#### Álgebra e Cálculo Relacional

Tiago Eugenio de Melo tmelo@uea.edu.br

Escola Superior de Tecnologia Universidade do Estado do Amazonas

7 de Junho de 2019



• Conjunto básico de operações que nos permite manipular relações no modelo relacional.

- Conjunto básico de operações que nos permite manipular relações no modelo relacional.
- As operações da álgebra relacional produzem novas relações, ou seja, a aplicação da álgebra relacional tem sempre como resultado uma nova relação.

- Conjunto básico de operações que nos permite manipular relações no modelo relacional.
- As operações da álgebra relacional produzem novas relações, ou seja, a aplicação da álgebra relacional tem sempre como resultado uma nova relação.
- As relações obtidas por utilização das operações da álgebra relacional podem ser igualmente utilizadas em outras operações da álgebra.

- Conjunto básico de operações que nos permite manipular relações no modelo relacional.
- As operações da álgebra relacional produzem novas relações, ou seja, a aplicação da álgebra relacional tem sempre como resultado uma nova relação.
- As relações obtidas por utilização das operações da álgebra relacional podem ser igualmente utilizadas em outras operações da álgebra.
- Uma sequência de operações da álgebra relacional forma uma expressão cujo resultado é uma relação que representa o resultado de uma consulta à base de dados.



• A álgebra relacional é utilizada principalmente como formalismo para implementar e optimizar consultas no modelo relacional.

- A álgebra relacional é utilizada principalmente como formalismo para implementar e optimizar consultas no modelo relacional.
- A linguagem SQL incorpora alguns dos conceitos da álgebra relacional.



• Operações específicas de banco de dados

- Operações específicas de banco de dados
  - Seleção  $(\sigma)$

- Operações específicas de banco de dados
  - Seleção  $(\sigma)$
  - Projeção  $(\pi)$

- Operações específicas de banco de dados
  - Seleção  $(\sigma)$
  - Projeção  $(\pi)$
  - Renomeação  $(\rho)$

- Operações específicas de banco de dados
  - Seleção  $(\sigma)$
  - Projeção  $(\pi)$
  - Renomeação (ρ)
  - Junção (⋈)

- Operações específicas de banco de dados
  - Seleção  $(\sigma)$
  - Projeção  $(\pi)$
  - Renomeação  $(\rho)$
  - Junção (⋈)
  - Agregação (ℑ)

- Operações específicas de banco de dados
  - Seleção  $(\sigma)$
  - Projeção  $(\pi)$
  - Renomeação  $(\rho)$
  - Junção (⋈)
  - Agregação (ℑ)
- Operações sobre conjuntos

- Operações específicas de banco de dados
  - Seleção  $(\sigma)$
  - Projeção  $(\pi)$
  - Renomeação  $(\rho)$
  - Junção (⋈)
  - Agregação (ℑ)
- Operações sobre conjuntos
  - União (∪)

- Operações específicas de banco de dados
  - Seleção (σ)
  - Projeção  $(\pi)$
  - Renomeação  $(\rho)$
  - Junção (⋈)
  - Agregação (ℑ)
- Operações sobre conjuntos
  - União (∪)
  - Intersecção (∩)

- Operações específicas de banco de dados
  - Seleção  $(\sigma)$
  - Projeção  $(\pi)$
  - Renomeação  $(\rho)$
  - Junção (⋈)
  - Agregação (ℑ)
- Operações sobre conjuntos
  - União (∪)
  - Intersecção (∩)
  - Diferença (-)

- Operações específicas de banco de dados
  - Seleção (σ)
  - Projeção  $(\pi)$
  - Renomeação  $(\rho)$
  - Junção (⋈)
  - Agregação (ℑ)
- Operações sobre conjuntos
  - União (∪)
  - Intersecção (∩)
  - Diferença (-)
  - Produto Cartesiano (×)

- Operações específicas de banco de dados
  - Seleção (σ)
  - Projeção  $(\pi)$
  - Renomeação (ρ)
  - Junção (⋈)
  - Agregação (ℑ)
- Operações sobre conjuntos
  - União (∪)
  - Intersecção (∩)
  - Diferença (-)
  - Produto Cartesiano (×)
  - Divisão (÷)

 Permite selecionar um subconjunto de tuplas de uma relação a partir de uma condição de atributos.

- Permite selecionar um subconjunto de tuplas de uma relação a partir de uma condição de atributos.
- A operação de seleção é representada pela expressão  $\sigma_{COND(R)}$ , onde  $\sigma$  é o operador de seleção e COND é a condição sobre atributos da relação R.

- Permite selecionar um subconjunto de tuplas de uma relação a partir de uma condição de atributos.
- A operação de seleção é representada pela expressão  $\sigma_{COND(R)}$ , onde  $\sigma$  é o operador de seleção e COND é a condição sobre atributos da relação R.
- A condição *COND* pode ser da forma  $A_i\theta A_j$  ou  $A_i\theta VAL$ , onde  $A_i$  e  $A_j$  são atributos,  $\theta$  é um operador de comparação  $\{=,<,>,\leq,\geq,\neq\}$  e  $VAL \in dom(A_i)$ .

- Permite selecionar um subconjunto de tuplas de uma relação a partir de uma condição de atributos.
- A operação de seleção é representada pela expressão  $\sigma_{COND(R)}$ , onde  $\sigma$  é o operador de seleção e COND é a condição sobre atributos da relação R.
- A condição *COND* pode ser da forma  $A_i\theta A_j$  ou  $A_i\theta VAL$ , onde  $A_i$  e  $A_j$  são atributos,  $\theta$  é um operador de comparação  $\{=,<,>,\leq,\geq,\neq\}$  e  $VAL \in dom(A_i)$ .
- A condição *COND* também pode ser composta por várias cláusulas ligadas pelos operadores lógicos AND, OR ou NOT.

