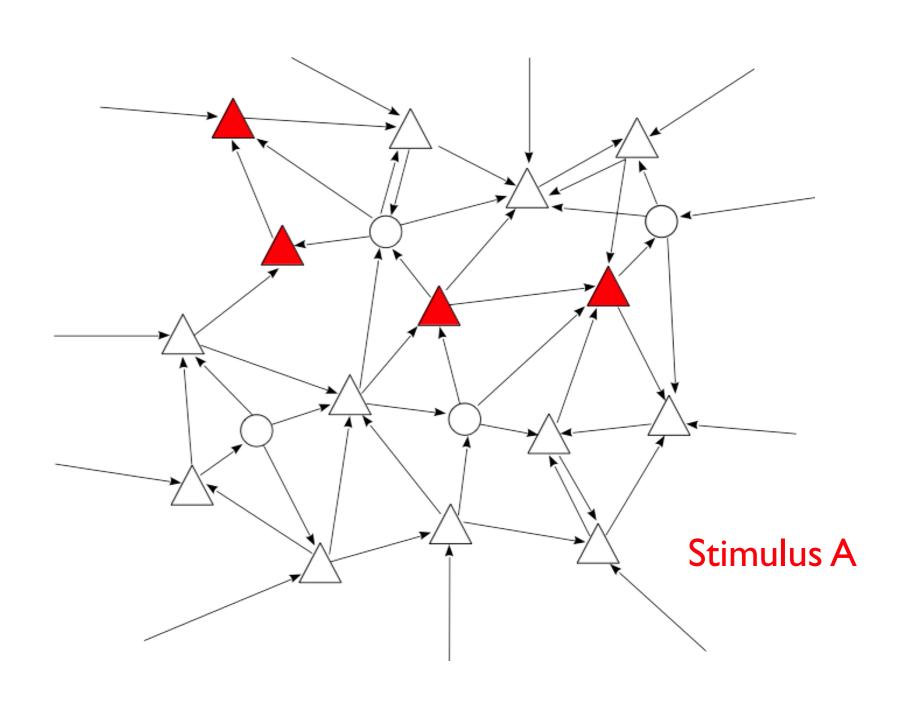
C\*ci est j\*ste un p\*tit exa\*ple d'\*n te\*te q\*e vous pou\*ez s\*rem\*nt \*ire mal\*ré l\* s\*ppr\*ss\*on d'u\* bon n\*mb\*e de lett\*es. C\* n'e\*t pe\*t-\*tre p\*s de \*a b\*nn\* li\*tér\*tu\*e ma\*s un messa\*e tr\*s info\*ma\*if q\*ant a\* fo\*ction\*\*ment du cerv\*\*u: no\*s so\*mes ca\*ables de "compl\*ter" les mo\*s à \*artir de qu\*\*ques lett\*es s\*\*lement!



Les stimuli externes modifient l'activité neuronale dans le cerveau.



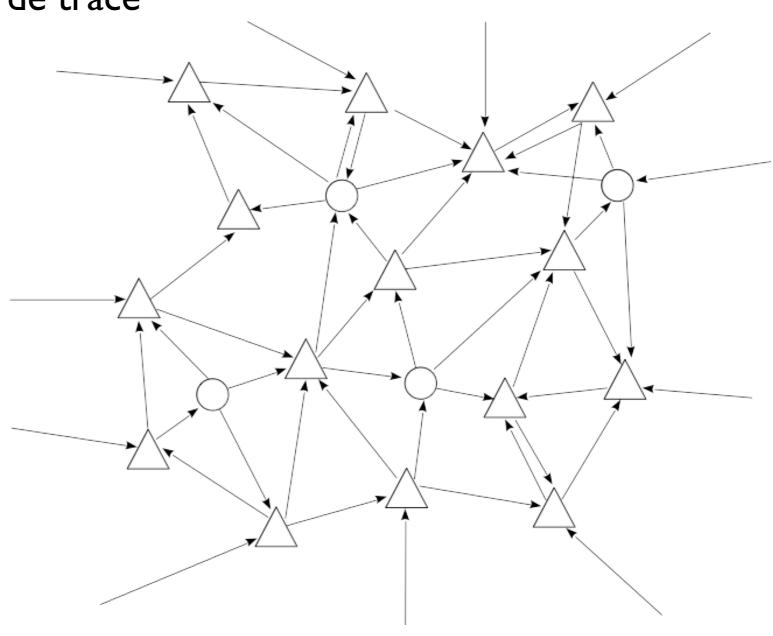
Les stimuli externes modifient l'activité neuronale dans le cerveau.



Les stimuli externes modifient l'activité neuronale dans le cerveau.

■ Si un stimulus ne laisse pas de trace

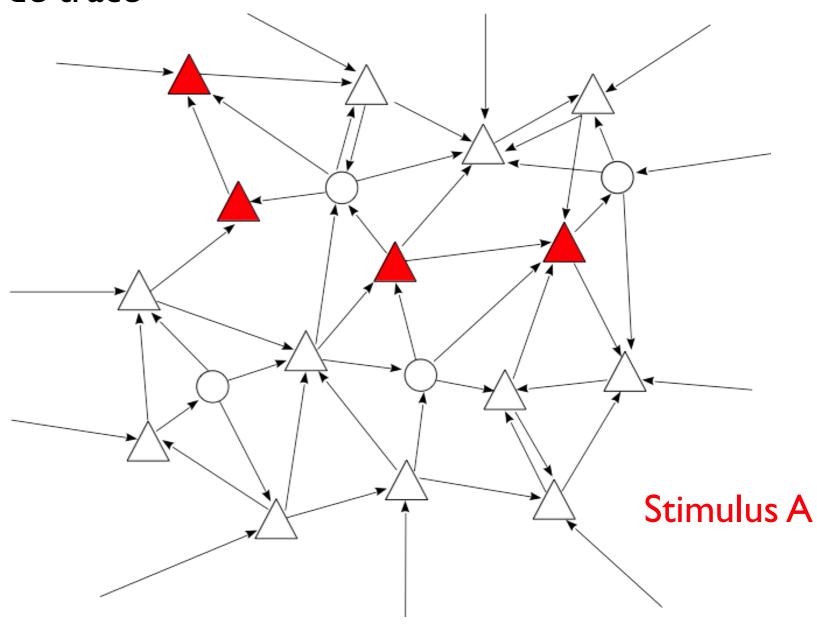
→ aucun souvenir!



