## Zestaw 3

### 1. Definiowanie funkcji - link

Poza użyciem funkcji wbudowanych, Mathematica pozwala użytkownikowi na definiowanie własnych funkcji. Składnię definiowania i wywołania funkcji prezentują poniższe przykłady.

```
ln[1]:= MojaFunkcja[x_] := x^2 + 4 * x - 4;
      (*definiowanie
                          funkcji
                                      kwadratowej*)
      MojaFunkcja[5]
                          funkcji
                                       dla
           wywołanie
                                               argumentu
                                                              x=5
                                                                    *)
Out[2]= 41
     Możemy definiować funkcję o dowolnej ustalonej ilości argumentów:
\ln[3] = \text{KolejnaFunkcja[x_, y_, z_]} := x^2 + y^2 - z^2;
     (*definicja funkcji 3 zmiennych
      KolejnaFunkcja[1, 5, -2](*
                                     wywołanie
                                                    funkcji
                                                                        x=1,
          y=5
                  i
                        z=-2
Out[4]= 22
```

#### 2. Pure function - link

Składnia pakietu Mathematica pozwala na definiowanie funkcji użytkownika przy pomocy tzw. "pure function". Przeanalizujmy poniższy przykład.

Możemy używać pure function w skróconej formie:

```
ln[7]:= f = (# ^2 + 1) &;
        (*definiujemy funkcję,
       która dla dowolnego argumentu x oblicza wynik działania x^2+1;
       znak # oznacza argument funkcji;
       skrócony
                    zapis
                                       function
                                                    kończymy
                              pure
                                                                  znakiem
                                                                                  *)
       f@6
      (*wywołanie funkcji następuje poprzez podanie argumentu po znaku @∗)
 Out[7]=
      37
 Out[8]=
                           definiujemy
                                            funkcję
                                                        dwóch
      g = (#1 + #2 ^ 2) &(*
                                                                  zmiennych*)
  In[9]:=
       g @@ {3, 4}(*wywołujemy
                                  funkcję
                                                                                   i
                                                     z
                                                           argumentami
                                                                                         4,
                                              g
            tzn w miejsce #1 podstawiamy 3,w miejsce #2 podstawiamy 4. W
         przypadku
                       wielu
                                  zmiennych
                                                używamy
                                                             operatora
 Out[9]= #1+#2^2 &
Out[10]=
       19
      Użycie pure function pozwala też na pisanie skomplikowanych funkcji
       wykonujących wiele działań na dowolnej liczbie argumentów.
 In[95]:= RownanieKwadratowe = Function[{a, b, c}, (*podajemy
                                                                         argumentów*)
                                                               listę
                funkcja
                            Print
                                      wyświetla
                                                     tekst
                                                                      oknie
                                                                               odpowiedzi
                                                                                              *)
          {(*
                 otwieramy
                               nawias
                                          klamrowy
                                                       *)delta = b^2 - 4 * a * c,
                 wyliczamy
                                delte
                                        *)x1 = (-b - Sqrt[delta]) / (2 * a),
           (*obliczamy jeden pierwiastek*)x2 = (-b + Sqrt[delta]) / (2 * a),
           (*obliczamy drugi pierwiaste*)
          };
       Print["Wyróżnik
                           równania
                                                    ", delta];
                                         wynosi
          Print["Pierwsze
                                                      ", x1];
                               rozwiązanie
          Print["Drugie
                             rozwiązanie
                                                    ", x2];
       Return[{x1, x2}];
         ];
            zamykamy
                          nawias
                                     klamrowy
                                kończący
        oraz
                 kwadratowy
                                              składnię
       rozw1 = RownanieKwadratowe[1, 5, 6];
      Wyróżnik
                    równania
                                 wynosi
       Pierwsze
                    rozwiązanie
                                           -3
       Drugie
                  rozwiązanie
                                         -2
Out[96]=
      \{-3, -2\}
```