#### Empregado

Matricula	Nome	 Salario	NumDep
123	Juca Chaves	 1.000	4
124	Abelardo Barbosa	 2.500	3
125	Chico da Silva	 2.200	2
126	Adoniran Barbosa	 2.000	4

#### Empregado

Matricula	Nome	 Salario	NumDep
123	Juca Chaves	 1.000	4
124	Abelardo Barbosa	 2.500	3
125	Chico da Silva	 2.200	2
126	Adoniran Barbosa	 2.000	4

Obtenha os empregados que trabalham no departamento 4 e cujo salário seja superior a 1.500 reais.

$$\sigma_{\textit{NumDep}} = \texttt{4 AND Salario} > 1.500 \big( \text{EMPREGADO} \big)$$

Matricula	Nome	 Salario	NumDep
126	Adoniran Barbosa	 2.000	4

• A relação resultante da operação de seleção  $\sigma_{COND}(R)$  tem os mesmos atributos da relação R.

- A relação resultante da operação de seleção  $\sigma_{COND}(R)$  tem os mesmos atributos da relação R.
- $\sigma$  é um operador comutativo:

```
\sigma_{COND1}(\sigma_{COND2}(R)) = \sigma_{COND2}(\sigma_{COND1}(R))
```

- A relação resultante da operação de seleção  $\sigma_{COND}(R)$  tem os mesmos atributos da relação R.
- $\sigma$  é um operador comutativo:  $\sigma_{COND1}(\sigma_{COND2}(R)) = \sigma_{COND2}(\sigma_{COND1}(R))$
- Uma sequência de operações de seleção pode ser substituída por uma única operação de seleção com a conjunção de todas as condições:

- A relação resultante da operação de seleção  $\sigma_{COND}(R)$  tem os mesmos atributos da relação R.
- $\sigma$  é um operador comutativo:  $\sigma_{COND1}(\sigma_{COND2}(R)) = \sigma_{COND2}(\sigma_{COND1}(R))$
- Uma sequência de operações de seleção pode ser substituída por uma única operação de seleção com a conjunção de todas as condições:
  - $\sigma_{COND1}(\sigma_{COND2}(\sigma_{COND3}(R))) = \sigma_{COND1}$  and  $\sigma_{COND2}$  and  $\sigma_{COND3}(R)$



 Permite obter uma nova relação com apenas alguns atributos da relação original.

- Permite obter uma nova relação com apenas alguns atributos da relação original.
- A operação de projeção é representada pela expressão  $\pi_{ATRIB}(R)$ , onde  $\pi$  é o operador de projeção e ATRIB é a lista de atributos que serão selecionados da relação R.

- Permite obter uma nova relação com apenas alguns atributos da relação original.
- A operação de projeção é representada pela expressão  $\pi_{ATRIB}(R)$ , onde  $\pi$  é o operador de projeção e ATRIB é a lista de atributos que serão selecionados da relação R.
- A relação resultante da operação de projeção tem apenas os atributos definidos em ATRIB na mesma ordem em que estes aparecem indicados na lista.

#### ${\sf Empregado}$

Matricula	Nome	 Salario	NumDep
123	Juca Chaves	 1.000	4
124	Abelardo Barbosa	 2.500	3
125	Chico da Silva	 2.200	2
126	Adoniran Barbosa	 2.000	4

#### Empregado

Matricula	Nome		Salario	NumDep
123	Juca Chaves		1.000	4
124	124 Abelardo Barbosa		2.500	3
125	Chico da Silva		2.200	2
126	Adoniran Barbosa		2.000	4

Obtenha o número de matrícula e os nomes de todos os empregados.

#### Empregado

Matricula	Nome		Salario	NumDep
123	Juca Chaves		1.000	4
124	124 Abelardo Barbosa		2.500	3
125	Chico da Silva		2.200	2
126	Adoniran Barbosa		2.000	4

Obtenha o número de matrícula e os nomes de todos os empregados.

$$\pi_{Matricula,Nome}(\mathsf{EMPREGADO})$$

#### $\pi_{\mathit{Matricula},\mathit{Nome}}(\mathsf{EMPREGADO})$

Matricula	Nome
123	Juca Chaves
124	Abelardo Barbosa
125	Chico da Silva
126	Adoniran Barbosa



 Para que o resultado seja uma relação válida, a operação de projeção remove tuplas repetidas (pode ser necessário quando a lista não inclui a chave de R).

#### Empregado

Matricula	Nome		Salario	NumDep
123	Juca Chaves		1.000	4
124	Abelardo Barbosa		2.500	3
125	Chico da Silva		2.200	2
126	Adoniran Barbosa		2.000	4

#### Empregado

Matricula	Nome		Salario	NumDep
123	Juca Chaves		1.000	4
124	124 Abelardo Barbosa		2.500	3
125	Chico da Silva		2.200	2
126	Adoniran Barbosa		2.000	4

Obtenha o número dos departamentos onde trabalha pelo menos um empregado.

#### Empregado

Matricula	Nome		Salario	NumDep
123	Juca Chaves		1.000	4
124	124 Abelardo Barbosa		2.500	3
125	Chico da Silva		2.200	2
126	Adoniran Barbosa		2.000	4

Obtenha o número dos departamentos onde trabalha pelo menos um empregado.

 $\pi_{NumDep}(EMPREGADO)$ 

 $\pi_{\textit{NumDep}}(\mathsf{EMPREGADO})$ 

NumDep
2
3
4

 $\pi_{\textit{NumDep}}(\mathsf{EMPREGADO})$ 

NumDep
2
3
4

Observe que os elementos repetidos foram removidos da resposta (NumDep = 4).

#### Operação de Renomeação

#### Operação de Renomeação

 Permite obter uma nova relação com o nome da relação e/ou o nome dos atributos renomeados.

## Operação de Renomeação

- Permite obter uma nova relação com o nome da relação e/ou o nome dos atributos renomeados.
- A operação de renomeação é representada pelas expressões  $\rho_S(R)$  ou  $\rho_{S(B_1,B_2,...,B_n)}(R)$ , onde  $\rho$  é o operador de renomeação, S é o novo nome da relação e  $B_1, B_2, ..., B_n$  são os novos nomes dos atributos.

 Permite combinar tuplas de duas relações que obedecem a uma condição de junção.

