

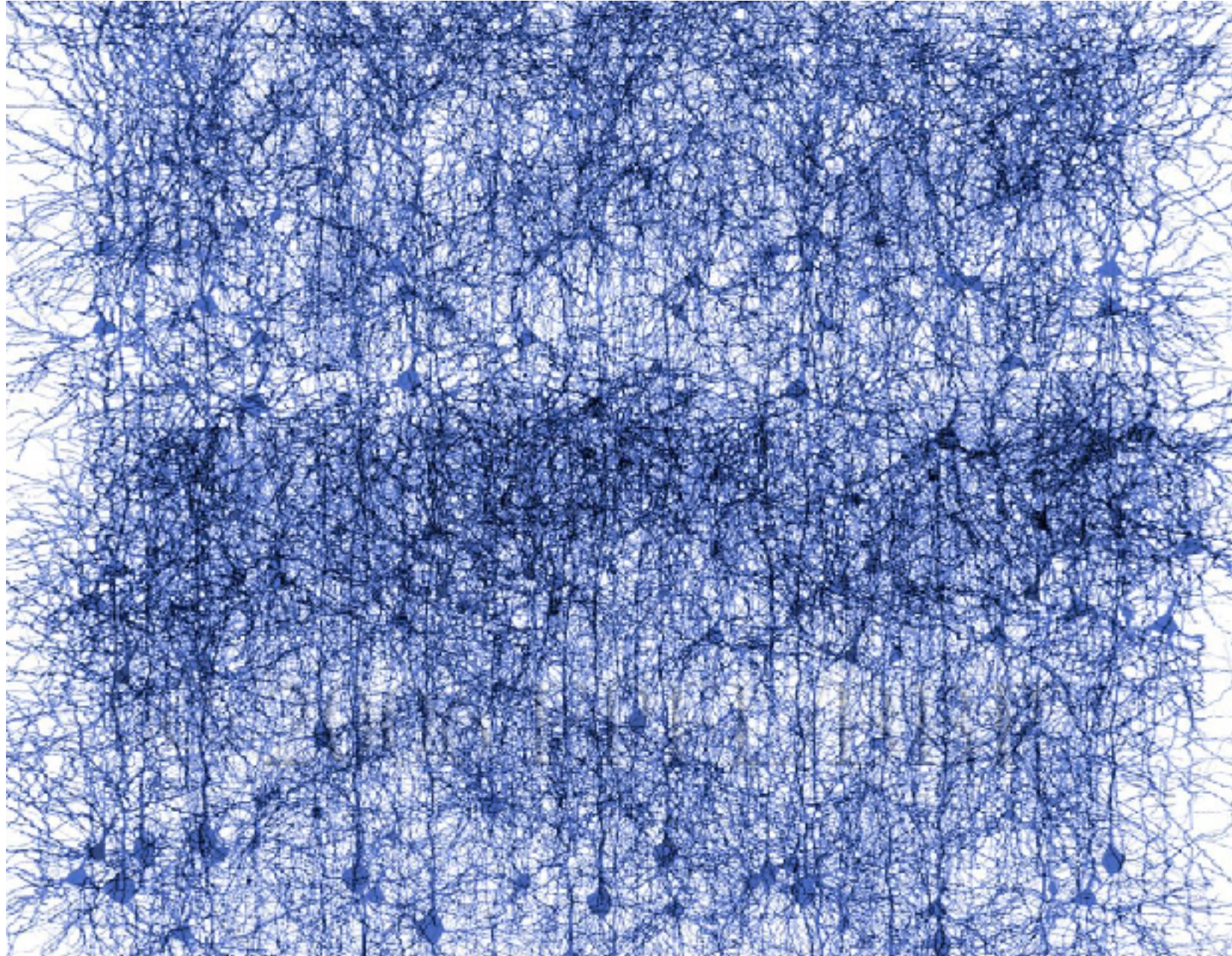
The background of the slide is a complex, abstract geometric pattern. It consists of numerous overlapping shapes, including squares, rectangles, and circles, in a variety of colors such as teal, purple, green, orange, red, and brown. The shapes are arranged in a way that creates a sense of depth and movement, with some shapes appearing to be in front of others. The overall effect is a vibrant, multi-colored mosaic.