Les stimuli externes modifient l'activité neuronale dans le cerveau.

■ Si un stimulus ne laisse pas de trace

→ aucun souvenir!

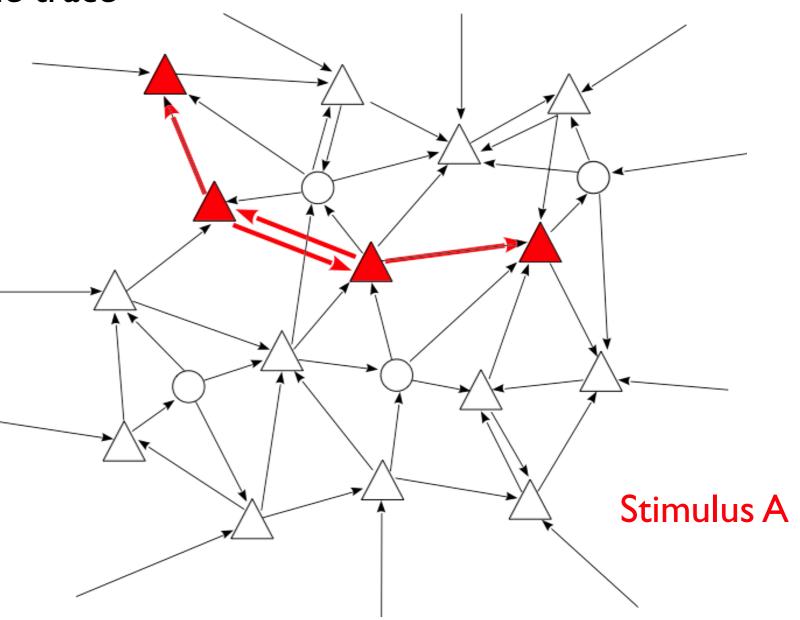


Les stimuli externes modifient l'activité neuronale dans le cerveau.

■ Si un stimulus ne laisse pas de trace

→ aucun souvenir!

Les changements d'activité engendrent des <u>changements</u> <u>de connectivité</u> (plasticité structurelle/synaptique)!

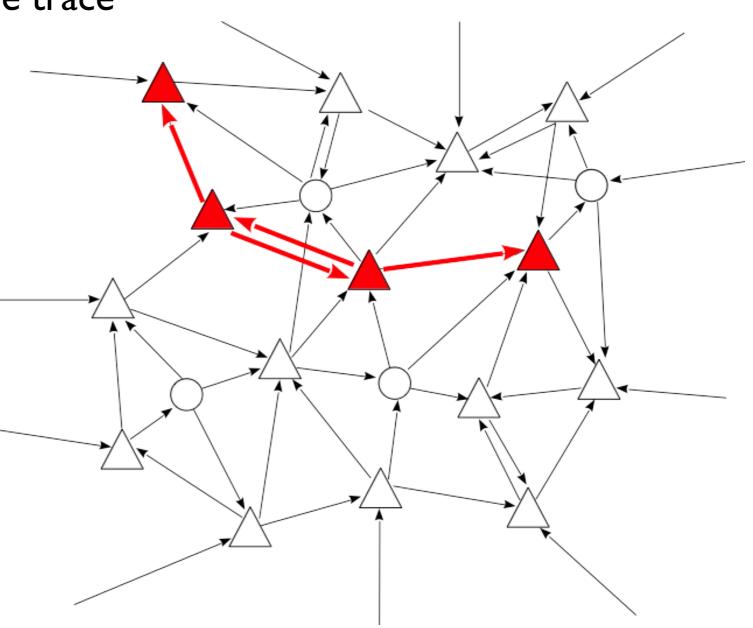


Les stimuli externes modifient l'activité neuronale dans le cerveau.

■ Si un stimulus ne laisse pas de trace

→ aucun souvenir!

Les changements d'activité engendrent des <u>changements</u> <u>de connectivité</u> (plasticité structurelle/synaptique)!