### Operacje na funkcjach - link

```
Operacje na pure function wspomaga szereg przydatnych funkcji:
                           Map[f,lista] - zastosowanie funkcji f do każdego elementu listy
                           (skrót /@)
                          Apply[f,lista] - wywołanie funkcji f z argumentem w postaci listy
                           (skrót @@)
    In[52]:= Clear[a, b, c, d, e, f]
    In[53]:= Reverse /@ {{a, b}, {c, d}, {e, f}}
                          Map[Reverse, {{a, b}, {c, d}, {e, f}}]
                          (*stosujemy funkcję Reverse do każdego elementu listy*)
Out[53]=
                          {{b, a}, {d, c}, {f, e}}
Out[54]=
                          {{b, a}, {d, c}, {f, e}}
                         Plus @@ Range[10](*sumujemy liczby od 1 do 10*)
                          Apply[Plus, Range[10]]
Out[55]=
                           55
Out[56]=
                           55
                          Select[RandomInteger[10, {20, 2}], Apply[CoprimeQ]]
Out[57]=
                          \{\{2, 3\}, \{7, 5\}, \{10, 3\}, \{10, 1\}, \{5, 1\}, \{7, 9\}, \{5, 4\}, \{3, 10\}, \{3, 2\}, \{9, 5\}, \{1, 2\}\}
    In[58]:= X = RandomInteger[10, {20, 2}]
                               (*losujemy macierz wymiaru 20x2 spośród liczb całkowitych od 0 do 10∗)
Out[58]=
                          \{\{7, 4\}, \{8, 7\}, \{1, 5\}, \{4, 6\}, \{0, 9\}, \{7, 3\}, \{10, 7\}, \{6, 2\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1, 4\}, \{1
                               \{1, 10\}, \{4, 0\}, \{4, 8\}, \{0, 0\}, \{0, 0\}, \{8, 9\}, \{3, 9\}, \{3, 9\}, \{3, 0\}, \{1, 1\}, \{5, 7\}\}
```

### Instrukcje warunkowe

```
ln[60]:= abs[x_] := If[x < 0, -x, x]
       abs /@ {-2, -1, 0, 1, 2}
Out[61]=
       \{2, 1, 0, 1, 2\}
 ln[63]:= rownanie = Function[{a, b, c}, delta = b^2 - 4*a*c;
           If[delta < 0, (*</pre>
                              warunek
                                           do
                                                  sprawdzenia
            Print["Pierwiastki
                                     zespolone"], (*
                                                         jeśli
                                                                    warunek
                                                                                 spełniony
            Print["Pierwiastki
                                     rzeczywiste" (*
                                                           jeśli
                                                                      warunek
                                                                                   fałszywy
           (*
                 koniec
                            Ifa
         ];
       rownanie[1, 2, -1](*wywołanie
                                          funkcji*)
       rownanie[1, 0, 1](*wywołanie
                                         funkcji*)
       Pierwiastki
                        rzeczywiste
Out[64]=
       Pierwiastki
                        zespolone
Out[65]=
```

# Zadania

**Zadanie 1.** Zdefiniować funkcję **deMoivre[z,n]**, która oblicza wszystkie pierwiastki zespolone liczby **z** stopnia **n** zgodnie ze wzorem de Moivre'a.

**Zadanie 2.** Utworzyć tablicę wartości funkcji **Sin**, **Cos**, **Tan** dla argumentów generowanych przez polecenie **Pi/12Range[15]** (zob. tabela poniżej).

