

Dokumentacja projektu Logic Formulas

Jakub Banach, Karol Błaszczak

January 26, 2024

Contents

1	Wstęp	2
1.1	Struktura projektu	2
1.2	Użyte biblioteki	2
2	embeddings.py	3
2.1	Wprowadzenie do teorii osadzeń grafowych	3
2.1.1	Podstawowe pojęcia	3
2.1.2	Graph Embeddings	3
2.1.3	Opis całej metody	3
2.2	Implementacja	4
2.2.1	read_dimacs_cnf(filename)	4
2.2.2	adding_to_graph(clauses)	4
2.2.3	generate_node_embeddings(G)	4
2.2.4	operations(model, graph, num_clusters=3)	5
2.2.5	visualize_cluster_node_embeddings(model, graph, num_clusters=3)	5
2.2.6	visualize_interactive(model, graph, num_clusters=3)	5
3	hypergraphs.py	7
3.1	Wprowadzenie do teorii hipergrafów	7
3.1.1	Podstawowe pojęcia	7
3.1.2	Hipergrafy a Grafy	7
3.1.3	Przykłady zastosowań	7
3.1.4	Opis Metody	7
3.2	Implementacja	8
3.2.1	read_dimacs_cnf(filename)	8
3.2.2	generate_hypergraph(num_vars, clauses, threshold)	8
3.2.3	draw_hypergraph(num_vars, clauses, threshold=0)	9
3.2.4	draw_interactive_hypergraph(num_vars, clauses, threshold=0)	9
3.2.5	update_threshold(threshold_value)	10
4	CDCLSolver.py	11
4.1	Algorytm CDCL	11
4.1.1	Podfunkcje	11
4.2	Implementacja	12
4.2.1	Klasa CDCLSolver	12
4.2.2	funkcja read_dimacs_cnf(filename)	14
5	Podsumowanie	15
5.1	Osadzenia grafowe	15
5.2	Hipergrafy	18

1 Wstęp

Projekt Logic Formulas ma na celu rozwój projektu <http://forvis.agh.edu.pl/> służącego do reprezentacji formuł logicznych. Nasz projekt został podzielony na 3 etapy. Pierwszym z nich było stworzenie reprezentacji formuł logicznych w formie hipergrafów, drugim była eksploracja pojęcia osadzeń grafowych oraz zaimplementowanie go w naszym środowisku. Jako ostatni zaimplementowaliśmy SAT Solver przy użyciu algorytmu CDCL. Projekt został w całości wykonany w języku programowania Python

1.1 Struktura projektu

Projekt składa się z 3 plików Python: `embeddings.py`, `hypergraphs.py` oraz `CDCLSolver.py`, 3 plików `.ipynb` o tych samych nazwach, zawierających kod z plików `.py`, oraz 26 przykładowych plików `CNF` znajdujących się w folderze `./DIMACS_files` i podzielonych pod kątem trudności.

1.2 Użyte biblioteki

- `networkx`
- `matplotlib`
- `scikit-learn`
- `node2vec`
- `argparse`
- `ipywidgets`
- `plotly`
- `dash`

2 embeddings.py

Program odpowiada za generowanie i wizualizowanie osadzeń węzłów na podstawie formuł logicznych.

2.1 Wprowadzenie do teorii osadzeń grafowych

2.1.1 Podstawowe pojęcia

2.1.1.1 Wierzchołki i krawędzie Graf składa się z wierzchołków V i krawędzi E , gdzie V to zbiór wierzchołków, a E to zbiór krawędzi, które łączą te wierzchołki.

2.1.1.2 Reprezentacja grafu Tradycyjna reprezentacja grafu może być macierzą sąsiedztwa A lub listą sąsiedztwa L . Macierz sąsiedztwa informuje, czy między wierzchołkami istnieje krawędź, a lista sąsiedztwa zawiera sąsiadujące wierzchołki dla każdego wierzchołka.

2.1.2 Graph Embeddings

Po co to w ogóle stosujemy?

