DeepLearning.AI

Math for Machine Learning

Probability and Statistics

W1 Lesson 1

Introduction to Probability

DeepLearning.AI

Introduction to probability

What is Probability?

Introduction to Probability

Introduction to Probability

Introduction to Probability

Find the probability that a child picked at random plays soccer.

Introduction to Probability

Find the probability that a child picked at random plays soccer.

Introduction to Probability

Find the probability that a child picked at random plays soccer.

The probability that a child picked at random plays soccer.

Introduction to Probability

Find the probability that a child picked at random plays soccer.

The probability that a child picked at random plays soccer.

$$\mathbf{P}(\text{soccer})$$

Introduction to Probability

Find the probability that a child picked at random plays soccer.

The probability that a child picked at random plays soccer.

$\mathbf{P}(\text{soccer})$

Introduction to Probability

Find the probability that a child picked at random plays soccer.

$\mathbf{P}(\text{soccer})$

Introduction to Probability

Find the probability that a child picked at random plays soccer.

$$\mathbf{P}(\text{soccer}) = \frac{\text{soccer}}{\text{total}}$$

Introduction to Probability

Find the probability that a child picked at random plays soccer.

$$\mathbf{P}(\text{soccer}) = \frac{\text{soccer}}{\text{total}} = \underline{\hspace{6cm}}$$

Introduction to Probability

Find the probability that a child picked at random plays soccer.

$$\mathbf{P}(\text{soccer}) = \frac{\text{soccer}}{\text{total}} = \frac{\text{⚽⚽⚽}}{\qquad\qquad\qquad}$$

Introduction to Probability

Find the probability that a child picked at random plays soccer.

$$\mathbf{P}(\text{soccer}) = \frac{\text{soccer}}{\text{total}} =$$

Introduction to Probability

Find the probability that a child picked at random plays soccer.

$$\mathbf{P}(\text{soccer}) = \frac{\text{soccer}}{\text{total}} = \frac{\text{⚽⚽⚽}}{\text{⚽⚽⚽❌❌❌❌❌❌❌}} = \frac{3}{10}$$

Introduction to Probability

Find the probability that a child picked at random plays soccer.

$$\mathbf{P}(\text{soccer}) = \frac{\text{soccer}}{\text{total}} = \frac{\text{⚽⚽⚽}}{\text{⚽⚽⚽✗✗✗✗✗✗✗}} = \frac{3}{10} = 0.3$$

Introduction to Probability

Find the probability that a child picked at random plays soccer.

$$\mathbf{P}(\text{soccer}) = \frac{\text{soccer}}{\text{total}} = \frac{\boxed{\text{⚽⚽⚽}}}{\text{⚽⚽⚽✗✗✗✗✗✗✗}} = \frac{3}{10} = 0.3$$

Introduction to Probability

Find the probability that a child picked at random plays soccer.

Event

$$\mathbf{P}(\text{soccer}) = \frac{\text{soccer}}{\text{total}} = \frac{\boxed{\text{⚽⚽⚽}}}{\text{⚽⚽⚽✗✗✗✗✗✗✗}} = \frac{3}{10} = 0.3$$

Introduction to Probability

Find the probability that a child picked at random plays soccer.

$$\mathbf{P}(\text{soccer}) = \frac{\text{soccer}}{\text{total}} = \frac{\overbrace{\boxed{}}^{\text{Event}}}{} = \frac{3}{10} = 0.3$$

Introduction to Probability

Find the probability that a child picked at random plays soccer.

$$\mathbf{P}(\text{soccer}) = \frac{\text{soccer}}{\text{total}} = \frac{\text{Event}}{} = \frac{3}{10} = 0.3$$

Introduction to Probability

Find the probability that a child picked at random plays soccer.

Event

$$\mathbf{P}(\text{soccer}) = \frac{\text{soccer}}{\text{total}} =$$

$$= \frac{3}{10} = 0.3$$

Sample space

Introduction to Probability

Find the probability that a child picked at random plays soccer.

$$\mathbf{P}(\text{soccer}) = \frac{\text{soccer}}{\text{total}} = \frac{\text{Event}}{\text{Sample space}} = \frac{3}{10} = 0.3$$

Introduction to Probability: Venn Diagram

Introduction to Probability: Venn Diagram

Introduction to Probability: Venn Diagram

Introduction to Probability: Venn Diagram

Sample Space

Introduction to Probability: Venn Diagram

Sample Space

Introduction to Probability: Venn Diagram

Sample Space

Introduction to Probability: Venn Diagram

Sample Space

Event

Introduction to Probability: Coin Example 1

Introduction to Probability: Coin Example 1

Introduction to Probability: Coin Example 1

Experiment

Introduction to Probability: Coin Example 1

Experiment

Probability of landing on heads

Introduction to Probability: Coin Example 1

Experiment

Probability of landing on heads

$\mathbf{P}(\text{heads})$

Introduction to Probability: Coin Example 1

Introduction to Probability: Coin Example 1

Introduction to Probability: Coin Example 1

50%

Introduction to Probability: Coin Example 1

50% 50%

Introduction to Probability: Coin Example 1

50% 50%

$\mathbf{P}(\text{heads}) = \underline{\qquad\qquad\qquad\qquad}$

Introduction to Probability: Coin Example 1

50% 50%

$$\mathbf{P}(\text{heads}) = \frac{\text{H}}{}$$

Introduction to Probability: Coin Example 1

50% 50%

$$\mathbf{P}(\text{heads}) = \frac{\text{H}}{\text{H} \quad \text{T}}$$

Introduction to Probability: Coin Example 1

50% 50%

$$\mathbf{P}(\text{heads}) = \frac{\text{H}}{\text{H} \quad \text{T}} = \frac{1}{2} = 0.5$$

Introduction to Probability: Coin Example 2

50% 50%

Introduction to Probability: Coin Example 2

50% 50%

1st

Introduction to Probability: Coin Example 2

50% 50%

Introduction to Probability: Coin Example 2

50% 50%

Introduction to Probability: Coin Example 2

50% 50%

What is the probability of landing on heads twice?

Introduction to Probability: Coin Example 2

50% 50%

Introduction to Probability: Coin Example 2

50% 50%

$$\mathbf{P}(HH) = \underline{\qquad\qquad\qquad\qquad}$$

Introduction to Probability: Coin Example 2

50% 50%

$$\mathbf{P}(HH) = \underline{\qquad\qquad\qquad\qquad}$$

Introduction to Probability: Coin Example 2

50% 50%

$$\mathbf{P}(HH) = \frac{\text{H H}}{\qquad\qquad}$$

Introduction to Probability: Coin Example 2

50% 50%

$$\mathbf{P}(HH) = \frac{\text{H H}}{\text{H H T T H T H T}}$$

Introduction to Probability: Coin Example 2

50% 50%

$$\mathbf{P}(HH) = \frac{\text{H H}}{\text{H H T T H T H T}} = \frac{1}{4} = 0.25$$

Introduction to Probability: Coin Example 3

50% 50%

Introduction to Probability: Coin Example 3

50% 50%

1st

Introduction to Probability: Coin Example 3

50% 50%

1st

Introduction to Probability: Coin Example 3

50% 50%

1st 2nd

Introduction to Probability: Coin Example 3

50% 50%

Introduction to Probability: Coin Example 3

50% 50%

Introduction to Probability: Coin Example 3

50% 50%

Introduction to Probability: Coin Example 3

50% 50%

Introduction to Probability: Coin Example 3

50% 50%

Introduction to Probability: Coin Example 3

50% 50%

Introduction to Probability: Coin Example 3

50% 50%

Introduction to Probability: Coin Example 3

50% 50%

Introduction to Probability: Coin Example 3

50% 50%

Introduction to Probability: Coin Example 3

50% 50%

Introduction to Probability: Coin Example 3

50% 50%

Introduction to Probability: Coin Example 3

50% 50%

Introduction to Probability: Coin Example 3

50% 50%

Introduction to Probability: Coin Example 3

50% 50%

What is the probability of landing on heads 3 times?

Introduction to Probability: Coin Example 3

50% 50%

Introduction to Probability: Coin Example 3

50% 50%

$$\mathbf{P}(HHH) = \underline{\qquad\qquad\qquad\qquad}$$

Introduction to Probability: Coin Example 3

50% 50%

$$\mathbf{P}(HHH) = \underline{\qquad\qquad\qquad\qquad}$$

Introduction to Probability: Coin Example 3

50% 50%

$$\mathbf{P}(HHH) = \frac{\text{H H H}}{}$$

Introduction to Probability: Coin Example 3

50% 50%

$$\mathbf{P}(HHH) = \frac{\text{H H H}}{\text{H H H H T T T T H H T T H H T T H T H T H T H T}}$$

Introduction to Probability: Coin Example 3

50% 50%

$$\mathbf{P}(HHH) = \frac{\text{H H H}}{\text{H H H H T T T T H H T T H H T T H T H T H T H T}} = \frac{1}{8} = 0.125$$

Introduction to Probability: Dice Example 1

Introduction to Probability: Dice Example 1

Introduction to Probability: Dice Example 1

What is the probability of obtaining 6?

