## Análise de Algoritmos

## Prof. Marcelo Keese Albertini

## Faculdade de Computação - Universidade Federal de Uberlândia Lista de exercícios 4: Teorema Mestre

1. Resolva as seguintes recorrências usando Teoremas Mestres (dê preferência àquele com notação mais precisa) ou indicando porque não é possível usar um. Assuma sempre a condição inicial  $a_n = 1$  para  $n \le 1$ .

1. 
$$a_n = a_{n/3} + 1$$

2. 
$$a_n = 2a_{n/2} + 3n$$

3. 
$$a_n = 2a_{n/2} + 10n$$

4. 
$$a_n = 2a_{n/2} + \Theta(n)$$

5. 
$$a_n = 2a_{n/2} - n/3$$

6. 
$$a_n = 2a_{n/2} + \log n$$

7. 
$$a_n = 2a_{n/2} + n \log n$$

8. 
$$a_n = a_{n/5} + O(\log n)$$

9. 
$$a_n = 9a_{n/3} + n$$

10. 
$$a_n = a_{n/2} + n^2$$

11. 
$$a_n = a_{n/3} + a_{n/3} + n^2$$

12. 
$$a_n = a_{n/2} + a_{n/3} + 1$$

13. 
$$a_n = 3a_{n/4} + n \log n$$

14. 
$$a_n = 8a_{n/2} + n \log n$$

15. 
$$a_n = 8a_{n/2} + n(\log n)^2$$

16. 
$$a_n = 8a_{n/2} + n^2(\log n)^4$$

17. 
$$a_n = 8a_{n/2} + n^3(\log n)^4$$

18. 
$$a_n = na_{n/3} + 1$$

19. 
$$a_n = 7a_{n/8} + n^2$$

20. 
$$a_n = \alpha a_{n/\alpha^2} + O(n^{1/2-\epsilon}), \ \epsilon > 0$$
 constante

21. 
$$a_n = \alpha a_{n/\alpha^2} + O(n^{1/2})$$

22. 
$$a_n = \alpha a_{n/\alpha^2} + \Omega(n^{1/2+\epsilon}), \epsilon > 0$$
 constante