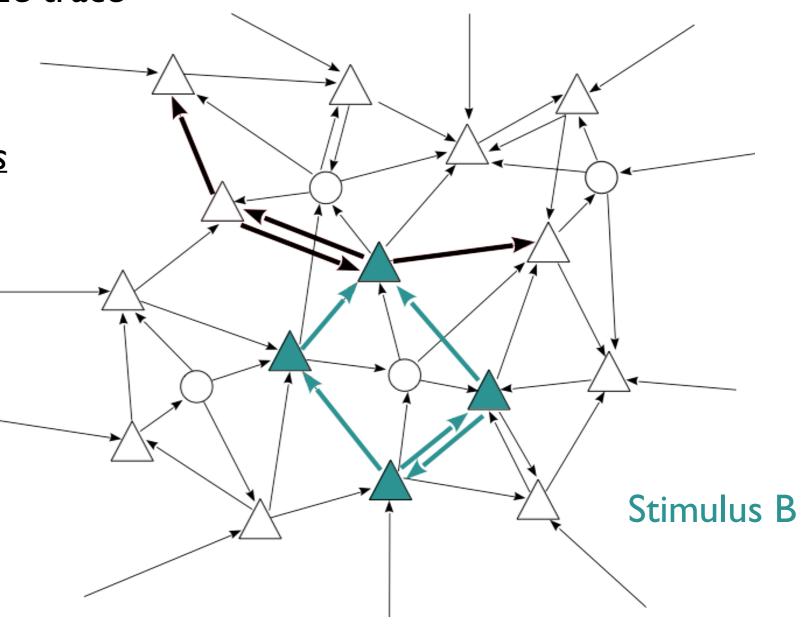
Les stimuli externes modifient l'activité neuronale dans le cerveau.

■ Si un stimulus ne laisse pas de trace

→ aucun souvenir!

 Les changements d'activité engendrent des <u>changements</u> <u>de connectivité</u> (plasticité structurelle/synaptique)!

Un autre stimulus peut modifier l'activité dans un sous-ensemble différent.



Les stimuli externes modifient l'activité neuronale dans le cerveau.

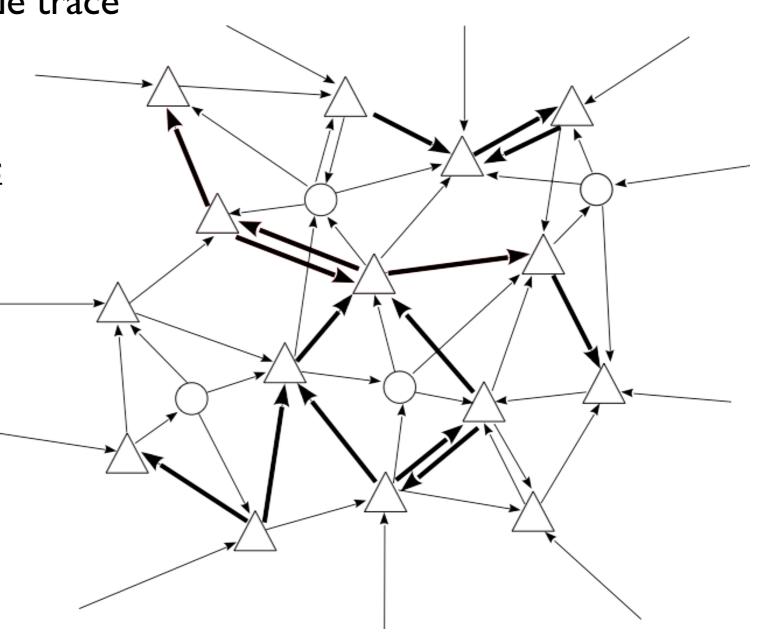
■ Si un stimulus ne laisse pas de trace

→ aucun souvenir!

Les changements d'activité engendrent des <u>changements</u> <u>de connectivité</u> (plasticité structurelle/synaptique)!

Un autre stimulus peut modifier l'activité dans un sous-ensemble différent.

 La connectivité synaptique résulte de la superposition des traces laissées par les entrées externes.



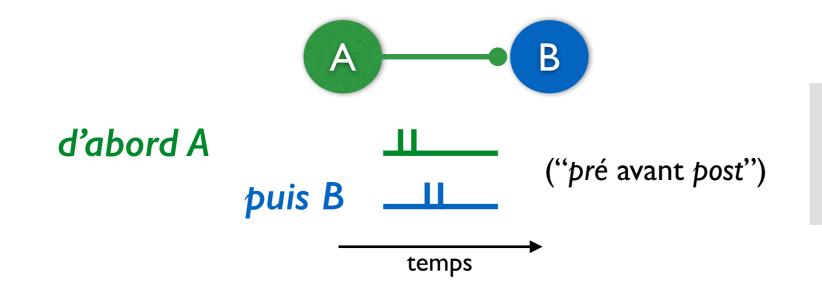
# Changements synaptiques : le scénario "Hebbien"

### "Fire together, wire together."

"Lorsqu'un axone de la cellule A est assez proche pour exciter une cellule B et qu'il participe de façon répétée et persistante à sa décharge, une croissance ou des changements métaboliques se produisent dans l'une ou les deux cellules, de sorte que l'efficacité de la cellule A, comme l'une des cellules qui déclenche B, est augmentée."

Donald Hebb, 1949

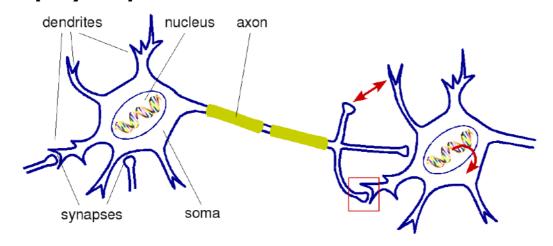


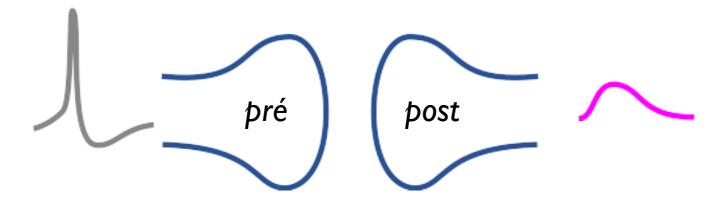


renforcement de la connexion

On peut distinguer deux types de changements de connexions.