Graph Embeddings, czyli osadzanie grafu, to technika reprezentacji wierzchołków grafu w przestrzeni. Są lepsze od macierzy sąsiedztwa, ponieważ dodatkowo upakowują właściwości każdego wierzchołka w wektorze o niższym wymiarze.

Graph Embeddings zakłada przypisanie każdemu wierzchołkowi wektorowej reprezentacji, zwanej embeddingiem. Ta reprezentacja ma za zadanie zachować strukturalne właściwości grafu, takie jak bliskość wierzchołków o podobnym znaczeniu.

2.1.2.1 Algorytmy Graph Embeddings Istnieje wiele algorytmów do osadzania grafów, w naszym programie wykorzystujemy jeden z nich:

- **Node2Vec:** Algorytm generowania embeddingów wierzchołków, uwzględniający strukturę sąsiedztwa. Polega na wykonywaniu określonej ilości losowych spacerów (tzw. random walk) o określonej długości, które dla każdego wierzchołka przechodzą po dowolnych połączonych krawędziach do kolejnych wierzchołków (z jakimś konkretnym prawdopodobieństwem). W jednym random walku dany wierzchołek może być odwiedzony kilka razy!

2.1.2.2 Funkcja straty Podczas treningu modelu Graph Embeddings stosuje się funkcję straty, która mierzy odległość między rzeczywistymi relacjami w grafie a predykcjami modelu.

2.1.3 Opis całej metody

Na samym początku na podstawie każdej linijki z pliku tworzymy połączenia pomiędzy każdą zmienną z danej podformuły (są one od siebie w pewien sposób zależne). Następnie robimy wizualizację tych połączeń i dopiero tutaj wchodzi naszenie osadzenie grafów. Realizujemy je przy pomocy metody node2vec (korzystamy z gotowej biblioteki w Pythonie: Node2Vec). Następnie konwertujemy to na model word2vec, ponieważ osadzenia węzłów są wektorami numerycznymi w wielowymiarowej przestrzeni, co czyni je trudnymi do bezpośredniej wizualizacji. Na koniec prezentujemy to w postaci konkretnej statycznej i dynamicznej wizualizacji (odpowiednio plot i dash z bibliotek w Pythonie).

2.2 Implementacja

Po wczytaniu pliku (`read_dimacs_cnf()`) tworzymy przy pomocy `node2vec` osadzenia grafowe (korzystamy z gotowej biblioteki w Pythonie: `Node2Vec`). Następnie konwertujemy to na model `word2vec`, ponieważ osadzenia węzłów są wektorami numerycznymi w wielowymiarowej przestrzeni, co czyni je trudnymi do bezpośredniej wizualizacji. Później przy pomocy PCA robimy redukcję wymiarów do 2, w celu przejrzystszej reprezentacji. Na sam koniec przy użyciu algorytmu KMEANS dzielimy graf na określoną liczbę podgrup wg zasady najbliższego sąsiedztwa

2.2.1 `read_dimacs_cnf(filename)`

- **Opis:** Odczytuje plik DIMACS CNF i ekstrahuje liczbę zmiennych oraz klauzul.
- **Parametry:** `filename` - Ścieżka do pliku DIMACS CNF.
- **Zwraca:** Krotka zawierająca liczbę zmiennych i listę klauzul.

```
1 def read_dimacs_cnf(filename):
2     clauses = []
3     with open(filename, 'r') as file:
4         for line in file:
5             if line.startswith("c"):
6                 continue
7             if line.startswith("p cnf"):
8                 num_vars, num_clauses = map(int, line.strip().split()[2:])
9             else:
10                clause = list(map(int, line.strip().split()[:-1]))
11                clauses.append(clause)
12    return num_vars, clauses
```

