# 지도학습: 회귀분석(실습)

홍익 대학교 Hyun-Sun Ryu 회귀분석(Regression) 실습1

#### 보스턴시 주택가격 데이터

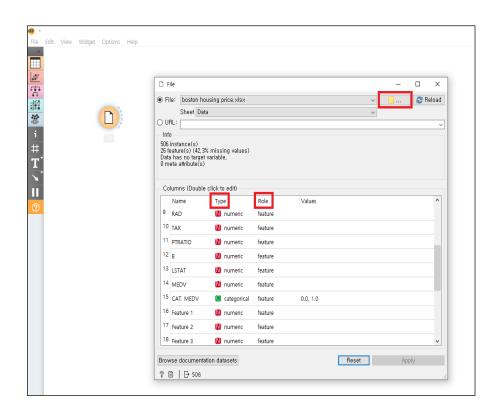
https://www.kaggle.com/code/prasadperera/the-boston-housing-dataset/notebook



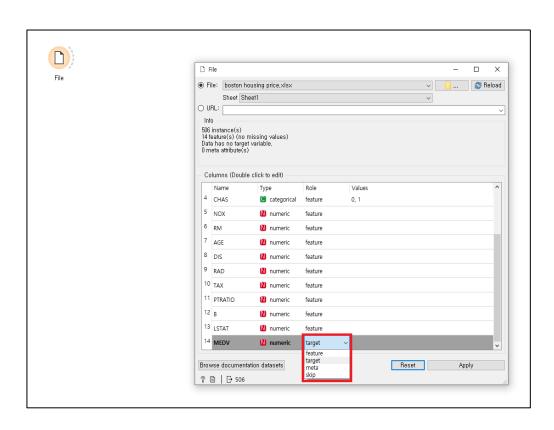
## 보스턴시 주택가격 데이터

| [01] CRIM     | 자치시(town) 별 1인당 범죄율                          |
|---------------|--|
| [02] ZN       | 25,000 평방피트를 초과하는 거주지역의 비율                   |
| [03] INDUS    | 비소매상업지역이 점유하고 있는 토지의 비율                      |
| [04] CHAS     | 찰스강에 대한 더미변수(강의 경계에 위치한 경우는 1, 아니면 0)        |
| [05] NOX      | 10ppm 당 농축 일산화질소                             |
| [06] RM       | 주택 1가구당 평균 방의 개수                             |
| [07] AGE      | 1940년 이전에 건축된 소유주택의 비율                       |
| [08] DIS      | 5개의 보스턴 직업센터까지의 접근성 지수                       |
| [09] RAD      | 방사형 도로까지의 접근성 지수                             |
| [10] TAX      | 10,000 달러 당 재산세율                             |
| [11] PTRATIO  | 자치시(town)별 학생/교사 비율                          |
| [12] B        | 1000(Bk-0.63)^2, 여기서 Bk는 자치시별 흑인의 비율을 말함.    |
| [13] LSTAT    | 모집단의 하위계층의 비율(%)                             |
| [14] CAT.MDEV | MDEV가 \$30,000을 넘는지에 대한 변수 (넘는 경우1, 아닌 경우 0) |
| [15] MEDV     | 본인 소유의 주택가격(중앙값) (단위: \$1,000)               |
|               |  |

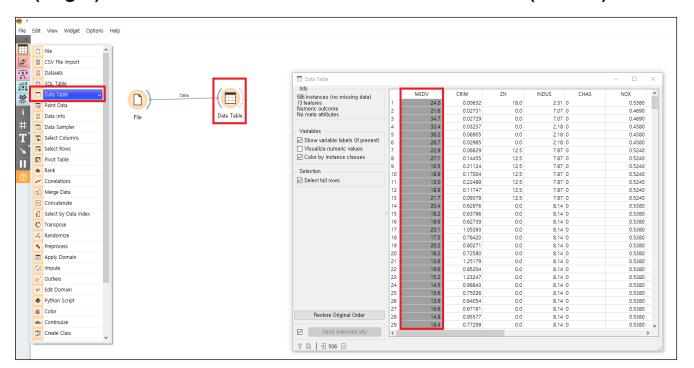
- 엑셀파일로 제공된 Housing 데이터를 활용
- 왼쪽 Data 메뉴에서 Data를 클릭하거나 드래그&드랍 데이터 위젯을 더블클릭하여 Housing 데이터를 업로드