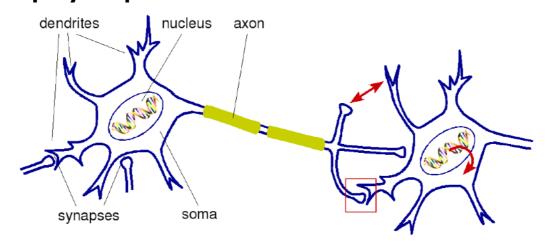
■ La plasticité structurelle, c'est-à-dire la création ou la suppression d'une connexion physique entre deux neurones :

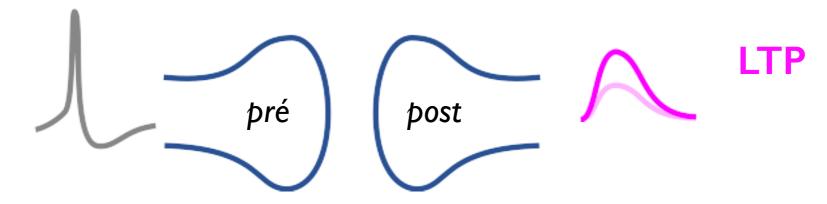




On peut distinguer deux types de changements de connexions.

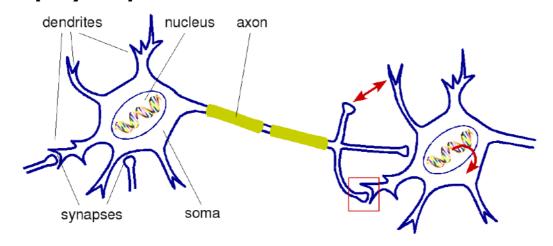
■ La *plasticité structurelle*, c'est-à-dire la création ou la suppression d'une connexion physique entre deux neurones :

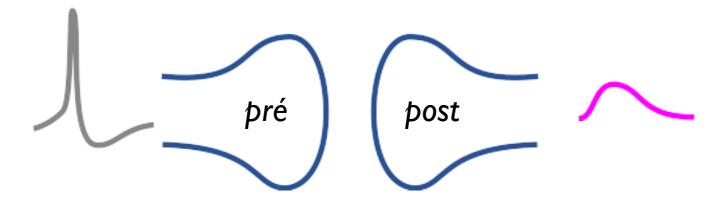




On peut distinguer deux types de changements de connexions.

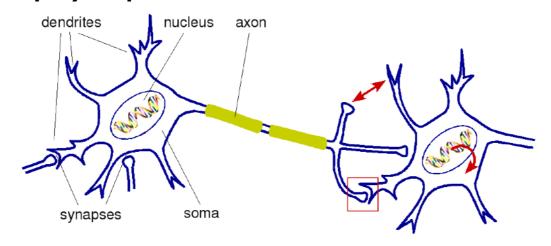
■ La plasticité structurelle, c'est-à-dire la création ou la suppression d'une connexion physique entre deux neurones :

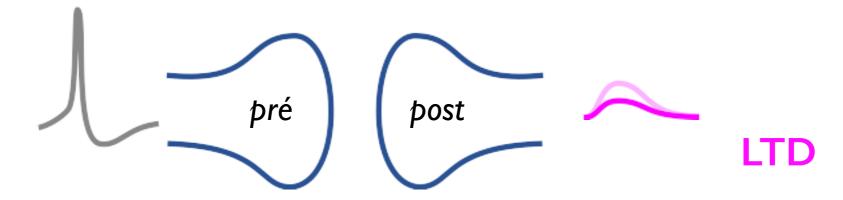




On peut distinguer deux types de changements de connexions.

■ La plasticité structurelle, c'est-à-dire la création ou la suppression d'une connexion physique entre deux neurones :





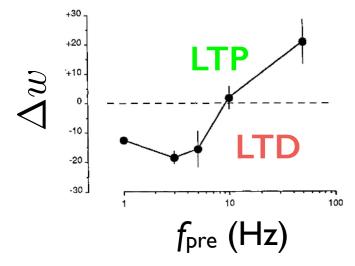


lacktriangle Le changement  $\Delta w$  du poids synaptique peut dépendre

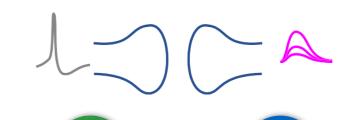
<u>de la fréquence</u> <u>de stimulation</u>

pré <u>IIIII</u>
post

900 impulsions à 1-100 Hz

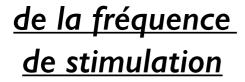


Dudek & Bear, 1992



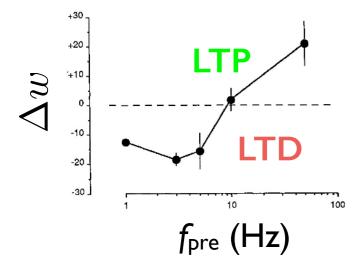
A B

lacktriangle Le changement  $\Delta w$  du poids synaptique peut dépendre

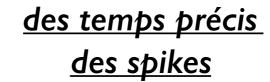


pré <u>IIIII</u>
post .....

