

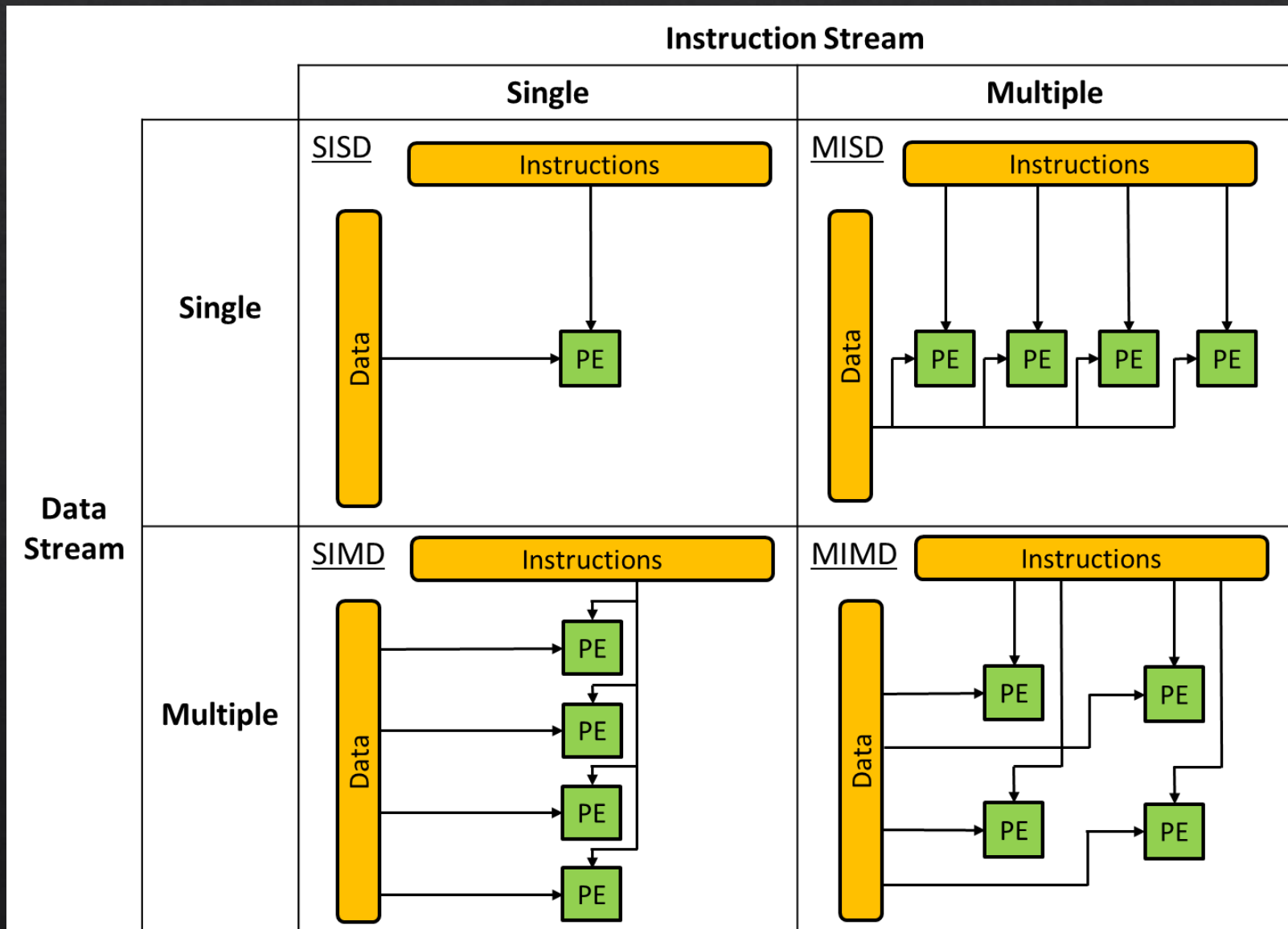
Орчин үеийн архитектурууд

F.CS306 ПАРАЛЛЕЛ ПРОГРАММЧЛАЛ – Лекц 6

Хичээлийн агуулга

- ◆ Flynn's taxonomy
- ◆ SIMD параллелизмын үндэс
- ◆ түгээмэл CPU дээрх алгоритмын C / C++ векторчлолын тухай

Flynn's Taxonomy (1966)



Параллелизмын түвшин

◆ **Multiple cores.**

- ◆ Олон цөмтэй MIMD параллелизм
- ◆ thread-үүдийг асинхрон, бие даасан байдлаар ажиллуулдаг

