

## Structure de la classe Graph

---

```
1: Classe Graph
2: Attributs :
3:   V : liste des sommets
4:   E : liste des arêtes (paires de sommets)
5:   G_nx : graphe networkx (pour l'affichage)
6:
7:
8: Fonction GET_NEIGHBORS(v)
9:   l ← ensemble vide
10:  Pour chaque e dans E Faire
11:    Si v = e[0] alors
12:      Ajouter e[1] à l
13:    Si v = e[1] alors
14:      Ajouter e[0] à l
15:  Retourner l
16:
17: Fonction GET_NEIGHBORS_DISTANT(v, distance)
18:   l ← {v}
19:   Si distance ≤ 0 alors
20:     Retourner l
21:   temp ← get_neighbors(v)
22:   l ← l ∪ temp
23:   Pour chaque vertice dans temp Faire
24:     l ← l ∪ get_neighbors_distant(vertice, distance-1)
25:   Retourner l
26:
27: Fonction DIAMETRE
28:   len_max ← 0
29:   Pour chaque i dans V Faire
30:     Pour chaque j dans V Faire
31:       d ← longueur du plus court chemin entre i et j
32:       Si d > len_max alors
33:         len_max ← d
34:   Retourner len_max
35:
36: Fonction BORNE
37:   Retourner min(ceil( $\sqrt{|V|}$ ), diametre())
```

---

## Structure de la classe Etat

---

```
1: Classe Etat
2: Attributs :
3:   B : ensemble des sommets brûlés
4:   NB : ensemble des sommets non brûlés
5:   G : graphe associé
6:   n : numéro de la séquence (étape courante)
7:   B_v : liste des sommets brûlés par chaque balle
8:   C : liste des centres des balles
9:   id : identifiant unique
10:  score : score de l'état
11:
12: Procédure INIT(NB, B, G, n, B_v, C)
13:   self.B  $\leftarrow$  copie de B
14:   self.NB  $\leftarrow$  copie de NB
15:   self.G  $\leftarrow$  G
16:   self.n  $\leftarrow$  n
17:   self.B_v  $\leftarrow$  B_v
18:   self.C  $\leftarrow$  C
19:   self.id  $\leftarrow$  nouvel identifiant unique
20:   score  $\leftarrow$  0
21:   Pour chaque  $i$  dans  $[0, |B_v|)$  Faire
22:     score  $\leftarrow$  score + SCORE_SOMMET(self.C[i], i)
23:   self.score  $\leftarrow$  score - DIAMETRE_NB()2
24:
25:
26: Fonction SCORE_SOMMET(sommet, n)
27:   Si n = 0 alors
28:     Retourner 1
29:   Sinon
30:     Retourner  $\frac{|\text{voisins à distance } n|}{n^2}$ 
31:
32: Fonction DIAMETRE_NB
33:   len_max  $\leftarrow$  0
34:   Pour chaque  $i$  dans NB Faire
35:     Pour chaque  $j$  dans NB Faire
36:       d  $\leftarrow$  longueur du plus court chemin entre  $i$  et  $j$  dans  $G$ 
37:       Si d > len_max alors
38:         len_max  $\leftarrow$  d
39:   Retourner len_max
```

---

## Structure de la classe Burning\_Number

---

```
1: Classe Burning_Number
2: Attributs :
3:   G : le graphe associé
4:   Etat : l'état courant
5:
6: Procédure INIT(G)
7:   self.G  $\leftarrow$  G
8:   self.Etat  $\leftarrow$  nouvel Etat initial (tous sommets non brûlés)
9:
10:
11: Fonction ETAT_INITIAL
12:   Retourner nouvel Etat initial (tous sommets non brûlés)
13:
14: Fonction ACTIONS(etat)
15:   Retourner ensemble des sommets non brûlés dans etat
16:
17: Fonction PROPAGATION(etat)
18:   Créer copies de NB, B, B_v, C depuis etat
19:   Incréments n
20:   Pour chaque balle  $i$  dans B_v Faire
21:     Pour chaque sommet  $v$  brûlé par la balle  $i$  Faire
22:       Pour chaque voisin  $l$  de  $v$  Faire
23:         Si  $l$  n'est pas déjà brûlé par la balle  $i$  alors
24:           Marquer  $l$  comme brûlé
25:           Retirer  $l$  de NB
26:           Ajouter  $l$  à B
27:           Ajouter  $l$  à la balle  $i$ 
28:   Retourner nouvel Etat avec NB, B, B_v, C, n
29:
30: Fonction SUCC(etat, action)
31:   Créer copies de NB, B, B_v, C depuis etat
32:   Incréments n
33:   Si action déjà brûlé alors
34:     Erreur
35:   Ajouter une nouvelle balle centrée sur action
36:   Mettre à jour B, NB, B_v, C
37:   Retourner nouvel Etat
38:
39: Fonction GOAL_TEST(etat)
40:   Retourner Vrai si NB est vide, Faux sinon
```