Introduction to Probability: Dice Example 1

What is the probability of obtaining 6?

Introduction to Probability: Dice Example 1

What is the probability of obtaining 6?

Introduction to Probability: Dice Example 1

What is the probability of obtaining 6?

Introduction to Probability: Dice Example 1

What is the probability of obtaining 6?

$\mathbf{P}(6) =$ _____

Introduction to Probability: Dice Example 1

What is the probability of obtaining 6?

$$\mathbf{P}(6) = \frac{\text{[dice showing 6]}}{\text{[dice showing 1, 2, 3, 4, 5, 6]}}$$

Introduction to Probability: Dice Example 1

What is the probability of obtaining 6?

$\mathbf{P}(6) =$

Introduction to Probability: Dice Example 1

What is the probability of obtaining 6?

$$\mathbf{P}(6) = \frac{\text{[dice showing 6]}}{\text{[dice showing 1, 2, 3, 4, 5, 6]}} = \frac{1}{6}$$

Introduction to Probability: Dice Example 2

Introduction to Probability: Dice Example 2

Introduction to Probability: Dice Example 2

What is the probability of obtaining 6,6?

Introduction to Probability: Dice Example 2

What is the probability of obtaining 6,6?

Introduction to Probability: Dice Example 2

What is the probability of obtaining 6,6?

Introduction to Probability: Dice Example 2

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

What is the probability of obtaining 6,6?

Introduction to Probability: Dice Example 2

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

What is the probability of obtaining 6,6?

Introduction to Probability: Dice Example 2

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	$\boxed{6,6}$

What is the probability of obtaining 6,6?

$$\mathbf{P}(6,6) = \underline{\hspace{6cm}}$$

Introduction to Probability: Dice Example 2

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

What is the probability of obtaining 6,6?

$$\mathbf{P}(6,6) = \frac{\boxed{6,6}}{\qquad\qquad}$$

Introduction to Probability: Dice Example 2

What is the probability of obtaining 6,6?

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$$\mathbf{P}(6,6) = \frac{\boxed{6,6}}{\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|}\hline 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ \hline 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ \hline 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ \hline 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ \hline 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ \hline 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \\ \hline \end{array}}$$

Introduction to Probability: Dice Example 2

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

What is the probability of obtaining 6,6?

$$\mathbf{P}(6,6) = \frac{\boxed{6,6}}{\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|}\hline 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ \hline 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ \hline 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ \hline 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ \hline 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ \hline 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \\ \hline \end{array}} = \frac{1}{36}$$

DeepLearning.AI

Introduction to probability

Complement of Probability

Complement of Probability

Complement of Probability

30%

Complement of Probability

30%

What is the probability of a child NOT playing soccer?

Complement of Probability

30%

What is the probability of a child NOT playing soccer?

Complement of Probability

30%

What is the probability of a child NOT playing soccer?

$$\mathbf{P}(\text{not soccer}) = \frac{\text{not soccer}}{\text{total}}$$

Complement of Probability

30%

What is the probability of a child NOT playing soccer?

$$\mathbf{P}(\text{not soccer}) = \frac{\text{not soccer}}{\text{total}} = \underline{\hspace{6cm}}$$

Complement of Probability

30%

What is the probability of a child NOT playing soccer?

$$\mathbf{P}(\text{not soccer}) = \frac{\text{not soccer}}{\text{total}} = \frac{\text{✗✗✗✗✗✗✗}}{}$$

Complement of Probability

30%

What is the probability of a child NOT playing soccer?

$$\mathbf{P}(\text{not soccer}) = \frac{\text{not soccer}}{\text{total}} =$$

Complement of Probability

30%

What is the probability of a child NOT playing soccer?

$$\mathbf{P}(\text{not soccer}) = \frac{\text{not soccer}}{\text{total}} = \frac{\text{not soccer}}{\text{total}} = \frac{7}{10}$$

Complement of Probability

30%

What is the probability of a child NOT playing soccer?

$$\mathbf{P}(\text{not soccer}) = \frac{\text{not soccer}}{\text{total}} = \frac{\text{✗✗✗✗✗✗✗}}{\text{⚽⚽⚽✗✗✗✗✗✗✗}} = \frac{7}{10} = 0.7$$

Complement of Probability

Complement of Probability

$\mathbf{P}$(not soccer)

0.7

Complement of Probability

P(not soccer)

0.7

P(soccer)

0.3

Complement of Probability

P(not soccer) **P**(soccer)

$$0.7 + 0.3 = 1$$

Complement of Probability

P(not soccer) **P**(soccer)

$$0.7 = 1 \quad 0.3$$

Complement of Probability

P(not soccer) **P**(soccer)

$$0.7 = 1 - 0.3$$

Complement of Probability

$$\mathbf{P}(\text{not soccer}) = 1 - \mathbf{P}(\text{soccer})$$

$$0.7 = 1 - 0.3$$

Complement of Probability

$$\mathbf{P}(\text{not soccer}) = 1 - \mathbf{P}(\text{soccer})$$

$$0.7 = 1 - 0.3$$

Complement of Probability

$$\mathbf{P}(\text{not soccer}) = 1 - \mathbf{P}(\text{soccer})$$

$$0.7 = 1 - 0.3$$

Complement Rule

Complement of Probability

$$\mathbf{P}(\text{not soccer}) = 1 - \mathbf{P}(\text{soccer})$$

Complement Rule

Complement of Probability

$$\mathbf{P}(\text{not soccer}) = 1 - \mathbf{P}(\text{soccer})$$

$$\mathbf{P}(A') = 1 - \mathbf{P}(A)$$

Complement Rule

Complement of Probability: Venn Diagram

Complement of Probability: Venn Diagram

Complement of Probability: Venn Diagram

Complement of Probability: Venn Diagram

Complement of Probability: Coin Example 1

Complement of Probability: Coin Example 1

What is the probability of not landing on heads 3 times?

Complement of Probability: Coin Example 1

What is the probability of not landing on heads 3 times?

Complement of Probability: Coin Example 1

What is the probability of not landing on heads 3 times?

$\mathbf{P}(\text{not } HHH)$

Complement of Probability: Coin Example 1

What is the probability of not landing on heads 3 times?

$$\mathbf{P}(\text{not } HHH) =$$

Complement of Probability: Coin Example 1

What is the probability of not landing on heads 3 times?

$$\mathbf{P}(\text{not } HHH) = 1$$

Complement of Probability: Coin Example 1

What is the probability of not landing on heads 3 times?

$$\mathbf{P}(\text{not } HHH) = 1 - \mathbf{P}(HHH)$$

Complement of Probability: Coin Example 1

What is the probability of not landing on heads 3 times?

$$\mathbf{P}(\text{not } HHH) = 1 - \mathbf{P}(HHH)$$

$$\mathbf{P}(HHH) =$$

Complement of Probability: Coin Example 1

What is the probability of not landing on heads 3 times?

$$\mathbf{P}(\text{not } HHH) = 1 - \mathbf{P}(HHH)$$

$$\mathbf{P}(HHH) = \frac{\text{H H H}}{\text{H H H H T T T T / H H T T H H T T / H T H T H T H T}}$$

Complement of Probability: Coin Example 1

What is the probability of not landing on heads 3 times?

$$\mathbf{P}(\text{not } HHH) = 1 - \mathbf{P}(HHH)$$

Complement of Probability: Coin Example 1

What is the probability of not landing on heads 3 times?

$$\mathbf{P}(\text{not } HHH) = 1 - \mathbf{P}(HHH)$$

$$\mathbf{P}(\text{not } HHH) = 1 - \frac{\text{H H H}}{\text{H H H H T T T T / H H T T H H T T / H T H T H T H T}}$$

Complement of Probability: Coin Example 1

What is the probability of not landing on heads 3 times?

$$\mathbf{P}(\text{not } HHH) = 1 - \mathbf{P}(HHH)$$

$$\mathbf{P}(\text{not } HHH) = 1 - \frac{1}{8}$$

Complement of Probability: Coin Example 1

What is the probability of not landing on heads 3 times?

$$\mathbf{P}(\text{not } HHH) = 1 - \mathbf{P}(HHH)$$

$$\mathbf{P}(\text{not } HHH) = 1 - \frac{1}{8}$$

Complement of Probability: Coin Example 1

What is the probability of not landing on heads 3 times?

$$\mathbf{P}(\text{not } HHH) = 1 - \mathbf{P}(HHH)$$

$$\mathbf{P}(\text{not } HHH) = 1 - \frac{1}{8}$$

$$= \frac{7}{8}$$

Complement of Probability: Coin Example 1

What is the probability of not landing on heads 3 times?

$$\mathbf{P}(\text{not } HHH) = 1 - \mathbf{P}(HHH)$$

$$\mathbf{P}(\text{not } HHH) = 1 - \frac{1}{8}$$

$$= \frac{7}{8}$$

Complement of Probability: Dice Example 1

Complement of Probability: Dice Example 1

Complement of Probability: Dice Example 1

What is the probability of obtaining anything other than 6?