◆ **Vector units.**

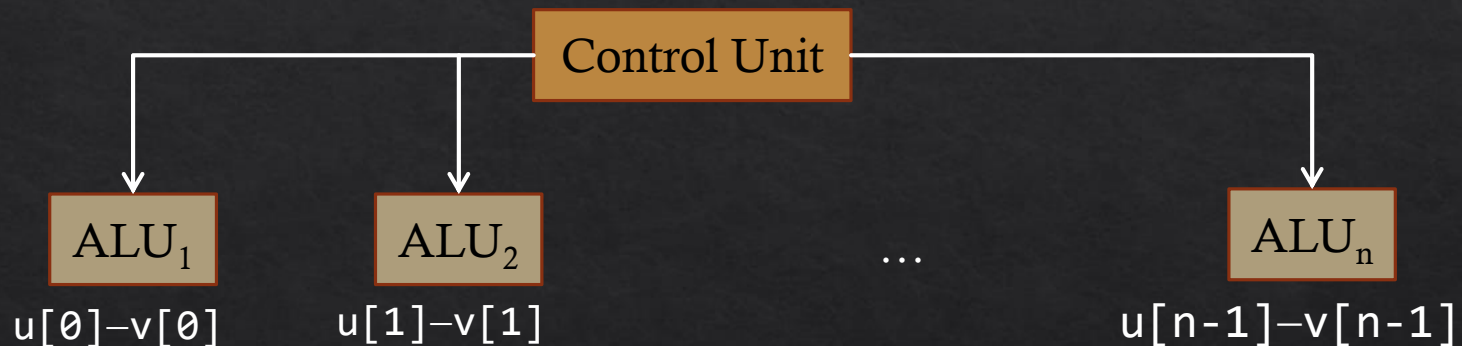
- ◆ Цөмүүд нь SIMD суурилсэн вектор нэгжтэй
- ◆ Өгөгдлийн түвшинд параллелчилдаг

◆ **Instruction-level parallelism.**

- ◆ Pipelining: instruction fetch, instruction decode and register fetch, execute, memory access, and register write-back.
- ◆ Superscalar: олон (бие даасан) зааварчилгааг зэрэгцээгээр ажиллуулдаг.

SIMD (Single Instruction, Multiple Data)

```
//Mapping element-wise subtraction onto SIMD  
for (i = 0; i<n; i++) w[i] = u[i]-v[i];
```



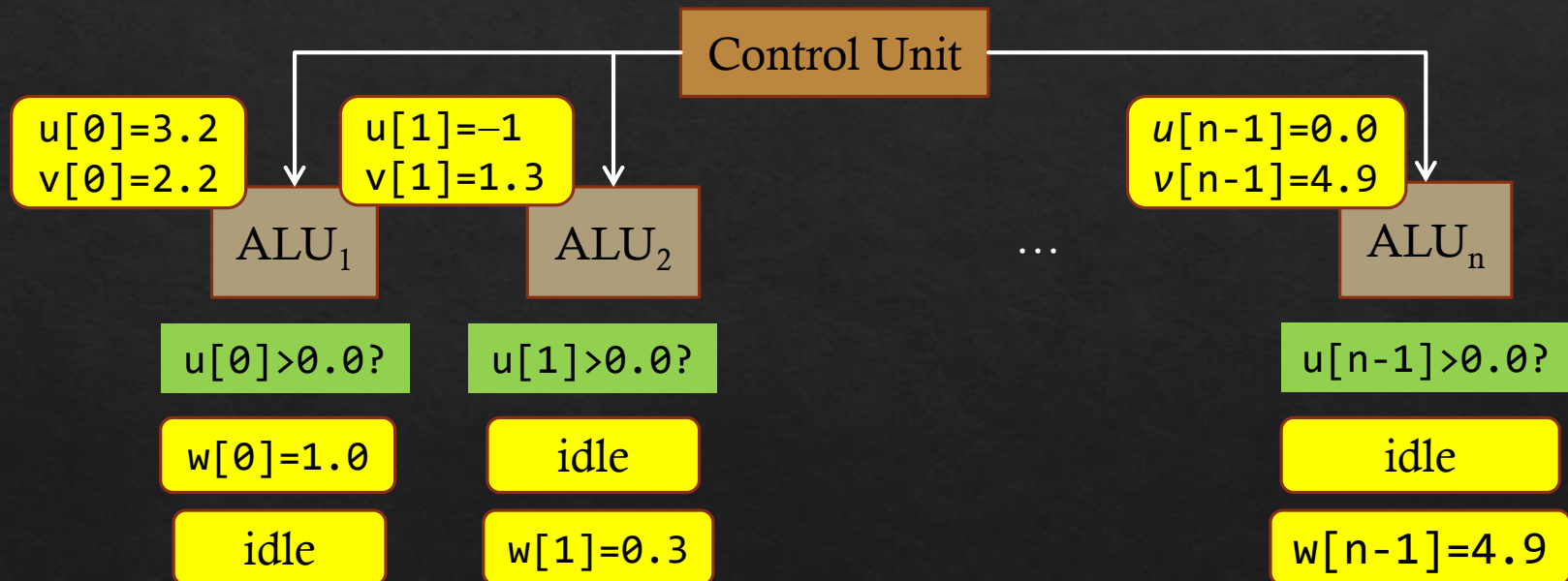
- ◇ Хэрэв бидэнд олон өгөгдөл, олон ALU байхгүй бол яах вэ?
- ◇ Ажлыг хувааж, давталтаар гүйцэтгэнэ.

