

第一部分 数学基础课程

(共 40 分)

一、(共 4 分) 用逻辑符号表达下列语句(论域为包含一切事物的集合)

1. (2 分) 集合 A 的任一元素的元素都是 A 的元素。
2. (2 分) 天下没有长相完全一样的两个人。(要求写出两种形式, 一种用全称量词, 另一种用存在量词)

二、填空题 (1-2 题每空 1 分, 3-6 题每空 2 分, 共 16 分)

1. 设 $A = \{\emptyset, \{\emptyset\}\}$, 计算: $\emptyset - A = \underline{\hspace{2cm}}$; $A - P(\emptyset) = \underline{\hspace{2cm}}$; $P(A) - \{\emptyset\} = \underline{\hspace{2cm}}$; $P(A) \oplus A = \underline{\hspace{2cm}}$ 。(其中 $P(A)$ 表示 A 的幂集)
2. 按照无穷公理表示的自然数以及连续统假设, 用最简洁的形式写出下列计算结果。其中 \mathbb{N} 表示自然数集合, \mathbb{R} 表示实数集合。
 $\cap 30 = \underline{\hspace{2cm}}$, $\cap \{18, 27\} = \underline{\hspace{2cm}}$, $|\mathbb{N}_{\mathbb{N}}| = \underline{\hspace{2cm}}$, $|\mathbb{R}_{\mathbb{R}}| = \underline{\hspace{2cm}}$ 。
3. 将函数 $f(x) = (1 + x + x^2 + x^3 + \dots)^2 (x^2 + x^3 + x^4 + \dots)^3$ 展开并合并同类项后 x^{14} 的系数是 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。
4. 如果平面图和它的对偶图是同构的, 则称此平面图是自对偶的。设 G 是有 n 个顶点 m 条边的自对偶图, 则 n 和 m 满足的关系式是 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。(此关系式不含有 n 和 m 以外的其他变量)
5. 设图 G 是具有 10 个顶点边数最多的三部图。则 G 有 $\underline{\hspace{2cm}}$ 条边。
6. 有六对夫妇坐在一个圆桌旁, 其中通过转圈得到的坐法视为相同的坐法。令 S_i 表示第 i 对夫妇坐在一起。则同时满足 S_1, S_2 和 S_3 这三个条件的坐法有 $\underline{\hspace{2cm}}$ 种。

三、计算题 (要求写出详细运算步骤, 共 3 分)

120 个学生参加考试, 共有 A、B、C 三道题。已知: 三道题都做对的有 12 个学生, 做对 A 和 B 的有 20 个学生, 做对 A 和 C 的有 16 个学生, 做对 B 和 C 的有 28 个学生, 做对 A 的有 48 个学生, 做对 B 的有 56 个学生, 有 16 个学生一道题也没有做对。试求仅做对 C 的学生有多少个?



四、解答题（共 6 分）

1. (3 分) 四名学生同时参加英语课和德语课的面试，每次只能面试一人，王老师负责英语课、张老师负责德语课的面试，每名学生每门课面试的时间都是半小时。试问共有多少种不同的面试次序？
2. (3 分) 求满足递推关系 $h_n = 5h_{n-1} - 6h_{n-2}$ 中 h_n 的表达式，其中初始条件 $h_0 = 1, h_1 = -2$ 。

五、证明题（共 11 分）

1. (3 分) 对非空集合 A 上的关系 R，若 R 是非自反的和传递的，证明 R 是反对称的。
2. (8 分) 设 K_n 是 n 个顶点的完全图，用红蓝两种颜色给 K_9 的边任意着色。
- 证明 K_9 中至少存在一个顶点 v，使得 v 关联红边的个数不是 3。
 - 证明必有蓝色的 K_4 或红色的 K_3 。



III. 软件工程

(共 30 分)