Complement of Probability: Dice Example 1

What is the probability of obtaining anything other than 6?

Complement of Probability: Dice Example 1

What is the probability of obtaining anything other than 6?

Complement of Probability: Dice Example 1

What is the probability of obtaining anything other than 6?

$\mathbf{P}(\text{not } 6) =$

Complement of Probability: Dice Example 1

What is the probability of obtaining anything other than 6?

$$\mathbf{P}(\text{not } 6) = \frac{\text{[dice]}}{\text{[dice]}}$$

Complement of Probability: Dice Example 1

What is the probability of obtaining anything other than 6?

$\mathbf{P}(\text{not } 6) =$

$-$

Complement of Probability: Dice Example 1

What is the probability of obtaining anything other than 6?

$$\mathbf{P}(\text{not } 6) = \frac{\text{[illustration]}}{\text{[illustration]}} - \frac{\text{[illustration]}}{\text{[illustration]}}$$

$$=$$

Complement of Probability: Dice Example 1

What is the probability of obtaining anything other than 6?

$$\mathbf{P}(\text{not } 6) = \frac{\text{[illegible]}}{\text{[illegible]}} - \frac{\text{[illegible]}}{\text{[illegible]}}$$

$$= \frac{\quad}{\quad}$$

Complement of Probability: Dice Example 1

What is the probability of obtaining anything other than 6?

$\mathbf{P}(\text{not } 6) =$

$-$

$=$

Complement of Probability: Dice Example 1

What is the probability of obtaining anything other than 6?

$\mathbf{P}(\text{not } 6) =$

$-$

$=$

Complement of Probability: Dice Example 1

What is the probability of obtaining anything other than 6?

$\mathbf{P}(\text{not } 6) =$

$-$

$=$

Complement of Probability: Dice Example 1

What is the probability of obtaining anything other than 6?

$\mathbf{P}(\text{not } 6) =$

$-$

$=$

$=$

Complement of Probability: Dice Example 1

What is the probability of obtaining anything other than 6?

$\mathbf{P}(\text{not } 6) =$

$-$

$=$

$= \dfrac{5}{6}$

DeepLearning.AI

Introduction to probability

Sum of Probabilities

Sum of Probabilities: Quiz 1

Sum of Probabilities: Quiz 1

At a school, kids can only play one sport.

Sum of Probabilities: Quiz 1

At a school, kids can only play one sport.

Sum of Probabilities: Quiz 1

At a school, kids can only play one sport.

Sum of Probabilities: Quiz 1

At a school, kids can only play one sport.

Sum of Probabilities: Quiz 1

At a school, kids can only play one sport.

Sum of Probabilities: Quiz 1

At a school, kids can only play one sport.

Sum of Probabilities: Quiz 1

At a school, kids can only play one sport.

What is the probability that a kid plays soccer or basketball?

Sum of Probabilities: Quiz 1

At a school, kids can only play one sport.

What is the probability that a kid plays soccer or basketball?

Sum of Probabilities: Quiz 1

At a school, kids can only play one sport.

What is the probability that a kid plays soccer or basketball?

Sum of Probabilities: Quiz 1

At a school, kids can only play one sport.

What is the probability that a kid plays soccer or basketball?

Hint: What if there were only 10 kids?

Sum of Probabilities: Quiz 1 Solution

Sum of Probabilities: Quiz 1 Solution

Sum of Probabilities: Quiz 1 Solution

Sum of Probabilities: Quiz 1 Solution

Sum of Probabilities: Quiz 1 Solution

Sum of Probabilities: Quiz 1 Solution

Sum of Probabilities: Quiz 1 Solution

Sum of Probabilities: Quiz 1 Solution

$$\mathbf{P}(\text{soccer or basketball}) = \frac{\text{soccer or basketball}}{\text{total}}$$

Sum of Probabilities: Quiz 1 Solution

$$\mathbf{P}(\text{soccer or basketball}) = \frac{\text{soccer or basketball}}{\text{total}} = \frac{3+4}{10}$$

Sum of Probabilities: Quiz 1 Solution

$$\mathbf{P}(\text{soccer or basketball}) = \frac{\text{soccer or basketball}}{\text{total}} = \frac{3+4}{10} = 0.7$$

Sum of Probabilities: Quiz 1 Solution

$$\mathbf{P}(\text{soccer or basketball}) = \frac{\text{soccer or basketball}}{\text{total}} = \frac{3+4}{10} = 0.7$$

$$\mathbf{P}(\text{soccer or basketball}) = \mathbf{P}(\text{soccer}) + \mathbf{P}(\text{basketball})$$

Sum of Probabilities: Quiz 1 Solution

Sum of Probabilities: Quiz 1 Solution

$$\mathbf{P}(\text{soccer} \cup \text{basketball}) = \mathbf{P}(\text{soccer}) + \mathbf{P}(\text{basketball})$$

Sum of Probabilities: Quiz 1 Solution

$$\mathbf{P}(\text{soccer} \cup \text{basketball}) = \mathbf{P}(\text{soccer}) + \mathbf{P}(\text{basketball})$$

Sum of Probabilities: Quiz 1 Solution

$$\mathbf{P}(\text{soccer} \cup \text{basketball}) = \mathbf{P}(\text{soccer}) + \mathbf{P}(\text{basketball})$$

Sum of Probabilities: Quiz 1 Solution

$$\mathbf{P}(\text{soccer} \cup \text{basketball}) = \mathbf{P}(\text{soccer}) + \mathbf{P}(\text{basketball})$$

Sum of Probabilities: Quiz 1 Solution

$$\mathbf{P}(\text{soccer} \cup \text{basketball}) = \mathbf{P}(\text{soccer}) + \mathbf{P}(\text{basketball})$$

$$\mathbf{P}(A \cup B) = \mathbf{P}(A) + \mathbf{P}(B)$$

Sum of Probabilities: Dice Example 1

Sum of Probabilities: Dice Example 1

Sum of Probabilities: Dice Example 1

What is the probability of obtaining an even number or a 5?

Sum of Probabilities: Dice Example 1

What is the probability of obtaining an even number or a 5?

Sum of Probabilities: Dice Example 1

What is the probability of obtaining an even number or a 5?

A

B

Sum of Probabilities: Dice Example 1

What is the probability of obtaining an even number or a 5?

A

B

Sum of Probabilities: Dice Example 1

What is the probability of obtaining an even number or a 5?

A

B

Sum of Probabilities: Dice Example 1

What is the probability of obtaining an even number or a 5?

A

B

Sum of Probabilities: Dice Example 1

What is the probability of obtaining an even number or a 5?

A

B

Sum of Probabilities: Dice Example 1

What is the probability of obtaining an even number or a 5?

Sum of Probabilities: Dice Example 1

What is the probability of obtaining an even number or a 5?

Sum of Probabilities: Dice Example 1

What is the probability of obtaining an even number or a 5?

Sum of Probabilities: Dice Example 1

What is the probability of obtaining an even number or a 5?

Sum of Probabilities: Dice Example 1

What is the probability of obtaining an even number or a 5?

Sum of Probabilities: Dice Example 1

What is the probability of obtaining an even number or a 5?

Sum of Probabilities: Dice Example 1

What is the probability of obtaining an even number or a 5?

