

L2 informatique - Année 2021–2022

TD d'Éléments d'Algorithmique n° 2

Dans ce TD, "trié" signifie "trié par ordre croissant".

* Les exercices marqués d'une étoile sont à faire à la maison.

Exercice 1. Tri sélection.

Exécutez à la main le tri par sélection vu en cours sur le tableau suivant :



Combien de comparaisons avez-vous dû faire?

Exercice 2. Tri sur tri.

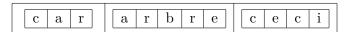
Dans cet exercice on utilise

- la fonction tri Selection du cours, qui trie les tableaux dont les éléments sont comparés par l'opérateur <, et
- la fonction inf du TD 1, qui prend en argument deux mots et qui retourne -1 si le premier mot est avant le second dans l'ordre lexicographique, 0 si les deux mots sont les mêmes, et +1 sinon.

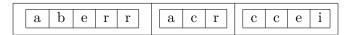
Écrire une fonction qui prend en argument un tableau de tableaux de caractères T, et qui :

- trie par selection chacun des éléments de T, pour l'ordre alphabétique (pour comparer deux caractères on utilise l'opérateur <).
- trie ensuite T par selection, pour l'ordre lexicographique.

Par exemple le tableau



est transformé en



Exercice 3. Tri bourrin.

Algorithm 1 Tri bourrin

```
Entrée : tableau T

1: fonction TRIBOURRIN(T)

2: n \leftarrow \text{longueur de } T

3: pour i \leftarrow 0 à n-2 faire

4: pour j \leftarrow i+1 à n-1 faire

5: si T[i] > T[j] alors

6: échanger T[i] et T[j]
```

- 1. Cet algorithme vous semble-t-il correct pour trier un tableau de taille n? À quel algorithme du cours pourriez vous le comparer?
- 2. Que dire de son nombre de comparaisons? son nombre d'affectations?

Algorithm 2 Tri du drapeau hollandais

Entrée : tableau T contenant uniquement les valeurs 0, 1 et 2

```
1: fonction TRIDRAPEAU(T)
        p \leftarrow 0
        m \leftarrow 0
 3:
         g \leftarrow \text{longueur}(T) - 1
 4:
         tant que m \leq g faire
 5:
             switch T[m] faire
 6:
                 case 0
 7:
                      échanger T[m] et T[p]
 8:
                     m \leftarrow m + 1
 9:
10:
                     p \leftarrow p + 1
11:
                 case 1
                      m \leftarrow m + 1
12:
                 case 2
13:
                      échanger T[m] et T[g]
14:
                      g \leftarrow g-1
15:
```

Exercice 4. Problème du drapeau hollandais.

L'algorithme ci-dessus permet de trier un tableau contenant uniquement trois valeurs différentes. Ici, on suppose que ces valeurs soient les entiers 0, 1 et 2.

- 1*. Implémentez TRIDRAPEAU en Java et déposez votre code sur Moodle.
- 2. Soit $T = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 2 & 0 & 2 \end{bmatrix}$; évaluez l'appel TRIDRAPEAU T à la main.
- 3. Qu'est-ce qui garantit que tout appel de TRIDRAPEAU termine?
- 4. Montrer que pendant l'exécution de TRIDRAPEAU, les propriétés suivantes sont satisfaites :
 - (a) $p \leq m$
 - (b) les éléments d'indice inférieur à p sont des 0.
 - (c) les éléments d'indice supérieur à g sont des 2.
 - (d) les éléments d'indice de p à m-1 sont des 1.
- 5. Conclure qu'à la fin de l'exécution de l'algorithme, le tableau est trié.
- 6. Combien d'echanges sont effectués pendant l'exécution de TRIDRAPEAU, dans le pire des cas, la taille de T étant n? Et dans le meilleur de cas?
- 7. Même question que ci-dessus, pour les comparaisons.

Exercice 5. Drapeau polonais*.

On veut adapter l'algorithme du tri drapeau au cas simple où le tableau à trier ne contient que deux valeurs différentes (par exemple 0 et 1). Ecrivez la fonction triDrapeauBicolore, en vous inspirant du code de triDrapeau.