

# controle\_qualidade\_aps2

June 25, 2018

```
In [1]: Pkg.add("DataFrames");  
        using DataFrames;  
        Pkg.add("Gadfly");  
        using Gadfly;
```

INFO: Package DataFrames is already installed  
INFO: METADATA is out-of-date you may not have the

## 0.1 Atividade Prática Supervisionada

Apresente propostas para o ensino do tema *calibração* utilizando as propriedades da tabela periódica, como mostra no artigo anexado.[1]

Exemplo: Selecione cerca de 5 elementos, construa a curva de calibração e forneça os valores dos coeficientes: linear e angular, do coeficiente de correlação e da equação da reta.

Apresente ao menos duas propostas.

### 0.1.1 Primeira proposta

Utilizando somente a tabela de propriedades dos elementos fornecida pelo artigo, minha proposta é relacionar o raio atômico com a eletronegatividade, que é uma abordagem simples e comumente utilizada em cursos de Química Geral.

### 0.1.2 Segunda proposta

Utilizando novamente somente os valores fornecidos pela tabela anexa ao artigo, essa proposta visa relacionar a densidade do elemento com seu calor específico.

### 0.1.3 Terceira proposta

Utilizando a tabela anexa ao artigo, essa proposta relaciona a entropia padrão com a condutividade térmica.

### 0.1.4 Observações

Foram utilizados os mesmos elementos selecionados para todas as propostas, são eles o Lítio, Boro, Flúor, Potássio, Ferro, Gálio e Bromo, selecionados através de um relativo espaçamento entre a distribuição dos elementos na Tabela Periódica dos Elementos.

**Determinação dos parâmetros de linearidade a, b e R<sup>2</sup>** Seja a mediana  $\bar{y} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n y_i$ , o vetor resíduos  $e_i = y_i - f_i$ , a soma dos quadrados  $SS_{tot} = \sum_i (y_i - \bar{y})^2$ , a soma dos quadrados de regressão  $SS_{reg} = \sum_i (f_i - \bar{y})^2$ , e a soma dos quadrados residuais  $SS_{res} = \sum_i e_i^2$ , podemos encontrar o coeficiente de correlação  $R^2$  através de  $R^2 = 1 - \frac{SS_{res}}{SS_{tot}}$ .

### Função de determinação

```
In [38]: function determinacao_linear(table, xlabel, ylabel, title)
    a, b = linreg(convert(Array, table[:,2]), convert(Array, table[:,3]));
    equacao_reta = b*(table[:,2]) + a;

    plot_object = plot(
        layer(table, x=table[:,2], y=table[:,3], color=:Elemento, Geom.point),
        layer(x=table[:,2], y=equacao_reta, Geom.line),
        Guide.xlabel(xlabel),
        Guide.ylabel(ylabel),
        Guide.title(title)
    );

    mediana = sum(table[:,3])/length(table[:,3]);
    vetor_residuos = map(-, table[:,3], equacao_reta);
    yi_y = table[:,3] - mediana;
    SS_tot = sum(abs2, yi_y);
    SS_res = sum(abs2, vetor_residuos);
    R2 = 1 - (SS_res/SS_tot);

    return_string = "Sejam os parâmetros\nCoeficiente linear a: $a\nCoeficiente angular
    split(return_string, "\n"), plot_object
end
```

Out[38]: determinacao\_linear (generic function with 1 method)

## 0.2 Raio atômico x Eletronegatividade

```
In [75]: table = DataFrame(Elemento = String[], Raio_Atomico = Int16[], Eletronegatividade = Float64[])
push!(table, ["Li" 157 0.98]);
push!(table, ["B" 88 2.04]);
push!(table, ["F" 64 3.98]);
push!(table, ["K" 235 0.82]);
push!(table, ["Fe" 124 1.83]);
push!(table, ["Ga" 153 1.81]);
push!(table, ["Br" 114 2.96]);
table
```