900 impulsions à I-100 Hz

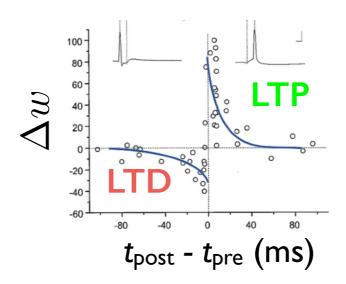


Dudek & Bear, 1992





60 paires à 1 Hz

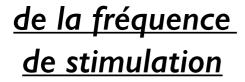


Bi & Poo, 1998



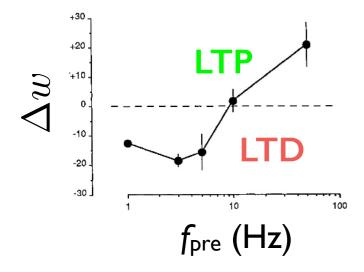
A B

lacktriangle Le changement  $\Delta w$  du poids synaptique peut dépendre

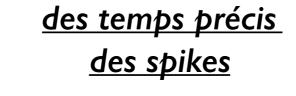


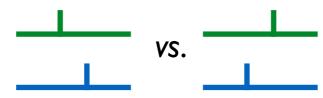
pré <u>IIIII</u> post .....

900 impulsions à I-100 Hz

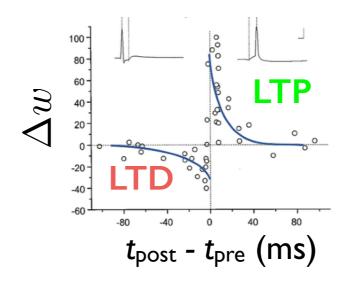


Dudek & Bear, 1992



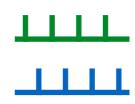


60 paires à 1 Hz

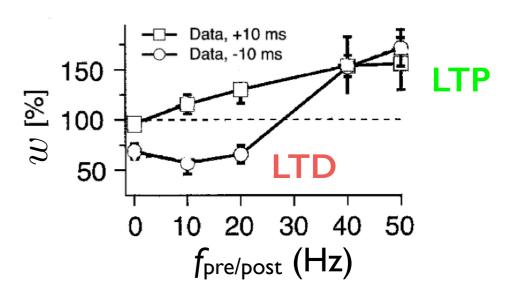


Bi & Poo, 1998

### <u>de la combinaison</u> <u>des deux</u>



5 paires, 15x à 0.1 Hz

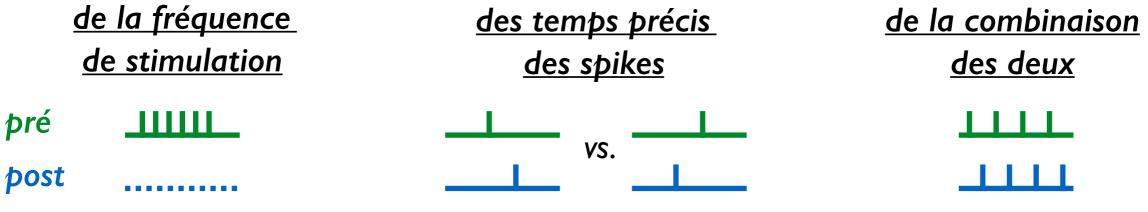


Sjöström et al., 2001



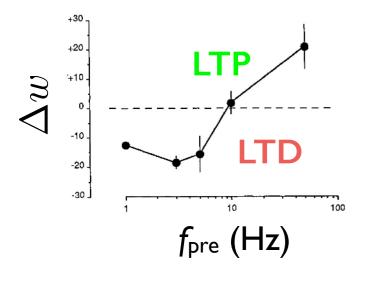


Le changement  $\Delta w$  du poids synaptique peut dépendre

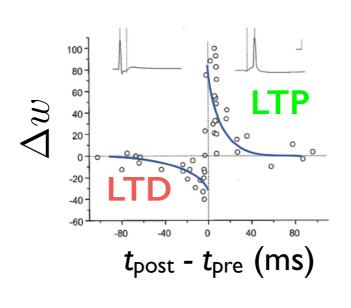


60 paires à 1 Hz

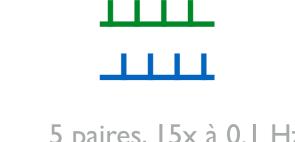
900 impulsions à I-100 Hz



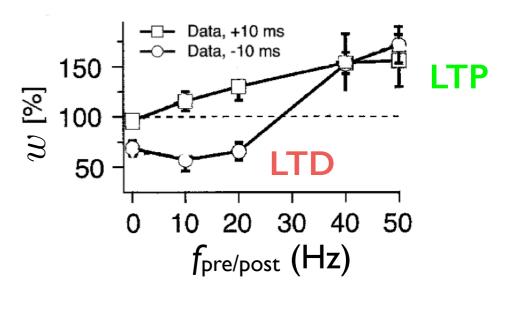
Dudek & Bear, 1992



Bi & Poo, 1998



5 paires, 15x à 0.1 Hz

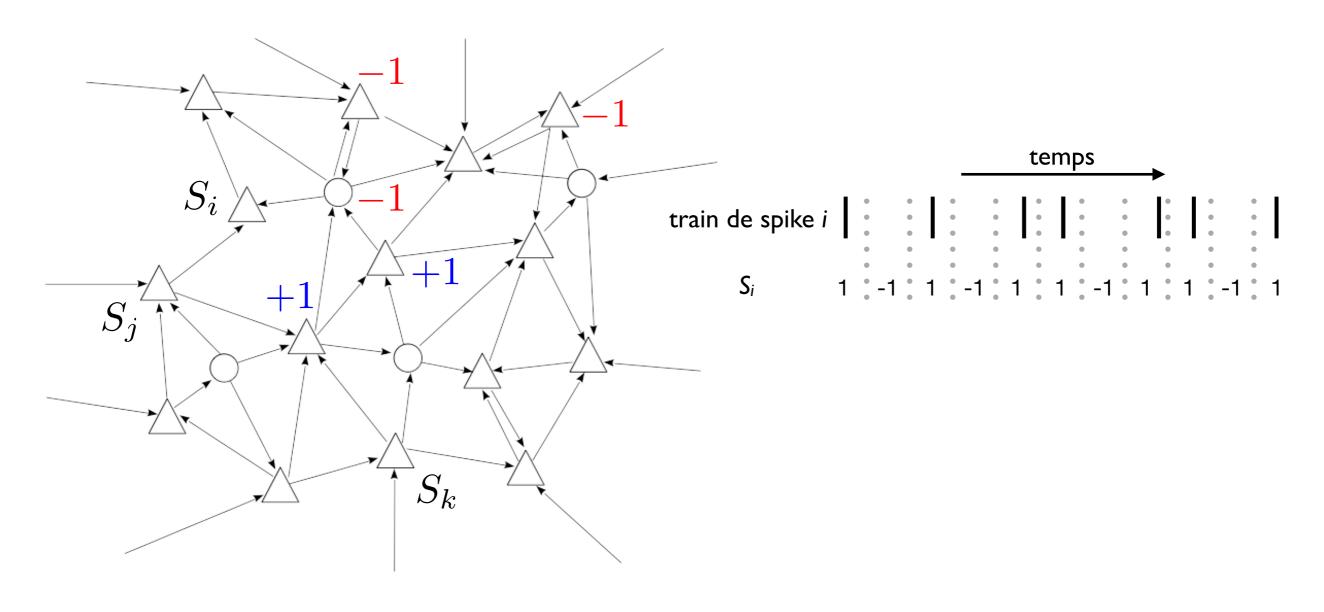


Sjöström et al., 2001

Modélisation phénoménologique avec + ou - de détail...

### Modèle pionnier d'un réseau de neurone avec attracteur

■ Chaque neurone i est représenté par une variable binaire,  $S_i \in \{-1,1\}$ , qui représente s'il est actif ou inactif dans un interval de temps  $\Delta t$ .



### Modèle pionnier d'un réseau de neurone avec attracteur

- Chaque neurone i est représenté par une variable binaire,  $S_i \in \{-1,1\}$ , qui représente s'il est actif ou inactif dans un interval de temps  $\Delta t$ .
