

$$a_n = ((a_{n-1} + 1) + (\max((a_{n-3} + n), \text{num_digits}(n), a_{n-3}) - a_{n-3}))$$