- Permite combinar tuplas de duas relações que obedecem a uma condição de junção.
- A operação de junção é representada pela expressão R ⋈ COND S, onde ⋈ é o operador de junção, COND é a condição de junção e R e S são duas relações quaisquer.

- Permite combinar tuplas de duas relações que obedecem a uma condição de junção.
- A operação de junção é representada pela expressão R ⋈<sub>COND</sub> S, onde ⋈ é o operador de junção, COND é a condição de junção e R e S são duas relações quaisquer.
- A condição *COND* é da forma  $A_i \theta B_j$ , onde  $\theta$  é um operador de comparação  $\{=,<,>,\leq,\geq,\neq\}$ ,  $A_i$  é um atributo de R e  $B_j$  é um atributo de S.

- Permite combinar tuplas de duas relações que obedecem a uma condição de junção.
- A operação de junção é representada pela expressão R ⋈<sub>COND</sub> S, onde ⋈ é o operador de junção, COND é a condição de junção e R e S são duas relações quaisquer.
- A condição *COND* é da forma  $A_i \theta B_j$ , onde  $\theta$  é um operador de comparação  $\{=,<,>,\leq,\geq,\neq\}$ ,  $A_i$  é um atributo de R e  $B_j$  é um atributo de S.
- A condição COND também pode ser composta por várias cláusulas ligadas pelo operador lógico AND.

• A operação de junção entre  $R(A_1, A_2, ..., A_n)$  e  $S(B_1, B_2, ..., B_m)$  tem como resultado a relação  $T(A_1, A_2, ..., A_n, B_1, B_2, ..., B_m)$ , onde existe uma tupla para cada combinação possível de tuplas de R com tuplas de S que satisfaz a condição de junção.

- A operação de junção entre  $R(A_1, A_2, \ldots, A_n)$  e  $S(B_1, B_2, \ldots, B_m)$  tem como resultado a relação  $T(A_1, A_2, \ldots, A_n, B_1, B_2, \ldots, B_m)$ , onde existe uma tupla para cada combinação possível de tuplas de R com tuplas de S que satisfaz a condição de junção.
- A operação de junção equivale às operações de produto cartesiano e de seleção  $R\bowtie_{COND} S = \sigma_{COND}(R\times S)$ .

- A operação de junção entre  $R(A_1, A_2, ..., A_n)$  e  $S(B_1, B_2, ..., B_m)$ tem como resultado a relação  $T(A_1, A_2, \ldots, A_n, B_1, B_2, \ldots, B_m)$ , onde existe uma tupla para cada combinação possível de tuplas de R com tuplas de S que satisfaz a condição de junção.
- A operação de junção equivale às operações de produto cartesiano e de seleção  $R \bowtie_{COND} S = \sigma_{COND}(R \times S)$ .
- A operação de junção é muito utilizada em bancos de dados porque permite lidar com relacionamentos entre relações.

#### Exemplo

#### Empregado

Nome	IdEmp	DeptNome
Harry	3415	Finanças
Sally	2241	Vendas
George	3401	Finanças
Harriet	2202	Vendas

#### Departamento

DeptNome	Gerente
Finanças	George
Vendas	Harriet
Produção	Charles

#### Empregado ⋈ Departamento

zmpreguae v v zepartamente					
Nome	IdEmp DeptNome		Gerente		
Harry	3415	Finanças	George		
Sally	2241	Vendas	Harriet		
George	3401	Finanças	George		
Harriet	2202	Vendas	Harriet		



 Permite agrupar as tuplas e sumarizar informação a partir das funções de agregação.

- Permite agrupar as tuplas e sumarizar informação a partir das funções de agregação.
- A operação de agregação é representada pela expressão ATRIB<sup>S</sup> FUNC<sup>(R)</sup>, onde S é o operador de agregação, ATRIB é a lista de atributos de R a serem agrupados e FUNC é a lista de funções de agregação.

- Permite agrupar as tuplas e sumarizar informação a partir das funções de agregação.
- A operação de agregação é representada pela expressão ATRIB<sup>S</sup> FUNC<sup>(R)</sup>, onde S é o operador de agregação, ATRIB é a lista de atributos de R a serem agrupados e FUNC é a lista de funções de agregação.
- A lista *FUNC* é da forma  $\theta(A_i)$ , onde  $\theta$  é uma função de agregação (SUM, AVG, MAX, MIN, COUNT) e  $A_i$  é um atributo de R.

- Permite agrupar as tuplas e sumarizar informação a partir das funções de agregação.
- A operação de agregação é representada pela expressão ATRIB<sup>ℑ</sup> FUNC<sup>(R)</sup>, onde ℑ é o operador de agregação, ATRIB é a lista de atributos de R a serem agrupados e FUNC é a lista de funções de agregação.
- A lista *FUNC* é da forma  $\theta(A_i)$ , onde  $\theta$  é uma função de agregação (SUM, AVG, MAX, MIN, COUNT) e  $A_i$  é um atributo de R.
- A relação resultante da operação de agregação tem apenas os atributos definidos em ATRIB mais um atributo por cada item da lista FUNC, cujo nome resulta da concatenação do nome da função de agregação com o nome do atributo de R.

 Obtenha o valor do salário máximo, do salário mínimo e da soma dos salários de todos os empregados.

 Obtenha o valor do salário máximo, do salário mínimo e da soma dos salários de todos os empregados.

 $\Im_{MAX(Salario),SUM(Salario)}(EMPREGADO).$ 

#### Operação de Agregação

- Obtenha o valor do salário máximo, do salário mínimo e da soma dos salários de todos os empregados.
  - $\Im_{MAX(Salario),SUM(Salario)}(EMPREGADO).$
- Obtenha o número de matrículo dos empregados por departamento e a respectiva média salarial.

#### Operação de Agregação

- Obtenha o valor do salário máximo, do salário mínimo e da soma dos salários de todos os empregados.
  - $\Im_{MAX(Salario),SUM(Salario)}(EMPREGADO).$
- Obtenha o número de matrículo dos empregados por departamento e a respectiva média salarial.

