

## Ch.03 向量的建立與運算

矩陣是一組型態相同的純量排列成的一維資料結構。

# IDL建立向量內容為零的函數(n為向量的長度)

函數(n為整數)	功能
BYTARR(n)	建立內容為零的短整數向量
FIXARR(n)	建立內容為零的整數向量
UINTARR(n)	建立內容為零的無號整數向量
LONGARR(n)	建立內容為零的長整數向量
ULONGARR(n)	建立內容為零的無號長整數向量
LONG64ARR(n)	建立內容為零的64位元長整數向量
ULONG64ARR(n)	建立內容為零的64位元無號長整數向量
FLTARR(n)	建立內容為零的浮點數向量
DOUBLEARR(n)	建立內容為零的雙精度浮點數向量
COMPLEXARR(n)	建立內容為零的複數向量
DCOMPLEXARR(n)	建立內容為零的雙精度複數向量
STRARR(n)	建立內容為零的字元向量

```

x0=bytarr(3)
help,x0 & print,x0
x=intarr(5)
help,x & print,x
y=fltarr(4) & y2=fltarr(4)
help,y,y2 & print,y,y2
y3=complex(y,y2)
help,y3 & print,y3
z=strarr(3)
help,z & print,z
end

```

```
% Compiled module: $MAIN$.
```

```
X0          BYTE    = Array[3]
```

```
  0  0  0
```

```
X           INT     = Array[5]
```

```
  0  0  0  0  0
```

```
Y           FLOAT   = Array[4]
```

```
Y2          FLOAT   = Array[4]
```

```
  0.000000  0.000000  0.000000  0.000000
```

```
  0.000000  0.000000  0.000000  0.000000
```

```
Y3          COMPLEX = Array[4]
```

```
(  0.000000,  0.000000)(  0.000000,
0.000000)
```

```
(  0.000000,  0.000000)(  0.000000,
0.000000)
```

```
Z          STRING   = Array[3]
```

```
IDL>
```

## 建立向量內容均為特定值的函數(n為向量長度)

函數	功能
REPLICATE(value, n)	建立內容為value的向量，向量長度為n，value為任意資料型態
MAKE_ARRAY(n, VALUE=value)	建立內容為value的向量，向量長度為n，value為任意資料型態

```

x0=replicate(1,5)
help,x0 & print,x0
x1=make_array(4,VALUE=3)
help,x1 & print, x1
x2=replicate('ABC',3.1)
help,x2 & print,x2
x3=make_array(2,VALUE=0)
help,x3 & print,x3
Print,x3(0),x3(1)
end

```

```

% Compiled module: $MAIN$.
X0          INT      = Array[5]
      1      1      1      1      1
X1          FLOAT    = Array[4]
      3.10000  3.10000  3.10000
      3.10000
X2          STRING   = Array[3]
      ABC ABC ABC
X3          INT      = Array[2]
      0      0
IDL>

```

# 產生亂數向量的函數

函數	功能
<code>Result = RANDOMU(seed, n)</code>	產生亂數向量 <b>Result</b> ，包含 <b>n</b> 個均勻分布的元素。 <b>Seed</b> 是種子參數，可以不給定特定值，元素數值落在 <b>0</b> 和 <b>1</b> 間。
<code>Result = RANDOMN(seed, n)</code>	產生亂數向量 <b>Result</b> ，包含 <b>n</b> 個均勻分布的元素。 <b>Seed</b> 是種子參數，可以不給定特定值，元素數值呈現常態分布的浮點數。

```
x0=randomu(seed,5)
```

```
help,x0 & print,x0
```

```
x1=randomn(seed,4)
```

```
help,x1 & print,x1
```

```
end
```

```
% Compiled module: $MAIN$.
```

```
X0          FLOAT    = Array[5]
```

```
0.837582  0.220759  0.996492  0.0850411  0.222375
```

```
X1          FLOAT    = Array[4]
```

```
-0.483864  0.275686 -0.0846034  0.671800
```

```
IDL>
```

