# Digitální model terénu Algoritmy digitální kartografie a GIS

## Jakub Šnopl, Dennis Dvořák, Jakub Felenda

## 7.ledna 2024

## Obsah

1	Zadání	3
2	Bonusové úlohy	4
3	Použité algoritmy a matematický aparát	4
	3.1 Delaunayho triangulace	4
	3.2 Generování vrstevnic	5
	3.3 Orientace svahu	5
	3.4 Sklon	5
4	Vstupní data	7
5	Vzhled aplikace	7
6	Zhodnocení činnosti algoritmu	8
7	Dokumentace	10
	7.1 Třída Algorithms	10
	7.2 Třída Draw	10
	7.3 Třída Edge	11
	7.4 Třída Mainform : public QMainWindow	12
	7.5 Třída QPointF3D : public QPointF	12

Reference					
8	Záv	ěr	<b>1</b> 4		
	7.9	Třída CSV	13		
	7.8	Třída Triangle	13		
	7.7	Třída SortPointsByX	12		
	7.6	Třída Settings	12		

### 1 Zadání

#### Úloha č. 3: Digitální model terénu

Vstup:  $množina\ P = \{p_1, ..., p_n\},\ p_i = \{x_i, y_i, z_i\}.$ 

Výstup: polyedrický DMT nad množinou P představovaný vrstevnicemi doplněný vizualizací sklonu trojúhelníků a jejich expozicí.

Metodou inkrementální konstrukce vytvořte nad množinou P vstupních bodů 2D Delaunay triangulaci. Jako vstupní data použijte existující geodetická data (alespoň 300 bodů) popř. navrhněte algoritmus pro generování syntetických vstupních dat představujících významné terénní tvary (kupa, údolí, spočinek, hřbet, ...).

Vstupní množiny bodů včetně níže uvedených výstupů vhodně vizualizujte. Grafické rozhraní realizujte s využitím frameworku QT. Dynamické datové struktury implementujte s využitím STL.

Nad takto vzniklou triangulací vygenerujte polyedrický digitální model terénu. Dále proveďte tyto analýzy:

- S využitím lineární interpolace vygenerujte vrstevnice se zadaným krokem a v zadaném intervalu, proveďte jejich vizualizaci s rozlišením zvýrazněných vrstevnic.
- Analyzujte sklon digitálního modelu terénu, jednotlivé trojúhelníky vizualizujte v závislosti na jejich sklonu.
- Analyzujte expozici digitálního modelu terénu, jednotlivé trojúhelníky vizualizujte v závislosti na jejich expozici ke světové straně.

Zhodnoť te výsledný digitální model terénu z kartografického hlediska, zamyslete se nad slabinami algoritmu založeného na 2D Delaunay triangulaci. Ve kterých situacích (různé terénní tvary) nebude dávat vhodné výsledky? Tyto situace graficky znázorněte.

Zhodnocení činnosti algoritmu včetně ukázek proveď<br/>te alespoň na  ${\bf 3}$ strany formátu A4.

#### Hodnocení:

Krok	Hodnocení
Delaunay triangulace, polyedrický model terénu.	10b
Konstrukce vrstevnic, analýza sklonu a expozice.	10b
Triangulace nekonvexní oblasti zadané polygonem.	+5b
Výběr barevných stupnic při vizualizaci sklonu a expozice.	+3b
Automatický popis vrstevnic.	+3b
Automatický popis vrstevnic respektující kartografické zásady (orientace, vhodné rozložení).	+10b
Algoritmus pro automatické generování terénních tvarů (kupa, údolí, spočinek, hřbet,).	+10b
3D vizualizace terénu s využitím promítání.	+10b
Barevná hypsometrie.	+5b
Max celkem:	65b

Čas zpracování: 4 týdny

## 2 Bonusové úlohy

• Automatický popis vrstevnic

## 3 Použité algoritmy a matematický aparát

Vstupními daty aplikace je množina bodů P o třech souřadnicích (x, y, z) z kterých je následně generována Delaunayho triangulace DT, která je použita k tvorbě vrstevnic, analýze sklonitosti a orientace svahu (expozice).

