

IN2010 uke 3-4

Jakob Hansen

15. september 2020

Ting vi kan snakke om i dag

- ▶ Repetisjon
- ▶ Balanserte trær
 - ▶ AVL trær
 - ▶ Rødsvarte trær
- ▶ Køer, heaps, huffman coding
- ▶ Obligen

Balanserte trær

- ▶ Hva er et balansert tre?
- ▶ Et tre der høyden er relativt lav i forhold til antall noder.
- ▶ Hvorfor ønsker vi balanserte trær?
- ▶ For eksempel for raskere søk og innsetting.

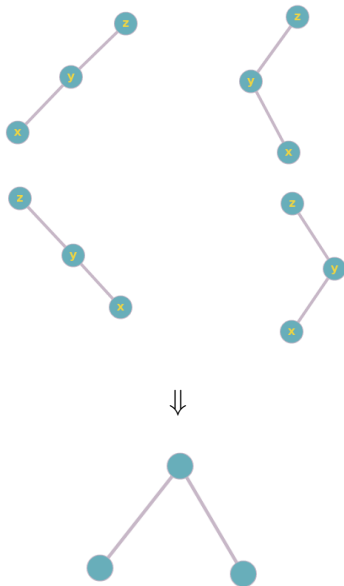
AVL træer

- ▶ Selvbalanserende binært søketre
- ▶ Hver node har en højdeverdi og en balanseverdi
- ▶ $\text{hoyde} = \max(\text{venstrenode.hoyde}, \text{hoyrenode.hoyde}) + 1$
- ▶ $\text{hoyde}(\text{null}) = -1$
- ▶ $\text{balanse} = \text{venstrenode.hoyde} - \text{hoyrenode.hoyde}$
- ▶ balanse b til enhver node må være $-1 \leq b \leq 1$

Innsetting i AVL trær

- ▶ Sett inn i et AVL tre slik som et vanlig binært søketre.
- ▶ Oppdater høyde på vei oppover i rekursjonsstacken, og sjekk balanse.
- ▶ Hvis balansen er større enn 1 eller mindre enn -1, må vi fikse treet.
- ▶ Fiks treet ved å gjøre rotasjoner i forhold til der treet er "tyngre"

Rotasjoner



Sletting i AVL trær

- ▶ Nesten helt likt
- ▶ Slett som i et vanlig binært søketre
- ▶ Oppdater høyde på vei oppover i rekursjonsstacken og sjekk balanse
- ▶ Hvis balansen er større enn 1 eller mindre enn -1, må vi fikse treet.
- ▶ Gjør rotasjoner i forhold til der treet er “tyngre”

Rødsvarte trær

- ▶ Ikke grundig gjennomgang!
- ▶ Regler:
 - ▶ Alle noder er enten svarte eller røde
 - ▶ Hvis en node er rød, så er barna svarte
 - ▶ Alle stier fra roten til en nullpeker må inneholde like mange svarte noder
 - ▶ Ekstra: Roten er svart, nullpekere teller som svarte

Abstrakte datatyper

- ▶ Ofte definert som interfaces, med flere mulige implementasjoner
- ▶ Prioritetskø kan implementeres med array, heap, osv...
- ▶ Det som skiller implementasjonene er kompleksiteten til operasjonene.

Heap

- ▶ Tre-basert datastruktur som skal minne om en haug.
- ▶ MinHeap: Minste element øverst, bare større elem under.
- ▶ MaxHeap: Største element øverst, bare mindre elem under.
- ▶ Kan implementeres som et tre (noder, barn) eller et array?? :O
- ▶ Kompleksitet?
- ▶ insert? $\rightarrow O(\log(n))$
- ▶ removeMin? $\rightarrow O(\log(n))$

Huffman coding

- ▶ “Encode” strenger så effektivt som mulig (få bits)
- ▶ Mål: Bokstavene som dukker opp oftest, skal bruke så få bits som mulig.
- ▶ Ekstra: Uniquely decodable.