 $NumDep^{\Im_{COUNT(Matricula),AVG(Salario)}}(EMPREGADO).$ 

NumDep	COUNT(Matricula)	AVG(Salario)
4	2	5.500,00
1	1	2.000,00
2	1	1.500,00



 As operações de união, intersecção e diferença são operações <u>binárias</u> sobre relações que correspondem às operações matemáticas básicas sobre conjuntos.

- As operações de união, intersecção e diferença são operações <u>binárias</u> sobre relações que correspondem às operações matemáticas básicas sobre conjuntos.
- As operações de união, intersecção e diferença são representadas pelas expressões R∪S, R∩S e R − S, onde U, ∩ e − são os operadores de união, intersecção e diferença, respectivamente.

- As operações de união, intersecção e diferença são operações <u>binárias</u> sobre relações que correspondem às operações matemáticas básicas sobre conjuntos.
- As operações de união, intersecção e diferença são representadas pelas expressões R∪S, R∩S e R − S, onde U, ∩ e − são os operadores de união, intersecção e diferença, respectivamente.
- Duas relações  $R(A_1, A_2, ..., A_n)$  e  $S(B_1, B_2, ..., B_n)$  são compatíveis para a união se tiverem o mesmo grau n e se o dom $(A_i) = \text{dom}(B_i)$ , para  $1 \le i \le n$ .

- As operações de união, intersecção e diferença são operações <u>binárias</u> sobre relações que correspondem às operações matemáticas básicas sobre conjuntos.
- As operações de união, intersecção e diferença são representadas pelas expressões  $R \cup S$ ,  $R \cap S$  e R S, onde  $\cup$ ,  $\cap$  e são os operadores de união, intersecção e diferença, respectivamente.
- Duas relações  $R(A_1, A_2, ..., A_n)$  e  $S(B_1, B_2, ..., B_n)$  são compatíveis para a união se tiverem o mesmo grau n e se o dom $(A_i) = \text{dom}(B_i)$ , para  $1 \le i \le n$ .
- Por convenção, a relação resultante das operações  $R \cup S$ ,  $R \cap S$  e R S têm os nomes dos atributos da relação R.

 O resultado da operação de R ∪ S é a relação que inclui todas as tuplas que estão em R, S ou ambos. Tuplas repetidas são removidas.

- O resultado da operação de R∪S é a relação que inclui todas as tuplas que estão em R, S ou ambos. Tuplas repetidas são removidas.
- O resultado da operação  $R \cap S$  é a relação que inclui todas as tuplas que estão em R e S.

- O resultado da operação de R∪S é a relação que inclui todas as tuplas que estão em R, S ou ambos. Tuplas repetidas são removidas.
- O resultado da operação  $R \cap S$  é a relação que inclui todas as tuplas que estão em R e S.
- O resultado da operação R-S é a relação que inclui todas as tuplas que estão em R, mas não estão em S.  $\cup$  e  $\cap$  são operadores comutativos e associativos:

- O resultado da operação de R∪S é a relação que inclui todas as tuplas que estão em R, S ou ambos. Tuplas repetidas são removidas.
- O resultado da operação  $R \cap S$  é a relação que inclui todas as tuplas que estão em R e S.
- O resultado da operação R-S é a relação que inclui todas as tuplas que estão em R, mas não estão em S.  $\cup$  e  $\cap$  são operadores comutativos e associativos:
  - $R \cup S = S \cup R$

- O resultado da operação de R∪S é a relação que inclui todas as tuplas que estão em R, S ou ambos. Tuplas repetidas são removidas.
- O resultado da operação  $R \cap S$  é a relação que inclui todas as tuplas que estão em R e S.
- O resultado da operação R-S é a relação que inclui todas as tuplas que estão em R, mas não estão em S.  $\cup$  e  $\cap$  são operadores comutativos e associativos:
  - $R \cup S = S \cup R$
  - $R \cap S = S \cap R$

- O resultado da operação de R∪S é a relação que inclui todas as tuplas que estão em R, S ou ambos. Tuplas repetidas são removidas.
- O resultado da operação  $R \cap S$  é a relação que inclui todas as tuplas que estão em R e S.
- O resultado da operação R-S é a relação que inclui todas as tuplas que estão em R, mas não estão em S.  $\cup$  e  $\cap$  são operadores comutativos e associativos:
  - $R \cup S = S \cup R$
  - $R \cap S = S \cap R$
  - $R \cup (S \cup T) = (R \cup S) \cap T$

- O resultado da operação de R∪S é a relação que inclui todas as tuplas que estão em R, S ou ambos. Tuplas repetidas são removidas.
- O resultado da operação  $R \cap S$  é a relação que inclui todas as tuplas que estão em R e S.
- O resultado da operação R-S é a relação que inclui todas as tuplas que estão em R, mas não estão em S.  $\cup$  e  $\cap$  são operadores comutativos e associativos:
  - $R \cup S = S \cup R$
  - $R \cap S = S \cap R$
  - $R \cup (S \cup T) = (R \cup S) \cap T$
  - $R \cap (S \cap T) = (S \cap R) \cap T$

- O resultado da operação de R∪S é a relação que inclui todas as tuplas que estão em R, S ou ambos. Tuplas repetidas são removidas.
- O resultado da operação  $R \cap S$  é a relação que inclui todas as tuplas que estão em R e S.
- O resultado da operação R-S é a relação que inclui todas as tuplas que estão em R, mas não estão em S.  $\cup$  e  $\cap$  são operadores comutativos e associativos:
  - $R \cup S = S \cup R$
  - $R \cap S = S \cap R$
  - $R \cup (S \cup T) = (R \cup S) \cap T$
  - $R \cap (S \cap T) = (S \cap R) \cap T$
- O operador não é comutativo e nem associativo, pois em geral  $R S \neq S R$ .



#### ${\sf Empregado}$

Matricula	Nome	 Salario	SuperMatricula	NumDep
123	Juca Chaves	 1.000	130	4
124	Abelardo Barbosa	 2.500	170	3
125	Chico da Silva	 2.200	180	2
126	Adoniran Barbosa	 2.000	125	4

#### Empregado

Matricula	Nome	 Salario	SuperMatricula	NumDep
123	Juca Chaves	 1.000	130	4
124	Abelardo Barbosa	 2.500	170	3
125	Chico da Silva	 2.200	180	2
126	Adoniran Barbosa	 2.000	125	4

Obtenha o número de matrícula dos empregados que trabalham no departamento 4 **ou** que supervisionam um empregado que trabalha no departamento 4.