# 建立向量內容為下標的函數( $n$ 為向量的長度)

函數	功能
BINDGEN( $n$ )	建立內容為下標的短整數向量
INDGEN( $n$ )	建立內容為下標的整數向量
UINDGEN( $n$ )	建立內容為下標的無號整數向量
LINDGEN( $n$ )	建立內容為下標的長整數向量
ULINDGEN( $n$ )	建立內容為下標的無號長整數向量
L64INDGEN( $n$ )	建立內容為下標的64位元長整數向量
UL64INDGEN( $n$ )	建立內容為下標的64位元無號長整數向量
FINDGEN( $n$ )	建立內容為下標的浮點數向量
DINDGEN( $n$ )	建立內容為下標的雙精度浮點數向量
CINDGEN( $n$ )	建立內容為下標的複數向量
DCINDGEN( $n$ )	建立內容為下標的雙精度複數向量
SINDGEN( $n$ )	建立內容為下標的字元向量

向量的第1個下標是0, 第2個是1, ... 第 $n$ 個是 $n-1$ 。



```
x0=bindgen(4)
```

```
help,x0 & print,x0
```

```
x1=indgen(4)
```

```
help,x1 & print,x1 & print,'x1[1]=' ,x1[1]
```

```
print,'x1[2-4]=' ,x1[1:*
```

```
x2=findgen(4)
```

```
help,x2 & print,x2
```

```
x3=dcindgen(3)
```

```
help,x3 & print,x3
```

```
x4=sindgen(3)
```

```
help,x4 & print,x4
```

```
end
```

```
% Compiled module: $MAIN$.
```

```
X0          BYTE    = Array[4]
```

```
  0  1  2  3
```

```
X1          INT     = Array[4]
```

```
  0    1    2    3
```

```
x1[1]=      1
```

```
x1[2-4]=    1    2    3
```

```
X2          FLOAT   = Array[4]
```

```
  0.000000  1.00000  2.00000  3.00000
```

```
X3          DCOMPLEX = Array[3]
```

```
(  0.00000000,  0.00000000)(  1.0000000,
```

```
0.00000000)
```

```
(  2.0000000,  0.00000000)
```

```
X4          STRING  = Array[3]
```

```
  0    1    2
```

```
IDL>
```

# 建立內容為不規則數值或字串的向量

函數	功能
Var = [a1,a2,a3,...,an]	建立內容為不規則數值或字串的向量， a1,a2,...,an為不規則數值或字串，n為 向量的元素個數

```
x0=[5,3,8,4,9]
help,x0 & print,x0
x1=[5.1,3.8,9.3,4.2,8.4]
help,x1 & print,x1
print,'x1[1-3]=' ,x1[1:3]
end
```

```
% Compiled module: $MAIN$.
X0          INT      = Array[5]
      5      3      8      4      9
X1          FLOAT    = Array[5]
      5.10000  3.80000  9.30000
      4.20000  8.40000
x1[1-3]=     3.80000  9.30000
      4.20000
IDL>
```

# 轉換向量資料型態的函數(A為向量)

函數	功能
BYTE(A)	轉換A中所有元素為短整數
FIX(A)	轉換A中所有元素為整數
UINT(A)	轉換A中所有元素為無號整數
LONG(A)	轉換A中所有元素為長整數
ULONG(A)	轉換A中所有元素為無號長整數
LONG64(A)	轉換A中所有元素為64位元長整數
ULONG64(A)	轉換A中所有元素為64位元無號長整數
FLOAT(A)	轉換A中所有元素為浮點數
DOUBLE(A)	轉換A中所有元素為雙精度浮點數
COMPLEX(A)	轉換A中所有元素為複數的實部
DCOMPLEX(A)	轉換A中所有元素為雙精度複數的實部
STRING(A)	轉換A中所有元素為字元

```
x0=findgen(4)
Y0=fix(x0)
help,x0,y0 & print,x0,y0
x1=[5.1,3.2,6.7,2.8]
y1=complex(x1)
help,x1,y1 & print,x1,y1
end
```

```
% Compiled module: $MAIN$.
X0          FLOAT   = Array[4]
Y0          INT     = Array[4]
    0.000000    1.00000    2.00000
    3.00000
      0      1      2      3
X1          FLOAT   = Array[4]
Y1          COMPLEX = Array[4]
    5.10000    3.20000    6.70000
    2.80000
(  5.10000,  0.000000)(  3.20000,
0.000000)
(  6.70000,  0.000000)(  2.80000,
0.000000)
IDL>
```