一、单项选择题（每小题 1 分，共 5 分）

1. E-R 模型中包括的基本成分是（ ）。
A. 数据、对象、实体 B. 控制、联系、对象
C. 实体、联系、属性 D. 实体、属性、操作
2. 正式技术评审的目标是（ ）。
A. 发现软件中的错误 B. 评价程序员的工作效率
C. 发现并改正程序中的错误 D. 记录程序员的出错情况并与绩效挂钩
3. 在 UML 中，（ ）关系描述了两个对象类之间的一般化/特殊化关系，它可以使子对象类共享父对象类的属性和方法。
A. 依赖 B. 泛化
C. 关联 D. 实现
4. 某模块内有两个处理 A 和 B，分别对数据区 X 写数据和读数据，则该模块的内聚类型属于（ ）。
A. 逻辑内聚 B. 过程内聚
C. 通信内聚 D. 内容内聚
5. 关于增量开发模型的叙述，错误的是（ ）。
A. 不必等到整个系统开发完成就可以使用
B. 可以使用较早开发的增量构件来构建稍后开发的增量构件
C. 优先级最高的服务先交付，这样最重要的服务能接受最多的测试
D. 有利于较好的模块划分

二、判断题（每小题 1 分，共 5 分。如果正确，用“√”表示，否则，用“×”表示）

1. 软件的开发成本不但需要考虑开发的人力消耗，还要考虑期间的其他经常性消耗。（ ）
2. 模块的独立程度可以使用两个标准来衡量，这两个标准分别是模块的内聚度和模块之间的耦合度。它们属于定性的标准。（ ）
3. 描述一个模块内的处理流程时，一种改进的方法是使用 N-S 图（盒图），与最常用的程序流程图相比，它的优点是完全避免了 GOTO 转移，彻底遵循了结构化程序设计的思想。（ ）
4. 描述一个模块内的处理流程时，一种改进的方法是使用 PAD 图，与最常用的程序流程图相比，它的优点是完全避免了 GOTO 转移，彻底遵循了结构化程序设计的思想。（ ）
5. 在描述系统功能时常使用用例图建模，但也需要辅之以规格说明，即用例实现的场景。场景从用户角度描述每一个功能处理的事件序列。（ ）



三、简答题（每小题 4 分，共 12 分）

1. 在承包软件项目之前为什么要进行可行性研究？软件项目的可行性研究主要研究哪几个方面的可行性？
2. 事件驱动风格的体系结构在软件体系结构分类中属于控制模型，它是通过外部生成的事件来驱动系统。典型的事件驱动风格的体系结构有哪两种类型？简述它们的控制机制。
3. 软件生存周期中可能执行的活动可分为 5 个基本过程，这 5 个基本过程是什么？每一个基本过程与软件项目的哪一方相关？

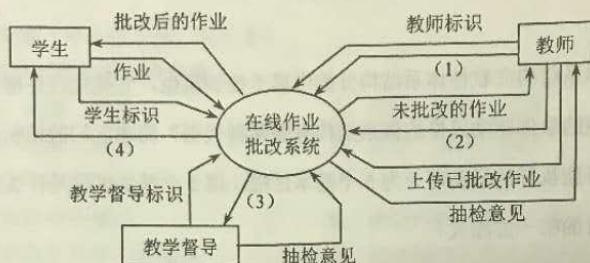
四、建模题（共 8 分）

问题陈述：下面是在某慕课教育平台上一个在线作业批改系统的简化陈述：

- 学生
 - ◆ 系统登陆，提交学生标识（学号、密码）；
 - ◆ 在线提交作业（作业题量、完成题目、答案、提交时间）；
 - ◆ 获取作业已批改的通知（学号、批改时间、评分、评价（可选））；
 - ◆ 查看已批改的作业。
- 教师
 - ◆ 教师登陆，提交教师标识（教师号、密码）；
 - ◆ 上传作业信息（作业题量、布置题目、标准答案、评分标准、最后期限）；
 - ◆ 获取有作业提交的通知（学号，提交时间）；
 - ◆ 下载学生提交的作业（在屏幕上显示）；
 - ◆ 批改后上传已批改作业（学号、批改时间、评分、评价（可选））；
 - ◆ 获取作业抽检意见（学号、教师号、建议）。
- 教学督导
 - ◆ 教师登陆，提交督导标识（教师号、密码）；
 - ◆ 抽取并下载作业样本（学号、教师号、批改时间、评分、评价（可选））；
 - ◆ 抽检并提交抽检意见（学号、教师号、建议）。



1. (4分) 下图是根据结构化分析方法建立的系统顶层数据流图,其中有4个数据流缺失,请补充完整。



2. (4分) 针对数据流图上所涉及作业的数据流,用数据字典描述它们。

IV. 人工智能原理

(共 30 分)