Leçon 5 : Réseaux et apprentissage

Jonas Ranft
Neurosciences computationnelles

Nov–Dec 2022

Les neurones forment des réseaux



Le cerveau : un réseau de 10^{11} neurones connectés par 10^{15} synapses

Mémoire et apprentissage

Jusqu'ici : propriétés des réseaux en absence de stimuli externes

- Exemple 1 : *réseau à spike* pour comprendre l'activité irrégulière asynchrone dans le cortex
- Exemple 2 : *réseau à taux* pour comprendre l'origine d'oscillations entre populations excitatrices et inhibitrices
- Exemple 3 : *réseau à taux* pour comprendre l'activité persistante pour retenir une direction en mémoire de travail

Quel est l'effet de stimuli externes sur un réseau ?

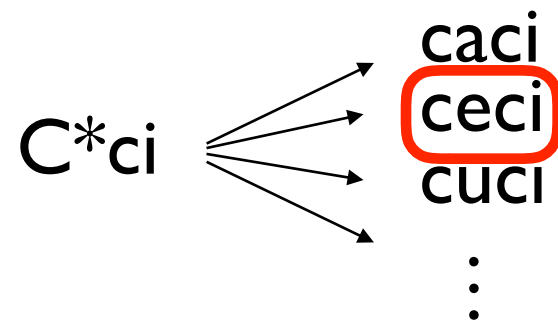
Comment est-ce que cela affecte les connexions synaptiques ?

Comment apprendre quelque-chose, et comment le récupérer ?

Réseaux attracteur

Pouvez-vous lire ce texte ?

C*ci est j*ste un p*tit exa*ple
d'*n te*te q*e vous pou*ez
s*rem*nt *ire mal*ré l*
s*ppr*ss*on d'u* bon n*mb*e de
lett*es. C* n'e*t pe*t-*tre p*s de
*a b*nn* li*tér*tu*e ma*s un
messa*e tr*s info*ma*if q*ant a*
fo*ction**ment du cerv**u :
no*s so*mes ca*ables de
“compl*ter” les mo*s à *artir de
qu**ques lett*es s**lement !