2.2.2 `adding_to_graph(clauses)`

- **Opis:** Buduje graf na podstawie podanych klauzul, gdzie wierzchołki to zmienne logiczne, a krawędzie reprezentują wystąpienia tych zmiennych w jednej klauzuli.
- **Parametry:** `clauses` - Lista klauzul.
- **Zwraca:** Graf reprezentujący formułę logiczną w sieci `NetworkX`.

```
1 def adding_to_graph(clauses):
2     G = nx.Graph()
3     for clause in clauses:
4         for i in range(len(clause)):
5             for j in range(i+1, len(clause)):
6                 G.add_edge(abs(clause[i]), abs(clause[j]))
7     return G
```

2.2.3 `generate_node_embeddings(G)`

- **Opis:** Generuje osadzenia węzłów za pomocą algorytmu `Node2Vec`.
- **Parametry:** `G` - Graf w formie `NetworkX`.
- **Zwraca:** Model `Node2Vec` z osadzeniami węzłów.

```
1 def generate_node_embeddings(G):
2     node2vec = Node2Vec(G, dimensions=64, walk_length=40, num_walks=40, workers
3     =4)
4     model = node2vec.fit(window=10, min_count=1, batch_words=4)
5     return model
```

2.2.4 operations(model, graph, num_clusters=3)

- **Opis:** Generuje osadzenia węzłów za pomocą algorytmu Node2Vec.
- **Parametry:** model - Model Node2Vec, graph - Graf w formie NetworkX, num_clusters - Liczba grup (domyślnie 3)
- **Zwraca:** Parametry modeli .

```
1 def operations(model, graph, num_clusters=3):
2     node_ids = list(graph.nodes)
3     node_embeddings = [model.wv[str(node_id)] for node_id in node_ids]
4     pca = PCA(n_components=2)
5     embeddings_2d = pca.fit_transform(node_embeddings)
6     kmeans = KMeans(n_clusters=num_clusters, random_state=42)
7     cluster_labels = kmeans.fit_predict(embeddings_2d)
8
9     return node_ids, embeddings_2d, cluster_labels
```

2.2.5 visualize_cluster_node_embeddings(model, graph, num_clusters=3)

- **Opis:** Dokonuje grupowania osadzeń węzłów przy użyciu algorytmu k-means i wizualizuje grupy. Przypisanie danego klastra do danej grupy jest tylko na podstawie odległości. Poszczególne klastry nie mają wypisanych cech poza sąsiedztwem.
- **Parametry:** model - Model Node2Vec, graph - Graf w formie NetworkX, num_clusters - Liczba grup (domyślnie 3).

```
1 def visualize_cluster_node_embeddings(model, graph, num_clusters=3):
2     node_ids, embeddings_2d, cluster_labels = operations(model, graph,
3     num_clusters)
4     plt.figure(figsize=(10, 8))
5     for i in range(num_clusters):
6         cluster_points = embeddings_2d[cluster_labels == i]
7         plt.scatter(cluster_points[:, 0], cluster_points[:, 1], label=f'Cluster
8         {i+1}')
9
10    for i, txt in enumerate(node_ids):
11        plt.annotate(txt, (embeddings_2d[i, 0], embeddings_2d[i, 1]), xytext
12        =(2, 2), textcoords='offset points', fontsize=7)
13    plt.legend()
14    plt.show()
```

2.2.6 visualize_interactive(model, graph, num_clusters=3)