•  $EMP\_DEP4 \leftarrow \sigma_{NumDep=4}(EMPREGADO)$ 

- $EMP\_DEP4 \leftarrow \sigma_{NumDep=4}(EMPREGADO)$
- $RESULT1 \leftarrow \pi_{Matricula}(EMP\_DEP4)$

- $EMP\_DEP4 \leftarrow \sigma_{NumDep=4}(EMPREGADO)$
- $RESULT1 \leftarrow \pi_{Matricula}(EMP\_DEP4)$
- $RESULT2 \leftarrow \pi_{SuperMatricula}(EMP\_DEP4)$

- $EMP\_DEP4 \leftarrow \sigma_{NumDep=4}(EMPREGADO)$
- $RESULT1 \leftarrow \pi_{Matricula}(EMP\_DEP4)$
- $RESULT2 \leftarrow \pi_{SuperMatricula}(EMP\_DEP4)$
- RESULT ← RESULT1 ∪ RESULT2

- $EMP\_DEP4 \leftarrow \sigma_{NumDep=4}(EMPREGADO)$
- $RESULT1 \leftarrow \pi_{Matricula}(EMP\_DEP4)$
- $RESULT2 \leftarrow \pi_{SuperMatricula}(EMP\_DEP4)$
- RESULT ← RESULT1 ∪ RESULT2

Matricula						
123						
125						
126						

#### ${\sf Empregado}$

Matricula	Nome	 Salario	SuperMatricula	NumDep
123	Juca Chaves	 1.000	130	4
124	Abelardo Barbosa	 2.500	170	3
125	Chico da Silva	 2.200	180	2
126	Adoniran Barbosa	 2.000	123	4

#### Empregado

Matricula	Nome	 Salario	SuperMatricula	NumDep
123	Juca Chaves	 1.000	130	4
124	Abelardo Barbosa	 2.500	170	3
125	Chico da Silva	 2.200	180	2
126	Adoniran Barbosa	 2.000	123	4

Obtenha o número de matrícula dos empregados que trabalham no departamento 4 **e** que supervisionam um empregado que trabalha no departamento 4.

•  $EMP\_DEP4 \leftarrow \sigma_{NumDep=4}(EMPREGADO)$ 

- $EMP\_DEP4 \leftarrow \sigma_{NumDep=4}(EMPREGADO)$
- $RESULT1 \leftarrow \pi_{Matricula}(EMP\_DEP4)$

- $EMP\_DEP4 \leftarrow \sigma_{NumDep=4}(EMPREGADO)$
- $RESULT1 \leftarrow \pi_{Matricula}(EMP\_DEP4)$
- $RESULT2 \leftarrow \pi_{SuperMatricula}(EMP\_DEP4)$

- $EMP\_DEP4 \leftarrow \sigma_{NumDep=4}(EMPREGADO)$
- $RESULT1 \leftarrow \pi_{Matricula}(EMP\_DEP4)$
- $RESULT2 \leftarrow \pi_{SuperMatricula}(EMP\_DEP4)$
- RESULT ← RESULT1 ∩ RESULT2

- $EMP\_DEP4 \leftarrow \sigma_{NumDep=4}(EMPREGADO)$
- $RESULT1 \leftarrow \pi_{Matricula}(EMP\_DEP4)$
- $RESULT2 \leftarrow \pi_{SuperMatricula}(EMP\_DEP4)$
- $RESULT \leftarrow RESULT1 \cap RESULT2$

Matricula

123

#### ${\sf Empregado}$

Matricula	Nome	 Salario	SuperMatricula	NumDep
123	Juca Chaves	 1.000	130	4
124	Abelardo Barbosa	 2.500	170	3
125	Chico da Silva	 2.200	180	2
126	Adoniran Barbosa	 2.000	123	4

#### Empregado

Matricula	Nome	 Salario	SuperMatricula	NumDep
123	Juca Chaves	 1.000	130	4
124	Abelardo Barbosa	 2.500	170	3
125	Chico da Silva	 2.200	180	2
126	Adoniran Barbosa	 2.000	123	4

Obtenha o número de matrícula dos empregados que trabalham no departamento 4 **e** que **não** supervisionam um empregado que trabalha no departamento 4.



•  $EMP\_DEP4 \leftarrow \sigma_{NumDep=4}(EMPREGADO)$ 

- $EMP\_DEP4 \leftarrow \sigma_{NumDep=4}(EMPREGADO)$
- $RESULT1 \leftarrow \pi_{Matricula}(EMP\_DEP4)$

- $EMP\_DEP4 \leftarrow \sigma_{NumDep=4}(EMPREGADO)$
- $RESULT1 \leftarrow \pi_{Matricula}(EMP\_DEP4)$
- $RESULT2 \leftarrow \pi_{SuperMatricula}(EMP\_DEP4)$

- $EMP\_DEP4 \leftarrow \sigma_{NumDep=4}(EMPREGADO)$
- $RESULT1 \leftarrow \pi_{Matricula}(EMP\_DEP4)$
- $RESULT2 \leftarrow \pi_{SuperMatricula}(EMP\_DEP4)$
- RESULT ← RESULT1 − RESULT2

- $EMP\_DEP4 \leftarrow \sigma_{NumDep=4}(EMPREGADO)$
- $RESULT1 \leftarrow \pi_{Matricula}(EMP\_DEP4)$
- $RESULT2 \leftarrow \pi_{SuperMatricula}(EMP\_DEP4)$
- RESULT ← RESULT1 − RESULT2

Matricula

126

• Permite combinar numa nova relação todas as tuplas de duas relações.

- Permite combinar numa nova relação todas as tuplas de duas relações.
- O produto cartesiano é representado pela expressão R × S, onde × é
  o operador de produto cartesiano e R e S são duas relações quaisquer.

