

LICENCIATURA EM ENGENHARIA QUÍMICA

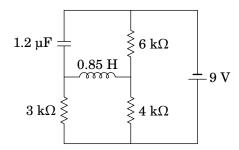
L.EQ032 — FÍSICA II — 2º ANO, 1º SEMESTRE, 2023/2024

17 de janeiro de 2024. Docentes: LMM e JEV

Nome: ____

Duração: duas horas. Com consulta de formulário e uso de qualquer tipo de calculadora, mas sem ligação a redes.

1. (5 valores) No circuito seguinte, no instante t = 0 o condensador está descarregado e a corrente no indutor é nula. Determine a diferença de potencial no indutor, no instante t = 0, e a diferença de potencial no condensador, quando o circuito atingir o estado estacionário.



- 2. (5 valores) Um fio condutor retilíneo com dois metros de comprimento, tem resistência de $0.3~\Omega$ e encontra-se entre os pontos P=(3,1,0) e Q=(1,1,0), num sistema de coordenadas cartesianas (x,y,z) (distâncias em metros) onde existe campo magnético uniforme, $\vec{B}=0.21~\hat{\imath}-0.43~\hat{\jmath}+0.32~\hat{k}$ (unidades SI). Se o potencial no ponto $P \in 6.5~V$ e o potencial no ponto $Q \in 1.3~V$, determine o vetor força magnética sobre o fio.
- **3.** (5 valores) Uma carga pontual de -2.5 nC encontra-se na origem e uma segunda carga pontual de 3.2 nC encontra-se na posição x=3.6 cm, no eixo x. Calcule o campo elétrico resultante dessas duas cargas no ponto em y=5.8 cm, no eixo y. Se um eletrão fosse colocado nesse mesmo ponto, determine a força elétrica sobre ele (escreva as suas respostas de forma vetorial, indicando as unidades).
- **4.** (5 valores) Em coordenadas cartesianas e unidades SI, a expressão do campo elétrico de uma onda eletromagnética plana é:

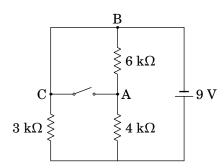
$$\vec{E} = 0.6\cos\left(0.251\,y + 7.53 \times 10^7 t\right)\hat{\imath}$$

Determine:

- (a) A direção e sentido de propagação da onda.
- (b) O comprimento de onda.
- (c) A frequência da onda.
- (d) A expressão do campo magnético em função da posição e do tempo.

Resolução

1. No instante t = 0 o circuito equivalente é o seguinte:

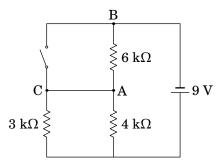


Nesse instante, a diferença de potencial no indutor é $\Delta V_L = V_{\rm A} - V_{\rm C}$, mas como o potencial é igual nos pontos B e C essa diferença de potencial é também igual à diferença de potencial $V_{\rm A} - V_{\rm B}$ na resistência de 6 k Ω . Como a corrente entre os pontos A e C é nula, a corrente nas resistências de 6 k Ω e 4 k Ω é igual, ou seja, estão em série e:

$$\Delta V_L = V_{\rm A} - V_{\rm B} = \left(\frac{6}{6+4}\right)9 = 5.4 \text{ V}$$

(maior potencial no lado direito, A, do que no lado esquerdo, C).

No estado estacionário, o circuito equivalente é o seguinte:



A diferença de potencial no condensador é $\Delta V_C = V_C - V_B$, mas como o potencial é igual nos pontos A e C essa diferença de potencial é também igual à diferença de potencial $V_A - V_B$ na resistência de 6 k Ω . Neste caso as resistências de 3 k Ω e 4 k Ω , em paralelo, podem ser substituídas pela resistência equivalente,

$$R_{\rm p} = \frac{3 \times 4}{3 + 4} = \frac{12}{7} \text{ k}\Omega$$

e a diferença de potencial no condensador é:

$$\Delta V_C = V_{\rm A} - V_{\rm B} = \left(\frac{6}{6 + 12/7}\right) 9 = 7 \text{ V}$$

(maior potencial na armadura de baixo).