### 3.1 Delaunayho triangulace

Delaunayho triangulace je matematická metoda pro rozdělení množiny bodů v rovině do nejvíce "kvalitních" trojúhelníků. Trojúhelníky v této triangulaci mají tu vlastnost, že kružnice opsaná každému z nich neobsahuje žádný bod ze vstupní množiny bodů. Dále pak maximalizuje minimální úhel (avšak neminimalizuje maximální), je lokálně i globálně optimální vůči kritériu minimálního úhlu a je jednoznačná (pokud se nenachází čtyři body na jedné kružnici). Důležitým nástrojem pro Delaunayho triangulaci je Voronoiho diagram, který vytváří oblasti, ve kterých jsou body nejbližší k jednomu konkrétnímu bodu v množině.

#### Algoritmus 1: DT, inkrementální konstrukce

```
AEL = \{\}, DT = \{\}
p_1 = rand(P)
p_2 = argmin_{p_i \in P} || p_1 - p_i ||
Vytvoř hrany e = (p_1, p_2), e' = (p_2, p_1)
AEL \leftarrow e, AEL \leftarrow e'
\mathbf{while} \ AEL \ not \ empty \ \mathbf{do}
| \ e_1 = AEL.pop(), e_1 = (p_1, p_2)
e'_1 = (p_2, p_1)
\overline{p} = argmax_{\forall p_i \in \sigma_L(e'_1)} \angle (p_1, p_i, p_2)
\mathbf{if} \ \exists \overline{p} \ \mathbf{then}
| \ e_2 = (p_2, \overline{p}), e_3 = (\overline{p}, p_1)
DT \leftarrow e'_1, DT \leftarrow e_2, DT \leftarrow e_3
updateAEL(e_2, AEL), updateAEL(e_3, AEL)
\mathbf{end}
\mathbf{end}
```

#### Algoritmus 2: updateAEL (e=(a,b), AEL)

```
Vytvoř hranu e' = (b, a)

if e' \in AEL then

AEL \rightarrow e'

end

else

AEL \leftarrow e

end
```

#### 3.2 Generování vrstevnic

Vstupem algoritmu je výška vrstevnice Z a Delaunayova triangulace DT, která se skládá z jednotlivých hran  $e_i$ ,  $e_i = (s_i, e_i)$ , kde  $s_i$  je začáteční bod hrany a  $e_i$  je koncový bod hrany, u obou bodů jsou známé souřadnice x, y, z.

Lineární interpolace, výpočet souřadnic průsečíků hrany a vrstevnice (vstup: Hrana(s,e), výška vrstevnice Z).

$$x = \frac{x_e - x_s}{z_e - z_s}(Z - z_s) + x_s \quad y = \frac{y_e - y_s}{z_e - z_s}(Z - z_s) + y_s \tag{1}$$

#### 3.3 Orientace svahu

Orientace svahu je definována jako azimut A průmětu gradientu  $\nabla \rho$  do roviny x, y.

$$A = atan2(\frac{a}{b}),\tag{2}$$

kde a, b jsou vektorové součiny pro vektory  $\vec{u}$  a  $\vec{v}$ . Výpočet je prováděn nad každým trojúhelníkem DMT.

Jako symbologie byla zvolena barevná stupnice, plynule přecházející mezi barvami: červená (r=255, g=0, b=0), žlutá (r=255, g=255, b=0), zelená (r=0, g=255, b=0), tyrkysová (r=0, g=255, b=255), modrá (r=0, g=0, b=255), růžová (r=255, g=0, b=255) a červená (r=255, g=0, b=0)

#### 3.4 Sklon

Sklon je definován jako úhle mezi normálou trojúhelníku a svislicí. Nabývá hodnot 0° až 90°. Sklon je určen následujícím vztahem.

$$\phi = \arccos \frac{\vec{n}_1 \cdot \vec{n}_2}{\|\vec{n}_1\| \|\vec{n}_2\|} = \arccos \frac{c}{\|\vec{n}_1\|},\tag{3}$$

