

## Estruturas de Dados Sequenciais em C++

As **listas**, **pilhas** e **filas** são estruturas fundamentais usadas para organizar dados na memória.

Quando implementadas **de forma sequencial**, elas utilizam **vetores (arrays)** para armazenar os elementos.

### ♦ 1. Lista Linear Sequencial

Uma **lista** é uma coleção **ordenada** de elementos do mesmo tipo, armazenados em posições consecutivas de memória.

Exemplo:

$L = \{a_1, a_2, a_3, \dots, a_n\}$

onde  $n$  é o número de elementos.

### Estrutura:

Os dados ficam em um vetor  $V[0 \dots m-1]$ , onde:

- $m \rightarrow$  capacidade máxima
- $n \rightarrow$  número de elementos atuais ( $n \leq m$ )

### Operações principais:

Operação	O que faz	Custo
Inserir (k)	Insere elemento na posição k	$O(n)$
Remover (k)	Remove elemento na posição k	$O(n)$
Buscar	Percorre até encontrar o elemento	$O(n)$ (sequencial)
Busca binária	Se estiver ordenada	$O(\log n)$
Acessar posição	Por índice direto	$O(1)$

### Exemplo prático:

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
class Lista {
private:
    int* elementos;
```

```

int tamanho;
int capacidade;

public:
    Lista(int cap) {
        capacidade = cap;
        tamanho = 0;
        elementos = new int[capacidade];
    }

    void inserir(int valor) {
        if (tamanho < capacidade) {
            elementos[tamanho++] = valor;
        } else {
            cout << "Lista cheia!" << endl;
        }
    }

    void exibir() {
        cout << "Elementos: ";
        for (int i = 0; i < tamanho; i++)
            cout << elementos[i] << " ";
        cout << endl;
    }

    ~Lista() {
        delete[] elementos;
    }
};


int main() {
    Lista lista(5);
    lista.inserir(10);
    lista.inserir(20);
    lista.inserir(30);
    lista.exibir();
    return 0;
}

```

## ♦ 2. Pilha Sequencial (Stack)

A **pilha** segue o princípio **LIFO (Last In, First Out)**:

o último a entrar é o primeiro a sair.

 Exemplo do mundo real: uma pilha de pratos — só dá pra pegar o de cima.

 **Estrutura:**

- Armazenada em um vetor **V**
- Usa um índice **topo** para indicar o último elemento inserido

### ⚙️ Operações:

Operação	Descrição	Complexidade
push(x)	Empilha um elemento	O(1)
pop( )	Desempilha e retorna o topo	O(1)
top( )	Consulta o elemento do topo	O(1)

### 💡 Exemplo prático:

```
#include <iostream>
using namespace std;

class Pilha {
private:
    int* elementos;
    int topo;
    int capacidade;

public:
    Pilha(int cap) {
        capacidade = cap;
        elementos = new int[capacidade];
        topo = -1;
    }

    void empilhar(int valor) {
        if (topo < capacidade - 1)
            elementos[++topo] = valor;
        else
            cout << "Pilha cheia!" << endl;
    }

    void desempilhar() {
        if (topo >= 0)
            topo--;
        else
            cout << "Pilha vazia!" << endl;
    }

    int verTopo() {
        if (topo >= 0)
            return elementos[topo];
        else {
            cout << "Pilha vazia!" << endl;
        }
    }
};
```

```

        return -1;
    }
}

~Pilha() {
    delete[] elementos;
}

};

int main() {
    Pilha p(3);
    p.empilhar(5);
    p.empilhar(10);
    p.empilhar(15);
    cout << "Topo da pilha: " << p.verTopo() << endl;
    p.desempilhar();
    cout << "Topo após desempilhar: " << p.verTopo() << endl;
    return 0;
}

```

### ♦ 3. Fila Sequencial (Queue)

A fila segue o princípio **FIFO (First In, First Out)**:

- O primeiro a entrar é o primeiro a sair.

 Exemplo do mundo real: fila de pessoas em um caixa.

#### Estrutura:

- Armazenada em um vetor **V**
- Usa dois índices:
  - **inicio** → primeiro elemento
  - **fim** → última posição inserida

#### Operações:

Operação	Descrição	Complexidade
enqueue(x)	Adiciona no final da fila	O(1)
dequeue( )	Remove do início da fila	O(n) (pois desloca os elementos)
front( )	Consulta o primeiro elemento	O(1)

### 💡 Exemplo prático:

