

암호학 및 블록체인 핵심 요약

목차

1. 암호학 기초
 - 대칭키 암호화
 - 비대칭키 암호화
 - 암호 해싱과 메시지 인증
2. 블록체인 메커니즘
 - 비트코인 구조
 - 채굴과 합의 메커니즘
 - 이더리움 특성
3. 스마트 컨트랙트
 - 기본 개념
 - 솔리디티 프로그래밍
4. 시험 대비 핵심 정리
 - 계산 문제
 - 개념 이해 문제
 - 용어/정의 문제

1. 암호학 기초

1.1 대칭키 암호화

기본 개념

- 정의: 동일한 키로 암호화와 복호화를 모두 수행
- 공식:

암호화: $C = E_K(P)$

복호화: $P = D_K(C)$

- 특징: 빠른 처리 속도, 키 분배 문제 존재

대치 암호(Substitution Cipher)

- 단일문자 암호(Monoalphabetic Ciphers):
 - 덧셈 암호: $C = (P + k) \bmod n$, $P = (C - k) \bmod n$
 - 곱셈 암호: $C = (P * k) \bmod n$, $P = (C * k^{-1}) \bmod n$

- 아핀 암호: $C = (a \cdot P + b) \bmod n$, $P = a^{-1} \cdot (C - b) \bmod n$

- 예제: 곱셈 암호(키=3, n=26)로 "hello" 암호화

$h(7) \rightarrow C = (7 \cdot 3) \bmod 26 = 21 \rightarrow v$
 $e(4) \rightarrow C = (4 \cdot 3) \bmod 26 = 12 \rightarrow m$
 결과: "vmhhq"

현대적 대칭키 알고리즘: AES

- 특징:
 - 128비트 블록 크기
 - 128/192/256비트 키 길이
 - 10/12/14 라운드 수행
- 암호화 과정:
 1. SubBytes: S-box를 통한 대체
 2. ShiftRows: 행 단위 바이트 순환
 3. MixColumns: 열 단위 혼합
 4. AddRoundKey: 라운드 키와 XOR

1.2 비대칭키 암호화

기본 개념

- 정의: 공개키와 개인키라는 서로 다른 두 키 사용
- 특징:
 - 공개키: 누구에게나 공개
 - 개인키: 소유자만 보관
 - n명 통신 시 필요 키 수: 2n개 (대칭키: n(n-1)/2개)

RSA 암호 시스템

- 키 생성:
 1. 두 소수 p, q 선택
 2. $n = p \times q$ 계산
 3. $\phi(n) = (p-1) \times (q-1)$ 계산
 4. e 선택 ($1 < e < \phi(n)$, $\gcd(e, \phi(n)) = 1$)
 5. d 계산 ($e \times d \equiv 1 \pmod{\phi(n)}$)
 6. 공개키 = (e, n), 개인키 = d
- 암호화/복호화:

- 암호화: $C = P^e \bmod n$
- 복호화: $P = C^d \bmod n$
- 예제: $p=5, q=11, e=7$

$$n = 55, \phi(n) = 40$$

$$d = 23 \quad (7 \times 23 \bmod 40 = 1)$$

$$\text{암호화 } 19: C = 19^7 \bmod 55 = 24$$

타원 곡선 암호 시스템(ECC)

- 정의: 타원 곡선 상의 점 연산을 이용한 암호화
- 특징: RSA보다 짧은 키로 동일한 보안 수준
- 곡선 방정식: $y^2 = x^3 + ax + b$
- 키 생성:
 - 개인키: 정수 k
 - 공개키: $K = k \times G$ (G 는 생성점)
- **Double-and-Add 알고리즘**: k 의 이진 표현에 따라 점을 효율적으로 곱함

1.3 암호 해싱과 메시지 인증

암호 해시 함수 특성

- 정의: 임의 길이 데이터 \rightarrow 고정 길이 값 변환
- 특성:
 1. **단방향성(Preimage Resistance)**: 해시 \rightarrow 원본 변환 불가
 2. **약한 충돌 저항성(Second Preimage)**: 같은 해시 값 가진 다른 메시지 찾기 어려움
 3. **강한 충돌 저항성(Collision)**: 충돌쌍 찾기 어려움

주요 해시 알고리즘

- **SHA-256**: 비트코인 사용, 256비트 출력
- **SHA-512**: 512비트 출력
- **RIPEMD-160**: 비트코인 주소 생성에 사용

메시지 인증 코드(MAC)

- **MDC vs MAC**:
 - **MDC**: 해시만 사용, 송신자 인증 불가, 별도 채널 필요
 - **MAC**: 비밀 키 + 해시, 송신자 인증 가능, 동일 채널 가능
- **HMAC 구조**:

$$\text{HMAC} = \text{H}((\text{K} \oplus \text{opad}) \parallel \text{H}((\text{K} \oplus \text{ipad}) \parallel \text{M}))$$