- Permite combinar numa nova relação todas as tuplas de duas relações.
- O produto cartesiano é representado pela expressão R × S, onde × é
  o operador de produto cartesiano e R e S são duas relações quaisquer.
- O produto cartesiano entre  $R(A_1,A_2,\ldots,A_n)$  e  $S(B_1,B_2,\ldots,B_m)$  tem como resultado a relação  $T(A_1,A_2,\ldots,A_n,B_1,B_2,\ldots,B_m)$ , onde existe uma tupla para cada combinação possível de tuplas de R com tuplas de S.

- Permite combinar numa nova relação todas as tuplas de duas relações.
- O produto cartesiano é representado pela expressão  $R \times S$ , onde  $\times$  é o operador de produto cartesiano e R e S são duas relações quaisquer.
- O produto cartesiano entre  $R(A_1, A_2, \ldots, A_n)$  e  $S(B_1, B_2, \ldots, B_m)$  tem como resultado a relação  $T(A_1, A_2, \ldots, A_n, B_1, B_2, \ldots, B_m)$ , onde existe uma tupla para cada combinação possível de tuplas de R com tuplas de S.
- Se R tiver NR tuplas e S tiver NS tuplas, então  $R \times S$  tem NR \* NS tuplas.

#### Produto Cartesiano

R		
A1	A2	
valor1_a1	valor1_a2	
valor2_a1	valor2_a2	
valor3_a1	valor3_a2	

	S	
B1	B2	B3
valor1_b1	valor1_b2	valor1_b3
valor2_b1	valor2_b2	valor2_b3

RxS

A1	A2	B1	B2	B3
valor1_a1	valor1_a2	valor1_b1	valor1_b2	valor1_b3
valor1_a1	valor1_a2	valor2_b1	valor2_b2	valor2_b3
valor2_a1	valor2_a2	valor1_b1	valor1_b2	valor1_b3
valor2_a1	valor2_a2	valor2_b1	valor2_b2	valor2_b3
valor3_a1	valor3_a2	valor1_b1	valor1_b2	valor1_b3
valor3_a1	valor3_a2	valor2_b1	valor2_b2	valor2_b3

 Permite obter os valores de uma relação que estão combinados com todas as tuplas de outra relação.

- Permite obter os valores de uma relação que estão combinados com todas as tuplas de outra relação.
- A operação de divisão é representada pela expressão R ÷ S, onde ÷ é
  o operador da divisão e R e S são duas relações em que os atributos
  de S são um subconjunto dos atributos de R.

- Permite obter os valores de uma relação que estão combinados com todas as tuplas de outra relação.
- A operação de divisão é representada pela expressão R ÷ S, onde ÷ é
  o operador da divisão e R e S são duas relações em que os atributos
  de S são um subconjunto dos atributos de R.
- O resultado da operação  $R(Z) \div S(X)$  é a relação T(Y), com Y = Z X, que inclui todas as tuplas t para as quais existe um subconjunto R' de R tal que  $\pi_Y(R') = t$  e  $\pi_X(R') = S$ .

#### Exemplo

#### Finalizado

Estudante	Tarefa
Fred	Basedados1
Fred	Basedados2
Fred	Compiladores1
Pedro	Basedados1
Pedro	Compiladores1
Sara	Basedados1
Sara	Basedados2

#### ProjectoBD

Tarefa

Basedados1

Basedados2

#### Finalizado

ProjectoBD Estudante

Fred Sara

#### Exemplo

#### Finalizado

Estudante	Tarefa
Fred	Basedados1
Fred	Basedados2
Fred	Compiladores1
Pedro	Basedados1
Pedro	Compiladores1
Sara	Basedados1
Sara	Basedados2

# ProjectoBD Tarefa Basedados1 Basedados2



 O resultado da divisão do exemplo representa os estudantes que completaram ambas as tarefas (Basedados1 e Basedados2).



• É uma linguagem de consulta formal.

- É uma linguagem de consulta formal.
- Uma expressão de cálculo permite a descrição da consulta desejada sem especificar os procedimentos para obtenção dessas informações (não-procedural).

- É uma linguagem de consulta formal.
- Uma expressão de cálculo permite a descrição da consulta desejada sem especificar os procedimentos para obtenção dessas informações (não-procedural).
- É uma linguagem formal de consulta onde se escreve uma expressão declarativa (o que fazer ao invés de como fazer).

- É uma linguagem de consulta formal.
- Uma expressão de cálculo permite a descrição da consulta desejada sem especificar os procedimentos para obtenção dessas informações (não-procedural).
- É uma linguagem formal de consulta onde se escreve uma expressão declarativa (o que fazer ao invés de como fazer).
- Existem dois tipos de cálculos:

- É uma linguagem de consulta formal.
- Uma expressão de cálculo permite a descrição da consulta desejada sem especificar os procedimentos para obtenção dessas informações (não-procedural).
- É uma linguagem formal de consulta onde se escreve uma expressão declarativa (o que fazer ao invés de como fazer).
- Existem dois tipos de cálculos:
  - Cálculo Relacional de Tuplas (CRT)

- É uma linguagem de consulta formal.
- Uma expressão de cálculo permite a descrição da consulta desejada sem especificar os procedimentos para obtenção dessas informações (não-procedural).
- É uma linguagem formal de consulta onde se escreve uma expressão declarativa (o que fazer ao invés de como fazer).
- Existem dois tipos de cálculos:
  - Cálculo Relacional de Tuplas (CRT)
  - Cálculo Relacional de Domínio (CRD)

# Cálculo Relacional de Tuplas (CRT)

# Cálculo Relacional de Tuplas (CRT)

• É baseado na especificação de um número de variáveis de tuplas.

# Cálculo Relacional de Tuplas (CRT)

- É baseado na especificação de um número de variáveis de tuplas.
- Uma consulta em CRT é especificada da seguinte forma:
   {t | COND(t)}, onde t é uma variável e COND(t) é uma expressão condicional.



• Todos os empregados cujo salário seja acima de 1.000 reais:

- Todos os empregados cujo salário seja acima de 1.000 reais:
- $\{t | EMPREGADO(t) AND t.salario > 1.000\}$

- Todos os empregados cujo salário seja acima de 1.000 reais:
- $\{t | EMPREGADO(t) \ AND \ t.salario > 1.000\}$
- EMPREGADO(t) especifica a relação-limite, ou seja, cada tupla
   EMPREGADO(t) que satisfizer a condição será recuperada.