$\mathbf{P}$(even number or 5) $=$

Sum of Probabilities: Dice Example 1

What is the probability of obtaining an even number or a 5?

$$\mathbf{P}(\text{even number or 5}) = \mathbf{P}(\text{even number})$$

Sum of Probabilities: Dice Example 1

What is the probability of obtaining an even number or a 5?

$$\mathbf{P}(\text{even number or 5}) = \mathbf{P}(\text{even number}) + \mathbf{P}(5)$$

Sum of Probabilities: Dice Example 1

What is the probability of obtaining an even number or a 5?

$$\mathbf{P}(\text{even number or 5}) = \mathbf{P}(\text{even number}) + \mathbf{P}(5) = \frac{3}{6}$$

Sum of Probabilities: Dice Example 1

What is the probability of obtaining an even number or a 5?

$$\mathbf{P}(\text{even number or 5}) = \mathbf{P}(\text{even number}) + \mathbf{P}(5) = \frac{3}{6} + \frac{1}{6}$$

Sum of Probabilities: Dice Example 1

What is the probability of obtaining an even number or a 5?

$$\mathbf{P}(\text{even number or 5}) = \mathbf{P}(\text{even number}) + \mathbf{P}(5) = \frac{3}{6} + \frac{1}{6} = \frac{4}{6}$$

Sum of Probabilities: Dice Example 1

What is the probability of obtaining an even number or a 5?

$$\mathbf{P}(\text{even number or 5}) = \mathbf{P}(\text{even number}) + \mathbf{P}(5) = \frac{3}{6} + \frac{1}{6} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$$

Sum of Probabilities: Dice Example 2

Sum of Probabilities: Dice Example 2

Sum of Probabilities: Dice Example 2

What is the probability of obtaining a sum of 7 or a sum of 10?

Sum of Probabilities: Dice Example 2

Sum of Probabilities: Dice Example 2

A B

Sum of Probabilities: Dice Example 2

A

sum of 7

B

sum of 10

Sum of Probabilities: Dice Example 2

A

sum of 7

B

sum of 10

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

Sum of Probabilities: Dice Example 2

A

sum of 7

B

sum of 10

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

Sum of Probabilities: Dice Example 2

A

sum of 7

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

B

sum of 10

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

Sum of Probabilities: Dice Example 2

A or B

sum of 7 or sum of 10

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

Sum of Probabilities: Dice Example 2

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

Sum of Probabilities: Dice Example 2

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum of 7 or sum of 10)

Sum of Probabilities: Dice Example 2

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum of 7 or sum of 10)

$= _____$

Sum of Probabilities: Dice Example 2

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum of 7 or sum of 10)

$$= \frac{\text{6,1 5,2 4,3 3,4 2,5 1,6}}{\qquad\qquad\qquad\qquad}$$

Sum of Probabilities: Dice Example 2

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum of 7 or sum of 10)

$$= \frac{\begin{array}{c} 1,6 \\ 2,5 \\ 3,4 \\ 4,3 \\ 5,2 \\ 6,1 \end{array}}{\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|} \hline 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ \hline 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ \hline 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ \hline 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ \hline 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ \hline 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \\ \hline \end{array}}$$

Sum of Probabilities: Dice Example 2

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum of 7 or sum of 10)

$$= \frac{\text{6,1 5,2 4,3 3,4 2,5 1,6}}{\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|}\hline 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ \hline 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ \hline 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ \hline 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ \hline 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ \hline 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \\ \hline \end{array}} + \frac{\quad}{\quad}$$

Sum of Probabilities: Dice Example 2

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum of 7 or sum of 10)

$$= \frac{\text{1,1 1,2 1,3 1,4 1,5 1,6 / 2,1 2,2 2,3 2,4 2,5 2,6 / 3,1 3,2 3,3 3,4 3,5 3,6 / 4,1 4,2 4,3 4,4 4,5 4,6 / 5,1 5,2 5,3 5,4 5,5 5,6 / 6,1 6,2 6,3 6,4 6,5 6,6}}{\text{1,1 1,2 1,3 1,4 1,5 1,6 / 2,1 2,2 2,3 2,4 2,5 2,6 / 3,1 3,2 3,3 3,4 3,5 3,6 / 4,1 4,2 4,3 4,4 4,5 4,6 / 5,1 5,2 5,3 5,4 5,5 5,6 / 6,1 6,2 6,3 6,4 6,5 6,6}} + \frac{\text{6,4 5,5 4,6}}{\text{1,1 1,2 1,3 1,4 1,5 1,6 / 2,1 2,2 2,3 2,4 2,5 2,6 / 3,1 3,2 3,3 3,4 3,5 3,6 / 4,1 4,2 4,3 4,4 4,5 4,6 / 5,1 5,2 5,3 5,4 5,5 5,6 / 6,1 6,2 6,3 6,4 6,5 6,6}}$$

Sum of Probabilities: Dice Example 2

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum of 7 or sum of 10)

$$= \frac{\begin{array}{c} 1,6 \\ 2,5 \\ 3,4 \\ 4,3 \\ 5,2 \\ 6,1 \end{array}}{\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|} \hline 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ \hline 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ \hline 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ \hline 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ \hline 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ \hline 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \\ \hline \end{array}} + \frac{\begin{array}{c} 4,6 \\ 5,5 \\ 6,4 \end{array}}{\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|} \hline 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ \hline 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ \hline 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ \hline 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ \hline 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ \hline 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \\ \hline \end{array}}$$

Sum of Probabilities: Dice Example 2

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum of 7 or sum of 10)

$$= \frac{\begin{array}{c} 1,6 \\ 2,5 \\ 3,4 \\ 4,3 \\ 5,2 \\ 6,1 \end{array}}{\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|} \hline 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ \hline 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ \hline 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ \hline 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ \hline 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ \hline 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \\ \hline \end{array}} + \frac{\begin{array}{c} 4,6 \\ 5,5 \\ 6,4 \end{array}}{\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|} \hline 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ \hline 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ \hline 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ \hline 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ \hline 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ \hline 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \\ \hline \end{array}}$$

$$= \frac{6}{36}$$

Sum of Probabilities: Dice Example 2

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum of 7 or sum of 10)

$$= \frac{\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|}\hline 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \\ \hline \end{array}}{} + \frac{\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|}\hline 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \\ \hline \end{array}}{}$$

$$= \frac{6}{36} + \frac{3}{36}$$

Sum of Probabilities: Dice Example 2

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum of 7 or sum of 10)

$$= \frac{\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|} \hline 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \\ \hline \end{array}}{} + \frac{\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|} \hline 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \\ \hline \end{array}}{}$$

$$= \frac{6}{36} + \frac{3}{36}$$

$$= \frac{9}{36}$$

Sum of Probabilities: Dice Example 2

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum of 7 or sum of 10)

$$= \frac{\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|}\hline 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \\ \hline \end{array}}{} + \frac{\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|}\hline 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \\ \hline \end{array}}{}$$

$$= \frac{6}{36} + \frac{3}{36}$$

$$= \frac{9}{36} = \frac{1}{4}$$

Sum of Probabilities: Dice Example 2

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum of 7 or sum of 10)

$$= \boxed{\mathbf{P}(\text{sum of 7})} + \frac{\quad}{\quad}$$

1,6 2,5 3,4 4,3

2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

4,6 5,5 6,4

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$$= \frac{6}{36} + \frac{3}{36}$$

$$= \frac{9}{36} = \frac{1}{4}$$

Sum of Probabilities: Dice Example 2

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum of 7 or sum of 10)

$$= \boxed{\mathbf{P}(\text{sum of 7})} + \boxed{\mathbf{P}(\text{sum of 10})}$$

2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$$= \frac{6}{36} + \frac{3}{36}$$

$$= \frac{9}{36} = \frac{1}{4}$$

Sum of Probabilities: Dice Example 3

Sum of Probabilities: Dice Example 3

Sum of Probabilities: Dice Example 3

What is the probability of obtaining
a difference of 2 or a difference of 1?

Sum of Probabilities: Dice Example 3

Sum of Probabilities: Dice Example 3

A

diff = 2

B

diff = 1

Sum of Probabilities: Dice Example 3

A

diff = 2

B

diff = 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

Sum of Probabilities: Dice Example 3

A

diff = 2

B

diff = 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

Sum of Probabilities: Dice Example 3

A

diff = 2

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

B

diff = 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

Sum of Probabilities: Dice Example 3

A

diff = 2

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

B

diff = 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

Sum of Probabilities: Dice Example 3

A

diff = 2

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

B

diff = 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

Sum of Probabilities: Dice Example 3

A or B

diff = 2 or diff = 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

Sum of Probabilities: Dice Example 3

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

Sum of Probabilities: Dice Example 3

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}(\text{diff} = 2 \text{ or diff} = 1)$

Sum of Probabilities: Dice Example 3

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}(\text{diff} = 2 \text{ or diff} = 1)$

$= _____$

Sum of Probabilities: Dice Example 3

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(diff = 2 or diff = 1)

1,3
2,4
3,1
3,5
4,2
4,6
5,3
6,4

$= \underline{\qquad\qquad\qquad\qquad}$

Sum of Probabilities: Dice Example 3

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(diff = 2 or diff = 1)

$$= \frac{\begin{array}{c} 1,3 \\ 2,4 \\ 3,1 \quad 3,5 \\ 4,2 \quad 4,6 \\ 5,3 \\ 6,4 \end{array}}{\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|}\hline 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ \hline 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ \hline 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ \hline 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ \hline 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ \hline 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \\ \hline \end{array}}$$