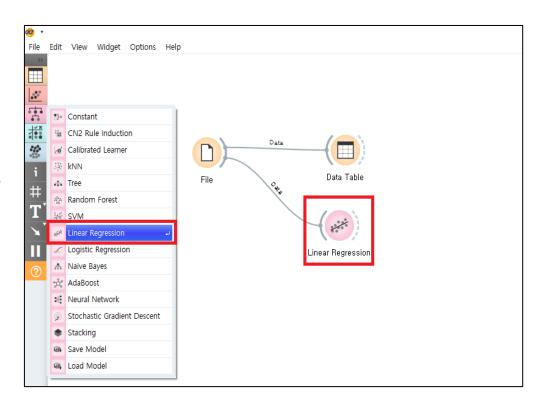
- 데이터의 type과 role을 확인
- 집값(MEDV) 예측이 목표이므로 target 설정
- 나머지는 영향을 주는 요소이므로 feature로 설정됐는지 확인



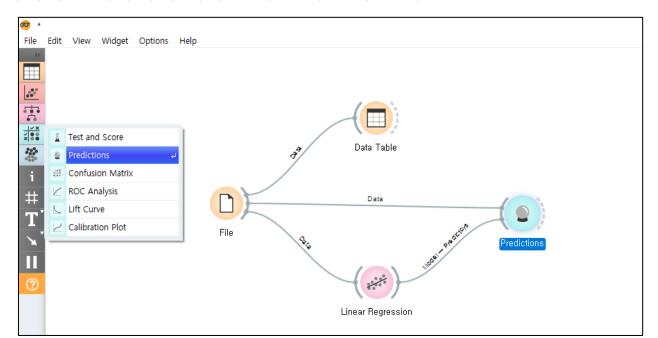
- 왼쪽 Data메뉴에서 Data table위젯을 추가하여 데이터 정렬을 확인
- 종속변수(target)는 회색 음영 처리되고 영향을 주는 독립 변수(feature)는 오른쪽에 위치함



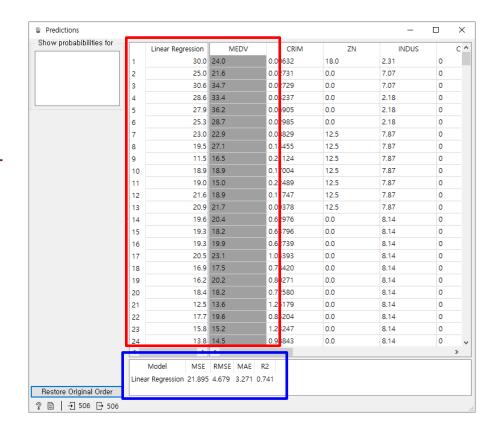
- 선형회귀를 활용한 예측을 위해 왼쪽
   Prediction 메뉴에서 Linear Regression
   위젯을 클릭하거나 드래그&드랍
- 추가된 선형회귀 위젯을 기본 데이터와 연결하여 훈련



- 예측을 위한 Predictions 위젯을 추가하도록 함. 그리고 선형회귀를 활용해 만든 모델을 연결하도록 함.
- 기존 데이터를 예측하여 예측 값과 실제 결과를 비교함.



- 왼쪽에 Linear Regression 열이 새롭게 생기 고 MEDV는 기존에 있던 집값 데이터
- 모델을 통해 만들어진 집값과 <u>실제 데이터의</u> <u>차이점이 작을수록</u> 선형회귀가 예측한 값이 정확



#### 정확도 판별

- 대량의 데이터인 경우 정확도 판별은 위젯창의  $MSE,RMSE,MAE,R^2$ 을 통해 확인가능
- MSE, RMSE, MAE: 해당 값이 0에 가까울수록 높은 예측
- R<sup>2</sup>: 해당 값이 1에 가까울수록 높은 예측
- MAE(평균절대오차): 예측값에서 실제 값의 차이를 평균 낸 값
- MSE(평균제곱오차): 예측값과 실제값 차이의 제곱을 평균 낸 값
- RMSE(평균제곱근편차): MSE값에 제곱근을 씌운 값
- R<sup>2</sup>: 예측값과 실제값 평균의 차를 제곱한 것들의 합을 실제값과 실제값 평균의 차를
   제곱한 것으로 나눈 값