- **Opis:** Dokonuje grupowania osadzeń węzłów przy użyciu algorytmu k-means i wizualizuje grupy w sposób interaktywny w postaci serwera przy użyciu biblioteki dash.
- **Parametry:** model - Model Node2Vec, graph - Graf w formie NetworkX, num_clusters - Liczba grup (domyślnie 3).

```
1 def visualize_interactive(model, graph, num_clusters=3, selected = None):
2     window_width = 1000
3     window_height = 800
4     node_ids, embeddings_2d, cluster_labels = operations(model, graph,
5     num_clusters)
6
7     df = pd.DataFrame({'X': embeddings_2d[:, 0], 'Y': embeddings_2d[:, 1], '
8     Node': node_ids, 'Cluster': cluster_labels})
9
10    app = dash.Dash(__name__)
```

```

10     app.layout = html.Div([
11         dcc.Graph(id='scatter-plot'),
12         dcc.Dropdown(
13             id='cluster-dropdown',
14             options=[{'label': f'Cluster {i}', 'value': i} for i in range(
num_clusters)],
15             value=None,
16             placeholder="Select a cluster"
17         )
18     ], style={'width': f'{window_width}px', 'height': f'{window_height}px'})
19
20     @app.callback(
21         Output('scatter-plot', 'figure'),
22         [Input('cluster-dropdown', 'value')]
23     )
24     def update_scatter_plot(selected_cluster):
25         fig = go.Figure()
26
27         for i in range(num_clusters):
28             visible_points = [True if label == i else False for label in df['
Cluster']]
29             if selected_cluster is None or i == selected_cluster:
30                 fig.add_trace(go.Scatter(
31                     x=df[visible_points]['X'],
32                     y=df[visible_points]['Y'],
33                     mode='markers+text',
34                     marker=dict(size=8),
35                     text=df[visible_points]['Node'],
36                     textposition='top right',
37                     name=f'Cluster {i + 1}'
38                 ))
39
40             fig.update_layout(title=f'Node Embeddings Clustering (K-means, {
num_clusters} clusters)',
41                             xaxis=dict(title='Component 1'),
42                             yaxis=dict(title='Component 2'))
43
44         return fig
45
46     app.run_server(debug=True)

```

3 hypergraphs.py

Program odpowiada za generowanie i wizualizację hipergrafów na podstawie formuł logicznych.

3.1 Wprowadzenie do teorii hipergrafów

Hipergraf to struktura rozszerzająca koncepcję grafu poprzez umożliwienie istnienia krawędzi łączących więcej niż dwa wierzchołki. W przeciwieństwie do grafów, gdzie krawędzie łączą jedynie dwa wierzchołki, hipergrafy pozwalają na łączenie dowolnej liczby wierzchołków.

3.1.1 Podstawowe pojęcia

3.1.1.1 Hiperkrawędzie W hipergrafie, krawędzie są nazywane hiperkrawędziami. Hiperkrawędź to zbiór wierzchołków, które są ze sobą połączone. Dla przykładu, krawędź łącząca trzy wierzchołki to trójka.

3.1.1.2 Reprezentacja hipergrafu Podobnie jak w przypadku grafów, hipergrafy mogą być reprezentowane za pomocą macierzy sąsiedztwa, gdzie wiersze odpowiadają wierzchołkom, a kolumny hiperkrawędom. Inna popularna reprezentacja to lista hiperkrawędzi, gdzie każda hiperkrawędź ma przypisaną listę wierzchołków, które łączy.

3.1.2 Hipergrafy a Grafy

Hipergrafy generalizują grafy, umożliwiając reprezentację bardziej złożonych relacji między wierzchołkami. W grafach, krawędzie są zawsze dwuelementowe, podczas gdy hipergrafy pozwalają na bardziej elastyczne relacje.

3.1.3 Przykłady zastosowań

Hipergrafy znajdują zastosowanie w wielu dziedzinach, takich jak analiza sieci społecznych, modelowanie relacji w bazach danych, czy reprezentacja danych w uczeniu maszynowym.

3.1.4 Opis Metody

Metoda rozpoczyna się od wczytania pliku DIMACS CNF za pomocą funkcji `read_dimacs_cnf`, która analizuje plik i zbiera informacje o liczbie zmiennych, klauzulach i samych klauzulach. Następnie, na podstawie każdej linijki z pliku, tworzone są połączenia pomiędzy zmiennymi danej podformuły. Te połączenia są następnie wizualizowane przy użyciu grafu, co umożliwia ich lepszą reprezentację w przestrzeni wielowymiarowej. Ostatecznie, hipergrafy są prezentowane w postaci statycznej i dynamicznej wizualizacji przy użyciu biblioteki `plotly`, `matplotlib` oraz `NetworkX`.

