

Práctica 4

Kd-Tree

J. P. Abarca¹ C. T. Apari¹ C. A. Suca¹ A. Vargas¹

¹Universidad Nacional de San Agustín. Facultad de Producción y Servicios.
Escuela Profesional de Ciencias de la Computación
Maestría en Ciencias de la Computación
Docente: Mg. Vicente Machaca

24 de Julio del 2021



1 Kd-Tree

- Build Kd-Tree
- Función `closestPointBruteForce`
- Función `naiveClosestPoint`
- Evaluación del conjunto de datos

2 Algoritmos de búsqueda del Kd-Tree

- Función `closest point`
- Función `KNN`
- Búsqueda - Range Query

3 Referencias



1 Kd-Tree

- Build Kd-Tree
- Función `closestPointBruteForce`
- Función `naiveClosestPoint`
- Evaluación del conjunto de datos

2 Algoritmos de búsqueda del Kd-Tree

- Función `closest point`
- Función `KNN`
- Búsqueda - Range Query

3 Referencias



Definición

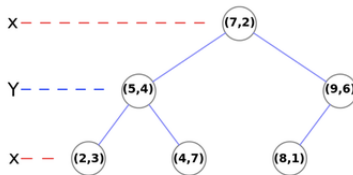
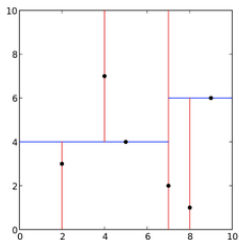


Figura: Construcción del Kd-Tree [1]



Build Kd-Tree

```
1 function build_kdtree(points, depth = 0) {
2     // verifica si esta vacio
3     var n = points.length;
4     var axis = depth % k;
5
6     if ( n<=0){
7         return null;
8     }
9     if(n==1){
10        return new Node(points[0],axis)
11    }
12    var median = Math.floor(points.length/2);
13
14    points.sort(function(a,b){
15        return a[axis] - b[axis];
16    });
17
18    var left = points.slice(0,median);
19    var right = points.slice(median+1);
20
21    var node = new Node(points[median].slice(0,k),axis);
22    node.left = build_kdtree(left,depth +1);
23    node.right = build_kdtree(right,depth +1);
24
25    return node;
26 }
```



Get Height y Generate Dot

- *get_Height*, Recursivamente retornamos la altura del nodo izquierdo y derecho, respecto al valor que estamos por recibir tanto de la altura izquierda y derecha
- *generate_Dot*, Requerimos solamente imprimir el punto padre que este apuntando a un hijo recursivamente para luego obtener el resultado mediante el graficador Graphviz de Python



Implementación

Directamente comparar la distancia del punto a consultar con todos los puntos existentes en la lista completa generada.

```
1 function closest_point_brute_force(points, point) {  
2     var distance = null;  
3     var best_distance = null;  
4     var best_point = null;  
5     for (let i = 0; i < points.length; i++) {  
6         distance = distanceSquared(points[i], point);  
7         if (best_distance === null || distance < best_distance) {  
8             best_distance = distance;  
9             best_point = points[i];  
10        }  
11    } return best_point;  
12 }
```

Listing 2: closestPointBruteForce



Implementación

Tomando el nodo actual desde el padre hacia los hijos, claramente tiene el mismo comportamiento del que se espera del binary tree [2].

```
1 function naive_closest_point(node, point, depth = 0, best = null) {  
2     if (node == null)  
3         return best;  
4  
5     var axis = depth % k;  
6  
7     var best1 = null;  
8     var camino = null;  
9  
10    if (best == null)  
11        best1 = node.point;  
12  
13    if (point[axis] > node.point[axis])  
14        camino = node.right  
15    else  
16        camino = node.left  
17    return naive_closest_point(camino, point, depth + 1, best1)  
18 }
```

Listing 3: naiveClosestPoint



Conjunto de datos (1)

```
var data = [  
    [40 ,70] ,  
    [70 ,130] ,  
    [90 ,40] ,  
    [110 , 100] ,  
    [140 ,110] ,  
    [160 , 100]  
];  
var point = [140 ,90];
```



Conjunto de datos (1)