#### Algoritmus 3: Generování vrstevnic

```
CL = \{\}
for t_i \in DT, t_i = (e_{i,i}, e_{i,i+1}, e_{i,i+1}) do
    p_1, p_2, p_3
    for z \in Z do
        dz_1 = z - z_{p_1}; dz_2 = z - z_{p_2}, dz_3 = z - z_{p_3}
        if (dz_1 == 0)\&(dz_2 == 0)\&(dz_3 == 0) then
            continue
        end
        else if (dz_1 == 0)\&(dz_2 == 0) then
         CL \leftarrow e_{j,i}
        end
        else if (dz_2 == 0)\&(dz_3 == 0) then
         CL \leftarrow e_{j,i+1}
        end
        else if (dz_3 == 0)\&(dz_1 == 0) then
         CL \leftarrow e_{j,i+1}
        end
        else if
          (dz_1 * dz_2 < 0) \& (dz_2 * dz_3 <= 0) || (dz_1 * dz_2 <= 0) \& (dz_2 * dz_3 < 0) then
            a = contourPoint(p_{i_1}, p_{i_2}, z); b = contourPoint(p_{i_2}, p_{i_3}, z)
             CL \leftarrow e(a,b)
        end
        else if
          (dz_2 * dz_3 < 0) \& (dz_3 * dz_1 <= 0) || (dz_2 * dz_3 <= 0) \& (dz_3 * dz_1 < 0) then
            a = contourPoint(p_{j_2}, p_{j_3}, z); b = contourPoint(p_{j_3}, p_{j_1}, z)
             CL \leftarrow e(a,b)
        end
        else if
          (dz_3 * dz_1 < 0) \& (dz_1 * dz_2 <= 0) || (dz_3 * dz_1 <= 0) \& (dz_1 * dz_2 < 0)  then
            a = contourPoint(p_{i_3}, p_{i_1}, z); b = contourPoint(p_{i_1}, p_{i_2}, z)
             CL \leftarrow e(a,b)
        end
        end
        end
```

kde 
$$\vec{n}_1 = (a, b, c), \ \vec{n}_2 = (0, 0, 1)$$

Jako symbologie byla zvolena spojitá stupnice odstínů šedi, bílá (r=255, g=255, b=255) náleží svahu o sklonitosti 0° a černá (r=0, g=0, b=0) náleží svahu o sklonitosti 90°.

### 4 Vstupní data

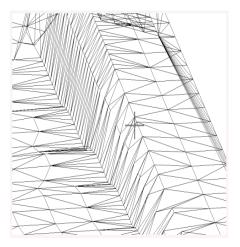
Vstupními daty je množina bodů se známými souřadnicemi [X, Y, Z]. Aplikace tato data dokáže načítat z .csv souboru, ve kterém jsou zapsána ve formátu xyz. Vzhledem k tomu, že je použit algoritmus inkrementální konstrukce, o kubické složitosti  $O(n^3)$ , je aplikace vhodná spíše ke zpracování dat o nižších počtech bodů (v řádech desetitisíců).

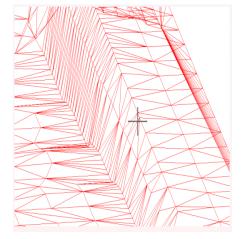
## 5 Vzhled aplikace

Grafické uživatelské rozhraní bylo vytvořeno pomocí sw. Qt Creator, jako Qt Widget Application. V horní části okna se nachází lišta s ovládacími prvky, zleva se jedná o: načtení dat, DT, vrstevnice, sklon, expozice, vyčištění plátna od výsledků, vyčištění plátna od veškeré kresby, nastavení kresby vrstevnic a konec. Všechny ovládací prvky jsou opatřeny nápovědou, která se zobrazí po krátkém umístění kurzoru na ikonu. Velikost okna aplikace je možné libovolně rozšiřovat.

## 6 Zhodnocení činnosti algoritmu

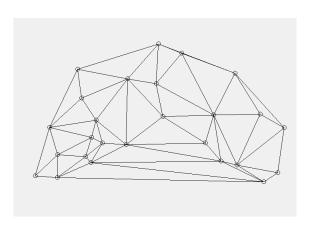
Hlavním nedostatkem použité 2D triangulace je fakt, že při její tvorbě je brána v potaz pouze poloha bodu v rovině xy, nikoli však výšková informace z. Důsledkem toho, zejména u výškově členitého reliéfu, je nerespektování terénních hran/tvarů (údolnice a hřbetnice). Řešením výše zmíněného může být například tzv.  $Data\ Dependent\ Triangulation\ (DDT)$  a nebo použití algoritmu respektujícího povinné hrany, které jsou definovány uživatelem (viz. obrázky 1a, 1b a 2).