nous arrêtons sur ce qui correspond le mieux

Mécanismes d'apprentissage

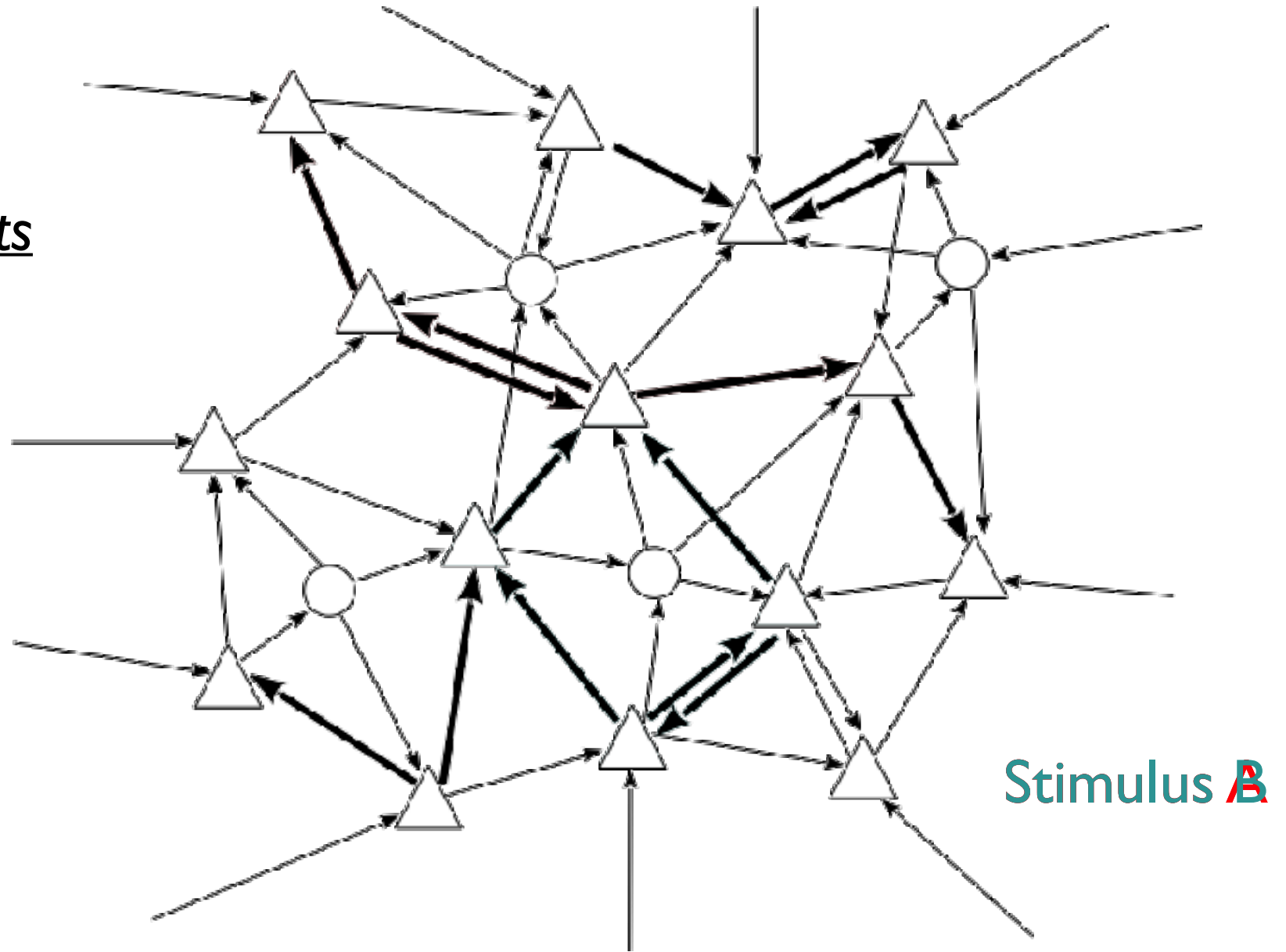
Les stimuli externes modifient l'activité neuronale dans le cerveau.

- Si un stimulus ne laisse pas de trace
→ aucun souvenir !

- Les changements d'activité engendrent des changements de connectivité (plasticité structurelle/synaptique) !

- Un autre stimulus peut modifier l'activité dans un sous-ensemble différent.

- La connectivité synaptique résulte de la superposition des traces laissées par les entrées externes.