SIMD

//Mapping a Conditional Statement onto SIMD

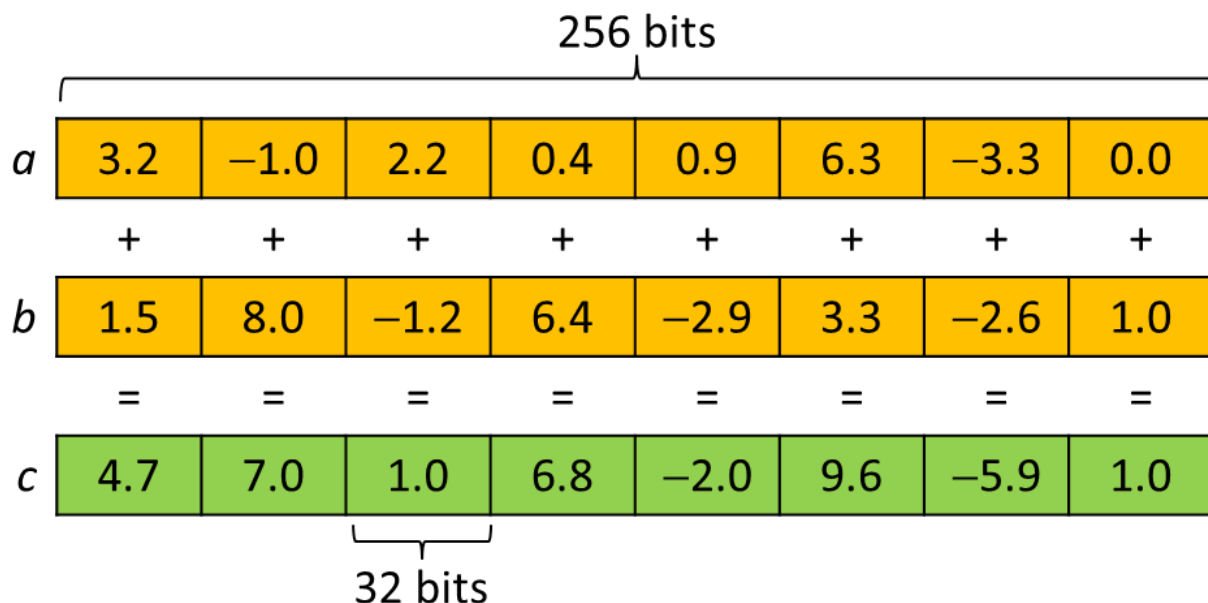
```
for (i = 0; i<n; i++)  
    if (u[i] > 0)  
        w[i] = u[i]-v[i];  
    else  
        w[i] = u[i]+v[i];
```

Бүх ALU ижил заавруудыг ажиллуулах (зэрэгцээгээр) шаардлагатай эсвэл idle горимд байна. **Жишээний хувьд үр ашиг 50%.**



- ❖ Орчин үеийн CPU цөмүүд ерөнхийдөө хэд хэдэн өгөгдлийн элементүүдтэй зэрэгцээ ажилладаг вектор нэгжүүдтэй байдаг.
- ❖ CUDA-enabled GPU-ийн thread-үүд SIMD маягаар ажилладаг