Sum of Probabilities: Dice Example 3

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(diff = 2 or diff = 1)

$$= \frac{\begin{array}{cccccc} & & 1,3 & & & \\ & & & 2,4 & & \\ 3,1 & & & & 3,5 & \\ & 4,2 & & & & 4,6 \\ & & 5,3 & & & \\ & & & 6,4 & & \end{array}}{\begin{array}{|cccccc|} 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \end{array}} + \frac{\quad}{\quad}$$

Sum of Probabilities: Dice Example 3

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(diff = 2 or diff = 1)

$$= \frac{\begin{array}{ccccccc} & & 1,3 & & & & \\ & & & 2,4 & & & \\ 3,1 & & & & 3,5 & & \\ & 4,2 & & & & 4,6 & \\ & & 5,3 & & & & \\ & & & 6,4 & & & \end{array}}{\begin{array}{|cccccc|} 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \end{array}} + \frac{\begin{array}{ccccccc} & 1,2 & & & & & \\ 2,1 & & 2,3 & & & & \\ & 3,2 & & 3,4 & & & \\ & & 4,3 & & 4,5 & & \\ & & & 5,4 & & 5,6 & \\ & & & & 6,5 & & \end{array}}{}$$

Sum of Probabilities: Dice Example 3

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(diff = 2 or diff = 1)

$$= \frac{\begin{array}{cccccc} & & 1,3 & & & \\ & & & 2,4 & & \\ 3,1 & & & & 3,5 & \\ & 4,2 & & & & 4,6 \\ & & 5,3 & & & \\ & & & 6,4 & & \end{array}}{\begin{array}{|cccccc|} 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \end{array}} + \frac{\begin{array}{cccccc} & 1,2 & & & & \\ 2,1 & & 2,3 & & & \\ & 3,2 & & 3,4 & & \\ & & 4,3 & & 4,5 & \\ & & & 5,4 & & 5,6 \\ & & & & 6,5 & \end{array}}{\begin{array}{|cccccc|} 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \end{array}}$$

Sum of Probabilities: Dice Example 3

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(diff = 2 or diff = 1)

$$= \frac{\begin{array}{cccccc} & & 1,3 & & & \\ & & & 2,4 & & \\ 3,1 & & & & 3,5 & \\ & 4,2 & & & & 4,6 \\ & & 5,3 & & & \\ & & & 6,4 & & \end{array}}{\begin{array}{|cccccc|} 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \end{array}} + \frac{\begin{array}{cccccc} & 1,2 & & & & \\ 2,1 & & 2,3 & & & \\ & 3,2 & & 3,4 & & \\ & & 4,3 & & 4,5 & \\ & & & 5,4 & & 5,6 \\ & & & & 6,5 & \end{array}}{\begin{array}{|cccccc|} 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \end{array}}$$

$$= \frac{8}{36}$$

Sum of Probabilities: Dice Example 3

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(diff = 2 or diff = 1)

$$= \frac{\begin{array}{cccccc} & & 1,3 & & & \\ & & & 2,4 & & \\ 3,1 & & & & 3,5 & \\ & 4,2 & & & & 4,6 \\ & & 5,3 & & & \\ & & & 6,4 & & \end{array}}{\begin{array}{|cccccc|} 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \end{array}} + \frac{\begin{array}{cccccc} & 1,2 & & & & \\ 2,1 & & 2,3 & & & \\ & 3,2 & & 3,4 & & \\ & & 4,3 & & 4,5 & \\ & & & 5,4 & & 5,6 \\ & & & & 6,5 & \end{array}}{\begin{array}{|cccccc|} 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \end{array}}$$

$$= \frac{8}{36} + \frac{10}{36}$$

Sum of Probabilities: Dice Example 3

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(diff = 2 or diff = 1)

$$= \frac{\begin{array}{cccccc} & & 1,3 & & & \\ & & & 2,4 & & \\ 3,1 & & & & 3,5 & \\ & 4,2 & & & & 4,6 \\ & & 5,3 & & & \\ & & & 6,4 & & \end{array}}{\begin{array}{|cccccc|} 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \end{array}} + \frac{\begin{array}{cccccc} & 1,2 & & & & \\ 2,1 & & 2,3 & & & \\ & 3,2 & & 3,4 & & \\ & & 4,3 & & 4,5 & \\ & & & 5,4 & & 5,6 \\ & & & & 6,5 & \end{array}}{\begin{array}{|cccccc|} 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \end{array}}$$

$$= \frac{8}{36} + \frac{10}{36}$$

$$= \frac{18}{36}$$

Sum of Probabilities: Dice Example 3

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(diff = 2 or diff = 1)

$$= \boxed{\mathbf{P}(\text{diff} = 2)} + \frac{}{}$$

2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$$= \frac{8}{36} + \frac{10}{36}$$

$$= \frac{18}{36}$$

Sum of Probabilities: Dice Example 3

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(diff = 2 or diff = 1)

$$= \frac{8}{36} + \frac{10}{36}$$

$$= \frac{18}{36}$$

DeepLearning.AI

Introduction to probability

Sum of Probabilities (Joint Events)

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1

At a school, kids can play as many sports as they want.

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1

At a school, kids can play as many sports as they want.

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1

At a school, kids can play as many sports as they want.

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1

At a school, kids can play as many sports as they want.

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1

At a school, kids can play as many sports as they want.

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1

At a school, kids can play as many sports as they want.

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1

At a school, kids can play as many sports as they want.

What is the probability that a kid plays soccer or basketball?

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1

At a school, kids can play as many sports as they want.

What is the probability that a kid plays soccer or basketball?

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1

At a school, kids can play as many sports as they want.

What is the probability that a kid plays soccer or basketball?

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1

At a school, kids can play as many sports as they want.

What is the probability that a kid plays soccer or basketball?

Hint: What if there were only 10 kids?

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1 Solution

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1 Solution

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1 Solution

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1 Solution

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1 Solution

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1 Solution

$$\mathbf{P}(\text{soccer} \cup \text{basketball}) = ?$$

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1 Solution

$$\mathbf{P}(\text{soccer} \cup \text{basketball}) = ?$$

We don't know how many children play multiple sports

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1 Solution

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1 Solution

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1 Solution

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1 Solution

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1 Solution

$$\mathbf{P}(S \cup B) = \mathbf{P}(S) + \mathbf{P}(B)$$

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1 Solution

$$\mathbf{P}(S \cup B) = \mathbf{P}(S) + \mathbf{P}(B)$$

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1 Solution

$$\mathbf{P}(S \cap B)$$

$$\mathbf{P}(S \cup B) = \mathbf{P}(S) + \mathbf{P}(B)$$

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1 Solution

$$\mathbf{P}(S \cup B) = \mathbf{P}(S) + \mathbf{P}(B)$$

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1 Solution

$$\mathbf{P}(S \cup B) = \mathbf{P}(S) + \mathbf{P}(B)$$

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1 Solution

$$\mathbf{P}(S \cup B) = \mathbf{P}(S) + \mathbf{P}(B)$$

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1 Solution

$$\mathbf{P}(S \cup B) = \mathbf{P}(S) + \mathbf{P}(B)$$

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 1 Solution

$$\mathbf{P}(S \cup B) = \mathbf{P}(S) + \mathbf{P}(B)$$

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 2

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 2

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 2

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 2

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 2

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 2

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 2

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 2

How many kids play soccer or basketball?

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 2

How many kids play soccer or basketball?

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 2

How many kids play soccer or basketball?

Hint: What if there were only 10 kids?