一、单项选择题（每小题 3 分，共 9 分）

1. 机器实现智能有一种“连结主义”指的是（ ）。
 - A. 确定性推理方法
 - B. 非单调推理方法
 - C. 神经网方法
2. 由两层神经元组成的一种简单的神经网称为感知机，它不能实现（ ）功能。
 - A. “与”运算
 - B. “或”运算
 - C. “异或”运算
3. 建立基于案例推理系统，主要花费在于（ ）。
 - A. 案例库
 - B. 推理机
 - C. 程序

二、证明题（共 9 分）

试使用归结法(resolution) 证明 $A1 \wedge A2 \wedge A3 \rightarrow B$

$$\begin{aligned} \text{其中 } A1 &= (\forall x)\{\neg(D(x) \rightarrow E(x)) \rightarrow (\exists y)(F(x,y) \wedge H(y))\} \\ A2 &= (\exists x)\{D(x) \wedge G(x) \wedge (\forall y)(F(x,y) \rightarrow G(y))\} \\ A3 &= (\forall x)(E(x) \rightarrow \neg G(x)) \\ B &= (\exists x)(H(x) \wedge G(x)) \end{aligned}$$

三、问答题（每小题 4 分，共 12 分）

1. 给出构成神经网基本单元——神经元的数学描述。
2. 如何建立一个中医诊断专家系统？
3. 说明线性归结法是逻辑完备的含义。



2018年同等学力申硕计算机综合试题解析--数学基础

一、(共4分)用逻辑符号表达下列语句(论域为包含一切事物的集合)

1、(2分)集合A的任一元素的元素都是A的元素

解析： $P(x) : x \text{是集合 } A \text{ 的元素} ; Q(x,y) : x \text{ 是 } y \text{ 的元素}.$

$$\forall x \forall y (P(y) \wedge Q(x,y) \rightarrow P(x))$$

2、(2分)天下没有长相完全一样的两个人 (要求写出两种形式，一种用全称量词，一种用存在量词)

解析： $P(x) : x \text{ 是人} ; Q(x,y) : x \text{ 和 } y \text{ 长相相同} ; R(x,y) : x \text{ 和 } y \text{ 相同}$

$$\forall x \exists y P(x) \wedge P(y) \wedge Q(x,y) \rightarrow R(x,y)$$

二、填空(1-2题每空1分，3-6题每空2分，共16分)

1、设 $A = \{\emptyset, \{\emptyset\}\}$ ，计算 $\emptyset - A = \underline{\quad} \emptyset \underline{\quad}$ ， $A - P(\emptyset) = \underline{\quad} \{\{\emptyset\}\} \underline{\quad}$ ， $P(A) - \{\emptyset\} = \underline{\{\{\emptyset\}\}} \underline{\quad}$ ， $\{\{\emptyset\}\} - \{\emptyset\} = \underline{\{\{\{\emptyset\}\}\}}$ ， $P(A) \oplus A = \underline{\{\{\{\emptyset\}\}, \{\emptyset, \{\emptyset\}\}\}}$. (其中 $P(A)$ 表示A的幂集)

解析： $A = \{\emptyset, \{\emptyset\}\}$ ， \emptyset 是空，即不含任何元素，因此 $\emptyset - A = \emptyset$ ； $P(\emptyset) = \{\emptyset\}$ ， $A - P(\emptyset) = \{\emptyset\}$ ， $\{\{\emptyset\}\} - \{\emptyset\} = \{\{\{\emptyset\}\}\}$ ； $P(A) = \{\emptyset, \{\emptyset\}, \{\{\emptyset\}\}, \{\emptyset, \{\emptyset\}\}\}$ ， $P(A) - \{\emptyset\} = \{\{\emptyset\}, \{\{\emptyset\}\}, \{\emptyset, \{\emptyset\}\}\}$ ； $P(A) \oplus A = (P(A) - A) \cup (A - P(A)) = \{\{\{\emptyset\}\}, \{\emptyset, \{\emptyset\}\}\} \cup \emptyset = \{\{\{\emptyset\}\}, \{\emptyset, \{\emptyset\}\}\}$

2、按照无穷公理表示的自然数以及连续统假设，用最简洁的形式写出下列计算结果，其中 N 表示自然数集合， R 表示实数集合。

$$\cap 30 = \underline{\quad} \emptyset \underline{\quad} \cap \{18, 27\} = \underline{\quad} 18 \underline{\quad} |N_N| = \underline{\quad} \aleph_0 \underline{\quad} |R_R| = \underline{\quad} \aleph_0 \underline{\quad}$$