3.2 Implementacja

- **Wczytywanie pliku DIMACS CNF:** Funkcja `read_dimacs_cnf` wczytuje plik DIMACS CNF, analizuje jego zawartość i zwraca liczbę zmiennych oraz listę klauzul.
- **Generowanie hipergrafu:** Funkcja `generate_hypergraph` na podstawie wczytanych danych tworzy hipergraf, gdzie zmienne są węzłami, a połączenia między nimi reprezentują zależności pomiędzy zmiennymi w klauzulach.
- **Rysowanie hipergrafu:** Funkcja `draw_hypergraph` generuje statyczną wizualizację hipergrafu przy użyciu biblioteki `NetworkX` i `matplotlib`. Wizualizacja uwzględnia zależności między zmiennymi, a kolory węzłów reprezentują przynależność do klauzuli.
- **Rysowanie interaktywnego hipergrafu:** Funkcja `draw_interactive_hypergraph` tworzy interaktywną wizualizację hipergrafu przy użyciu biblioteki `plotly`. Każdy węzeł reprezentuje zmienną, a połączenia między nimi są dynamicznie prezentowane. Dodatkowo, wizualizacja uwzględnia stopień węzłów.
- **Aktualizacja progu (threshold):** Funkcja `update_threshold` reaguje na zmiany wartości progu, czyli minimalnej liczby połączeń wymaganej do utrzymania węzła. Aktualizuje statyczną i dynamiczną wizualizację, co umożliwia interaktywne eksplorowanie grafu.

Cały kod wykorzystuje biblioteki takie jak `NetworkX`, `matplotlib` oraz `plotly`, co pozwala na efektywne generowanie i prezentację hipergrafu w kontekście analizy formuł logicznych. Dodatkowo, korzysta z interaktywnych elementów interfejsu użytkownika, takich jak suwak (`FloatSlider`), umożliwiających dostosowanie widoczności hipergrafu w zależności od wartości progu.

3.2.1 `read_dimacs_cnf(filename)`

- **Opis:** Odczytuje plik DIMACS CNF i ekstrahuje liczbę zmiennych oraz klauzul.
- **Parametry:** `filename` - Ścieżka do pliku DIMACS CNF.
- **Zwraca:** Krotka zawierająca liczbę zmiennych i listę klauzul.

```
1 def read_dimacs_cnf(filename):
2     clauses = []
3     with open(filename, 'r') as file:
4         for line in file:
5             if line.startswith("c"):
6                 continue
7             if line.startswith("p cnf"):
8                 num_vars, num_clauses = map(int, line.strip().split()[2:])
9             else:
10                clause = list(map(int, line.strip().split()[:-1]))
11                clauses.append(clause)
12    return num_vars, clauses
```

3.2.2 `generate_hypergraph(num_vars, clauses, threshold)`

- **Opis:** Generuje hipergraf na podstawie podanych klauzul, gdzie wierzchołki to zmienne logiczne, a hiperkrawędzie reprezentują klauzule zawierające co najmniej dwie zmienne.
- **Parametry:** `num_vars` - Liczba zmiennych, `clauses` - Lista klauzul, `threshold` - Próg stopnia wierzchołka (domyślnie 0).
- **Zwraca:** Hipergraf reprezentujący formułę logiczną w sieci `NetworkX`.

```
1 def generate_hypergraph(num_vars, clauses, threshold):
2     G = nx.Graph()
3
4     for var in range(1, num_vars + 1):
5         G.add_node(var)
```



```

6
7     for i, clause in enumerate(clauses):
8         G.add_nodes_from(map(abs, clause))
9         for pair in itertools.combinations(map(abs, clause), 2):
10             G.add_edge(*pair, clause=i + 1)
11
12     nodes_to_remove = [node for node, degree in dict(G.degree()).items() if
13                        degree <= threshold]
14     G.remove_nodes_from(nodes_to_remove)
15
16     return G