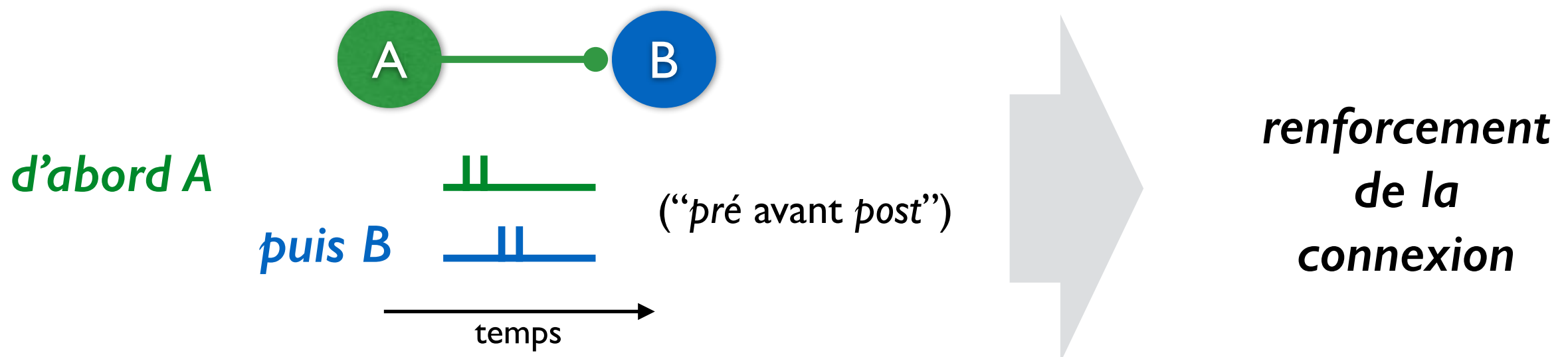


Changements synaptiques : Le scénario “Hebbien”

“Fire together, wire together.”

“Lorsqu'un axone de la cellule A est assez proche pour exciter une cellule B et qu'il participe de façon répétée et persistante à sa décharge, une croissance ou des changements métaboliques se produisent dans l'une ou les deux cellules, de sorte que l'efficacité de la cellule A, comme l'une des cellules qui déclenche B, est augmentée.”

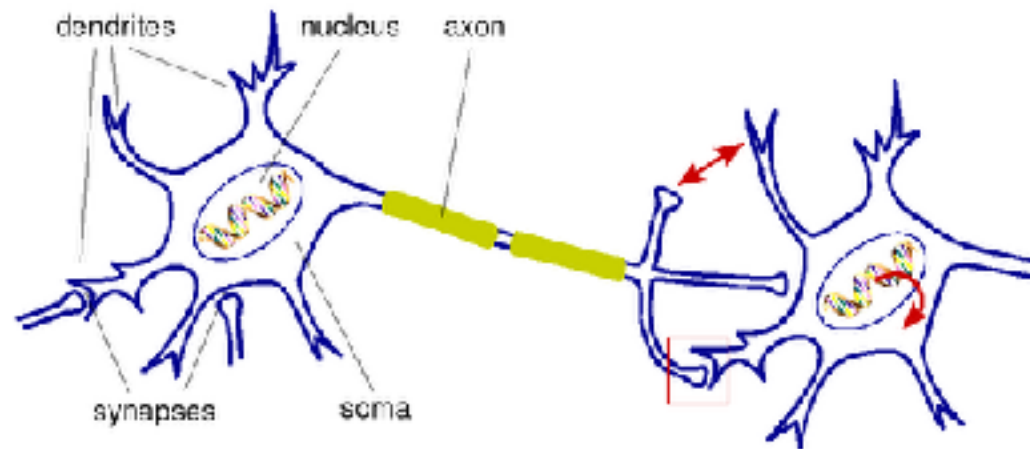
Donald Hebb, 1949



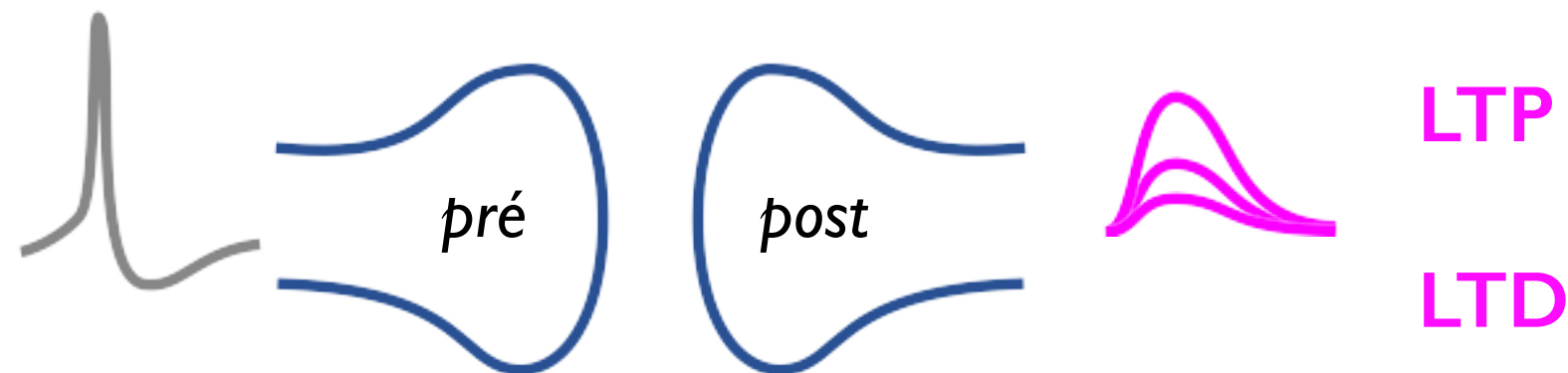
Un peu de biologie...