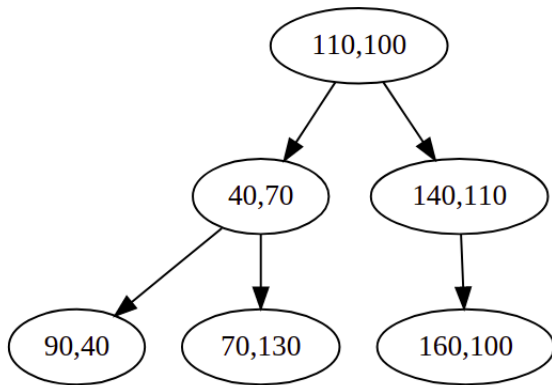


Figura: Resultado en GraphViz



Conjunto de datos (2)

```
var data = [  
    [40 ,70] ,  
    [70 ,130] ,  
    [90 ,40] ,  
    [110 , 100] ,  
    [140 ,110] ,  
    [160 , 100] ,  
    [150 , 30]  
];  
var point = [140 ,90];
```



Conjunto de datos (2)

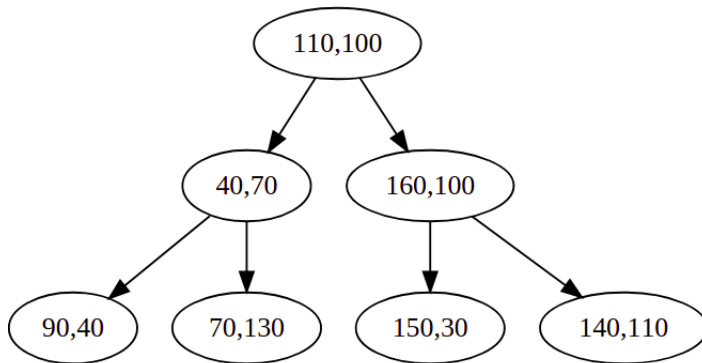


Figura: Resultado en GraphViz



1 Kd-Tree

- Build Kd-Tree
- Función `closestPointBruteForce`
- Función `naiveClosestPoint`
- Evaluación del conjunto de datos

2 Algoritmos de búsqueda del Kd-Tree

- Función `closest point`
- Función `KNN`
- Búsqueda - Range Query

3 Referencias



Implementación

```
1 function closest_point(node , point , depth = 0, best=null)
2 {
3     if(node==null)return best;
4
5     var axis=depth% k;
6     var camino = null;
7
8     if(best==null)
9     {
10         best1=node.point;
11     }
12     else if((distanceSquared(best, point)> distanceSquared(node.point,point)))
13         best1=node.point;
14     else
15         best1=best;
16
17     if(point[axis]>node.point[axis])
18         camino=node.right;
19
20     else
21         camino=node.left;
22
23     return closest_point(camino,point,depth+1,best1)
24 }
```

Listing 4: closestPoint

Implementación

```
1 function knn(node, puntoConsulta, kpoints, depth = 0) {
2   if (!node) {
3     return null;
4   }
5
6   var temp;
7   var subTree1 = node.left;
8   var subTree2 = node.right;
9
10  if (puntoConsulta[depth % k] >= node.point[depth % k]) {
11    subTree1 = node.right;
12    subTree2 = node.left;
13  }
14
15  // Mejor distancia entre el padre y el subTree1.
16  masCercano(puntoConsulta, knn(subTree1, puntoConsulta, kpoints, depth + 1), node.point
17    );
18
19  // Variable para ordenar por distancias
20  const sortByDistance = (a, b) => a[2] - b[2];
21
22  if (kpoints.length < vecinos) {
```

Listing 5: KNN1



Implementación

```
1   temp = node.point;
2   temp.push(Math.round(distanceSquared(puntoConsulta, temp)*100)/100);
3   kpoints.push(temp);
4   kpoints.sort(sortByDistance);
5   } else {
6   temp = node.point;
7   temp.push(Math.round(distanceSquared(puntoConsulta, temp)*100)/100);
8   if (temp[2] < kpoints[kpoints.length - 1][2]) {
9       kpoints.pop();
10      kpoints.push(temp);
11      kpoints.sort(sortByDistance);
12  }
13  }
14
15  if(kpoints.length < vecinos || kpoints[0][2] >= Math.abs(puntoConsulta[depth % k] -
    node.point[depth % k])) {
16      masCercano(puntoConsulta, knn(subTree2, puntoConsulta, kpoints, depth +1), node.
        point);
17  }
18  }
```

Listing 6: KNN2



Revisión (1)