## MSE(평균제곱오차)

- MSE(Mean Squared Error) : 예측 값과 실제 값의 차이의 제곱을 평균 낸 것
- 회귀식 H(x)=Wx+b라고 가정할 때 식으로 나타내면 다음과 같음.

$$ext{MSE} = rac{1}{n} \sum_{i=1}^n (\hat{Y_i} - Y_i)^2$$

## MSE(평균제곱오차)

- 주어진 n은 학습 데이터 세트 크기이며 실제 값과 예측 값의 차이를 제곱한 평균이므로 그 크기가 작을수록, 즉 **0에 가까울 수록 예측을 잘했다고 평가**
- 이 과정은 통계에 (편차)²의 평균인 분산을 구하는 과정과 비슷

## RMSE(평균 제곱근 편차)

- RMSE(Root Mean Square Deviation): MSE에 R 즉 Root가 붙은 값으로 MSE에
   제곱근을 씌운 값
- **0에 가까울수록 예측을 잘했으며 의미** 있는 회귀식을 구했다고 평가

$$\sqrt{\frac{1}{n}\sum_{i=1}^{n}(\hat{Y}_{i}-Y_{i})^{2}}$$

### MAE(평균절대오차)

- MAE(Mean Absolute Error) :예측 값과 실제 값의 차이에 절댓값을 평균 낸 것
- MAE와 MSE는 예측 값과 실제 값의 차이를 이용하고 이를 평균을 냈다는 점에서 비슷한 양상
- MAE를 구하는 식:

$$MAE = rac{1}{n} \sum_{i=1}^n |x_i - x|$$

## 정확도 판별하기(MSE? MAE?)

- MSE라는 값이 있음에도 MAE값을 사용함에 의문이 들 수 있음.
- MAE는 실제 값과 예측 값의 차이를 절대값을 두어 그 거리를 계산하는데 MSE는 그 거리를 제곱하여 차이가 있음.
- MSE는 거리가 많이 떨어지면 떨어질수록 제곱을 통해 더 많은 페널티를 부과하여 더 많이 떨어진 것처럼 보이게 만듬
- MSE의 단점은 대부분의 데이터와 다른 특성을 보이거나 특정 속성의 값이 다른 개체 들과 달리 유별난 값을 가지는 이상치(Outlier)가 존재할 때 지나치게 많은 페널티가 부 여→ 이 경우 전 처리(preprocess)과정을 통해 보정이 되기도 함.
- MSE의 한계점의 이유로 MAE값을 함께 비교

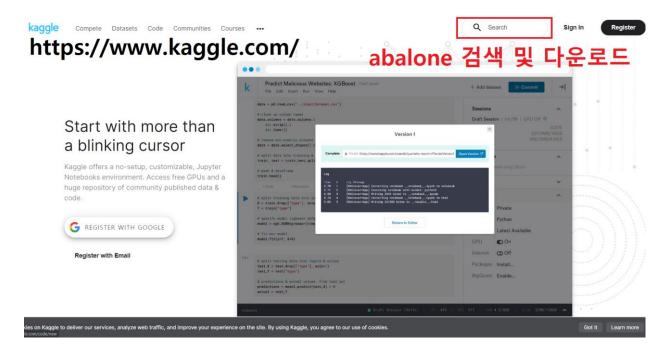
## $R^2$ (알 스퀘어)

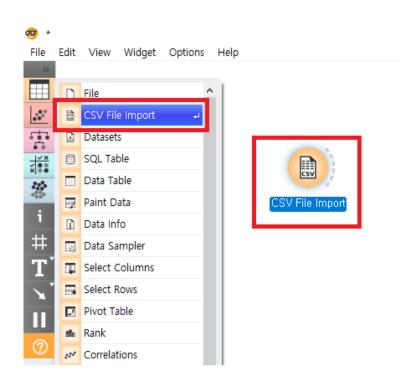
- R<sup>2</sup> (R Squared): 제곱의 형태를 가지며 결정계수(coefficient of determination) 모델이 얼마나 데이터를 잘 설명했는지를 의미
- ÿ는 y의 평균값이며 실제 데이터에 상대적으로 얼마나 가까이 있는지 비율을 계산한 값. 따라서 아주 근접하다면 분자, 분모가 같게되어 1에 가까워지게 됨