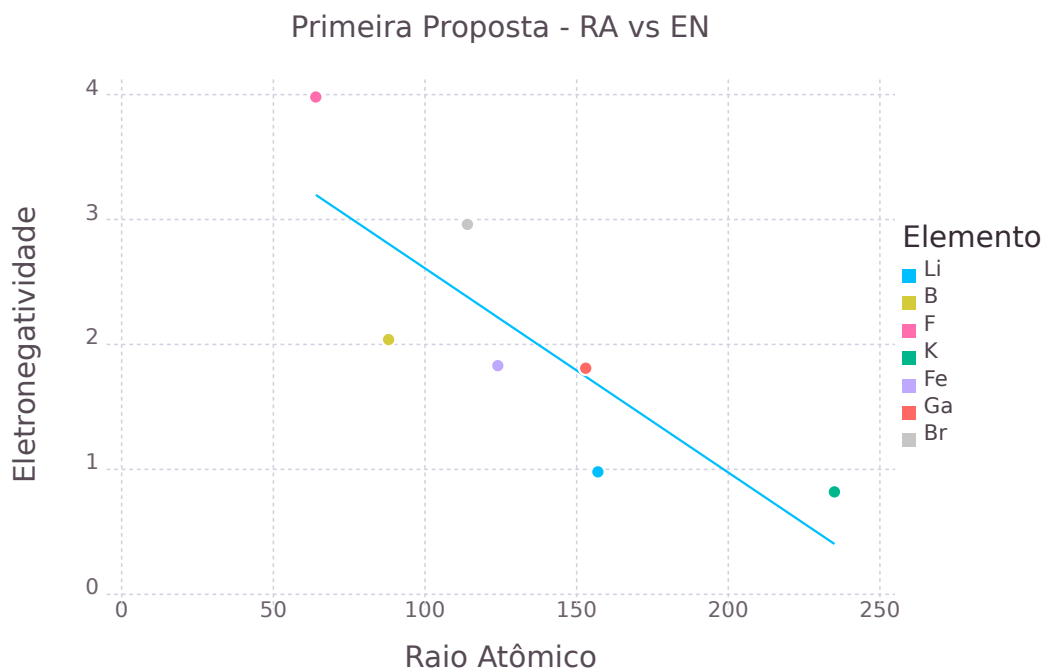
```
Out[75]: 7x3 DataFrame.DataFrame
  Row Elemento Raio_Atomico Eletronegatividade
```

1	Li	157	0.97998
2	B	88	2.0391
3	F	64	3.9805
4	K	235	0.81982
5	Fe	124	1.8301
6	Ga	153	1.8096
7	Br	114	2.9609

In [76]: resultado, grafico = determinacao\_linear(table, "Raio Atômico", "Eletronegatividade", "P

In [77]: grafico

Out[77]:



Nota-se claramente que a eletronegatividade diminui conforme aumenta o raio atômico, esta relação está de acordo com a literatura [2] que relaciona o aumento da eletronegatividade com a carga nuclear efetiva e o efeito de blindagem.

In [78]: map(println, resultado);

