## Contrôle Continu L2 - Rattrapage

## December 8, 2020

## 1 Problème classique du consommateur et échange (20 min)

On suppose une économie avec deux biens et un consommateur qui s'appelle Thomas.  $q_1$  et  $q_2$  sont les quantités consommées du bien 1 et 2 respectivement, les prix associés de chaque bien sont  $p_1$  et  $p_2$ . Thomas a un revenu qu'on note R, il dépense tout son revenu dans la consommation du bien 1 et 2. En plus de cela, ses préferences sont répresentées par la function d'utilité suivante:

$$U^{Thomas}(q_1, q_2) = q_1^{1/2} * q_2^{1/2}$$

- 1. Ecrivez la contrainte budgétaire de Thomas. (1 point)
- 2. Calculez le  $TMS(q_1, q_2)$  de Thomas, qui répresente la quantité maximale de bien 2 à laquelle Thomas est prêt à renoncer pour une unité supplementaire de bien 1. (1 point)
  - 3. Ecrivez le problème de maximization de Thomas. (1 point)
  - 4. Trouvez les quantités demandées par Thomas  $(q_1^* \text{ et } q_2^*)$ . (1 point)
- 5. Les dotations initiales de Thomas sont notées par le vecteur (3,4), réécrivez les function de demandes  $(q_1^*$  et  $q_2^*)$  en remplaçant le revenu R par le revenu donné par les dotation initiales. (1 point)
- 6. Maintenant, on a un deuxième consommateur (Pierre) qui va échanger avec Thomas. Pierre a les mêmes préferences que Thomas mais ses dotations initiales sont le panier (1,4). Trouvez les quantités demandées par Pierre  $(q_1^* \text{ et } q_2^*)$ . (1 point)
  - 7. Trouvez la demande nette de bien 1. (1 point)
  - 8. Supposons que le bien 2 est le numeraire. Que peut-on dire sur  $p_2$ ? (1 point)
  - 9. Trouvez le prix d'équilibre pour le marché 1. (1 point)