회귀분석(Regression) 실습2

- Abalone 데이터 세트의 출처는 1994년 UCI ML Repository
- Abalone데이터 세트는 물리적 측정에서 전복 나이를 예측하는데 활용
- 전복의 나이는 껍데기를 원뿔 모양으로 잘라 얼룩을 낸 뒤 현미경을 통해 고리의 수를
   세는 방식으로 결정
- 나이는 1년 단위로 고리의 수가 1.5개 증가
- 데이터 세트에는 성별, 길이, 지름 등이 포함돼 있음.
- 이번 시간에는 오렌지3에서 제공하는 기본데이터 세트가 아닌 kaggle을 이용

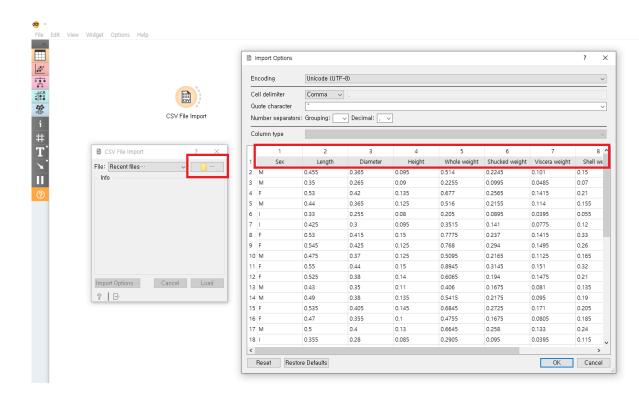
https://www.kaggle.com/ 에 접속하여 검색창에 abalone(전복)을 검색한 뒤 데이터세
 트를 다운받습니다. 많은 데이터가 공개돼 있으므로 가입하시는 것을 추천합니다



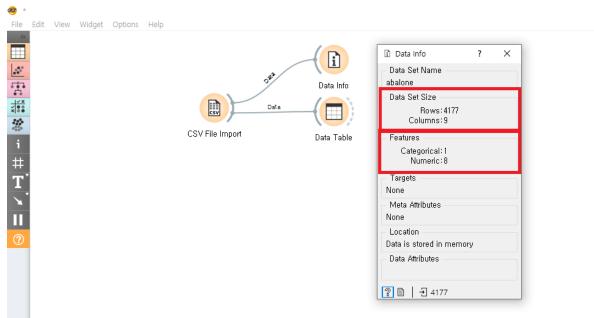


- 엑셀의 기본 확장자인 xls 가 아닌 csv 확장자를 확인
- Csv는 각 항목이나 내용마다 쉼표로 구분하여 기록한 파일
- 데이터를 불러오기 위해 data메뉴의
   csv file import위젯을 가져옴

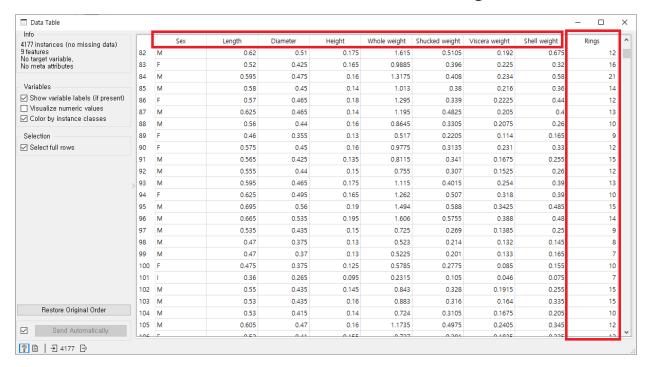
- Csv file import 위젯을 더블 클릭하여 데이터세트를 불 러옴
- 각 행은 개별 전복의 instance이며 각 열은 해당 instance의 feature를 나타 냄.