AVX2 регистрүүдтэй SIMD



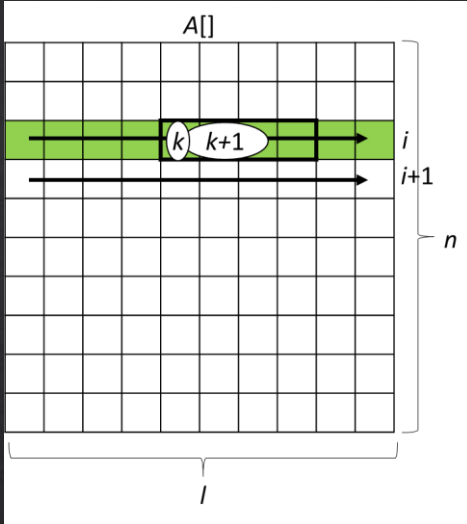
- 8 single-precision (32-bit) floating-point тоо хадгалсан 2ш Advanced Vector Extensions (AVX) регистрийн параллел нэмэх үйлдэл. Тоо бүрийг *vector* гэнэ.

// C/C++ дээрх AVX2-програмчлал

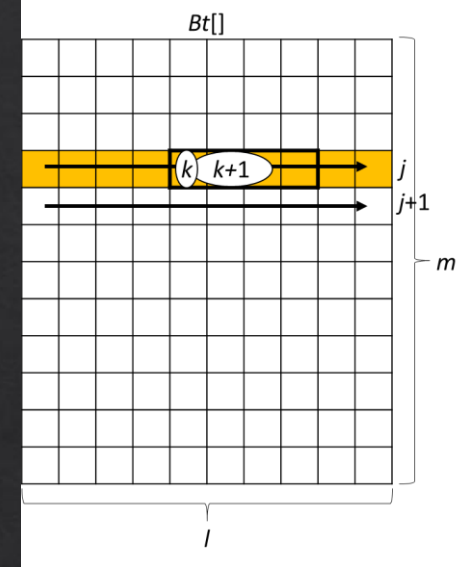
`__m256` *a*, *b*, *c*; // AVX регистртүүдийг зарлах

... // *a*, *b*-д утга онооно

c = `_mm256_add_ps(a, b)`; // *c*[0:8] = *a*[0:8] + *b*[0:8]

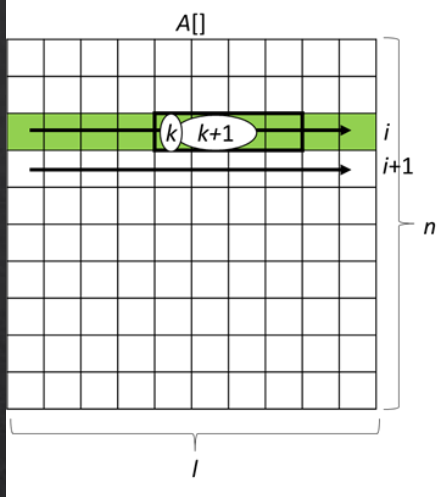


AVX2 програмчлал: эргүүлсэн MatMult

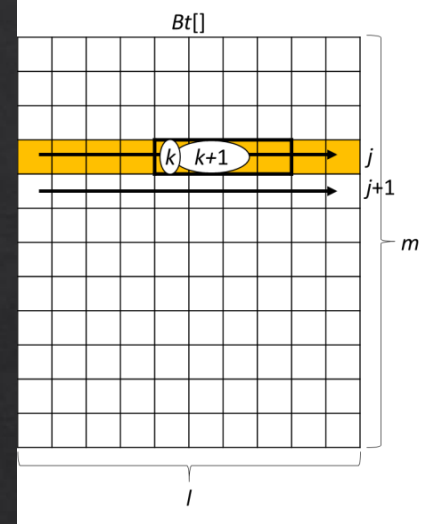


AV	$A[i*L]$	$A[i*L+1]$	$A[i*L+2]$	$A[i*L+3]$	$A[i*L+4]$	$A[i*L+5]$	$A[i*L+6]$	$A[i*L+7]$
	*	*	*	*	*	*	*	*
BV	$B[j*L]$	$B[j*L+1]$	$B[j*L+2]$	$B[j*L+3]$	$B[j*L+4]$	$B[j*L+5]$	$B[j*L+6]$	$B[j*L+7]$
	+	+	+	+	+	+	+	+
X	$X[0]$	$X[1]$	$X[2]$	$X[3]$	$X[4]$	$X[5]$	$X[6]$	$X[7]$
	=	=	=	=	=	=	=	=
X	$X[0]$	$X[1]$	$X[2]$	$X[3]$	$X[4]$	$X[5]$	$X[6]$	$X[7]$