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 2 Solution

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 2 Solution

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 2 Solution

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 2 Solution

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 2 Solution

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 2 Solution

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 2 Solution

Sum of Probabilities (Joint Events): Venn Diagram

Sum of Probabilities (Joint Events): Venn Diagram

Sum of Probabilities (Joint Events): Venn Diagram

Sum of Probabilities (Joint Events): Venn Diagram

Sum of Probabilities (Joint Events): Venn Diagram

Sum of Probabilities (Joint Events): Venn Diagram

Soccer and Basketball

Sum of Probabilities (Joint Events): Venn Diagram

Sum of Probabilities (Joint Events): Venn Diagram

$$|S \cup B| \; =$$

Soccer and Basketball

Sum of Probabilities (Joint Events): Venn Diagram

$$|S \cup B| = |S|$$

Soccer and Basketball

Sum of Probabilities (Joint Events): Venn Diagram

$$|S \cup B| = |S|$$

Soccer and Basketball

Sum of Probabilities (Joint Events): Venn Diagram

$$|S \cup B| = |S| + |B|$$

Soccer and Basketball

Sum of Probabilities (Joint Events): Venn Diagram

$$|S \cup B| = |S| + |B|$$

Soccer and Basketball

Sum of Probabilities (Joint Events): Venn Diagram

$$|S \cup B| = |S| + |B| - |S \cap B|$$

Sum of Probabilities (Joint Events): Venn Diagram

$$|S \cup B| = |S| + |B| - |S \cap B|$$

Soccer and Basketball

Sum of Probabilities (Joint Events): Venn Diagram

$$|S \cup B| = |S| + |B| - |S \cap B|$$

$$=$$

Soccer and Basketball

Sum of Probabilities (Joint Events): Venn Diagram

$$|S \cup B| = |S| + |B| - |S \cap B|$$

$$= 6 + 5 - 3$$

Soccer and Basketball

Sum of Probabilities (Joint Events): Venn Diagram

$$|S \cup B| = |S| + |B| - |S \cap B|$$

$$= 6 + 5 - 3$$

$$= 8$$

Soccer and Basketball

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 3

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 3

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 3

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 3

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 3

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 3

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 3

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 3

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 3

What is the probability that a child plays soccer or basketball?

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 3 Solution

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 3 Solution

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 3 Solution

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 3 Solution

$$\mathbf{P}(S \cup B) = \mathbf{P}(S) + \mathbf{P}(B)$$

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 3 Solution

$$\mathbf{P}(S \cup B) = \mathbf{P}(S) + \mathbf{P}(B)$$

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 3 Solution

$$\mathbf{P}(S \cup B) = \mathbf{P}(S) + \mathbf{P}(B) - \mathbf{P}(S \cap B)$$

Sum of Probabilities (Joint Events): Quiz 3 Solution

$$\mathbf{P}(S \cup B) = \mathbf{P}(S) + \mathbf{P}(B) - \mathbf{P}(S \cap B)$$

$$= 0.6 + 0.5 - 0.3$$

$$= 0.8$$

Disjoint Events Vs Joint Events

Disjoint Events Vs Joint Events

Disjoint Events Vs Joint Events

Disjoint Events Vs Joint Events

Disjoint Events Vs Joint Events

Disjoint

Disjoint Events Vs Joint Events

Disjoint

Mutually exclusive

Disjoint Events Vs Joint Events

Disjoint

Mutually exclusive

$$\mathbf{P}(S \cup B) = \mathbf{P}(S) + \mathbf{P}(B)$$

Disjoint Events Vs Joint Events

Disjoint

Mutually exclusive

$$\mathbf{P}(S \cup B) = \mathbf{P}(S) + \mathbf{P}(B)$$

Disjoint Events Vs Joint Events

Disjoint

Mutually exclusive

$$\mathbf{P}(S \cup B) = \mathbf{P}(S) + \mathbf{P}(B)$$

Disjoint Events Vs Joint Events

Disjoint

Mutually exclusive

$$\mathbf{P}(S \cup B) = \mathbf{P}(S) + \mathbf{P}(B)$$

Joint

Disjoint Events Vs Joint Events

Disjoint

Mutually exclusive

$$\mathbf{P}(S \cup B) = \mathbf{P}(S) + \mathbf{P}(B)$$

Joint

Non-mutually exclusive

Disjoint Events Vs Joint Events

Disjoint

Mutually exclusive

$$\mathbf{P}(S \cup B) = \mathbf{P}(S) + \mathbf{P}(B)$$

Joint

Non-mutually exclusive

$$\mathbf{P}(S \cup B) = \mathbf{P}(S) + \mathbf{P}(B) - \mathbf{P}(S \cap B)$$

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

What is the probability of obtaining
a sum of 7 or a difference of 1?

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

sum = 7

diff = 1

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

sum = 7

diff = 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

sum = 7

diff = 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

sum = 7

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

diff = 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

sum = 7

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

diff = 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

A

sum = 7

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

B

diff = 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

A or B

sum = 7 or diff = 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

A or B

sum = 7 or diff = 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

sum = 7 and diff = 1

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}(\text{sum} = 7 \text{ or diff} = 1)$

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum = 7 or diff = 1)

$= _____$

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum = 7 or diff = 1)

$$= \frac{\text{1,6 + 2,5 + 3,4 + 4,3 + 5,2 + 6,1}}{\qquad\qquad}$$

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum = 7 or diff = 1)

$$= \frac{\begin{array}{c} 1,6 \\ 2,5 \\ 3,4 \\ 4,3 \\ 5,2 \\ 6,1 \end{array}}{\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|} \hline 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ \hline 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ \hline 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ \hline 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ \hline 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ \hline 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \\ \hline \end{array}}$$

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum = 7 or diff = 1)

$$= \frac{\text{6,1 5,2 4,3 3,4 2,5 1,6}}{\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|}\hline 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ \hline 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ \hline 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ \hline 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ \hline 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ \hline 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \\ \hline \end{array}} + \frac{\quad}{\quad}$$

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum = 7 or diff = 1)

$=$

$+$

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum = 7 or diff = 1)

$=$

$+$

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum = 7 or diff = 1)

$=$

$+$

$-$ _____

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum = 7 or diff = 1)

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum = 7 or diff = 1)

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum = 7 or diff = 1)

$$= \frac{\begin{array}{c|cccccc} & & & & & & 1,6 \\ & & & & & 2,5 & \\ & & & & 3,4 & & \\ & & & 4,3 & & & \\ & & 5,2 & & & & \\ & 6,1 & & & & & \end{array}}{\begin{array}{|cccccc|} \hline 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \\ \hline \end{array}} + \frac{\begin{array}{c|cccccc} & & 1,2 & & & & \\ & 2,1 & & 2,3 & & & \\ & & 3,2 & & 3,4 & & \\ & & & 4,3 & & 4,5 & \\ & & & & 5,4 & & 5,6 \\ & & & & & 6,5 & \end{array}}{\begin{array}{|cccccc|} \hline 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \\ \hline \end{array}} - \frac{\begin{array}{c|cccccc} & & & & & & 3,4 \\ & & & & & 4,3 & \end{array}}{\begin{array}{|cccccc|} \hline 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \\ \hline \end{array}}$$

$$= \frac{6}{36}$$

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum = 7 or diff = 1)

$$= \frac{\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|}\hline 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \\ \hline \end{array}}{} + \frac{\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|}\hline 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \\ \hline \end{array}}{} - \frac{\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|}\hline 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \\ \hline \end{array}}{}$$

$$= \frac{6}{36} + \frac{10}{36}$$

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum = 7 or diff = 1)

$$= \frac{\text{(6,1) (5,2) (4,3) (3,4) (2,5) (1,6)}}{\text{36 cells}} + \frac{\text{(1,2) (2,1) (2,3) (3,2) (3,4) (4,3) (4,5) (5,4) (5,6) (6,5)}}{\text{36 cells}} - \frac{\text{(4,3) (3,4)}}{\text{36 cells}}$$

$$= \frac{6}{36} + \frac{10}{36} - \frac{2}{36}$$

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum = 7 or diff = 1)

$$= \frac{\quad}{\quad} + \frac{\quad}{\quad} - \frac{\quad}{\quad}$$

$$= \frac{6}{36} + \frac{10}{36} - \frac{2}{36}$$

$$= \frac{14}{36}$$

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum = 7 or diff = 1)

$$= \boxed{\mathbf{P}(\text{sum} = 7)} + \frac{\quad}{\quad} - \frac{\quad}{\quad}$$

$$= \frac{6}{36} + \frac{10}{36} - \frac{2}{36}$$

$$= \frac{14}{36}$$

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}$(sum = 7 or diff = 1)

$$= \boxed{\mathbf{P}(\text{sum} = 7)} + \boxed{\mathbf{P}(\text{diff} = 1)} - \frac{\quad}{\quad}$$

2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$$= \frac{6}{36} + \frac{10}{36} - \frac{2}{36}$$

$$= \frac{14}{36}$$

Sum of Probabilities (Joint Events): Dice Example 1

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\mathbf{P}(\text{sum} = 7 \text{ or diff} = 1)$

$$= \boxed{\mathbf{P}(\text{sum} = 7)} + \boxed{\mathbf{P}(\text{diff} = 1)} - \boxed{\mathbf{P}(\text{sum} = 7 \cap \text{diff} = 1)}$$

$$= \frac{6}{36} + \frac{10}{36} - \frac{2}{36}$$

$$= \frac{14}{36}$$

DeepLearning.AI

Introduction to probability

Independence

Independence: Quiz 1

Independence: Quiz 1

100 kids

Independence: Quiz 1

100 kids

Independence: Quiz 1

100 kids

Independence: Quiz 1

100 kids

Independence: Quiz 1

100 kids

Independence: Quiz 1

100 kids

Independence: Quiz 1

100 kids

Independence: Quiz 1

100 kids

Independence: Quiz 1

Independence: Quiz 1

100 kids

How many kids in room 1 like soccer?