- 먼저 데이터의 정보를 알아보기 위해 data table위젯과 data info 위젯을 연결
- 4177개의 instance가 있으며 9개의 열이 있습니다. 9개의 열은 범주형 1개와 숫자로 된 8개의 열로 구성



- 각 열에 대한 정보를 파악하기 위해 데이터 테이블 위젯을 더블클릭
- 전복의 특징에 관한 feature 중 우리가 파악하고자 하는 targe열은 마지막에 있는 Ring임

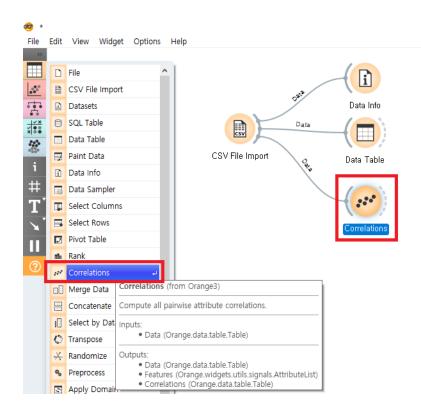


■ 각 변수는 개별 instance의 특징이며 내용은 다음과 같음.

| Gender         | 전복의 성별 Male,Female,Infant(신생아) / 범주형 타입 |
|----------------|---|
| Length         | 전복의 길이 / 연속형 타입                         |
| Diameter       | 전복의 지름 / 연속형 타입                         |
| Height         | 전복의 높이 / 연속형 타입                         |
| Whole_weight   | 전복의 전체 무게 / 연속형 타입                      |
| Shucked_weight | 전복의 무게 / 연속형 타입                         |
| Viscera_weight | 전복의 내장 무게 / 연속형                         |
| Shell_weight   | 전복 껍데기의 무게 / 연속형                        |
| Rings(Y)       | 전복의 나이 / 정수형                            |

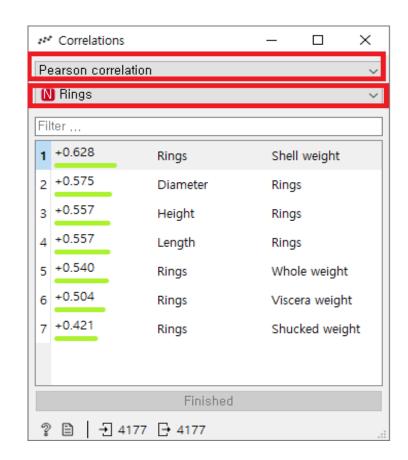
■ Correlations 위젯은 해당 데이터 세트의 모든 features 쌍에 대한 <u>Pearson 또</u> <u>는 Spearman 상관관계 점수</u>를 계산. 이러한 방법은 단조로운 관계만 탐지

| 위젯           | 설명                    | 입력   | 출력                              |
|--------------|-----------------------|------|---------------------------------|
| Correlations | 모든 속성 쌍별 상관 점수를 계산한다. | Data | Data, Features,<br>Correlations |

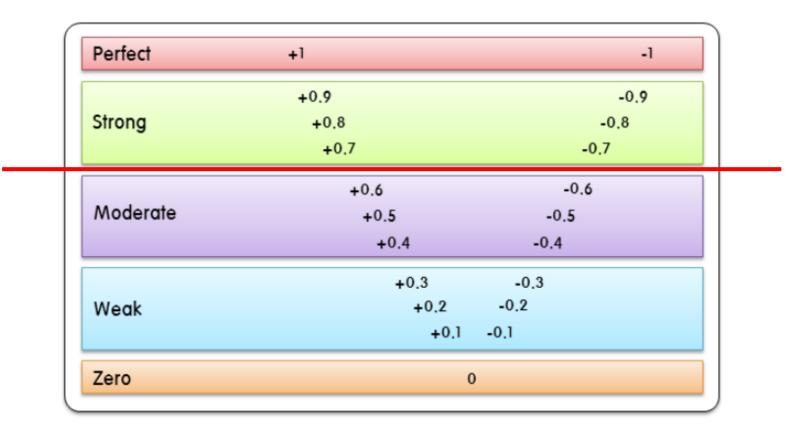


- 두 연속형 변수 간의 상관계수를 파악하고 선형 관계 분석을 하려면
   Correlations위젯을 활용
- 대표적인 상관계수로는 피어슨 상관 계수, 스피어만 상관계수 등