On peut distinguer deux types de changements de connexions.

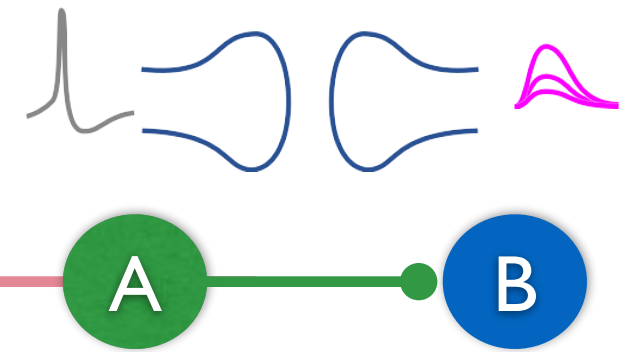
- La **plasticité structurelle**, c'est-à-dire la création ou la suppression d'une connexion physique entre deux neurones :



- La **plasticité synaptique** “à long terme”, c'est-à-dire l'augmentation (LTP, *long-term potentiation*) ou diminution (LTD, *long-term depression*) de l'effet d'un potentiel d'action présynaptique sur la dépolarisation postsynaptique.

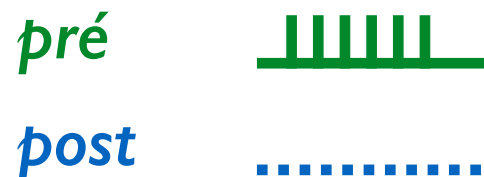


Règles de plasticité synaptique

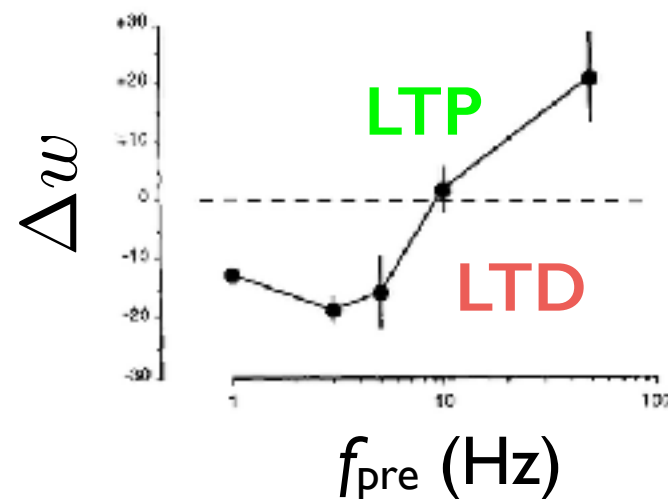