---

---

```

1: Fonction TRAITER
2:   niveau  $\leftarrow$  borne du graphe divisé par 2
3:   etat_initial  $\leftarrow$  etat_initial()
4:   noeud_initial  $\leftarrow$  Noeud(etat_initial)
5:   L_Noeud  $\leftarrow$  [noeud_initial]
6:   L_a_traiter  $\leftarrow$  [noeud_initial]
7:   Tant que L_a_traiter non vide Faire
8:     Courant  $\leftarrow$  premier de L_a_traiter
9:     Générer les enfants de Courant (propagation puis actions)
10:    Trier les enfants par score
11:    Ajouter la moitié supérieure à L_a_traiter et L_Noeud
12:    Si un enfant est but alors
13:      Vider L_a_traiter
14:  Retourner L_Noeud
15:
16: Fonction NOEUDS_GOAL(L_noeud)
17:   L_goal_noeud  $\leftarrow$  []
18:   Pour chaque n dans L_noeud Faire
19:     Si goal_test(n.etat) alors
20:       Ajouter n à L_goal_noeud
21:   Trier L_goal_noeud par score décroissant
22:   Retourner L_goal_noeud
23:

```

---

## Structure de la classe Noeud

---

```
1: Classe Noeud
2: Attributs :
3:   Etat : l'état associé au noeud
4:   parent : pointeur vers le noeud parent
5:   action : action menant à cet état
6:   cout : coût pour atteindre ce noeud
7:   n : numéro du coup
8:   depth : profondeur dans l'arbre
9:
10: Procédure INIT(Etat, parent, action, cout, n)
11:   self.Etat  $\leftarrow$  Etat
12:   self.parent  $\leftarrow$  parent
13:   self.action  $\leftarrow$  action
14:   self.cout  $\leftarrow$  cout
15:   self.n  $\leftarrow$  n
16:   self.depth  $\leftarrow$  0
17:   Si parent existe alors
18:     self.depth  $\leftarrow$  parent.depth + 1
19:
20:
21: Fonction CHILD_NOEUD(problem, action)
22:   Retourner problem.succ(self.Etat, action)
23:
24: Fonction EXPAND(problem, niveau)
25:   L_Noeud  $\leftarrow$  liste vide
26:   Courant  $\leftarrow$  self
27:   Etat_Intermediaire  $\leftarrow$  problem.propagation(Courant.Etat)
28:   L_actions  $\leftarrow$  problem.actions(Etat_Intermediaire)
29:   Pour chaque  $i$  dans L_actions Faire
30:     Etat_enfant  $\leftarrow$  problem.succ(Etat_Intermediaire, i)
31:     Noeud_enfant  $\leftarrow$  Noeud(Etat_enfant, Courant, i, Courant.cout + 1)
32:     Ajouter Noeud_enfant à L_Noeud
33:   Trier L_Noeud par score croissant
34:   Retourner moitié supérieure de L_Noeud
35:
```

---

### Programme principal

---

```
1: G1 ← nouveau Graph vide
2: "Instances/graphe.txt" dans G1
3: B1 ← nouvel objet Burning_Number(G1)
4: L1 ← B1.traiter()
5: L2 ← B1.noeuds_goal(L1)
6: taille_balle_min ← taille minimale des listes C dans L2
7:
8: Afficher le nombre total de noeuds retenus (taille de L1)
9: Afficher le(s) noeud(s) de  $b(G)$  minimal :
10:
11: Pour chaque l dans L2 Faire
12:   Si taille de  $l.get\_Etat().get\_C() - 1 = \text{taille\_balle\_min}$  alors
13:     Afficher l'état correspondant
14: Afficher le graphe G1
```

---