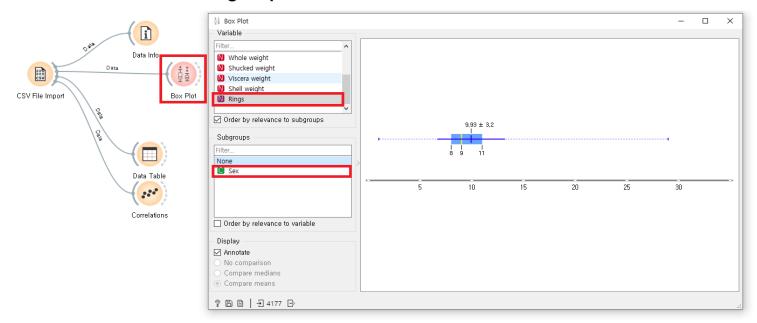
- Correlations위젯을 더블 클릭하여 상관계수를
   확인
- 피어슨 상관계수는 <u>두 변수 간의 선형선이 얼마</u>
   나 강한지를 나타내는 지표
- 나머지 두 상관계수는 순위 상관계수로써 두
   변수간의 강도를 측정하는 지표
- 파악하고 싶은 변수를 변경할 수 있음.
- Rings은 다른 모든 변수들과 양의 상관관계에
   있으며 0.42~0.63의 범위를 가지고 있음.



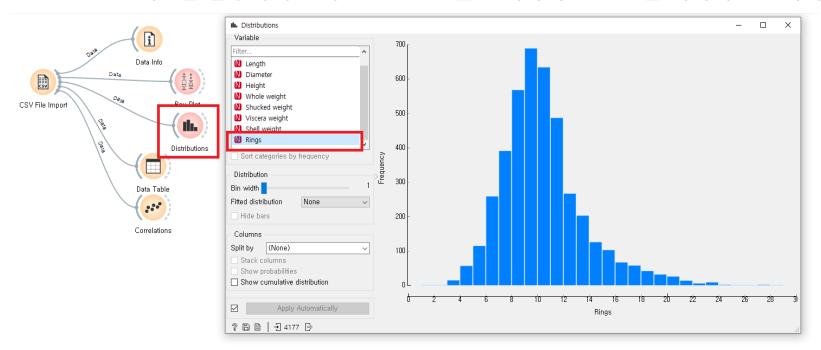
## 상관관계 크기



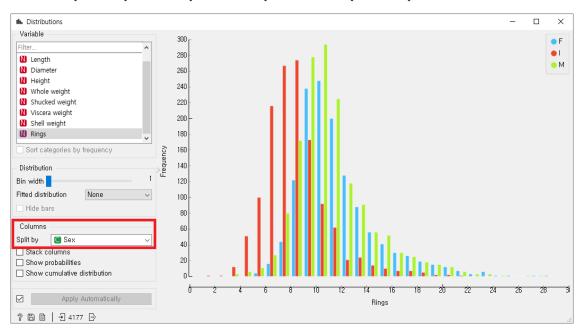
- EDA를 위해 Box plot 위젯을 활용
- Target이 되는 Ring을 보면 현재 평균은 9.93, 중위수는 9, 제1사분위수는 8, 제3사분위수 는 11임
- 성별로 나누어 보려면 Subgroups의 'sex'를 활성화



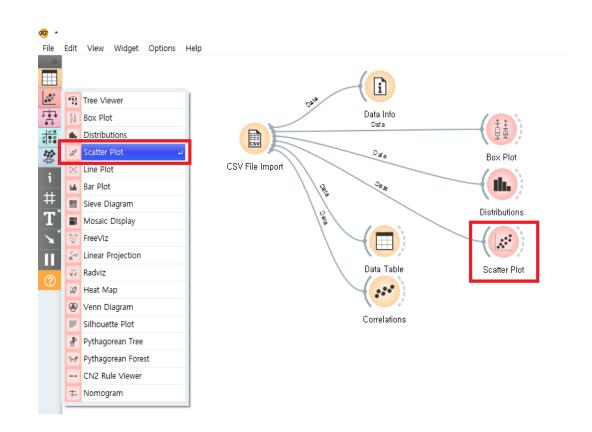
- 데이터 분포를 시각화하기 위해 Distributions 위젯을 활용
- Distributions위젯을 활용하여 원하는 variables을 선택하여 그 분포를 시각적으로 파악