- lacktriangle Chaque neurone reçoit une entrée  $h_i$  selon ses connexions synaptiques :

$$h_i = \sum_{j=1...N} w_{ij} S_j$$

### Modèle pionnier d'un réseau de neurone avec attracteur

- Chaque neurone i est représenté par une variable binaire,  $S_i \in \{-1,1\}$ , qui représente s'il est actif ou inactif dans un interval de temps  $\Delta t$ .
- lacktriangle Chaque neurone reçoit une entrée  $h_i$  selon ses connexions synaptiques :

$$h_i = \sum_{j=1...N} w_{ij} S_j$$
matrice de connexion

### Modèle pionnier d'un réseau de neurone avec attracteur

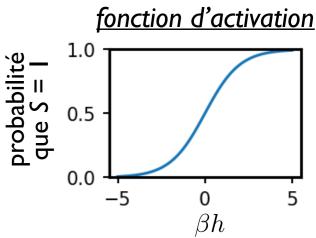
- Chaque neurone i est représenté par une variable binaire,  $S_i \in \{-1, 1\}$ , qui représente s'il est actif ou inactif dans un interval de temps  $\Delta t$ .
- lacktriangle Chaque neurone reçoit une entrée  $h_i$  selon ses connexions synaptiques :

$$h_i = \sum_{j=1...N} \underbrace{w_{ij}} S_j$$
matrice de connexion

• L'activité à  $t+\Delta t$  dépend des entrées au temps t de manière probabiliste : .

prob
$$[S_i(t + \Delta t) = 1] = \frac{1}{1 + e^{-\beta h_i(t)}}$$

des entrées > 0 : tendance à produire S = I des entrées < 0 : tendance à produire S = -I



### Modèle pionnier d'un réseau de neurone avec attracteur

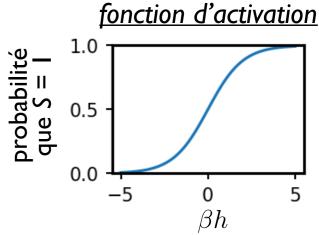
- Chaque neurone i est représenté par une variable binaire,  $S_i \in \{-1,1\}$ , qui représente s'il est actif ou inactif dans un interval de temps  $\Delta t$ .
- lacktriangle Chaque neurone reçoit une entrée  $h_i$  selon ses connexions synaptiques :

$$h_i = \sum_{j=1...N} \underbrace{w_{ij}} S_j$$
matrice de connexion

• L'activité à  $t+\Delta t$  dépend des entrées au temps t de manière probabiliste : .