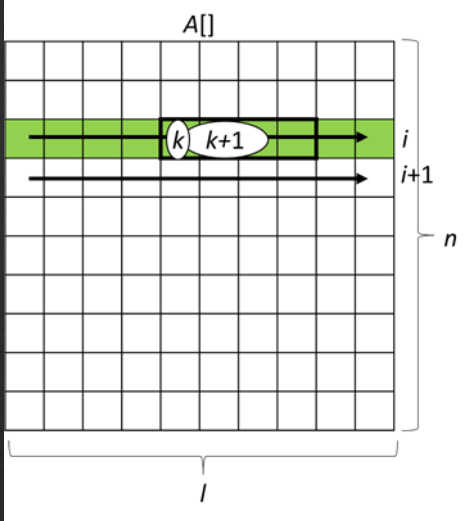
`_mm256_fmadd_ps(AV, BV, X)` эргүүлсэн матрицийн
векторчилсон үржвэрийн функц



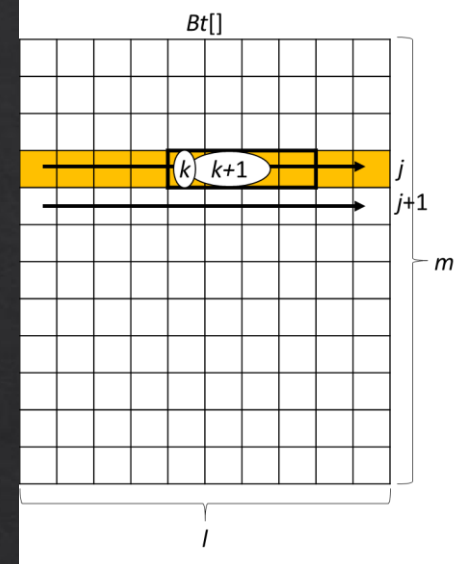
AVX2 програмчлал: эргүүлсэн MatMult



```
// AVX2-той Transpose-and-Multiply
void avx2_tmm(float * A, float * B, float * C,
              uint64_t M, uint64_t L, uint64_t N) {
    for (uint64_t i=0; i<N; i++)
        for (uint64_t j=0; j<M; j++) {
            __m256 X = _mm256_setzero_ps();
            for (uint64_t k=0; k<L; k+=8) {
                const __m256 AV = _mm256_load_ps(A+i*L+k);
                const __m256 BV = _mm256_load_ps(B+j*L+k);
                X = _mm256_fmadd_ps(AV, BV, X);
            }
            C[i*N+j] = hsum_avx(X);
        }
}
```



AVX2 програмчлал: эргүүлсэн MatMult болон энгийн MatMult хоёрын ялгаа



i7-6800K: $m = 1K, l = 2K, n = 4K$

#elapsed time (plain_tmm):	12.29s
#elapsed time (avx2_tmm):	2.13s

Speedup:
5.8

6-core i7-6800K: $m = 1K, l = 2K, n = 4K$
OpenMP-ын 12 thread

#elapsed time (avx2_tmm_multi):	0.32s
---------------------------------	-------

Speedup:
 6.7×5.8

AoS ба SoA

AoS

xyz []

x ₀	y ₀	z ₀	x ₁	y ₁	z ₁	x ₂	y ₂	z ₂	x ₃	y ₃	z ₃	x ₄	y ₄	z ₄	x ₅	y ₅	z ₅	x ₆	y ₆	z ₆	x ₇	y ₇	z ₇
----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------

SoA

x []

x ₀	x ₁	x ₂	x ₃	x ₄	x ₅	x ₆	x ₇
----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------

y []

y ₀	y ₁	y ₂	y ₃	y ₄	y ₅	y ₆	y ₇
----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------

z []

z ₀	z ₁	z ₂	z ₃	z ₄	z ₅	z ₆	z ₇
----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------

- ❖ Векторыг нормалчлах зорилгоор AoS ба SoA ын SIMD-friendliness байдлыг харьцуулахад n ширхэг бодит тоон 3D векторын цуглуулга хэрэглэнэ.
- ❖ **AoS (Array of Structures)**: утгуудыг солбицуулан хадгалсан нэг массив
- ❖ **SoA (Structure of Arrays)**: хэмжээс бүрт нэг массивтэй. Массив бүр зөвхөн холбогдох хэмжээсийн утгуудыг хадгалдаг