| Х                                 | sinx   | cos x  | tg x                      |
|-----------------------------------|--|--|---------------------------|
| $\frac{\pi}{12}$                  | $\frac{-1+\sqrt{3}}{2\sqrt{2}}$  | $ \frac{1+\sqrt{3}}{2\sqrt{2}} $ $ \frac{\sqrt{3}}{2} $ $ \frac{1}{\sqrt{2}} $ $ \frac{1}{2} $ | 2 - √3                    |
| <u>π</u><br>6                     | $ \frac{\frac{1}{2}}{\sqrt{2}} $ $ \frac{\sqrt{3}}{2} $                        | $\frac{\sqrt{3}}{2}$   | $\frac{1}{\sqrt{3}}$      |
| $\frac{\pi}{4}$                   | $\frac{1}{\sqrt{2}}$   | $\frac{1}{\sqrt{2}}$   |                           |
| <u>π</u><br>3                     | $\frac{\sqrt{3}}{2}$   |  | $\sqrt{3}$ $2 + \sqrt{3}$ |
| $\frac{5 \pi}{12}$                | $\frac{1+\sqrt{3}}{2\sqrt{2}}$   | $\frac{-1+\sqrt{3}}{2\sqrt{2}}$  | 2 + $\sqrt{3}$            |
| $\frac{\pi}{2}$                   |  | 0  | ComplexInfinity           |
| $\frac{7 \pi}{12}$                | $ \frac{1+\sqrt{3}}{2\sqrt{2}} $ $ \frac{\sqrt{3}}{2} $ $ \frac{1}{\sqrt{2}} $ | $-\frac{-1+\sqrt{3}}{2\sqrt{2}}$   | -2 - √3                   |
| $\frac{2 \pi}{3}$                 | $\frac{\sqrt{3}}{2}$   | $-\frac{1}{2}$   | - √3                      |
| $\frac{2\pi}{3}$ $\frac{3\pi}{4}$ | $\frac{1}{\sqrt{2}}$   | $-\frac{1}{\sqrt{2}}$ $-\frac{\sqrt{3}}{2}$  | -1                        |
| 5 π<br>6                          | 1/2  | $-\frac{\sqrt{3}}{2}$  | $-\frac{1}{\sqrt{3}}$     |
| $\frac{11 \pi}{12}$               | $\frac{-1+\sqrt{3}}{2\sqrt{2}}$  | $-\frac{1+\sqrt{3}}{2\sqrt{2}}$ $-1$   | $-2 + \sqrt{3}$           |
| π                                 | 0  | -1   | 0                         |
| 13 π<br>12                        | $-\frac{-1+\sqrt{3}}{2\sqrt{2}}$   | $-\frac{1+\sqrt{3}}{2\sqrt{2}}$  | 2 - √3                    |
| $\frac{7 \pi}{6}$                 | $-\frac{1}{2}$   | $-\frac{\sqrt{3}}{2}$  | $\frac{1}{\sqrt{3}}$      |
| $\frac{5 \pi}{4}$                 | $-\frac{1}{\sqrt{2}}$  | $-\frac{1}{\sqrt{2}}$  | 1                         |

**Zadanie 3.** Napisać funkcję, która dla dwóch 3-wymiarowych wektorów **w, v** liczy ich długość, iloczyn skalarny oraz kąt między nimi.

#### **Zadanie domowe**

uogólnij funkcję z zadania 3 dla dowolnych n-wymiarowych wektorów.

**Zadanie 4.** Obliczyć obwody okręgów i pola kół, jeżeli ich promienie zawarte są na liście **dane** wygenerowanej przez polecenie

dane=Table[0.1 RandomInteger[100],{k,1,100}] .

**Zadanie 5.** Napisać funkcję, która sprawdza, czy podane liczby całkowite **m** i **n** są względnie pierwsze. Jeżeli tak, funkcja wypisuje informację, że liczby **m** i **n** są względnie pierwsze, następnie:

• oblicza wartość **m/n** z dokładnością do 9 miejsc po przecinku

- wypisuje wszystkie liczby naturalne z przedziału [m,n] (lub [n,m])
- wyświetla długość przedziału [m,n] (lub [n,m])
- losuje liczbę całkowitą z przedziału [m,n] (lub [n,m]).

Pamiętaj aby na początku sprawdzić, czy użytkownik podał liczby całkowite.