解析：该考点考的是自然数属于每个归纳集的集合和广义交运算。

$$\cap 30 = \cap \{0, 1, 2, 3, \dots, 29\} = \emptyset \cap \{0\} \cap \{0, 1\} \cap \{0, 1, 2\} \cap \dots \cap \{0, 1, 2, 3, 4, \dots, 28\} = \emptyset$$

$$\cap \{18, 27\} = \{0, 1, 2, 3, \dots, 17\} \cap \{0, 1, 2, 3, \dots, 26\} = \{0, 1, 2, 3, \dots, 17\} = 18 = \min(18, 27)$$

(仅供参考) 连续统假设，不存在比阿列夫零大，比阿列夫小的基数。自然数集合 N 的基数为 \aleph_0 (阿列夫零)，实数集合 R 的基数为 \aleph_1 (阿列夫)

3、将函数 $f(x) = (1 + x + x^2 + x^3 + \dots)^2 (x^2 + x^3 + x^4 + \dots)^3$ 展开后 x^{14} 系数是
495

解析：

$$f(x) = (1 + x + x^2 + x^3 + \dots)^2 (x^2 + x^3 + x^4 + \dots)^3 = (1 - x)^{-2} x^6 (1 - x)^{-3} = x^6 (1 - x)^{-5}$$

根据牛顿二项式公式推广公式 $(1 - x)^{-n} = \sum_k^{\infty} C_{(n+k-1, k)} x^k$ ，则

$$f(x) = x^6 \sum_k^{\infty} C_{(5+k-1, k)} x^k, (n=5) \text{ 要满足 } x^{14}, \text{ 则 } k=8, \text{ 从而系数为}$$

$$C_{(12,8)} = C_{(12,4)} = \frac{12 * 11 * 10 * 9}{1 * 2 * 3 * 4} = 495$$

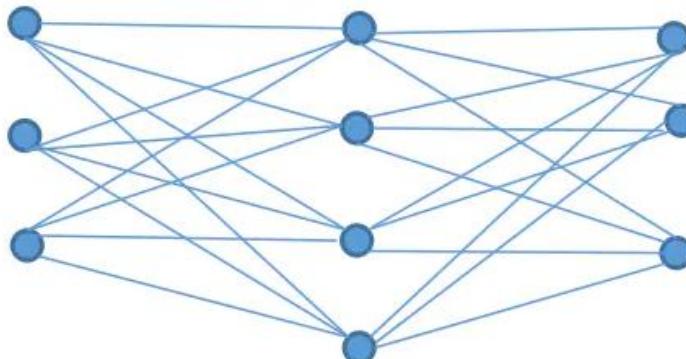
4、如果平面图和它对偶图是同构的，则称此平面图是自对偶的。若G是有n个顶点，m条边的自对偶图，求n和m满足关系式是 $m=2n-2$ （此关系不含有n和m以外的其他变量）

解析：对偶图满足图G与对偶图 G^* 的点跟面数是一样的。同时满足欧拉公式

$$v - e + r = 2 \text{ 这里的 } v=m, e=r=n, \text{ 代入可得 } m = 2n-2.$$

5、设图G是共有10个顶点边数最多的三部图，则G有24条边。

解析：如图下图示：因此边数为 $3*4*2 = 24$ 。（这个题也有另外一种理解，边数最多是完全三部图，如果按完全三部图的形式计算 $9+12+12=33$ ，如果不考虑完全三部图的话，就按照括号外的答案。）



10顶点边数最多三部图模型

6、有六对夫妇坐在一个圆桌旁，其中通过转圈得到的坐法视为相同的坐法， S_i 表示第*i*对夫妇坐一起，则同时满足 S_1, S_3 和 S_6 的坐法有 $2^3 8!$ 种。

解析：（之前的答案是我在抄写题目的时候漏抄了一个‘第’字，导致理解上的偏差，因此答案变成了 $2^6 5!$ ），要同时满足 S_1, S_3, S_6 ，即这样就说明这三对夫妻需要固定下来，于是把他们进行绑定与另外3对夫妻进行圆周排列，一起总数是9个元素，排列方法为 $8!$ ，其中绑定的那三对夫妻，让女士优先，每位丈夫可以在妻子的左边或者右边因此有 2^3 ，因此总数为 $2^3 8!$ 种。