# 查詢向量相關資訊的函數

函數	功能
N_ELEMENTS(A)	求出向量A中元素的個數
FINITE(A)	判斷向量A中各個元素是否為有限

```
x0=[2,1.3,!values.f_nan,5.2,!values.f_infinity]
```

```
help,x0 & print,x0
```

```
print,finite(x0)
```

```
end
```

```
% Compiled module: $MAIN$.
```

```
X0          FLOAT    = Array[5]
```

```
2.00000    1.30000    NaN
```

```
5.20000    Inf
```

```
1 1 0 1 0
```

```
IDL>
```

# 向量下標操作符號

符號	說明
0	代表下標的開始
*	代表全部下標
:	宣告下標範圍或下標增加量, $n1 : n2$ , 起始下標 $n1$ , 結束下標 $n2$ 。 $n1:n2:n3$ 起始下標 $n1$ ，結束下標 $n2$ ，下標增加量 $n3$ 。

```
x0=[1.0,2.1,3.2,4.3,5.4]
```

```
print,x0
```

```
print,'x0[0]=' ,x0[0]
```

```
print,'x0[1:3]=' ,x0[1:3]
```

```
print,'x0[3:*=]' ,x0[3:*=]
```

```
print,'x0[0:4:2]=' ,x0[0:4:2]
```

```
y2=fltarr(5)
```

```
print,'y2=' ,y2
```

```
y1=x0[1:3]
```

```
y2[2:4]=y1 ; 資料依序存到下標為2,3,4
```

```
help,y1,y2 & print,y1,y2
```

```
y3=fltarr(5)
```

```
y3[1]=y1 ;從下標為1處開始存放資料
```

```
help,y3 & print,y3
```

```
end
```

```
% Compiled module: $MAIN$.
```

```
1.00000 2.10000 3.20000 4.30000  
5.40000
```

```
x0[0]= 1.00000
```

```
x0[1:3]= 2.10000 3.20000 4.30000
```

```
x0[3:*=] 4.30000 5.40000
```

```
x0[0:4:2]= 1.00000 3.20000 5.40000
```

```
y2= 0.000000 0.000000 0.000000
```

```
0.000000 0.000000
```

```
Y1 FLOAT = Array[3]
```

```
Y2 FLOAT = Array[5]
```

```
2.10000 3.20000 4.30000
```

```
0.000000 0.000000 2.10000 3.20000
```

```
4.30000
```

```
Y3 FLOAT = Array[5]
```

```
0.000000 2.10000 3.20000 4.30000
```

```
0.000000
```

```
IDL>
```

# 回傳下標的數學函數(A為向量)

函數	功能
Subscript = SORT(A)	排列A內的數值由小到大順序，Subscript記錄著數值的下標順序
Subscript = UNIQ(A)	去除A內重複的數值，Subscript記錄著數值的下標順序。 執行UNIQ函數時，須先把向量內的數值先以SORT函數由小到大排序。



```
a=[7,9,8,15,8]
```

```
b=sort(a)
```

```
print,a,b
```

```
print,a[b[0]],a[b[3]]
```

```
c=a[b] ;排序好的數值存到變數C
```

```
print,'c=',c
```

```
b1=uniq(c)
```

```
print,b1
```

```
print,'c[b1]=' ,c[b1]
```

```
end
```

```
% Compiled module: $MAIN$.
```

```
7 9 8 15 8
0 2 4 1 3
```

```
7 9
```

```
c= 7 8 8 9 15
0 2 3 4
```

```
c[b1]= 7 8 9 15
```

```
IDL>
```

# 向量與函數所使用的區隔符號

符號	說明
() 小括號	函數用小括號隔參數
[] 中括號	變數用中括號區隔下標

**IDL**的優先將名稱當作函數來處理，最好的方式是變數的名稱避免使用到函數相同的名稱。

```
fix=[4,5,6,7,8]  
print,'fix(4)=',fix(4)  
print,'fix[4]=',fix[4]  
end
```

```
% Compiled module: $MAIN$.  
fix(4)=      4  
fix[4]=      8  
IDL>
```