```
#include <iostream>
using namespace std;

class Fila {
private:
    int* elementos;
    int tamanho;
    int capacidade;

public:
    Fila(int cap) {
        capacidade = cap;
        tamanho = 0;
        elementos = new int[capacidade];
    }

    void enfileirar(int valor) {
        if (tamanho < capacidade)
            elementos[tamanho++] = valor;
        else
            cout << "Fila cheia!" << endl;
    }

    void desenfileirar() {
        if (tamanho > 0) {
            for (int i = 0; i < tamanho - 1; i++)
                elementos[i] = elementos[i + 1];
            tamanho--;
        } else
            cout << "Fila vazia!" << endl;
    }

    void exibir() {
        cout << "Fila: ";
        for (int i = 0; i < tamanho; i++)
            cout << elementos[i] << " ";
        cout << endl;
    }

    ~Fila() {
        delete[] elementos;
    }
};

int main() {
    Fila f(5);
    f.enfileirar(10);
    f.enfileirar(20);
```

```

f.enfileirar(30);
f.exibir();
f.desenfileirar();
f.exibir();
return 0;
}

```

### ♦ 3.1 Fila Circular

Serve para **evitar o deslocamento** de elementos após cada remoção e **reutilizar o espaço** do vetor.

Usa **aritmética modular** para "voltar ao início" quando chega ao fim.

Fórmulas:

- Inserção:  $r = (r + 1) \% m$
- Remoção:  $f = (f + 1) \% m$
- Fila vazia:  $f == r$
- Fila cheia:  $(r + 1) \% m == f$

### 🎯 O Problema da Fila Normal (Linear)

Numa **fila sequencial comum**, os elementos são armazenados num **vetor**.

Quando você remove o primeiro elemento (**dequeue**), precisa **deslocar todos os outros** uma posição para frente.

Isso torna a operação **custosa ( $O(n)$ )**.

Exemplo:

Fila: [10, 20, 30, 40]

Remover 10 → precisa deslocar tudo:

[20, 30, 40, \_]

➡ Por isso, criamos a **fila circular**, que evita deslocamentos.

### 🔄 A Ideia da Fila Circular

Em vez de deslocar, usamos **dois índices**:

- $f \rightarrow$  início (front)

- $r \rightarrow$  fim (rear)

E usamos **aritmética modular** (%) para “voltar ao início do vetor” quando o final é atingido.

É como se o vetor fosse um círculo, onde depois da última posição, vem a primeira novamente.

## As Fórmulas

### Inserção (**enqueue**)

$$r = (r + 1) \% m$$

 Isso significa:

“Adicione 1 ao índice do final da fila.

Se ele ultrapassar o tamanho  $m$ , volte para o início (índice 0).”

Exemplo:


Se  $m = 5$  e  $r = 4$ , então:

$$r = (4 + 1) \% 5 = 0$$

Ou seja, o próximo elemento entra na **posição 0** novamente.

### Remoção (**dequeue**)

$$f = (f + 1) \% m$$

 Após remover o elemento da frente, o índice  $f$  avança para o próximo — e se chegar ao fim, volta ao início do vetor.

### Fila Vazia

$$f == r$$

A fila está **vazia** quando o índice do início e o do fim são iguais.

### Fila Cheia

$$(r + 1) \% m == f$$

Se o próximo índice de inserção ( $r + 1$ ) cair no mesmo valor de  $f$ , significa que não há espaço livre.

👉 Por isso, **uma posição do vetor fica sempre inutilizada** — serve para distinguir “cheia” de “vazia”.

### Resumo Rápido

Fórmula	Significado
$r = (r + 1) \% m$	Próxima posição de inserção
$f = (f + 1) \% m$	Próxima posição de remoção
$f == r$	Fila vazia
$(r + 1) \% m == f$	Fila cheia

### Resumo Final

Estrutura	Princípio	Inserção	Remoção	Complexidade Acesso
Lista	Linear ordenada	$O(n)$	$O(n)$	$O(1)$
Pilha	LIFO	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$
Fila	FIFO	$O(1)$	$O(n)$	$O(1)$
Fila Circular	FIFO otimizado	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$