- Le changement Δw du poids synaptique peut dépendre

de la fréquence
de stimulation

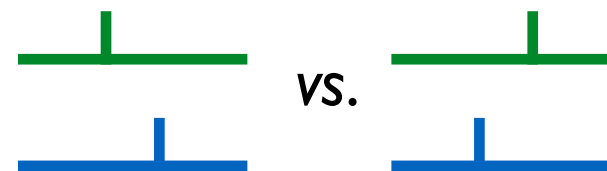


900 impulsions à 1-100 Hz

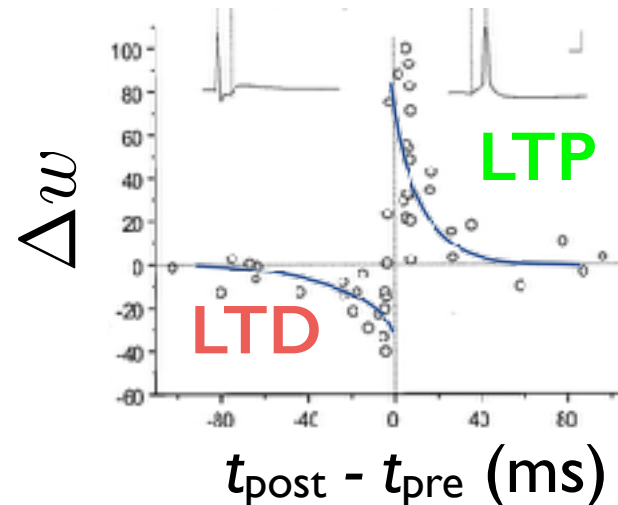


Dudek & Bear, 1992

des temps précis
des spikes

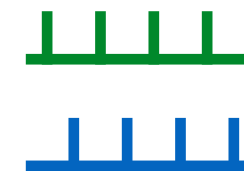


60 paires à 1 Hz

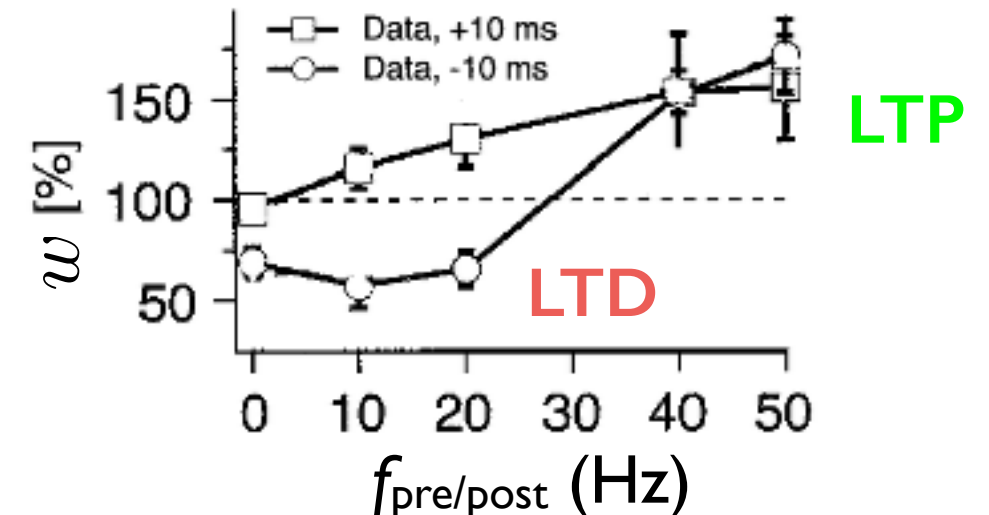


Bi & Poo, 1998

de la combinaison
des deux



5 paires, 15x à 0.1 Hz



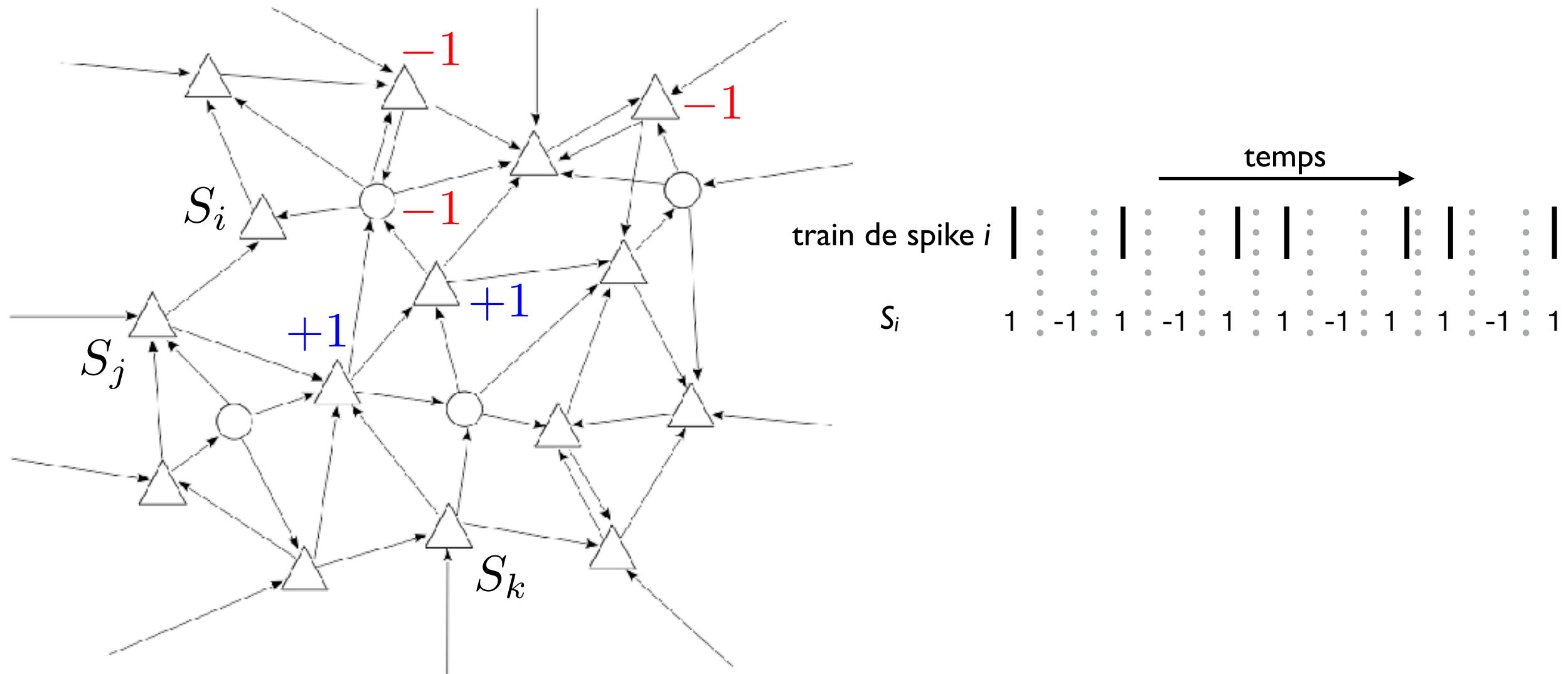
Sjöström et al., 2001

→ Modélisation phénoménologique avec + ou - de détail...

Retour sur l'attracteur : Le modèle de Hopfield

Modèle pionnier d'un réseau de neurone avec attracteur

- Chaque neurone i est représenté par une variable *binaire*, $S_i \in \{-1, 1\}$, qui représente s'il est actif ou inactif dans un interval de temps Δt .



Retour sur l'attracteur : Le modèle de Hopfield

Modèle pionnier d'un réseau de neurone avec attracteur

- Chaque neurone i est représenté par une variable *binaire*, $S_i \in \{-1, 1\}$, qui représente s'il est actif ou inactif dans un interval de temps Δt .
- Chaque neurone reçoit une entrée h_i selon ses connexions synaptiques :