- Todos os empregados cujo salário seja acima de 1.000 reais:
- $\{t | EMPREGADO(t) \ AND \ t.salario > 1.000\}$
- *EMPREGADO(t)* especifica a relação-limite, ou seja, cada tupla *EMPREGADO(t)* que satisfizer a condição será recuperada.
- Para recuperar apenas alguns atributos, o primeiro e o último nome:

- Todos os empregados cujo salário seja acima de 1.000 reais:
- $\{t | EMPREGADO(t) \ AND \ t.salario > 1.000\}$
- EMPREGADO(t) especifica a relação-limite, ou seja, cada tupla
   EMPREGADO(t) que satisfizer a condição será recuperada.
- Para recuperar apenas alguns atributos, o primeiro e o último nome:
- $\{t.PNome, t.UNome | EMPREGADO(t) | AND | t.salario > 1.000\}$

• Recupere a data de nascimento e o endereço do empregado cujo nome seja "Jose Silva".

- Recupere a data de nascimento e o endereço do empregado cujo nome seja "Jose Silva".
- {t.DT\_Nascimento, t.Endereco | Empregado(t) AND t.PNome = "Jose" AND t.UNome = "Silva"}



• Obtenha os empregados que trabalham no departamento 4.

- Obtenha os empregados que trabalham no departamento 4.
- {e | EMPREGADO(e) AND e.NumDep = 4}

- Obtenha os empregados que trabalham no departamento 4.
- $\{e \mid EMPREGADO(e) \ AND \ e.NumDep = 4\}$
- Na álgebra relacional seria:

- Obtenha os empregados que trabalham no departamento 4.
- $\{e \mid EMPREGADO(e) \ AND \ e.NumDep = 4\}$
- Na álgebra relacional seria:
- $\sigma_{NumDep=4}(EMPREGADO)$



 Obtenha o número de matrícula dos empregados que trabalham no departamento 4 e cujo salário seja superior a R\$ 1.200,00.

- Obtenha o número de matrícula dos empregados que trabalham no departamento 4 e cujo salário seja superior a R\$ 1.200,00.
- {e.Matricula | EMPREGADO(e) AND e.NumDep = 4 AND e.Salario > 1.200}

- Obtenha o número de matrícula dos empregados que trabalham no departamento 4 e cujo salário seja superior a R\$ 1.200,00.
- {e.Matricula | EMPREGADO(e) AND e.NumDep = 4 AND e.Salario > 1.200}
- Na álgebra relacional seria:

- Obtenha o número de matrícula dos empregados que trabalham no departamento 4 e cujo salário seja superior a R\$ 1.200,00.
- {e.Matricula | EMPREGADO(e) AND e.NumDep = 4 AND e.Salario > 1.200}
- Na álgebra relacional seria:
- $\pi_{Matricula}(\sigma_{NumDep} = 4 \ AND \ Salario > 1.200(EMPREGADO))$



• Nas fórmulas de CRT podemos ainda usar os quantificadores universal e existencial  $(\forall t)(F)$  ou  $(\exists)(F)$ , onde  $\forall$  e  $\exists$  são os quantificadores universal e existencial, t é uma variável que representa as tuplas de uma relação e F é uma fórmula.

- Nas fórmulas de CRT podemos ainda usar os quantificadores universal e existencial  $(\forall t)(F)$  ou  $(\exists)(F)$ , onde  $\forall$  e  $\exists$  são os quantificadores universal e existencial, t é uma variável que representa as tuplas de uma relação e F é uma fórmula.
- Uma variável que representa as tuplas de uma relação é considerada livre se não estiver quantificada.

- Nas fórmulas de CRT podemos ainda usar os quantificadores universal e existencial  $(\forall t)(F)$  ou  $(\exists)(F)$ , onde  $\forall$  e  $\exists$  são os quantificadores universal e existencial, t é uma variável que representa as tuplas de uma relação e F é uma fórmula.
- Uma variável que representa as tuplas de uma relação é considerada livre se não estiver quantificada.
- Quantificador Existencial (∃)

- Nas fórmulas de CRT podemos ainda usar os quantificadores universal e existencial  $(\forall t)(F)$  ou  $(\exists)(F)$ , onde  $\forall$  e  $\exists$  são os quantificadores universal e existencial, t é uma variável que representa as tuplas de uma relação e F é uma fórmula.
- Uma variável que representa as tuplas de uma relação é considerada livre se não estiver quantificada.
- Quantificador Existencial  $(\exists)$ Uma fórmula  $(\exists)(F)$  será VERDADEIRA se existir alguma tupla que F seja VERDADEIRA.

- Nas fórmulas de CRT podemos ainda usar os quantificadores universal e existencial  $(\forall t)(F)$  ou  $(\exists)(F)$ , onde  $\forall$  e  $\exists$  são os quantificadores universal e existencial, t é uma variável que representa as tuplas de uma relação e F é uma fórmula.
- Uma variável que representa as tuplas de uma relação é considerada livre se não estiver quantificada.
- Quantificador Existencial  $(\exists)$ Uma fórmula  $(\exists)(F)$  será VERDADEIRA se existir alguma tupla que F seja VERDADEIRA.
- Quantificador Universal (∀)

- Nas fórmulas de CRT podemos ainda usar os quantificadores universal e existencial  $(\forall t)(F)$  ou  $(\exists)(F)$ , onde  $\forall$  e  $\exists$  são os quantificadores universal e existencial, t é uma variável que representa as tuplas de uma relação e F é uma fórmula.
- Uma variável que representa as tuplas de uma relação é considerada livre se não estiver quantificada.
- Quantificador Existencial  $(\exists)$ Uma fórmula  $(\exists)(F)$  será VERDADEIRA se existir alguma tupla que F seja VERDADEIRA.
- Quantificador Universal (∀)
   Uma fórmula (∀t)(F) será VERDADEIRA se toda tupla que faça F seja VERDADEIRA.