AoS дээрх вектор нормалчлал

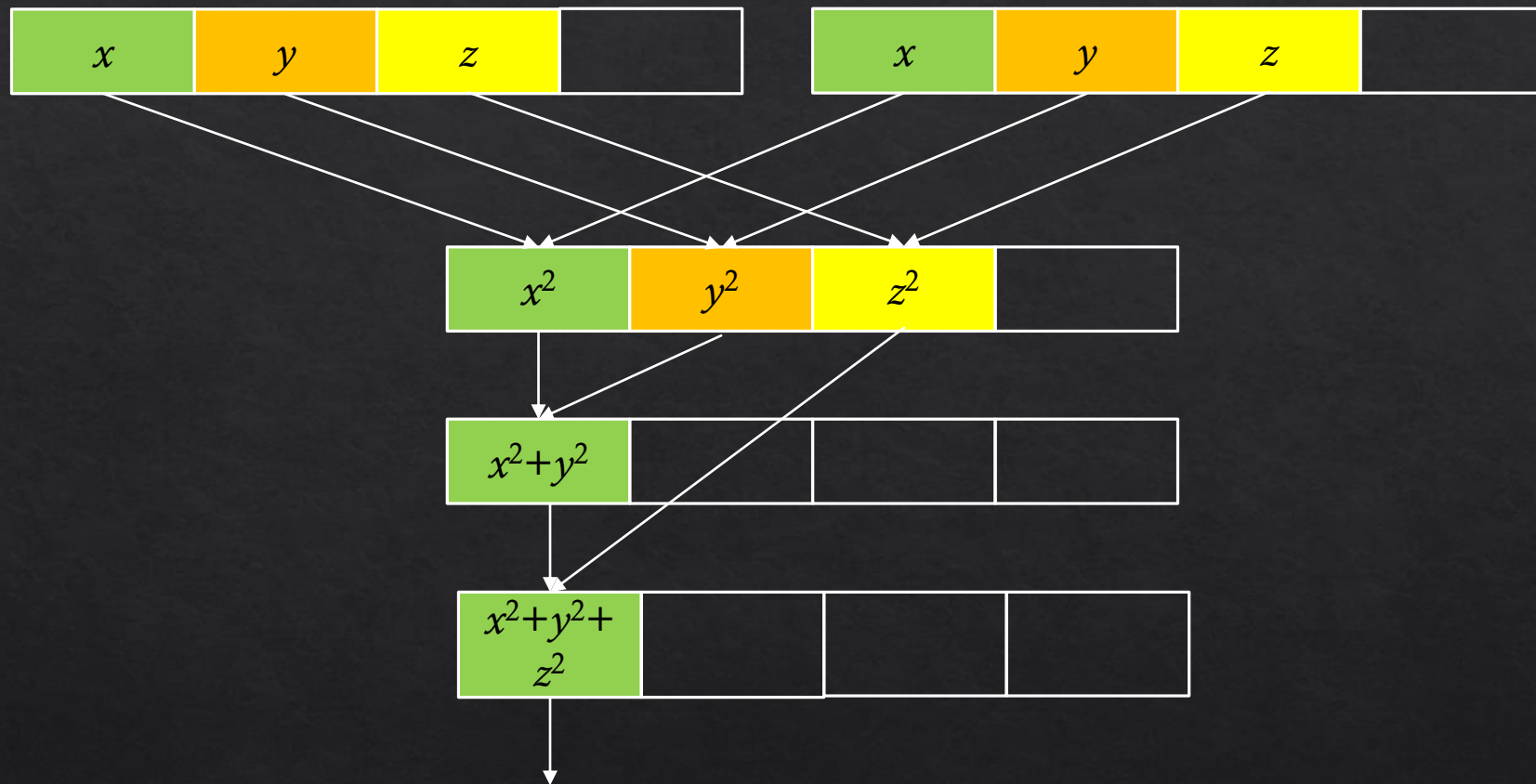
AoS

xyz[]	x ₀	y ₀	z ₀	x ₁	y ₁	z ₁	x ₂	y ₂	z ₂	x ₃	y ₃	z ₃	x ₄	y ₄	z ₄	x ₅	y ₅	z ₅	x ₆	y ₆	z ₆	x ₇	y ₇	z ₇
-------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------

```
//Non-vectorized with plain AoS layout 3D vector normalization
void plain_aos_norm(float * xyz, uint64_t length) {
    for (uint64_t i=0; i<3*length; i+=3) {
        const float x = xyz[i+0];
        const float y = xyz[i+1];
        const float z = xyz[i+2];
        float irho = 1.0f/std::sqrt(x*x+y*y+z*z);
        xyz[i+0] *= irho;
        xyz[i+1] *= irho;
        xyz[i+2] *= irho;
    }
}
```