- (a) Nevhodné vystižení terénní hrany (DT)
- (b) Lepší vystižení terénní hrany (DDT)

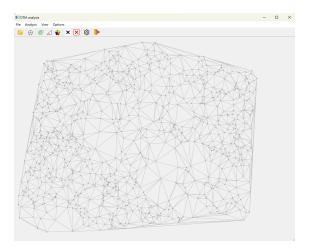
Obrázek 1: Příklad různého vystižení terénního útvaru [1]

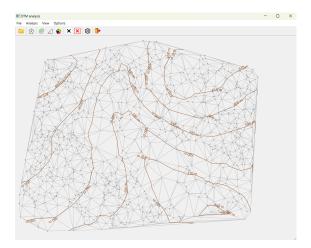


Obrázek 2: Dlouhé úzké trojúhelníky

Další záležitostí degradující kartografické hledisko digitálního modelu terénu jsou dlouhé úzké trojúhelníky na okrajích modelu. Tento jev je důsledkem triangulace konvexní oblasti. Jedná se o oblasti, ve kterých interpolovaná výška pravděpodobně neodpovídá skutečnosti, tudíž je zapotřebí tyto oblasti odstranit.

Na obrázcích 3 a 4 jsou k nahlédnutí výstupy softwaru. Použitá data byla pořízena v blízkosti kostela Navštívení Pany Marie nedaleko obce Žlutice v Karlovarském kraji.

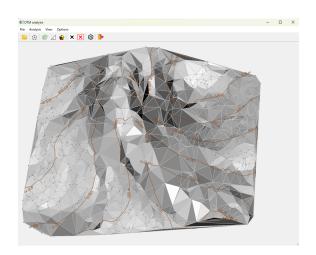


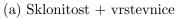


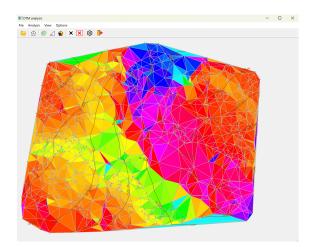
(a) Delaunayova triangulace

(b) Delaunayova triangulace + vrstevnice

Obrázek 3: Výstupy softwaru







(b) Expozice + vrstevnice

Obrázek 4: výstupy softwaru

### 7 Dokumentace

#### 7.1 Třída Algorithms

- int getPointAndLinePosition(const QPointF3D &a, const QPointF3D &p1, const QPointF3D &p2);
- double get2LinesAngle(const QPointF3D &p1, const QPointF3D &p2, const QPointF3D &p3, const QPointF3D &p4);
- int getNearestPoint(const QPointF3D &q, const std::vector(QPointF3D) &points);
- int getDelaunayPoint(const QPointF3D &s, const QPointF3D &e, const std::vector (QPointF3D) &points);
- double getDistance2D(const QPointF3D &p1, const QPointF3D &p2);
- std::vector (Edge) createDT(std::vector (QPointF3D) &points);
- void updateAEL(Edge &edge, std::list (Edge) &ael);
- **QPointF3D contourPoint**(const QPointF3D &p1, const QPointF3D &p2, double z);
- std::vector (Edge) createContourLines(const std::vector (Edge) &dt, double z\_min, double z\_max, double dz);
- std::vector (Triangle) analyzeDTMSlope(const std::vector (Edge) &dt);
- std::vector (Triangle) analyzeDTMAspect(const std::vector (Edge) &dt);
- double computeSlope(const QPointF3D &v1, const QPointF3D &v2, const QPointF3D &v3);
- double computeAspect(const QPointF3D &v1, const QPointF3D &v2, const QPointF3D &v3);
- static std::vector (QPointF3D) transformPoints(std::vector (QPointF3D) &points\_3d, double &x\_t, double &y\_t, double &scale, int &x\_d, int &y\_d);