Sejam os parâmetros

Coeficiente linear a: 4.242748673818287

Coeficiente angular b: -0.016341518242763364

Coeficiente de correlação R<sup>2</sup>: 0.6787303527604368

Equação da reta  $y = -0.016341518242763364(x) + 4.242748673818287$

### 0.3 Densidade x Calor Específico

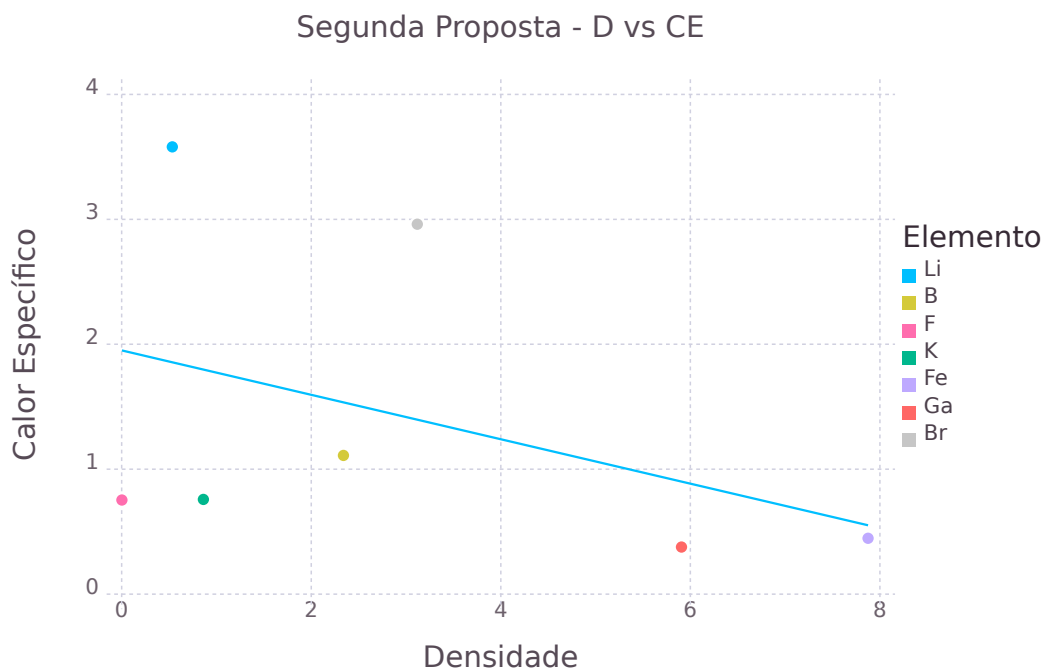
```
In [79]: table = DataFrame(Elemento = String[], Densidade = Float16[], Calor_Especifico = Float16[])
push!(table, ["Li" 0.534 3.58]);
push!(table, ["B" 2.34 1.11]);
push!(table, ["F" 0.001696 0.753]);
push!(table, ["K" 0.862 0.758]);
push!(table, ["Fe" 7.874 0.447]);
push!(table, ["Ga" 5.907 0.377]);
push!(table, ["Br" 3.12 2.96]);
table
```

```
Out[79]: 7×3 DataFrames.DataFrame
  Row Elemento  Densidade  Calor_Especifico
1    Li      0.53418     3.5801
2     B      2.3398     1.1104
3     F      0.0016956  0.75293
4     K      0.86182     0.75781
5    Fe      7.875      0.44702
6    Ga      5.9063     0.37695
7    Br      3.1191     2.9609
```

```
In [80]: resultado,grafico = determinacao_linear(table, "Densidade", "Calor Específico", "Segunda
```

```
In [81]: grafico
```

```
Out[81]:
```



Nota-se que conforme a densidade aumenta, diminui o calor específico, o que está de acordo com a literatura [2,3] pois  $Q = C\Delta T = cm\Delta T$  tal que  $c = \frac{Q}{m\Delta T}$  calor específico, se  $d = \frac{m}{V}$ , então  $m = dV$  e  $c = \frac{C}{dV}$ .

```
In [82]: map(println, resultado);
```

```
Sejam os parâmetros
Coeficiente linear a: 1.9506937
Coeficiente angular b: -0.17776845
Coeficiente de correlação Rš: 0.1643402
Equação da reta y = -0.17776845(x) + 1.9506937
```