$$v_i = (x_i, y_i, z_i) \text{ байх } \hat{v}_i = \frac{v_i}{\|v_i\|} = \left(\frac{x_i}{\rho_i}, \frac{y_i}{\rho_i}, \frac{z_i}{\rho_i} \right). \text{ Энд } \rho_i = \sqrt{x_i^2 + y_i^2 + z_i^2}$$

AoS дээрх вектор нормалчлал



- ◇ 128-бит регистр бүрэн ашиглагдахгүй
- ◇ Квадратуудыг нэгтгэхэд хөршүүдийн хоорондох үйлдлүүдийг шаарддаг ба ингэснээр урвуу квадрат язгуурыг тооцоолоход зөвхөн нэг утга үлдэнэ
- ◇ Том вектор региструуд олон байх нь ашиггүй

SoA дээрх вектор нормалчлал

SoA

x[]	x ₀	x ₁	x ₂	x ₃	x ₄	x ₅	x ₆	x ₇
y[]	y ₀	y ₁	y ₂	y ₃	y ₄	y ₅	y ₆	y ₇
z[]	z ₀	z ₁	z ₂	z ₃	z ₄	z ₅	z ₆	z ₇

$$v_i = (x_i, y_i, z_i) \text{ байх } \hat{v}_i = \left(\frac{x_i}{\rho_i}, \frac{y_i}{\rho_i}, \frac{z_i}{\rho_i} \right),$$

$$\text{Энд } \rho_i = \sqrt{x_i^2 + y_i^2 + z_i^2}$$

//AVX-Vectorized SoA layout 3D vector normalization

```
void avx_soa_norm(float *x, float *y, float *z, uint64_t length) {
    for (uint64_t i=0; i<length; i+=8) {
        __m256 X = _mm256_load_ps(x+i);    // aligned loads
        __m256 Y = _mm256_load_ps(y+i);
        __m256 Z = _mm256_load_ps(z+i);

        __m256 R = _mm256_fmadd_ps(X,X,    // R <- X*X+Y*Y+Z*Z
                                   _mm256_fmadd_ps(Y,Y,_mm256_mul_ps(Z,Z)));

        R = _mm256_rsqrt_ps(R); // R <- 1/sqrt(R)

        _mm256_store_ps(x+i, _mm256_mul_ps(X, R)); // aligned stores
        _mm256_store_ps(y+i, _mm256_mul_ps(Y, R));
        _mm256_store_ps(z+i, _mm256_mul_ps(Z, R));
    }
}
```


Жишээ:

AoS дээрх Vectorized нормалчлал

1. AoS форматад гурван 3D векторыг гурван 256-bit регистр ашиглан SoA формат руу шилжүүлнэ.
2. SoA форматыг ашиглан Vectorized SIMD тооцооллыг хийнэ.
3. SoA-ээс үр дүнг AoS формат руу шилжүүлнэ.