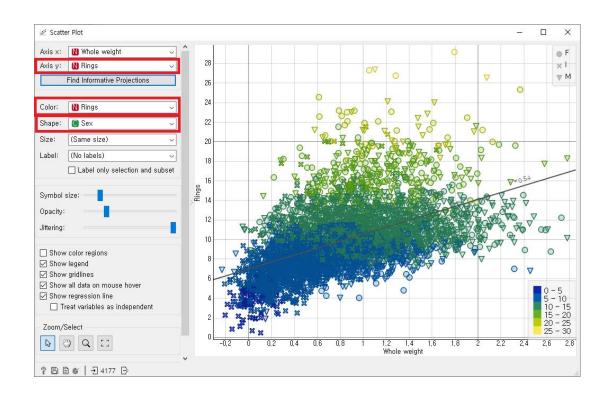
■ Box plot위젯과 마찬가지로 성별을 나누어 보려면 Split by에서 성별을 활성화. 아래와 같이 전복 수컷(Male), 암컷(Female), 신생아(Infant)로 나뉨을 확인

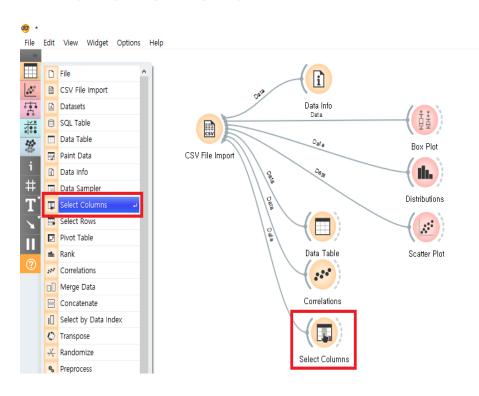


- 각 instance의 분포를 파악하기 위해 산점도를 활용.
- Scatter plot 위젯을 추가하여연결.



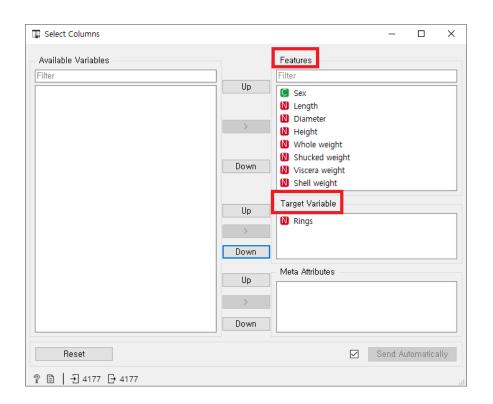
- Y축을 Rings로 설정하여 산 포도를 확인
- 5개의 ring별로 구간을 나눠 알아보기 쉽게끔 색깔을 표시
- 성별에 따라 모양을 나누어 한눈에 파악

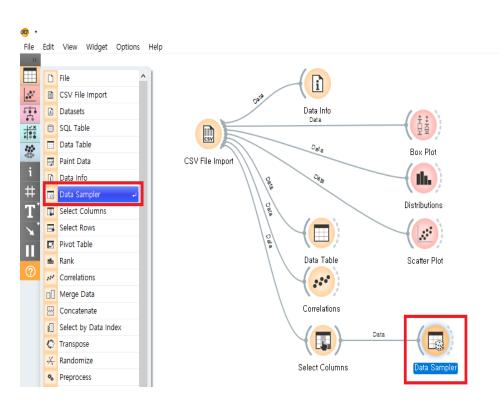




- 각 feature의 독립변수와 종속변수 를 구분하기 위해 Select Columns 위젯을 추가
- 우리가 예측하고자 하는 Rings 변 수를 Target으로 지정

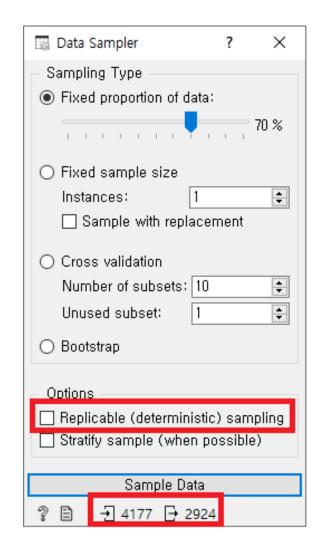
- Rings열을 Target variable로 지정
- 나머지 열에 대해서는 모두 Features로 지정