## 0.4 Entropia Padrão x Condutividade Térmica

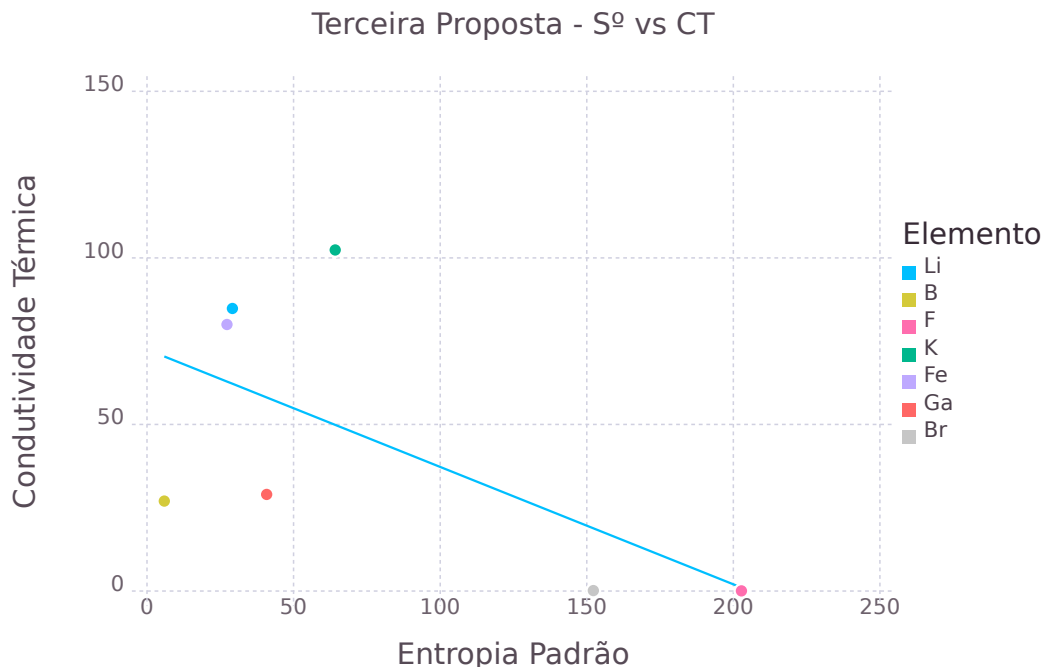
```
In [83]: table = DataFrame(Elemento = String[], Entropia_Padrao = Float16[], Condutividade_Termica = Float16[])
push!(table, ["Li" 29.12 84.8]);
push!(table, ["B" 5.9 27]);
push!(table, ["F" 202.78 0.0277]);
push!(table, ["K" 64.18 102.4]);
push!(table, ["Fe" 27.28 80]);
push!(table, ["Ga" 40.8 29]);
push!(table, ["Br" 152.23 0.12]);
table
```

```
Out[83]: 7E3 DataFrames.DataFrame
  Row  Elemento  Entropia_Padrao  Condutividade_Termica
1    Li        29.125           84.813
2    B         5.8984           27.0
3    F        202.75           0.027695
4    K        64.188           102.38
5    Fe        27.281           80.0
6    Ga        40.813           29.0
7    Br       152.25           0.12
```

```
In [84]: resultado,grafico = determinacao_linear(table, "Entropia Padrão", "Condutividade Térmica")
```

```
In [85]: grafico
```

```
Out[85]:
```



A entropia é a energia em função do estado de liberdade das partículas, temos que  $\Delta G = \Delta H - T\Delta S$  e  $G = U + PV - TS$  e temos que  $Q = U + W$ . A condutividade térmica  $k = \frac{\Delta Q}{\Delta t} \frac{L}{A\Delta T}$ . A condutividade térmica relaciona as equações de transporte de Boltzmann, de modo geral é difícil recuperar relações entre a variação de entropia e condutividade térmica sem um estudo mais cuidadoso, seria mais interessante visualizar a relação entre condutividade térmica e calor específico e então através da relação observada tentar relacionar com a entropia. Este exemplo mostra a dificuldade normalmente encontrada no pré-processamento de dados no que tange ao uso correto das relações, um problema muito comum em Data Science.

```
In [87]: map(println, resultado);
```

Sejam os parâmetros

Coeficiente linear a: 72.488266

Coeficiente angular b: -0.35244313

Coeficiente de correlação R<sup>2</sup>: 0.37963986

Equação da reta  $y = -0.35244313(x) + 72.488266$

#### 0.4.1 Referências

[1] DA SILVA LYRA, Wellington et al. Classificação periódica: um exemplo didático para ensinar análise de componentes principais. Quim. Nova, v. 33, n. 7, p. 1594-1597, 2010.

[2] ATKINS, Peter W.; JONES, Loretta. Princípios de Química-: Questionando a Vida Moderna e o Meio Ambiente. Bookman Editora, 2012.

[3] HALLIDAY, D.; RESNICK, R.; WALKER, J. Fundamentos de Física, 8a. edição, Vol. 2, LTC. 2008.