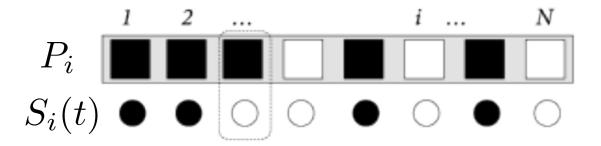
$$\text{prob}[S_i(t + \Delta t) = 1] = \frac{1}{1 + e^{-\beta h_i(t)}}$$

des entrées > 0 : tendance à produire S = I des entrées < 0 : tendance à produire S = -I</p>

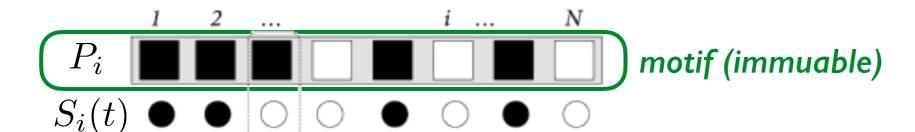


lacktriangle Degré de stochasticité controlé par eta (rôle d'une temperature inverse)

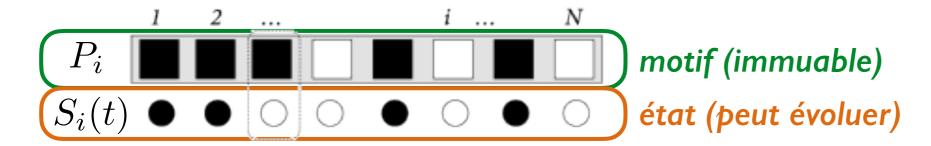
nombre de motifs



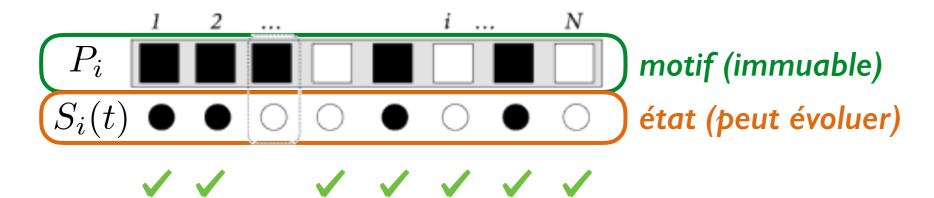
nombre de motifs



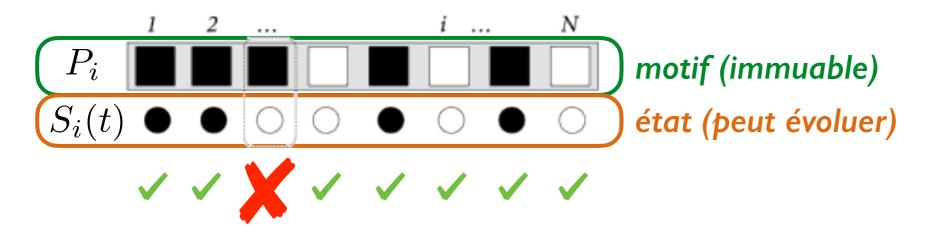
nombre de motifs



nombre de motifs

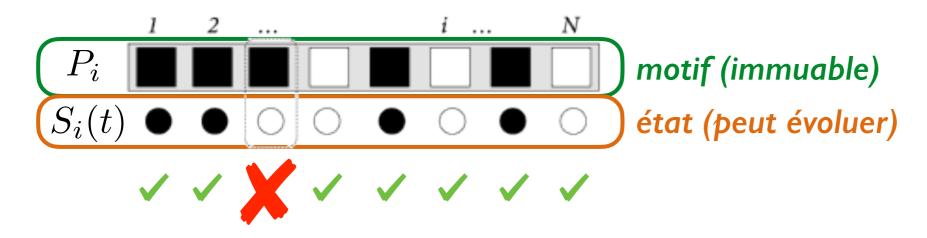


nombre de motifs



nombre de motifs



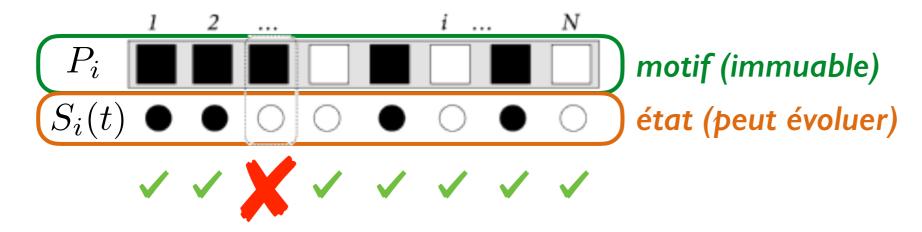


"overlap" (dégré d'accord):

) motif (immuable) 
$$m^{\mu}(t) = \frac{1}{N} \sum_{i} P_{i}^{\mu} S_{i}(t)$$

nombre de motifs





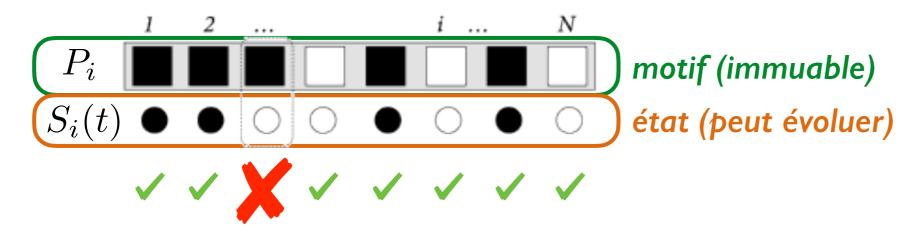
"overlap" (dégré d'accord):

) motif (immuable) 
$$m^{\mu}(t) = \frac{1}{N} \sum_{i} P_{i}^{\mu} S_{i}(t)$$
 état (peut évoluer)

$$m^{\mu}(t) = 1$$
:  $S_i(t) = P_i^{\mu}$ 

nombre de motifs

■ La mémoire à retenir sont des motifs  $P_i^\mu \in \{-1,1\}$  :  $\mu=1\dots K$ 



"overlap" (dégré d'accord):