2. 블록체인 메커니즘

2.1 비트코인 구조

키와 주소 시스템

- 개인키: 256비트 무작위 수
- 공개키: $K = k \times G$
- 주소 생성:
 1. 공개키 해시: RIPEMD160(SHA256(공개키))
 2. 버전 + 해시 + 체크섬
 3. Base58Check 인코딩

트랜잭션 구조

- **UTXO 모델**: 이전 트랜잭션 출력을 참조
- 구성 요소:
 - 입력: txid, vout, scriptSig, sequence
 - 출력: value, scriptPubKey
- 스크립트 시스템:
 - **scriptPubKey**: 출력 잠금 조건
 - **scriptSig**: 잠금해제 데이터

블록과 블록체인

- 블록 구조:
 - 헤더(80바이트): version, prevHash, merkleRoot, timestamp, bits, nonce
 - 트랜잭션 리스트
- 머클 트리: 트랜잭션 요약하는 이진 트리

2.2 채굴과 합의 메커니즘

작업 증명(Proof of Work)

- 과정:
 1. 트랜잭션 수집 → 머클 트리 구성
 2. 블록 헤더 생성
 3. nonce 변경하며 해시 계산

4. 목표값보다 작은 해시 찾으면 블록 배포

- 난이도 조정:

$$\text{목표값} = \text{coefficient} \times 2^{(8 \times (\text{exponent} - 3))}$$

- 2016블록(약 2주)마다 조정

2.3 이더리움 특성

계정 기반 모델

- 계정 유형:
 - **EOA**: 개인키 제어
 - **CA**: 코드 제어
- 계정 상태:
 - nonce: 트랜잭션 수
 - balance: ETH 잔액
 - storageRoot: 저장소 해시
 - codeHash: 코드 해시

가스과 수수료 시스템

- 가스: 연산 복잡성 측정 단위
- 트랜잭션 수수료: 가스 × 가스 가격
- **London 업그레이드 이후**:
 - 기본 수수료: 자동 조정, 소각
 - 우선 수수료: 검증자에게 지급
 - 최대 수수료: 지불 상한

이더리움 PoS

- 특징:
 - 검증자: 32 ETH 예치
 - 블록 제안자: 12초마다 선택
 - 최종성: 2/3 이상 투표 받은 체크포인트

3. 스마트 컨트랙트와 솔리디티

3.1 스마트 컨트랙트 개념

- 정의: 조건 충족 시 자동 실행되는 블록체인 프로그램

- **특징:** 중개자 없음, 투명성, 수정 불가
- **응용:** 토큰 거래, DeFi, 투표, 공급망 관리

3.2 솔리디티 프로그래밍

변수 유형과 저장 위치

- **상태 변수:** 블록체인에 영구 저장
- **지역 변수:** 함수 내 임시 사용
- **저장 위치:**
 - **storage:** 영구 저장
 - **memory:** 함수 실행 중 존재
 - **calldata:** 읽기 전용 매개변수

함수 수정자

- **가시성:**
 - **public:** 외부/내부 모두 호출 가능
 - **private:** 현재 컨트랙트만
 - **internal:** 현재/파생 컨트랙트
 - **external:** 외부에서만
- **상태 수정자:**
 - **pure:** 상태 읽기/수정 없음
 - **view:** 읽기만, 수정 없음
 - **payable:** 이더 수신 가능

중요 패턴

- **Fallback 함수:** 매치되는 함수 없을 때 실행
- **이벤트:** 블록체인에 로그 저장, 프론트엔드 감지 용이

시험 대비 핵심 정리

계산 문제 대비

1. 대칭키 암호 계산:

- 곱셈 암호: $C = (P * k) \bmod n$, $P = (C * k^{-1}) \bmod n$
- 역원 계산법 숙달

2. RSA 계산:

- 키 생성: $p, q \rightarrow n, \phi(n) \rightarrow e, d$

- 암호화/복호화: $C = P^e \bmod n$, $P = C^d \bmod n$

3. 비트코인 난이도 계산:

- $\text{Target} = \text{coefficient} \times 2^{(8 \times (\text{exponent} - 3))}$

개념 이해 문제 대비

1. 해시 함수 특성 구별:

- Preimage, Second Preimage, Collision

2. MDC vs MAC:

- MDC: 송신자 인증 불가
- MAC: 송신자 인증 가능

3. 대칭키 vs 비대칭키:

- 키 개수, 장단점 비교

4. 타원 곡선 원리:

- 공개키 계산: $K = k \times G$

용어/정의 문제 대비

1. 이더리움 용어:

- Gas, Wei, Gwei, PoS

2. 솔리디티 용어:

- Storage vs Memory
- Payable, Fallback 함수