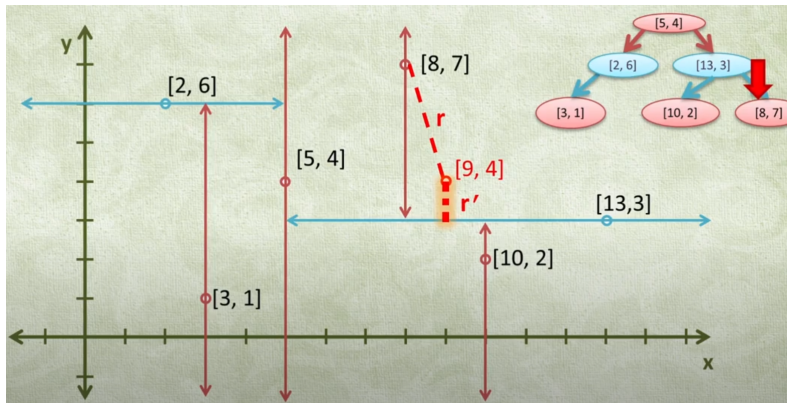


Figura: Punto de revisión



Revisión (2)

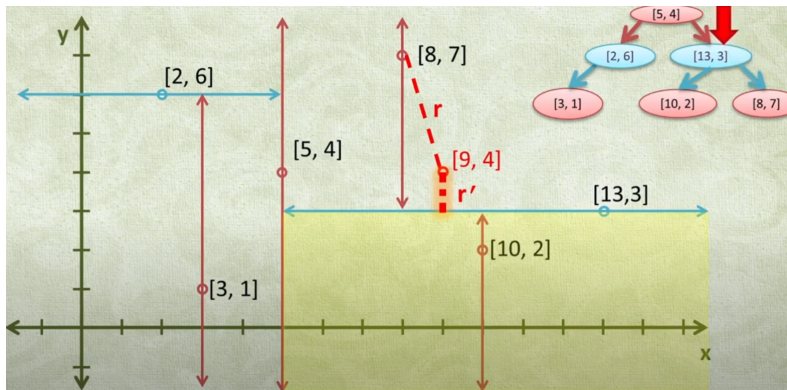


Figura: Punto de revisión



Función *range_query_circle* del KD-Tree

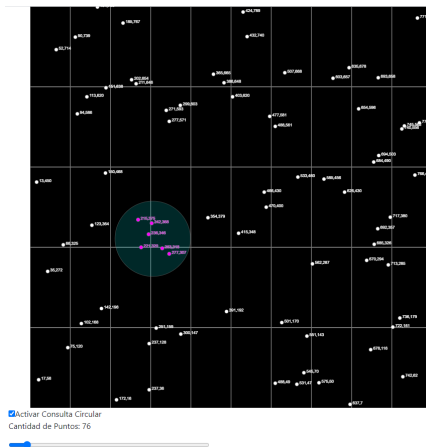


Figura: Consulta Circular



Función *range_query_rect* del KD-Tree

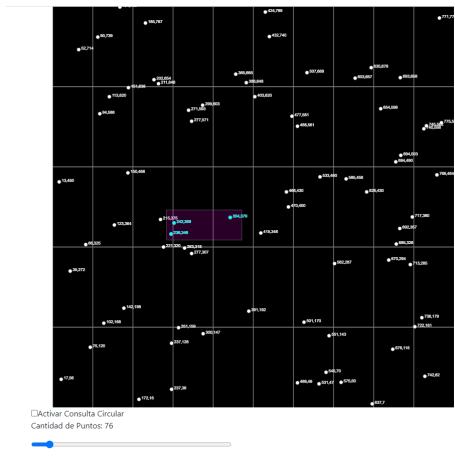


Figura: Consulta Rectangular



GRACIAS



Repositorio: https://github.com/jabarcamu/EDA_Practica4



1 Kd-Tree

- Build Kd-Tree
- Función `closestPointBruteForce`
- Función `naiveClosestPoint`
- Evaluación del conjunto de datos

2 Algoritmos de búsqueda del Kd-Tree

- Función `closest point`
- Función `KNN`
- Búsqueda - Range Query

3 Referencias



References I

- [1] H. Samet, *Foundations of multidimensional and metric data structures*.

Morgan Kaufmann series in data management systems, Academic Press, 2006.

- [2] M. de Berg, M. van Kreveld, M. Overmars, and O. Schwarzkopf, *Computational Geometry: Algorithms and Applications*. Springer-Verlag, second ed., 2000.

