

Analiza głównych składowych

Zadanie 1. Celem zadania jest zapoznanie się z metodą analizy głównych składowych (ang. Principal Component Analysis, PCA). Pracować będziemy na zbiorze `Plantdoc dataset`¹. Jest to zbiór zdjęć przedstawiający choroby popularnych roślin uprawnych.

Preprocessing danych:

1. Wybierz ze zbioru `Plantdoc` podzbiór kilkudziesięciu (np. 60) zdjęć przedstawiających trzy choroby roślin jednego gatunku (np. 3 choroby ziemniaków lub 3 choroby pomidorów, po 20 zdjęć dla każdej choroby).
2. Wczytaj zdjęcia do pamięci. Po wczytaniu każde zdjęcie będzie trójwymiarowym tensorem. Pomocna będzie biblioteka `imageio` lub `Pillow`.
3. Przeskaluj wszystkie zdjęcia do rozdzielczości 224×224 , tak aby wszystkie obrazy miały ten sam rozmiar, równy $224 \times 224 \times 3$.
4. Skonwertuj obrazy do skali szarości, tak aby z trójwymiarowego tensora reprezentującego dane zdjęcie otrzymać tablicę dwuwymiarową.
5. Skonwertuj obrazy, będące teraz tablicami dwuwymiarowymi (macierzami) na wektory.

Pomocna będzie jedna z funkcji: `np.reshape`, `np.ravel`, `np.flatten`. Funkcje `np.reshape` i `np.ravel` zwracają, gdy tylko jest to możliwe, widok oryginalnej tablicy. Funkcja `np.flatten` zwraca kopię tablicy, co zwykle jest niepożądane.

Każdy obraz powinien być teraz reprezentowany przez wektor o rozmiarze 50176.

6. Przeprowadź centrowanie zbioru, czyli od każdego obrazu odemij średni obraz. Opcjonalnie możesz jeszcze wykonać dzielenie przez odchylenie standardowe.

Uwaga. W zależności od sytuacji dzielenie przez odchylenie standardowe jest zalecane lub nie.

W tym momencie wycentrowany zbiór zdjęć możemy reprezentować jako tablicę X_0 o wymiarze 60×50176 .

¹<https://github.com/pratikkayal/PlantDoc-Dataset>

Analiza głównych składowych

1. Wykonaj transformację PCA.
2. Jak wyglądała dla tego zbioru macierz kowariancji przed transformacją PCA, a jak po jej wykonaniu?
3. Jak wyglądało średnie zdjęcie, które odjęliśmy od pozostałych, by wycentrować zbiór?
4. Jak wyglądają znalezione nowe wektory bazowe (ang. *principal axes*)? Zaprezentuj je posortowane według powiązanej wariancji.

Zauważ, że wektory bazowe też są wektorami z oryginalnej przestrzeni. Ponieważ oryginalna przestrzeń zawierała zdjęcia, to znaną nową, lepszą bazę możemy również zwizualizować w postaci obrazów, tak jak średnią fotografię z poprzedniego punktu.
5. Zredukuj wymiarowość obserwacji do odpowiednio 3, 9 i 27 najważniejszych składowych, czyli cech w nowej bazie (ang. *principal components*). Jak wyglądają tak "odchudzone" z wymiarów zdjęcia? Żeby odpowiedzieć na to pytanie wykonaj poniższe kroki.
 - (a) Wyzeruj wszystkie wartości składowych, poza wybranymi najważniejszymi składowymi.
 - (b) Przetransformuj tak zmodyfikowane zdjęcia do oryginalnej bazy.
 - (c) Do każdego zdjęcia dodaj średni wektor, odwracając wycentrowanie.
 - (d) Przekształć wektor do kształtu zdjęcia i wyświetl.
6. Na koniec użyj PCA do zrzutowania zbioru na płaszczyznę.
 - (a) Zredukuj wymiarowość do 2 najważniejszych aspektów danych. Nie zeruj odrzucanych cech, zamiast tego skróć wektory (obserwacje powinny stać się wektorami dwuwymiarowymi).
 - (b) Użyj tych wektorów 2D jako współrzędnych na płaszczyźnie. Każdą obserwację zaznacz markerem, uzależniając kolor lub kształt markera od rodzaju choroby, którą przedstawiało dane zdjęcie.
7. Przedstaw wykres wariancji wyjaśnionej.