#### Quantificador Existencial (∃)

## Quantificador Existencial (∃)

 Recupere o nome e o endereço de todos os empregados que trabalham para o departamento de "Vendas".

## Quantificador Existencial (∃)

- Recupere o nome e o endereço de todos os empregados que trabalham para o departamento de "Vendas".
- $\{t.Nome, t.Endereco \mid EMPREGADO(t) \ AND \ \exists (d)(Vendas(d) \ AND \ d.Nome = \ 'Vendas')\}$



 O CRD é baseado na especificação de variáveis sobre o domínio dos atributos, onde cada variável pode tomar como valor os valores de um determinado domínio.

- O CRD é baseado na especificação de variáveis sobre o domínio dos atributos, onde cada variável pode tomar como valor os valores de um determinado domínio.
- Difere do cálculo das tuplas pelos tipos de variáveis.

- O CRD é baseado na especificação de variáveis sobre o domínio dos atributos, onde cada variável pode tomar como valor os valores de um determinado domínio.
- Difere do cálculo das tuplas pelos tipos de variáveis.
- As variáveis abrangem os valores únicos dos domínios dos atributos.



• Uma fórmula de CRD pode ser formada por condições da forma  $R(v_1, v_2, ..., v_n)$  ou  $v_i \theta v_j$  ou  $v_i \theta VAL$ , onde R é uma relação, cada  $v_i$  é uma variável que representa valores do domínio do atributo  $A_i$  de R,  $\theta$  é um operador de comparação  $\{=, <, >, \leq, \geq, \neq\}$  e  $VAL \in dom(A_i)$ .

- Uma fórmula de CRD pode ser formada por condições da forma  $R(v_1, v_2, ..., v_n)$  ou  $v_i \theta v_j$  ou  $v_i \theta VAL$ , onde R é uma relação, cada  $v_i$  é uma variável que representa valores do domínio do atributo  $A_i$  de R,  $\theta$  é um operador de comparação  $\{=,<,>,\leq,\geq,\neq\}$  e  $VAL \in dom(A_i)$ .
- Uma fórmula de CRD também pode ser composta por várias fórmulas ligadas pelos operadores lógicos AND, OR ou NOT ou usar quantificadores universal e existencial F<sub>1</sub> AND F<sub>2</sub> ou F<sub>1</sub> OR F<sub>2</sub> ou NOT F<sub>1</sub>, onde F<sub>1</sub> e F<sub>2</sub> são fórmulas, ∀ ∃ são os quantificadores universal e existencial e v é uma variável que representa valores de um domínio.

• ( ) Na álgebra relacional, que é um conjunto de operações sobre as relações, cada operação usa uma ou mais relações como operandos e sempre produz outra relação como resultado.

• ( ) Na álgebra relacional, que é um conjunto de operações sobre as relações, cada operação usa uma ou mais relações como operandos e sempre produz outra relação como resultado.

Certo

- ( ) Na álgebra relacional, que é um conjunto de operações sobre as relações, cada operação usa uma ou mais relações como operandos e sempre produz outra relação como resultado.
   Certo
- Considere a seguinte tabela de um banco de dados:
   Funcionario = {MATRICULA, NOME, SAL, NumDep}. Uma
   expressão da álgebra relacional representando a tabela formada pelos
   códigos (MATRICULA) e nomes (NOME) dos funcionários que
   ganham Salário (SAL) entre 1.000 e 3.000 reais e trabalham no
   departamento de código (NumDep) 3 é:

- ( ) Na álgebra relacional, que é um conjunto de operações sobre as relações, cada operação usa uma ou mais relações como operandos e sempre produz outra relação como resultado.
   Certo
- Considere a seguinte tabela de um banco de dados:
   Funcionario = {MATRICULA, NOME, SAL, NumDep}. Uma
   expressão da álgebra relacional representando a tabela formada pelos
   códigos (MATRICULA) e nomes (NOME) dos funcionários que
   ganham Salário (SAL) entre 1.000 e 3.000 reais e trabalham no
   departamento de código (NumDep) 3 é:

 $\pi_{MATRICULA,NOME}(\sigma_{NumDep=3} \text{ AND } SAL>1.000 \text{ AND } <3.000(Funcionario)).$ 

• No âmbito da álgebra relacional, os símbolos  $\pi$  e  $\sigma$  são utilizados, respectivamente, em operações de?

• No âmbito da álgebra relacional, os símbolos  $\pi$  e  $\sigma$  são utilizados, respectivamente, em operações de? Projeção ou particionamento vertical; e seleção ou particionamento horizontal.

- No âmbito da álgebra relacional, os símbolos  $\pi$  e  $\sigma$  são utilizados, respectivamente, em operações de? Projeção ou particionamento vertical; e seleção ou particionamento horizontal.
- As operações da álgebra relacional Seleção, Projeção e Produto Cartesiano são implementadas na linguagem SQL, respectivamente, pelas cláusulas:

- No âmbito da álgebra relacional, os símbolos  $\pi$  e  $\sigma$  são utilizados, respectivamente, em operações de? Projeção ou particionamento vertical; e seleção ou particionamento horizontal.
- As operações da álgebra relacional Seleção, Projeção e Produto Cartesiano são implementadas na linguagem SQL, respectivamente, pelas cláusulas:
  - Where, Selection e From.

 Considere o esquema relacional abaixo, no qual placa é a chave primária.

VEICULO (<u>Placa</u>, Cor, Modelo, Marca, Ano, Valor) Qual é a expressão em álgebra relacional a ser aplicada sobre esse esquema, de forma a obter as Placas dos VEICULOS com Ano igual a 2011 e Valor menor que 9000?

 Considere o esquema relacional abaixo, no qual placa é a chave primária.

VEICULO (<u>Placa</u>, Cor, Modelo, Marca, Ano, Valor) Qual é a expressão em álgebra relacional a ser aplicada sobre esse esquema, de forma a obter as Placas dos VEICULOS com Ano igual a 2011 e Valor menor que 9000?

 $\pi_{Placa}(\sigma_{Ano=2011\ AND\ Valor<9000}(VEICULO))$