三、计算题(要求写出详细运算步骤，共3分)

1、有120个学生参加考试，共有A、B、C三道题。已知三道题都做对的有12个学生，作对A、B都有20个学生，做对A、C的有16个学生，做对B、C都有28个学生，做对A的有48个学生，做对B的有56个学生，有16个学生一道题也没有做对，试求仅做对C的学生有多少个？

解析：该题有两种方法：一种是容斥原理计算，另一种是文氏图法：

方法一：先用容斥原理来解。

设做对题A的人数为 $|A|=48$ ，做对题B的人数为 $|B|=56$ ，做对题C的人数为 $|C|$ ，全集 $|N|=120$ ，做对三道题的余集为16。

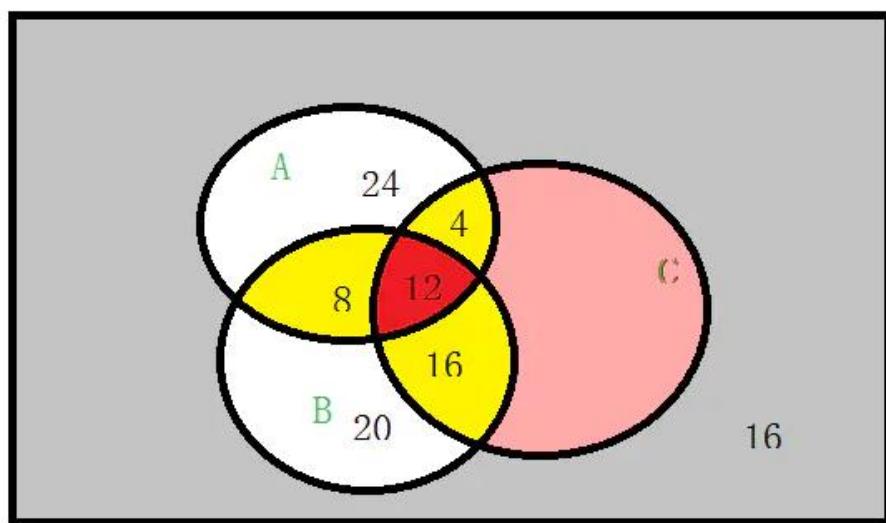
$$|A \cup B \cup C| = |N| - |A^2 \cap B^2 \cap C^2| = 120 - 16 = 104$$

$$|A \cup B \cup C| = |A| + |B| + |C| - |A \cap B| - |B \cap C| - |A \cap C| + |A \cap B \cap C| = 104$$

其中 $|A| = 48$, $|B| = 56$, $|A \cap B| = 20$, $|A \cap C| = 16$, $|B \cap C| = 28$, $|A \cap B \cap C| = 12$ ，代入式子可得
 $|C| = 104 - 12 + 20 + 16 + 28 - 48 - 56 = 52$ ，题目中要求仅做对C的人数，

因此为 $|C| - |A \cap C| - |B \cap C| + |A \cap B \cap C| = 52 - 16 - 28 + 12 = 20$ 即仅做对C的学生人数为20人。

方法二：文氏图法：总人数为120人，要求仅做对C的人数，即图中粉红部分的人数 $X = 120 - 16 - 20 - 24 - 8 - 4 - 16 - 12 = 20$ ，即仅做对C题的学生人数为20人。



文氏图

四、解答题(共6分)

1、(3分)4名同学同时参加英语和德语面试，要求每门科目只能同时面试1人，2门科目面试时间先后顺序认为是不同的，试问共有多少种不同的面试次序？

解析：本题可以理解为4名学生以任意顺序去参加英语面试，于此同时不能在同一时刻去参加德语面试，即原来某位的同学不能在同一位置上（错排问题）。因此该题的解为

$$4! D_4 = 4! * 4! * \left(1 - \frac{1}{1!} + \frac{1}{2!} - \frac{1}{3!} + \frac{1}{4!}\right) = 24 * 9 = 216。关于错排可$$

