

# 第七章 假设检验

## 知识点

## 第七章 假设检验

### 正态总体均值的检验

原假设 $H_0$	检验统计量	备择假设 $H_1$	拒绝域
$\mu \leq \mu_0$ $\mu \geq \mu_0$ $\mu = \mu_0$ ( $\sigma^2$ 已知)	$Z = \frac{\bar{X} - \mu_0}{\sigma / \sqrt{n}}$	$\mu > \mu_0$ $\mu < \mu_0$ $\mu \neq \mu_0$	$Z > z_\alpha$ $Z < -z_\alpha$ $ Z  > z_{\alpha/2}$
$\mu \leq \mu_0$ $\mu \geq \mu_0$ $\mu = \mu_0$ ( $\sigma^2$ 未知)	$T = \frac{\bar{X} - \mu_0}{S / \sqrt{n}}$	$\mu > \mu_0$ $\mu < \mu_0$ $\mu \neq \mu_0$	$T > t_\alpha(n-1)$ $T < -t_\alpha(n-1)$ $ T  > t_{\alpha/2}(n-1)$

## 正态总体均值的检验

原假设 $H_0$	检验统计量	备择假设 $H_1$	拒绝域
$\mu_1 - \mu_2 \leq \delta$ $\mu_1 - \mu_2 \geq \delta$ $\mu_1 - \mu_2 = \delta$ $(\sigma_1^2, \sigma_2^2 \text{已知})$	$Z = \frac{(\bar{X} - \bar{Y}) - \delta}{\sqrt{\frac{\sigma_1^2}{m} + \frac{\sigma_2^2}{n}}}$	$\mu_1 - \mu_2 > \delta$ $\mu_1 - \mu_2 < \delta$ $\mu_1 - \mu_2 \neq \delta$	$Z > z_\alpha$ $Z < -z_\alpha$ $ Z  > z_{\alpha/2}$
$\mu_1 - \mu_2 \leq \delta$ $\mu_1 - \mu_2 \geq \delta$ $\mu_1 - \mu_2 = \delta$ $(\sigma_1^2 = \sigma_2^2, \text{未知})$	$T = \frac{(\bar{X} - \bar{Y}) - \delta}{S_w \sqrt{\frac{1}{m} + \frac{1}{n}}}$	$\mu_1 - \mu_2 > \delta$ $\mu_1 - \mu_2 < \delta$ $\mu_1 - \mu_2 \neq \delta$	$T > t_\alpha(m + n - 2)$ $T < -t_\alpha(m + n - 2)$ $ T  > t_{\alpha/2}(m + n - 2)$

其中 
$$S_w^2 = \frac{(m-1)S_1^2 + (n-1)S_2^2}{m+n-2}$$

## 正态总体方差的检验

原假设 $H_0$	检验统计量	备择假设 $H_1$	拒绝域
$\sigma^2 \leq \sigma_0^2$ $\sigma^2 \geq \sigma_0^2$ $\sigma^2 = \sigma_0^2$ $(\mu \text{未知})$	$\chi^2 = \frac{(n-1)S^2}{\sigma_0^2}$	$\sigma^2 > \sigma_0^2$ $\sigma^2 < \sigma_0^2$ $\sigma^2 \neq \sigma_0^2$	$\chi^2 > \chi_\alpha^2(n-1)$ $\chi^2 < \chi_{1-\alpha}^2(n-1)$ $\chi^2 > \chi_{\alpha/2}^2(n-1)$ 或 $\chi^2 < \chi_{1-\alpha/2}^2(n-1)$
$\sigma_1^2 \leq \sigma_2^2$ $\sigma_1^2 \geq \sigma_2^2$ $\sigma_1^2 = \sigma_2^2$ $(\mu_1, \mu_2 \text{未知})$	$F = \frac{S_1^2}{S_2^2}$	$\sigma_1^2 > \sigma_2^2$ $\sigma_1^2 < \sigma_2^2$ $\sigma_1^2 \neq \sigma_2^2$	$F > F_\alpha(n_1-1, n_2-1)$ $F < F_{1-\alpha}(n_1-1, n_2-1)$ $F > F_{\alpha/2}(n_1-1, n_2-1)$ 或 $F < F_{1-\alpha/2}(n_1-1, n_2-1)$