#### 7.2 Třída Draw

- explicit Draw(QWidget \*parent = nullptr);
- void mousePressEvent(QMouseEvent \*event);
- **void paintEvent**(QPaintEvent \*event);

- std::vector (QPointF3D) getPoints();
- std::vector (Edge) getDT();
- void setDT(std::vector (Edge) &dt\_);
- void setContourLines(const std::vector (Edge) &contour\_lines\_);
- void setTriangles(std::vector (Triangle) &triangles\_);
- **void setAnalysis**(bool analysis\_);
- void clear();
- void clearAll();
- void clearRes();
- void clearContour();
- void drawPoints(std::vector (QPointF3D) &points3d);
- void setCSVPoints(std::vector (QPointF3D) &csv);
- void setScale(double &scale\_);
- void setTrans(double &x\_t\_, double &y\_t\_);
- void setOffsets(int &x\_d\_, int &y\_d\_);
- double getScale();
- double getTransX();
- double getTransY();
- int getDeltaX();
- int getDeltaY();

### 7.3 Třída Edge

- Edge(const QPointF3D &s\_, const QPointF3D &e\_)
- Edge changeOrientation()
- QPointf3D getS()
- QPointf3D getE()
- bool operator ==(const Edge &edge)

### 7.4 Třída Mainform: public QMainWindow

- void on\_actionCreate\_DTM\_triggered();
- void on\_actionContour\_lines\_triggered();
- void on\_actionAnalyze\_slope\_triggered();
- void on\_actionAnalze\_aspect\_triggered();
- void on\_actionClear\_results\_triggered();
- void on\_actionClear\_all\_triggered();
- void on\_actionExit\_triggered();
- void on\_actionSettings\_triggered();

#### 7.5 Třída QPointF3D : public QPointF

- QPointF3D(double x, double y, double z\_):QPointF(x,y);
- QPointF3D():QPointF(0,0);
- double getZ();
- void setZ(double z\_);

### 7.6 Třída Settings

- explicit Settings(QWidget \*parent = nullptr);
- double getZmin();
- $\bullet$  double getZmax();
- double getDz();
- $\bullet \ \, \mathbf{void} \ \, \mathbf{on\_lineEdit\_editingFinished}(); \\$
- $\bullet \ \ void \ \ on\_lineEdit\_2\_editingFinished();\\$
- void on\_lineEdit\_3\_editingFinished();

### 7.7 Třída SortPointsByX

• bool operator()(QPointF &p1, QPointF &p2);

## 7.8 Třída Triangle

- **Triangle**(const QPointF3D &v1\_, const QPointF3D &v2\_, const QPointF3D &v3\_, double slope\_, double asp\_);
- QPointF3D getV1();
- QPointF3D getV2();
- QPointF3D getV3();
- double getSlope();
- double getAspect();

### 7.9 Třída CSV

• static std::vector (QPointF3D) getPointsFromFile(std::string &filename, double &xmin, double &xmax, double &ymin, double &ymax)

## 8 Závěr

V rámci třetí úlohy předmětu Algoritmy digitální kartografie a GIS byla vytvořena aplikace nesoucí název DMT. Aplikace byla napsána v jazyce C++ ve vývojovém prostředí Qt Creator.

Aplikace umožňuje načítání vektorových dat (bodových mračen) ve formátu WKT, vytvoření digitálního modelu terénu (ve formě TIN), vrstevnic, analýzu sklonu a analýzu orientace svahu.

 $V \'{y} sledn\'{a} \ aplikace je \ k \ nalezen\'{i} \ na \ t\'{e}to \ webov\'{e} \ adrese: \verb|https://github.com/jaksno/adk_2023_24/tree/main/DTM|.$ 

## Reference

- [1] BAYER Tomáš, 2D/2.5D triangulace, DMT, [online]. [cit. 2024-03-01]. Dostupné z: https://web.natur.cuni.cz/~bayertom/images/courses/Adk/adk5\_new.pdf
- [2] ISO 19125-1:2004, Geographic information Simple feature access. [cit. 2023-11-13]. Dostupné z: https://www.iso.org/standard/40114.html