2. A intensidade da corrente no fio é igual a:

$$I = \frac{V_{\rm P} - V_{\rm Q}}{R} = \frac{6.5 - 1.3}{0.3} = 17.333 \text{ A}$$

no sentido do ponto P, com maior potencial, para o ponto Q, com menor potencial. Como o vetor de P até Q é na direção $-\hat{\imath}$, o vetor corrente é (unidades SI):

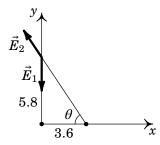
$$\vec{I} = -17.333\,\hat{\imath}$$

A força magnética sobre o fio retilíneo é dada pela expressão:

$$\vec{F}_{\rm m} = \ell(\vec{I} \times \vec{B}) = -2 \left[17.333 \, \hat{\imath} \times (0.21 \, \hat{\imath} - 0.43 \, \hat{\jmath} + 0.32 \, \hat{k}) \right] = 11.1 \, \hat{\jmath} + 14.9 \, \hat{k}$$

(em newton).

3. A figura seguinte mostra as duas cargas e os campos $\vec{E_1}$ e $\vec{E_2}$ que elas produzem no ponto em questão (distâncias em cm).



Os módulos dos dois campos são (unidades SI):

$$E_1 = \frac{8.988 \times 10^9 \times 2.5 \times 10^{-9}}{5.8^2 \times 10^{-4}} = 6679.5 \qquad \qquad E_2 = \frac{8.988 \times 10^9 \times 3.2 \times 10^{-9}}{(3.6^2 + 5.8^2) \times 10^{-4}} = 6172.0$$

Tendo em conta a figura acima, o campo resultante é igual a:

$$\begin{split} \vec{E} &= \vec{E}_1 + \vec{E}_2 = -6679.5 \,\hat{\jmath} + 6172.0 (-\cos\theta \,\hat{\imath} + \sin\theta \,\hat{\jmath}) \\ &= -6679.5 \,\hat{\jmath} + 6172.0 \left(-\frac{3.6}{\sqrt{3.6^2 + 5.8^2}} \,\hat{\imath} + \frac{5.8}{\sqrt{3.6^2 + 5.8^2}} \,\hat{\jmath} \right) \\ &= (-3255 \,\hat{\imath} - 1436 \,\hat{\jmath}) \,\, \text{N/C} \end{split}$$

A força sobre um eletrão colocado nesse ponto seria,

$$\vec{F} = -e\vec{E} = -1.602 \times 10^{-19} \ (-3255 \ \hat{\imath} - 1436 \ \hat{\jmath}) = \left(5.21 \times 10^{-16} \hat{\imath} + 2.30 \times 10^{-16} \hat{\jmath}\right) \ \mathrm{N}$$

- **4.** (a) A onda propaga-se no sentido negativo do eixo y.
 - (b) A constante 0.251 é igual a $2\pi/\lambda$ e, como tal, o comprimento de onda é:

$$\lambda = \frac{2\pi}{0.251} = 25 \text{ m}$$

(c) A frequência é igual a:

$$f = \frac{c}{\lambda} = \frac{2.998 \times 10^8 \times 0.251}{2\pi} = 1.20 \times 10^7 \; \mathrm{Hz}$$

(d) A função de onda do campo magnético é igual à função de onda do campo elétrico dividida por $c=2.998\times 10^8$ m/s. Essa função de onda deverá ser multiplicada pelo versor \hat{k} , para que \vec{B} seja perpendicular a \vec{E} e o produto $\vec{E}\times\vec{B}$ tenha a direção de propagação $-\hat{\jmath}$. Como tal, em unidades SI,

$$\vec{B} = 2.0 \times 10^{-9} \cos \left(0.251 \, y + 7.53 \times 10^7 t\right) \hat{k}$$