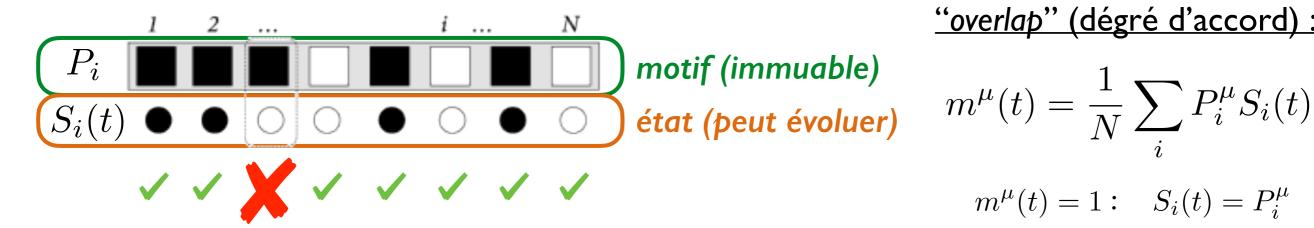
) motif (immuable) 
$$m^{\mu}(t) = \frac{1}{N} \sum_{i} P_{i}^{\mu} S_{i}(t)$$

$$m^{\mu}(t) = 1$$
:  $S_i(t) = P_i^{\mu}$ 

Est-ce qu'il y a une matrice de connexion qui permet la récupération d'un motif à partir d'un petit overlap?

nombre de motifs

■ La mémoire à retenir sont des motifs  $P_i^\mu \in \{-1,1\}$  :  $\mu=1\dots K$ 



"overlap" (dégré d'accord):

$$m^{\mu}(t) = \frac{1}{N} \sum_{i} P_i^{\mu} S_i(t)$$

$$m^{\mu}(t) = 1$$
:  $S_i(t) = P_i^{\mu}$ 

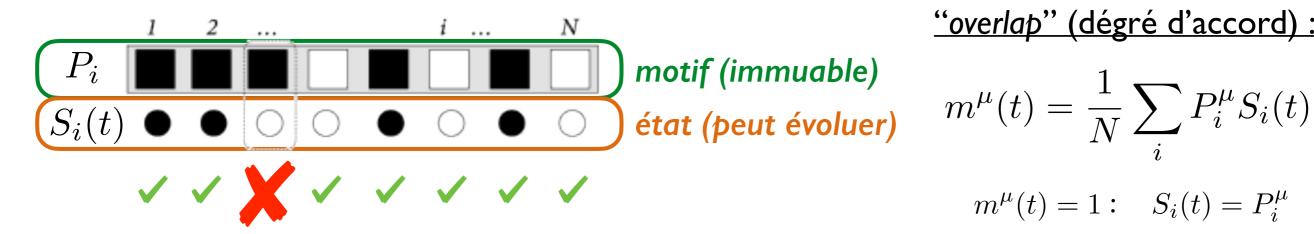
Est-ce qu'il y a une matrice de connexion qui permet la récupération d'un motif à partir d'un petit overlap?

■ Résultat théorique : 
$$w_{ij} = \frac{1}{N} \sum_{\mu=1...K} P_i^{\mu} P_j^{\mu}$$

nombre de motifs

■ La mémoire à retenir sont des motifs  $P_i^\mu \in \{-1,1\}$  :  $\mu=1\dots K$ 

$$\mu = 1 \dots K$$



"overlap" (dégré d'accord):

$$m^{\mu}(t) = \frac{1}{N} \sum_{i} P_i^{\mu} S_i(t)$$

$$m^{\mu}(t) = 1$$
:  $S_i(t) = P_i^{\mu}$ 

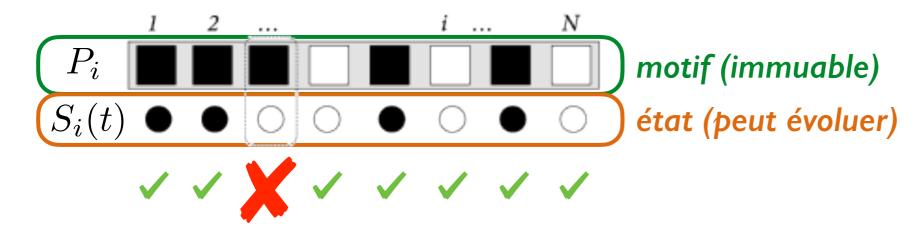
Est-ce qu'il y a une matrice de connexion qui permet la récupération d'un motif à partir d'un petit overlap?

■ Résultat théorique : 
$$w_{ij} = \frac{1}{N} \sum_{\mu=1...K} P_i^{\mu} P_j^{\mu}$$

"Fire together, wire together."

nombre de motifs

■ La mémoire à retenir sont des motifs  $P_i^\mu \in \{-1,1\}$  :  $\mu=1\dots K$ 



"overlap" (dégré d'accord):

$$m^{\mu}(t) = \frac{1}{N} \sum_{i} P_{i}^{\mu} S_{i}(t)$$
  
 $m^{\mu}(t) = 1: \quad S_{i}(t) = P_{i}^{\mu}$ 

Est-ce qu'il y a une matrice de connexion qui permet la récupération d'un motif à partir d'un petit overlap?

■ Résultat théorique : 
$$w_{ij} = \frac{1}{N} \sum_{\mu=1...K} P_i^{\mu} P_j^{\mu}$$

"Fire together, wire together."

 $\blacksquare$  L'analyse mathématique permet de déterminer la nombre de motifs qui peuvent être stockés sans dégrader la mémoire :  $K_{\rm max}=0.138\,N$ 