i7-6800K: $n = 2^{28}$

#elapsed time (plain_aos_normalize): 0.72s

#elapsed time (avx_aos_normalize): 0.33s

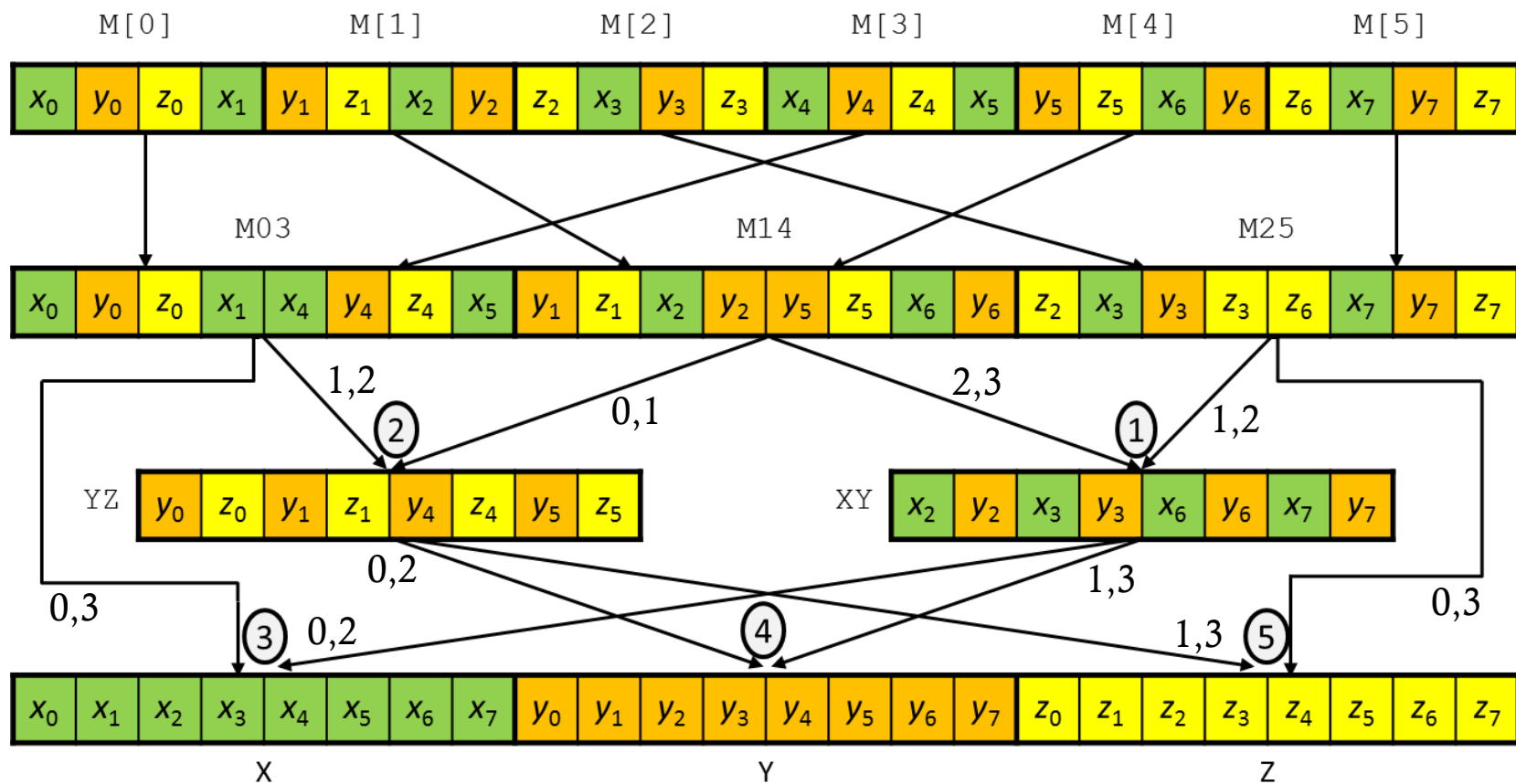
Speedup: 2.2

AOS2SOA

```
// AOS2SOA: XYZXYZXYZXYZXYZXYZXYZXYZ --> XXXXXXXX YYYYYYYY ZZZZZZZZ
for (uint64_t i=0; i<length; i+=8) {
    // registers: NOTE: M is an SSE pointer (length 4)
    __m128 *M=(__m128*) (xyz+i);
    __m256 M03, M14, M25;
    // load lower halves
    M03 = _mm256_castps128_ps256(M[0]);
    M14 = _mm256_castps128_ps256(M[1]);
    M25 = _mm256_castps128_ps256(M[2]);
    // load upper halves
    M03 = _mm256_insertf128_ps(M03 ,M[3],1);
    M14 = _mm256_insertf128_ps(M14 ,M[4],1);
    M25 = _mm256_insertf128_ps(M25 ,M[5],1);
    // everyday I'm shuffling...
    __m256 XY = _mm256_shuffle_ps(M14, M25, _MM_SHUFFLE( 2,1,3,2));
    __m256 YZ = _mm256_shuffle_ps(M03, M14, _MM_SHUFFLE( 1,0,2,1));
    __m256 X = _mm256_shuffle_ps(M03, XY , _MM_SHUFFLE( 2,0,3,0));
    __m256 Y = _mm256_shuffle_ps(YZ , XY , _MM_SHUFFLE( 3,1,2,0));
    __m256 Z = _mm256_shuffle_ps(YZ , M25, _MM_SHUFFLE( 3,0,3,1));
}
```

Vectorized Shuffling хэрэглэн AoS -ээс SoA үүсгэх

AoS



SoA

Баяралалаа.