以用容斥原理来推，即 $i_1 \neq 1, i_2 \neq 2, i_3 \neq 3, i_4 \neq 4$ ，不在原来的秩序位置上：

$$\begin{aligned} D_4 &= |A_1^2 \cap A_2^2 \cap A_3^2 \cap A_4^2| = N - |A_1 \cup A_2 \cup A_3 \cup A_4| = N - \sum_{i=1}^4 |A_i| + \sum_{i=1}^4 \sum_{j>i} |A_i \cap A_j| \dots (-1)^4 |A_1 \cap A_2 \cap A_3 \cap A_4| \\ &= 4! - C_{(4,1)} 3! + C_{(4,2)} 2! - C_{(4,3)} 1! + C_{(4,4)} 0! = 4! \left(1 - \frac{1}{1!} + \frac{1}{2!} - \frac{1}{3!} + \frac{1}{4!}\right) \\ &= 9 \end{aligned}$$

2、(3分)求满足递推关系 $h_n = 5h_{n-1} - 6h_{n-2}$ 中 h_n 的表达式，其中初始条件 $h_0 = 1, h_1 = -2$ 。

解析：本题考的是常系数齐次递推关系，原式转换为 $h_n - 5h_{n-1} + 6h_{n-2} = 0$ ，

因此特征方程为 $q^2 - 5q + 6 = 0$ ，化简之后得到 $(q - 2)(q - 3) = 0$ ，

解得两个特征根 $q_1 = 2, q_2 = 3$ ，无重根， h_n 的通解为 $H_n = C_1 q_1^n + C_2 q_2^n$ ，

把两个特征根和初始条件 h_0, h_1 代入得到方程组：

$$C_1 2^0 + C_2 3^0 = 1 \text{ (1式)}, \quad C_1 2^1 + C_2 3^1 = -2 \text{ (2式)}$$

解该方程组得 $C_1 = 5, C_2 = -4$ ，得 $h_n = 5 * 2^n - 4 * 3^n$

五、证明题(11分)

1、(3分)对非空集合A上的关系R，若R是非自反和传递的，证明R是反对称的。

证明：用反证法证明，假设结论R是反对称不成立，即R是对称的。

R是A上的反自反关系 $\forall x \{x \in A \wedge \langle x, x \rangle \notin R\}$ ，

R是A上的传递关系

$\forall x \forall y \forall z \{x, y, z \in A \wedge \langle x, y \rangle \in R \wedge \langle y, z \rangle \in R \rightarrow \langle x, z \rangle \in R\}$

如果对任意 $\forall x \forall y \{x, y \in A \wedge \langle x, y \rangle \in R \rightarrow \langle y, x \rangle \in R\}$ 成立，则比存在 $\forall x \{x \in A \wedge \langle x, x \rangle \in R\}$ ，与已知条件相矛盾。

显然 $\langle x, y \rangle$ 与 $\langle y, x \rangle$ 最多只能有一个属于R，所以R是A上的反对称关系。

2、(8分)设 K_9 是n个顶点的完全图，用红、蓝两种颜色给 K_9 的边任意着色。

1)证明 K_9 中至少存在一个顶点v，使得v关联红边个数不是3。

2)证明必有蓝色的 K_4 或红色的 K_3 。

1)证明：用反正法证明。

假设将 K_9 进行染色，每个点到其余8个点所成的边都是恰有3条关联的边为红色，现从每个端点统计各引出的红色边的总数应是 $3 \times 9 = 27$ ，但这是不可能的，因为每条边关联两个顶点，对这种统计，所有点引出的红色关联边的总数应为偶数，假设相矛盾。因此必存在一点，从该点到其余各点的边染红色边数一定大于3或小于3，因此得证。

2)证明：设从 v_1 向其余8个点引出的边中红边多于3条，即至少有4条，不妨设它们为 $(v_1, v_2), (v_1, v_3), (v_1, v_4), (v_1, v_5)$ 。让 v_2, v_3, v_4, v_5 构成 K_4 ，若有一条红色边，则其两个端点与 v_1 构成红色三角形，即构成红色的 K_3 ，否则这些边全为蓝色，这时 v_2, v_3, v_4, v_5 就构成了一个蓝色的 K_4 。

设从 v_1 向其余8点的引出的边中，红色边数少于3条，即至多有2条，这时从 v_1 引出的蓝色边会有6条。不妨设这些边为 $(v_1, v_2), (v_1, v_3), (v_1, v_4), \dots, (v_1, v_7)$ 。让 $v_2, v_3, v_4, v_5, v_6, v_7$ 所构成完全图 K_6 ，若其中有一个红色三角形，则结论已真。若 K_6 中有个蓝色三角形，则该三角形的3个顶点连同 v_1 构成一个蓝色 K_4 ，结论亦真。

综上所述得证。