INTEGRACÃO DE ROMBERG:

9

- VAMOS VER AGORA COMO USAR ESTIMATIVAS DE ERRO PARA SISTEMATICAMENTE MELHORAR A PRECISÃO DE MOSTA INTEGRAÇÃO NUNERICA

- ne to do mais complexo do QUE OS VISTOS ATE AQUI

- VAMOS RECUER RELEMBRAR COMO ACHAMOS A REGRA PRÁ-

TEMOS: $I = I_i + Gh_i^2 + Gh_i^4 + Gh_i^6 + \dots$ [MARRES]

PARA ACHAR A REGRA PRATICA, CALCULAMOI I PARA Na .

 $N_2 = 2N_1$ $(h_2 = \frac{h_1}{2})$

I= I1+ (1/2) + c2/14...

I = I2+ Cq /2+ Cy/2+ ...

DESPRETAMOS TERMOS DE ORDEM MAIS ALTA, R IGUALAMOS AS DUAS EXPRESSÕES,

 $I_1 + G(1\lambda_1^2 = J_1 + G(\lambda_1^2), \quad I_2 - I_1 = 3(1\lambda_2^2), \quad (1\lambda_1^2 = I_2 - I_1)$ Logo, uma aproximação nelhor e' or colour nos supes

 $L = I_{1} + Q I_{1} - I_{1} + C_{1}L_{1} + G_{2}L_{2} + G_{2}L_{2} + ...$

VAMO) USAR 15TO EN UM 6 EXEMPLO: Q=0 , ANALITICO: 9,4 15=2 I= 12 x1-2x1+1 dx $N_1 = 1$, $N_1 = 1$ $N_3 = 2$, $h_2 = 1$ OLHANDO O RESULTADO DO PROGRAMA, 9.0 - 14 = -2.333331= 100 19.0 I1 = 5000057.0 690, I,+ 4h, = 00000000 = 600000 (horrer once 9.66667 FIA NO OUTPUT) 2.3333) = 9.66667 REPARE QUE, In + 9 (1/2 = 100 - 9x (1)) = 9.6666 I GUAL AO VALOR DE CIMA, COND TEM QUE SER. CON OS DADOS ATUAIS, NÃO TEMOS COMO ESTIMAR OS TERMOS DE OR-1 PULA PI VLTINO SUDE DEM MAIS ALTA NO EREO. -VAMOS AGORA ACHAR II. Nj = 2Ns, hj = Ls/2 - APLIANDO A REGRA DO TRAPETIO CON No = 4, I, = 60000 5.0625 5.0625 - 7.0

- PODENOS ACHAR AGORA $(1 l_1)^2 = 1_1 - 1_2 = 0.0000 6.0000$ = 0.64583

E AGORA A MELHOR ESTIMATIVA E,

= 9.47667 5.0625 - 0.64583

2 nostra posició NO QUIPUT

NOTE UNE Is+ (1h) & Is+ Coh; SÃO DIFLRENTES. PODENOS USAR BITA INFORMACÃO PARA BITINAR CLAS

$$I = I_1 + c_1 k_2^2 + c_2 k_3^2 + c_3 k_1^2 + \cdots$$

DESPREZANDO TERROS DE DE DEM 1 OU SUPEROR.

$$J_2 + (_1k_1^2 + (_2k_2^4 = I_3 + (_1k_1^2 + (_2k_2^4 + 16c_2k_3^4 +$$

NOVA NOTACAD: In= R1,1

+ MOSTRA TABELA DO NELMAN

(ono hi = 2h,

$$C_2L_3^4 = \frac{R_{3/2} - R_{2/2}}{15}$$
 A-ANOTA NOS SUDES

P PORTANTO,

- PRIMEIRO PONTO: CONVERGE COM MUITO POUCAS FATIAS - NO MEU PROGRAMA, DEPINI UM TOOS CRITERO DE CONVERGÊNCIA = 70° OLHANDO O OUTPUT, DA' PARA VER WUR JA NESTE BLEMENTO CONVERGENCIA HAVIA SIDO ATINGIDA. POREM NÃO HA COMO ESTIMAR O EREO DESTE ELEMENTO. A CORRECTIO Caly & A MELHOR ESTIMATIVA De EREO. SAMENTE/ O/ KYLIND / EXERENTO/ CAKINGODO CONO QUANDO HOUVER CONVERGÊNCIA. ESTA OCORRERA ANTES DO CÁLCULO DO ELEMENTO MAIS preciso, Tiplu nevite O erro perte elemento será ben MENOR DO QUE O PXÍGIDO.

-UMA VET QUE A ÎDEIA BASIA POI APRESENTADA, APRESENTADA REMOS A FÓRMULA GERAL SEM PROVAR. (VER NO NEWMAN, a grando apresen-

RELATIVAMENTE DIRETO): ERRO Rimmin = Rimm + 1 (Rim - Ring, m) TAR, CALCULA CASO) (Ri, m+1 = Ri, m + (m him) -1

PARTICULARES PARA m=1,2,3 L PUNCIONA COMO ESTIMATIVA

FLUXO DO CÁLCULO:

DO ERRO

LDERINE UM CRITÉRO DE CONVERGÊNCIA , EPS = 10-6)

1 - USA REGRA DO TRAPEZIO PARA CALCULAR RI.1, RI.1 2 - CALCULA R3,2. $\sqrt{2} = \sqrt{1/2} / \sqrt{1/2}$ $(R_{2,2} = R_{2,1} + 1/2) / (R_{2,1} - R$ CCOMPARA com Scioes 3- USA REGRA VO TRAPETIO; ENCONTRA Ry.1. 1 norma quen é'és CALCULA RIJ = RIJA + 1 (RIJA - RIJA). (ALCULA R) = R),2+ 1 (R3,2-R2,2) A COMPARA COM SLIDES ES (MELHOR ESTIMATIVA DO ERRO) 9- CALCULA RAN. CALCULA RAIZ, RAN, RAN. $\xi_{4} = 1 (R_{4,3} - R_{3,3})$ 5 - CONTINUA ATE LENK EPS Y CUI DATO QUANDO USAR COM FUNCÕES QUE OSCILAN RAPIDO. POR EXEMPLO, $C_1 = \frac{L^2}{12} \left[\int_0^1 (a) - \int_0^1 (b) \right]$. CORFICIENTES DEPENDEN DE DERI-VADAS, E PODEM SER GRANDES QUANDO / OSCILA MUITO. NESTE CASO TERMOS com poténcias altas em A poden ser grandes. * EXEMPLE DE EXTRAPOLAÇÃO DE RICHARDSON. ESTIMATIVAS DE DRDEM ALTA

SÃO OBTIDAS DE ESTIMATIVAS DE ORDEM PAIXA.