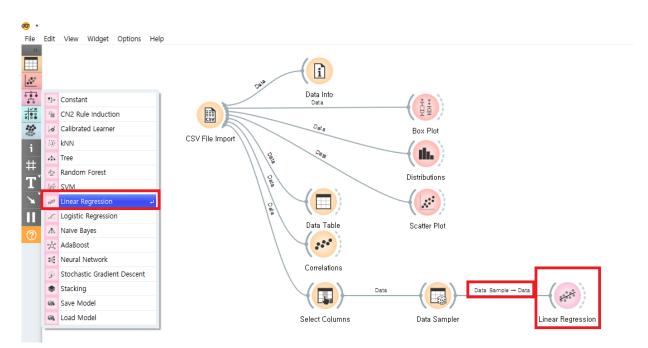


- 훈련데이터와 예측데이터를 분리하기 위해 Data Sampler위젯을 활용
- Data 메뉴에서 Data sampler위젯을 클릭하거나 드래그&드랍

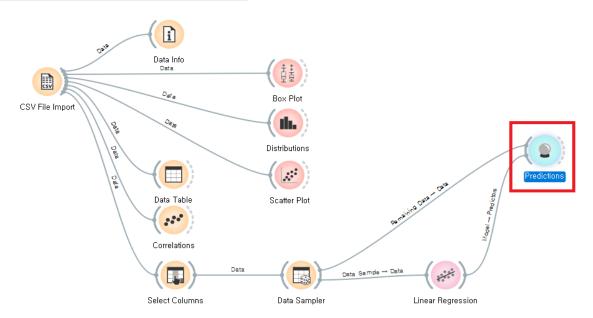
- Sampling Type은 훈련데이터의 비율을 정하는 것임. 현재 <u>70%로 설정</u>돼 있으며 이에 따라 하단에 4177개 의 70%인 2924개가 출력됨을 확인
- Fixed sample size는 비율이 아닌 실제 개수를 입력하는 곳. 이는 4177개를 넘어설 수 없음. 단 Sample with replacement를 활성화하면 같은 것으로 대체할수 있기 때문에 4177개를 넘길 수 있음
- 우선 70%의 훈련데이터를 설정하고 options에 replicable sampling을 해제

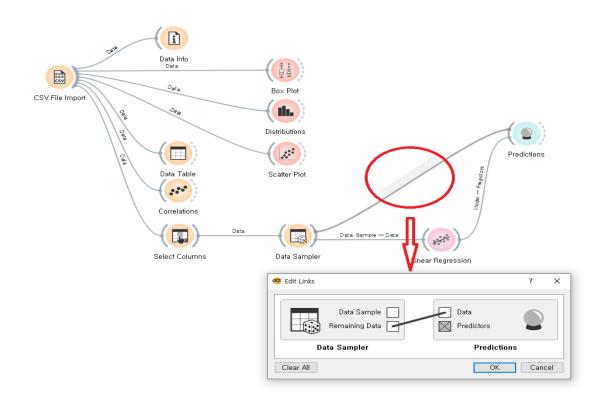


- 선형회귀를 활용하기 위해 Linear Regression위젯을 추가
- Data Sample 70%와 Linear Regression을 연결함으로써 모델을 생성



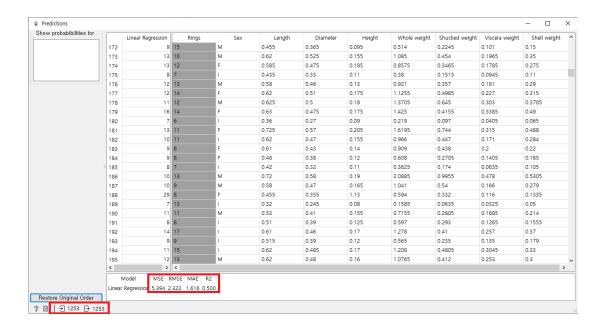
- 예측을 위해 Predictions 위젯을 추가
- 우리는 <u>70%데이터를 활용</u>하여 선형회귀를 통해 모델 만듬
- 나머지 30% 데이터를 테스트 데이터로 활용하여 예측





■ Data Sampler와
Predictions과의 연결이
remaining data to data가
돼야 함. 설정이 올바르게
됐는지 확인

- Predictions위젯을 활성화하여 30%에 해당하는 1253개의 데이터를 가지고 예측한 결과를 확인
- 추가적으로 다양한 모델을 연결하여 그 예측 값을 비교



## 질문 있나요?

hsryu13@hongik.ac.kr