# 向量變換的函數

函數	功能
[A, B]	將向量A和B橫向併排，亦即擴充行
SHIFT(A,c)	平移向量A中元素的順序，c代表平移量，可正負值
REVERSE(A)	倒轉向量A中的元素順序

```
a=[1,2] & b=[3,4]
```

```
c=[a,b]
```

```
help,a,b,c & print,a,b,c
```

```
d=shift(c,1)
```

```
print,d,shift(c,-1)
```

```
e=reverse(c)
```

```
print,'e=',e
```

```
end
```

```
% Compiled module: $MAIN$.
```

```
A      INT      = Array[2]
```

```
B      INT      = Array[2]
```

```
C      INT      = Array[4]
```

```
1      2
```

```
3      4
```

```
1      2      3      4
```

```
4      1      2      3
```

```
2      3      4      1
```

```
e=      4      3      2      1
```

```
IDL>
```

# 向量的數學運算(向量間的元素個數要相同)

指令	說明
$A - B$	將向量A中的元素減去向量B中相同位置的元素
$A + B$	將向量A中的元素加上向量B中相同位置的元素
$A * B$	將向量A中的元素乘以向量B中相同位置的元素
$A + b$	將向量A中的每一個元素加純量b
$A / b$	將向量A中的每一個元素除以純量b
$A ^ b$	將向量A中的每一個元素取純量b次方
$A \text{ MOD } b$	將向量A中的每一個元素除以純量b後的餘數
$\text{SIN}(A)$ 、 $\text{COS}(A)$ 、 $\text{TAN}(A)$	將向量A中的每一個元素聯三角函數
$\text{EXP}(A)$	將向量A中的每一個元素取自然指數
$\text{ALOG}(A)$ 、 $\text{ALOG10}(A)$	將向量A中的每一個元素取自然對數值、基底為10的對數值
$\text{ABS}(A)$	將向量A中的每一個元素取絕對值
$\text{SQRT}(A)$	將向量A中的每一個元素開根號

```
a=[4,5,6] & b=[3,2,1]
c1=b-a & c2=a+b
print,'c1=',c1
print,'c2=',c2
print,'a*b=',a*b
print,'a+4=',a+4
print,'a/5=',a/5
print,'a*3=',a*3
print,'a^2=',a^2
print,'a mod 3 =',a mod 3
end
```

```
% Compiled module: $MAIN$.
c1=   -1   -3   -5
c2=    7    7    7
a*b=   12   10    6
a+4=    8    9   10
a/5=    0    1    1
a*3=   12   15   18
a^2=   16   25   36
a mod 3 =    1    2    0
```

```
a=[4,5,6] & b=[3,2,1]
```

```
c1=b-a
```

```
x=[!pi/6,!pi/3]
```

```
y1=sin(x)
```

```
print,x,' sin(x)=' ,y1
```

```
y=[30,60]
```

```
print,y,' cos(y)=' ,cos(y*!dtr)
```

```
z1=asin(y1)
```

```
print,z1,'asin(y1)=' ,z1*!radeg
```

```
y2=exp(a) & z2=alog(y2)
```

```
print,'exp(a)=' ,y2 & print,'alog(y2)=' ,z2
```

```
print,'alog10(b)=' ,alog10(b)
```

```
print,c1,' abs(c1)=' ,abs(c1)
```

```
print,a,' sqrt(a)=' ,sqrt(a)
```

```
end
```

```
0.523599 1.04720
```

```
sin(x)=
```

```
0.500000 0.866025
```

```
30 60
```

```
cos(y)=
```

```
0.866025 0.500000
```

```
0.523599 1.04720
```

```
asin(y1)=
```

```
30.0000 60.0000
```

```
exp(a)= 54.5981 148.413 403.429
```

```
alog(y2)= 4.00000 5.00000 6.00000
```

```
alog10(b)= 0.477121 0.301030
```

```
0.000000
```

```
-1 -3 -5
```

```
abs(c1)=
```

```
1 3 5
```

```
4 5 6
```

```
sqrt(a)=
```

```
2.00000 2.23607 2.44949
```

```
IDL>
```

- IDL系統採取向量式的平行運算，亦即程式會被轉變成一組執行緒，互相獨立的執行緒即可分配到中央處理單元(CPU)的各個核心，以多工同時的方式來進行運算。
- 寫IDL程式時，應儘量避免使用迴圈，迴圈內各個指令不再是獨立個體，後一個指令必須等到前一個指令執行完成，才能繼續執行，無法做平行運算。