Introdu??o

February 2, 2015

1 Introdução

O entendimento da complexidade de algoritmos é uma tarefa chave no desenvolvimento de sistemas e algoritmos capazes não apenas de fornecer a saída correta, mas de acordo com restrições impostas pelo contexto ou pelo domínio. Para exemplificar esta afirmação, tomemos como exemplo um algoritmo que precisa encontrar um número n em um vetor D. O algoritmo deve retornar um par (a, b) onde:

- \bullet a : Um valor booleano indicando se o número n foi encontrado; e
- \bullet b: Um número inteiro indicando a posição de n no vetor.

Uma possível implementação deste algoritmo é a seguinte (em pseudo-código):

```
int i = 0;
foreach (d in D) {
    if (d == n) {
        return {True, d};
    }
    i++;
}
return {False, 0};
```

Chama-se **operação fundamental** a operação principal do algoritmo. Neste caso, digamos que a operação fundamental é a igualdade (comparação) da linha 3.

É possível perceber que a quantidade de **operações fundamentais** varia conforme o tamanho de D (|D|). Podemos analisar das seguintes formas:

- 1. Considerando $n \in D$:
 - 1. Se |D| = 1, então a operação fundamental será executada 1 vez; e
 - 2. Se |D| = 10, então a operação fundamental será executada, no máximo, 10 vezes.
- 2. Considerando $n \ni D$:
 - 1. Independentemente |D|, a operação fundamental será executada |D| vezes.
- ** Exercício 1.1:** Considerando as afirmações anteriores, qual a diferença entre n estar no início ou no final de D? Demonstre e justifique a afirmação 1B.

A análise destes casos e a representação disso seguindo um formalismo é o que chamamos **Análise de Algoritmos**. Existem diversas formas de analisar algoritmos, ou a computação deles, como considerar o tempo de execução e o espaço (a memória necessária para a execução do algoritmo). Neste curso estamos mais interessados na primeira forma, a análise do tempo de execução.

De modo geral, a análise do comportamento de algoritmos é estudada pela **Complexidade de Algoritmos**. Portanto, **Complexidade de Algoritmos** é a análise do esforço computacional (tempo ou memória) necessário para executar um algoritmo.

É importante ter a noção de que, para um determinado problema, podem haver diversas implementações.

** Exercício 1.2:** Este exercício será feito em grupo. Cada grupo deve escolher uma linguagem ou plataforma diferente (ex.: Java, C++, C#, Javascript, Python etc.). Seu programa deverá ler um arquivo com o seguinte formato:

- A primeira linha contém o número n;
- $\bullet\,$ A segunda linha possum um número inteiro que corresponde à quantidade de números do conjunto D; e
- Da terceira linha em diante, estão os números do conjunto D.

Após ler o arquivo, seu programa deve procurar o número n no conjunto D e gerar um arquivo texto contendo três números, um em cada linha:

- A palavra True ou False, conforme a busca de n em D;
- Um número inteiro que corresponde à posição de n em D. Se $n \ni D$, então o valor pode ser 0 (zero); e
- Um número real que corresponde ao tempo de execução do programa.

Para verificar corretitude do seu programa, você deve usar os três arquivos a seguir:

```
    dataset-1-a.csv
    dataset-1-b.csv
    dataset-1-c.csv
```

1.1 Complexidade e Desempenho de Algoritmos

Como você pode perceber, o tempo de execução do algoritmo pode variar conforme questões como a plataforma de programação e o ambiente de execução (a máquina, em si). É importante entender que este formato não pode ser usado como ferramenta para uma análise mais criteriosa e geral de algoritmos. Ainda, podemos dizer que a execução do algoritmo depende do conjunto de entradas e da sequência de operações fundamentais necessárias para o seu funcionamento. Portanto, vamos a alguns formalismos:

- D é conjunto de dados de entrada do algoritmo; e
- E é o conjunto de operações fundamentais para o funcionamento do algoritmo.

Assim, podemos definir um algoritmo como a função $a:D\to E$.

Execução resulta a sequência de execuções de operações fundamentais realizadas durante a execução do algoritmo a. É representada como $exec[a]: D \to E$.

Custo dá o comprimento da sequência $e \in E$. É representado como *custo* : $E \to \mathbb{R}_+$. Ou seja, **custo** é um real positivo que representa a quantidade de operações fundamentais. Obviamente, quanto menor a quantidade de operações, menor o custo.

Desempenho dá o custo (em termos das operações fundamentais) da execução de a com a entrada $d \in D$. É representado como desempenho[a](d) := custo(exec[a](d)). Isso nos permite analisar um algoritmo considerando as diversas entradas possíveis e, portanto, o desempenho de um algoritmo a com uma entrada $d \in D$ mede o custo da execução do algoritmo sobre esta entrada.

Se você preferir, também pode usar a notação a seguir:

conforme a entrada). O que se pode perceber? Comente.

• Algoritmo: a(d) = e. Ou seja, um algoritmo a é uma função que recebe uma entrada d e resulta em uma sequência de operações fundamentais e.

Exercício 1.3: O desempenho de um algoritmo sempre cresce com o tamanho da entrada? Por quê? Exercício 1.4: Considere o problema de encontrar o maior valor em um conjunto de dados. Conside, também, que haja diversos conjuntos de dados, em arquivos texto que contêm os elementos destes conjuntos, um em cada linha. Crie um programa que lê cada um dos conjuntos de dados a seguir, procura o maior valor e gera um arquivo de saída contendo, em cada linha: o maior valor encontrado e o tempo de execução do algoritmo. Depois de executar estes experimentos, lendo os arquivos de dados e encontrando o maior valor, plote os tempos de execução um gráfico que representa a evolução do desempenho (a execução do algoritmo

Os conjuntos de dados:

• dataset-2-a.csv

- dataset-2-b.csv
- dataset-2-c.csv
- dataset-2-d.csv
- dataset-2-e.csv ou sua versão compactada (com ~3,8MB): dataset-2-e.rar