Quiz 1 Solution

Quiz 1 Solution

Quiz 1 Solution

Quiz 1 Solution

Independence: Quiz 2

Independence: Quiz 2

Independence: Quiz 2

Independence: Quiz 2

Independence: Quiz 2

Independence: Quiz 2

100 kids

Independence: Quiz 2

Independence: Quiz 2

100 kids

Independence: Quiz 2

100 kids

Independence: Quiz 2

Independence: Quiz 2

100 kids

How many kids in the smaller room like to play soccer?

Quiz 2 Solution

Quiz 2 Solution

Quiz 2 Solution

Quiz 2 Solution

Independent Events

Independent Events

Independent Events

$\mathbf{P}(S) = 0.4$

Independent Events

$$\mathbf{P}(S) = 0.4$$

Independent Events

$\mathbf{P}(S) = 0.4$

$\mathbf{P}(\text{not } S) = 0.6$

Independent Events

$\mathbf{P}(S) = 0.4$

$\mathbf{P}(\text{not } S) = 0.6$

Independent Events

$\mathbf{P}(S) = 0.4$

$\mathbf{P}(\text{not } S) = 0.6$

Independent Events

Independent Events

$\mathbf{P}(\text{Soccer and Room 1})$

$\mathbf{P}(S) = 0.4$

$\mathbf{P}(\text{not } S) = 0.6$

$\mathbf{P}(R_1) = 0.3$

Independent Events

$\mathbf{P}(\text{Soccer and Room 1})$

Independent Events

$\mathbf{P}(\text{Soccer and Room 1})$

Independent Events

$\mathbf{P}(\text{Soccer and Room 1})$

Independent Events

$\mathbf{P}$(Soccer and Room 1)

$\mathbf{P}(S \cap R_1) =$

Independent Events

$\mathbf{P}(\text{Soccer and Room 1})$

$\mathbf{P}(S \cap R_1) = \mathbf{P}(S)$

Independent Events

$\mathbf{P}(\text{Soccer and Room 1})$

$\mathbf{P}(S \cap R_1) = \mathbf{P}(S)$

Independent Events

$\mathbf{P}$(Soccer and Room 1)

$\mathbf{P}(S \cap R_1) = \mathbf{P}(S) \bullet$

Independent Events

$\mathbf{P}(\text{Soccer and Room 1})$

$\mathbf{P}(S \cap R_1) = \mathbf{P}(S) \bullet \mathbf{P}(R_1)$

Independent Events

$\mathbf{P}(\text{Soccer and Room 1})$

$\mathbf{P}(S \cap R_1) = \mathbf{P}(S) \bullet \mathbf{P}(R_1)$

Independent Events

$\mathbf{P}$(Soccer and Room 1)

$$\mathbf{P}(S \cap R_1) = \mathbf{P}(S) \bullet \mathbf{P}(R_1)$$

$$= 0.4$$

Independent Events

$\mathbf{P}$(Soccer and Room 1)

$$\mathbf{P}(S \cap R_1) = \mathbf{P}(S) \bullet \mathbf{P}(R_1)$$

$$= 0.4 \bullet$$

Independent Events

$\mathbf{P}$(Soccer and Room 1)

$$\mathbf{P}(S \cap R_1) = \mathbf{P}(S) \bullet \mathbf{P}(R_1)$$

$$= 0.4 \bullet 0.3$$

Independent Events

$\mathbf{P}$(Soccer and Room 1)

$$\mathbf{P}(S \cap R_1) = \mathbf{P}(S) \bullet \mathbf{P}(R_1)$$

$$= 0.4 \bullet 0.3$$

$$= 0.12$$

Independent Events

$\mathbf{P}$(Soccer and Room 1)

$$\mathbf{P}(S \cap R_1) = \mathbf{P}(S) \bullet \mathbf{P}(R_1)$$

$$= 0.4 \bullet 0.3$$

$$= 0.12$$

Product Rule (for Independent Events)

Product Rule (for Independent Events)

$$\mathbf{P}(A \cap B) = \mathbf{P}(A) \cdot \mathbf{P}(B)$$

Independent Events: Coin Example 1

50% 50%

Independent Events: Coin Example 1

50% 50%

Independent Events: Coin Example 1

50% 50%

What is the probability of landing on heads five times?

Independent Events: Coin Example 1

50% 50%

What is the probability of landing on heads five times?

Independent Events: Coin Example 1

50% 50%

What is the probability of landing on heads five times?

Independent Events: Coin Example 1

50% 50%

What is the probability of landing on heads five times?

Independent Events: Coin Example 1

50% 50%

What is the probability of landing on heads five times?

$$\frac{1}{2}$$

Independent Events: Coin Example 1

50% 50%

What is the probability of landing on heads five times?

$$\frac{1}{2}$$

Independent Events: Coin Example 1

50% 50%

What is the probability of landing on heads five times?

$\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$

Independent Events: Coin Example 1

50% 50%

What is the probability of landing on heads five times?

$\mathbf{P}(5 \text{ heads}) =$

$\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$

Independent Events: Coin Example 1

50% 50%

What is the probability of landing on heads five times?

$\mathbf{P}(5 \text{ heads}) =$

$$\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2}$$

Independent Events: Coin Example 1

50% 50%

What is the probability of landing on heads five times?

$$\mathbf{P}(5 \text{ heads}) = \frac{\text{H}}{\text{H T}} \cdot \frac{\text{H}}{\text{H T}} \cdot \frac{\text{H}}{\text{H T}} \cdot \frac{\text{H}}{\text{H T}} \cdot \frac{\text{H}}{\text{H T}}$$

$$\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2}$$

Independent Events: Coin Example 2

50% 50%

What is the probability of landing on heads five times?

$\mathbf{P}(5 \text{ heads}) =$

$$\frac{1}{2}$$

Independent Events: Coin Example 2

50% 50%

What is the probability of landing on heads five times?

$$\mathbf{P}(5 \text{ heads}) = \left(\frac{\text{H}}{\text{H} \quad \text{T}} \right)$$

$$\frac{1}{2}$$

Independent Events: Coin Example 2

50% 50%

What is the probability of landing 5n heads five times?

$$\mathbf{P}(5 \text{ heads}) = \left(\frac{\text{H}}{\text{H} \quad \text{T}} \right)$$

$$\frac{1}{2}$$

Independent Events: Coin Example 2

50% 50%

What is the probability of landing on heads five times?

$$\mathbf{P}(5 \text{ heads}) = \left(\frac{\text{H}}{\text{H}\ \text{T}} \right)^5$$

$$\frac{1}{2}$$

Independent Events: Coin Example 2

50% 50%

What is the probability of landing on heads five times?

$$\mathbf{P}(5 \text{ heads}) = \left(\frac{\text{H}}{\text{H}\ \text{T}} \right)^5$$

$$\left(\frac{1}{2}\right)^5$$

Independent Events: Coin Example 2

50% 50%

What is the probability of landing on heads five times?

$$\mathbf{P}(5 \text{ heads}) = \left(\frac{\text{H}}{\text{H}\ \text{T}} \right)^5$$

$$\left(\frac{1}{2}\right)^5 = \frac{1}{32}$$

Independent Events: Dice Example 1

Independent Events: Dice Example 1

Independent Events: Dice Example 1

$$\mathbf{P}(6) = \underline{\qquad\qquad\qquad\qquad}$$

Independent Events: Dice Example 1

$\mathbf{P}(6) =$

Independent Events: Dice Example 1

$$\mathbf{P}(6) = \frac{\text{ }}{\text{ }} = \frac{1}{6}$$

Independent Events: Dice Example 1

Independent Events: Dice Example 1

Independent Events: Dice Example 1

2 dice

Independent Events: Dice Example 1

2 dice

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

Independent Events: Dice Example 1

2 dice

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$$\mathbf{P}(6,6) = \underline{\hspace{6cm}}$$

Independent Events: Dice Example 1

2 dice

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$$\mathbf{P}(6,6) = \underline{\qquad\qquad\qquad\qquad}$$

Independent Events: Dice Example 1

2 dice

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$$\mathbf{P}(6,6) = \frac{\boxed{6,6}}{}$$

Independent Events: Dice Example 1

2 dice

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$$\mathbf{P}(6,6) = \frac{\boxed{6,6}}{\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|}\hline 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ \hline 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ \hline 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ \hline 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ \hline 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ \hline 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \\ \hline \end{array}}$$