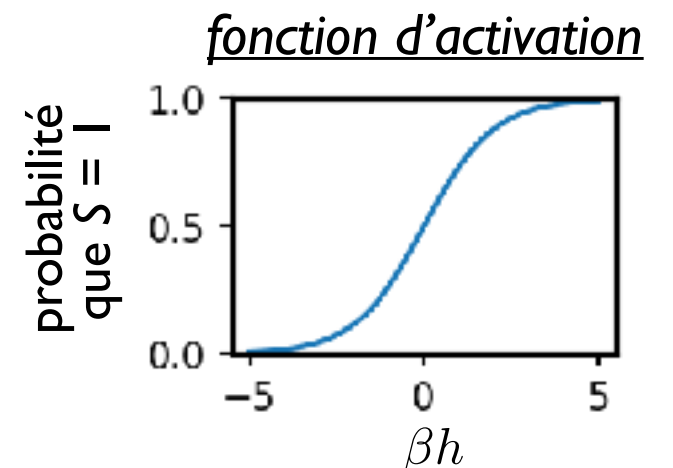
$$h_i = \sum_{j=1 \dots N} w_{ij} S_j$$

matrice de connexion

- L'activité à $t + \Delta t$ dépend des entrées au temps t de manière probabiliste :

$$\text{prob}[S_i(t + \Delta t) = 1] = \frac{1}{1 + e^{-\beta h_i(t)}}$$

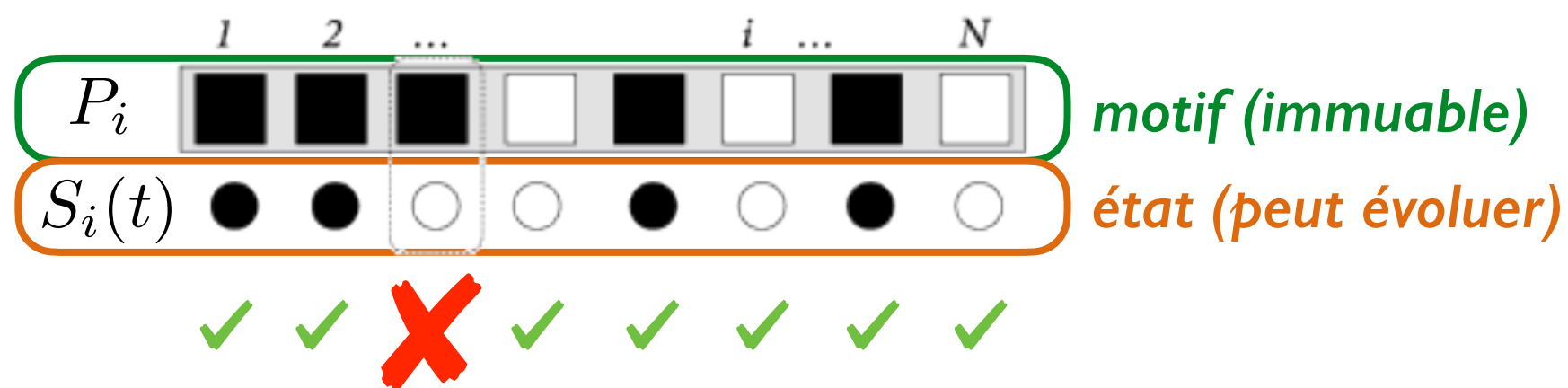
→ des entrées > 0 : tendance à produire $S = 1$
des entrées < 0 : tendance à produire $S = -1$



- Degré de stochasticité contrôlé par β (rôle d'une température inverse)

Modèle de Hopfield : “mémoriser” des motifs

- La mémoire à retenir sont des motifs $P_i^\mu \in \{-1, 1\}$: $\mu = 1 \dots K$ nombre de motifs



“overlap” (degré d’accord) :

$$m^\mu(t) = \frac{1}{N} \sum_i P_i^\mu S_i(t)$$

$$m^\mu(t) = 1 : S_i(t) = P_i^\mu$$

Est-ce qu’il y a une matrice de connexion qui permet la récupération d’un motif à partir d’un petit overlap ?

- Résultat théorique : $w_{ij} = \frac{1}{N} \sum_{\mu=1 \dots K} P_i^\mu P_j^\mu$ **“Fire together,
wire together.”**

- L’analyse mathématique permet de déterminer la nombre de motifs qui peuvent être stockés sans dégrader la mémoire : $K_{\max} = 0.138 N$

↑
capacité