Independent Events: Dice Example 1

2 dice

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$$\mathbf{P}(6,6) = \frac{\boxed{6,6}}{\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|}\hline 1,1 & 1,2 & 1,3 & 1,4 & 1,5 & 1,6 \\ \hline 2,1 & 2,2 & 2,3 & 2,4 & 2,5 & 2,6 \\ \hline 3,1 & 3,2 & 3,3 & 3,4 & 3,5 & 3,6 \\ \hline 4,1 & 4,2 & 4,3 & 4,4 & 4,5 & 4,6 \\ \hline 5,1 & 5,2 & 5,3 & 5,4 & 5,5 & 5,6 \\ \hline 6,1 & 6,2 & 6,3 & 6,4 & 6,5 & 6,6 \\ \hline \end{array}} = \frac{1}{36}$$

Independent Events: Dice Example 1

2 dice

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

Independent Events: Dice Example 1

2 dice

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$$\mathbf{P}(6,6) =$$

Independent Events: Dice Example 1

2 dice

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\frac{1}{6}$

$\mathbf{P}(6,6) =$

Independent Events: Dice Example 1

2 dice

$$\mathbf{P}(6,6) = \frac{\quad}{\quad} = \frac{1}{6}$$

Independent Events: Dice Example 1

$\frac{1}{6}$

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\frac{1}{6}$

$$\mathbf{P}(6,6) = \frac{\text{[dice]}}{\text{[dice]}}$$

$\frac{1}{6}$

2 dice

Independent Events: Dice Example 1

$\frac{1}{6}$

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\frac{1}{6}$

2 dice

$$\mathbf{P}(6,6) = \frac{\quad}{\quad} \quad \frac{\quad}{\quad}$$

$\frac{1}{6}$ $\frac{1}{6}$

Independent Events: Dice Example 1

$\frac{1}{6}$

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\frac{1}{6}$

2 dice

$$\mathbf{P}(6,6) = \frac{\quad}{\quad} \quad \frac{\quad}{\quad}$$

$\frac{1}{6}$ $\frac{1}{6}$

Independent Events: Dice Example 1

$\frac{1}{6}$

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\frac{1}{6}$

2 dice

$$\mathbf{P}(6,6) = \frac{\text{1 dice}}{\text{36 dice}} \bullet \frac{\text{1 dice}}{\text{36 dice}}$$

$$\frac{1}{6} \bullet \frac{1}{6}$$

Independent Events: Dice Example 1

$\frac{1}{6}$

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\frac{1}{6}$

2 dice

$$\mathbf{P}(6,6) = \frac{\text{dice}}{\text{dice}} \bullet \frac{\text{dice}}{\text{dice}}$$

$$\frac{1}{6} \bullet \frac{1}{6}$$

$$= \left(\frac{1}{6}\right)$$

Independent Events: Dice Example 1

$\frac{1}{6}$

	1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
	2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
	3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
	4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
	5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
$\frac{1}{6}$	6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

2 dice

$$\mathbf{P}(6,6) = \frac{\text{[dice]}}{\text{[dice]}} \bullet \frac{\text{[dice]}}{\text{[dice]}}$$

$$\frac{1}{6} \bullet \frac{1}{6}$$

$$= \left(\frac{1}{6}\right)$$

Independent Events: Dice Example 1

$\frac{1}{6}$

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\frac{1}{6}$

2 dice

$$\mathbf{P}(6,6) = \frac{\text{dice}}{\text{dice}} \bullet \frac{\text{dice}}{\text{dice}}$$

$$\frac{1}{6} \bullet \frac{1}{6}$$

$$= \left(\frac{1}{6}\right)^2$$

Independent Events: Dice Example 1

$\frac{1}{6}$

1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6
2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6
3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6
4,1	4,2	4,3	4,4	4,5	4,6
5,1	5,2	5,3	5,4	5,5	5,6
6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6

$\frac{1}{6}$

2 dice

$$\mathbf{P}(6,6) = \frac{\text{1 dice}}{\text{36 dice}} \bullet \frac{\text{1 dice}}{\text{36 dice}}$$

$$\frac{1}{6} \bullet \frac{1}{6}$$

$$= \left(\frac{1}{6}\right)^2 = \frac{1}{36}$$

Independent Events: Dice Example 2

Independent Events: Dice Example 2

What is the probability of getting 10 sixes?

Independent Events: Dice Example 2

What is the probability of getting 10 sixes?

Independent Events: Dice Example 2

What is the probability of getting 10 sixes?

Independent Events: Dice Example 2

What is the probability of getting 10 sixes?

$\mathbf{P}(10 \text{ sixes}) =$

Independent Events: Dice Example 2

What is the probability of getting 10 sixes?

$\mathbf{P}(10 \text{ sixes}) = \left(\frac{\text{[illegible]}}{\text{[illegible]}} \right)$

Independent Events: Dice Example 2

What is the probability of getting 10 sixes?

$\mathbf{P}(10 \text{ sixes}) = \left(\frac{\text{[1 dice]}}{\text{[6 dice]}} \right)^{10}$

Independent Events: Dice Example 2

What is the probability of getting 10 sixes?

$\mathbf{P}(10 \text{ sixes}) = \left(\frac{\text{ }}{\text{ }} \right)^{10}$

$$= \left(\frac{1}{6}\right)^{10}$$

DeepLearning.AI

Introduction to probability

Birthday problem

6. The Birthday Problem

- Quiz: You have a party with 30 friends. What do you think is more likely, that there are two with the same birthday, or not?
  - Answer: Same birthday
- Calculate the probability that two people have the same birthday. Show that it's very close to 1.
- Question: How many people do you think there should be for the probability that 2 have the same birthday is 50?
  - Answer: 23
  - Show calculation

Quiz

- You have 30 friends at a party. What do you think is more likely:
  - That there exist two people with the same birthday
  - That no two of them have the same birthday
- (Assume the year has 365 days, nobody has a birthday on Feb 29).

Quiz

- Answer: It’s more likely that 2 people have the same birthday.
- In fact, the probability of no two people having the same birthday is around 0.3.

Probability That Everyone Has a Different Birthday

Probability That Everyone Has a Different Birthday

$$\frac{365}{365}$$

Probability That Everyone Has a Different Birthday

$$\frac{365}{365} \qquad \frac{364}{365}$$

Probability That Everyone Has a Different Birthday

$$\frac{365}{365} \qquad \frac{364}{365} \qquad \frac{363}{365}$$

Probability That Everyone Has a Different Birthday

$$\frac{365}{365} \quad \frac{364}{365} \quad \frac{363}{365} \quad \frac{362}{365}$$

Probability That Everyone Has a Different Birthday

$$\frac{365}{365} \quad \frac{364}{365} \quad \frac{363}{365} \quad \frac{362}{365} \quad \frac{361}{365}$$

Probability That Everyone Has a Different Birthday

$$\frac{365}{365} \quad \frac{364}{365} \quad \frac{363}{365} \quad \frac{362}{365} \quad \frac{361}{365} \quad \frac{360}{365}$$

Probability That Everyone Has a Different Birthday

$$\frac{365}{365} \quad \frac{364}{365} \quad \frac{363}{365} \quad \frac{362}{365} \quad \frac{361}{365} \quad \frac{360}{365} \quad \frac{359}{365}$$

Probability That Everyone Has a Different Birthday

$$\frac{365}{365} \quad \frac{364}{365} \quad \frac{363}{365} \quad \frac{362}{365} \quad \frac{361}{365} \quad \frac{360}{365} \quad \frac{359}{365} \quad \frac{358}{365}$$

Probability That Everyone Has a Different Birthday

$$\frac{365}{365} \quad \frac{364}{365} \quad \frac{363}{365} \quad \frac{362}{365} \quad \frac{361}{365} \quad \frac{360}{365} \quad \frac{359}{365} \quad \frac{358}{365} \quad \frac{357}{365}$$

Probability That Everyone Has a Different Birthday

$$\frac{365}{365} \cdot \frac{364}{365} \cdot \frac{363}{365} \cdot \frac{362}{365} \cdot \frac{361}{365} \cdot \frac{360}{365} \cdot \frac{359}{365} \cdot \frac{358}{365} \cdot \frac{357}{365} =$$

Probability That Everyone Has a Different Birthday

$$\frac{365}{365} \cdot \frac{364}{365} \cdot \frac{363}{365} \cdot \frac{362}{365} \cdot \frac{361}{365} \cdot \frac{360}{365} \cdot \frac{359}{365} \cdot \frac{358}{365} \cdot \frac{357}{365} = 0.905$$