```

3.2.3 draw_hypergraph(num_vars, clauses, threshold=0)

- **Opis:** Wizualizuje hipergraf za pomocą Matplotlib.
- **Parametry:** num_vars - Liczba zmiennych, clauses - Lista klauzul, threshold - Próg stopnia wierzchołka (domyślnie 0).

```

1 def draw_hypergraph(num_vars, clauses, threshold=0):
2     G = generate_hypergraph(num_vars, clauses, threshold)
3     pos = nx.spring_layout(G, seed=42)
4
5     node_colors = [0] * (num_vars + 1)
6     for node in G.nodes():
7         for i, clause in enumerate(clauses):
8             if abs(node) in map(abs, clause):
9                 node_colors[node] = i + 1
10                break
11
12     colors = [node_colors[node] for node in G.nodes()]
13
14     fig, ax = plt.subplots(figsize=(8, 8))
15     nx.draw(G, pos, with_labels=True, font_size=10, node_color=colors, cmap=plt
16             .cm.Blues, node_size=500, ax=ax)
17     plt.show()

```

3.2.4 draw_interactive_hypergraph(num_vars, clauses, threshold=0)

- **Opis:** Tworzy interaktywną wizualizację hipergrafu za pomocą Plotly.
- **Parametry:** num_vars - Liczba zmiennych, clauses - Lista klauzul, threshold - Próg stopnia wierzchołka (domyślnie 0).

```

1 def draw_interactive_hypergraph(num_vars, clauses, threshold=0):
2     G = generate_hypergraph(num_vars, clauses, threshold)
3     pos = nx.spring_layout(G, seed=42)
4
5     edge_trace = go.Scatter(
6         x=[],
7         y=[],
8         line=dict(width=0.5, color='#888'),
9         hoverinfo='none',
10        mode='lines')
11
12    for edge in G.edges():
13        x0, y0 = pos[edge[0]]
14        x1, y1 = pos[edge[1]]
15        edge_trace['x'] += (x0, x1, None)
16        edge_trace['y'] += (y0, y1, None)
17
18    node_trace = go.Scatter(

```

```

19     x=[],
20     y=[],
21     text=[],
22     mode='markers+text',
23     hoverinfo='text',
24     marker=dict(
25         colorscale='Blues',
26         reversescale=False,
27         color=[],
28         size=10,
29         colorbar=dict(
30             thickness=15,
31             title='Node Degree',
32             xanchor='left',
33             titleside='right'
34         ),
35         line=dict(width=2))
36
37 for node in G.nodes():
38     x, y = pos[node]
39     node_trace['x'] += (x,)
40     node_trace['y'] += (y,)
41     node_trace['text'] += ('Var: ' + str(node),)
42
43 for node, adjacencies in enumerate(G.adjacency()):
44     node_trace['marker']['color'] += (len(adjacencies[1]),)
45
46 layout = go.Layout(
47     titlefont=dict(size=16),
48     showlegend=False,
49     hovermode='closest',
50     margin=dict(b=5, l=5, r=5, t=5),
51     annotations=[dict(
52         text="",
53         showarrow=False,
54         xref="paper", yref="paper")],
55     xaxis=dict(showgrid=False, zeroline=False, showticklabels=False),
56     yaxis=dict(showgrid=False, zeroline=False, showticklabels=False))
57
58 fig = go.Figure(data=[edge_trace, node_trace], layout=layout)
59 fig.show()

```

3.2.5 update_threshold(threshold_value)

- **Opis:** Aktualizuje wizualizację hipergrafu na podstawie wartości suwaka progowego.
- **Parametry:** threshold_value - Nowa wartość progu.

```

1 def update_threshold(threshold_value):
2     clear_output(wait=True)
3     draw_hypergraph(num_vars, clauses, threshold=threshold_value)
4     draw_interactive_hypergraph(num_vars, clauses, threshold=threshold_value)

```

4 CDCLSolver.py

Program ten zawiera Solver CDCL do rozwiązywania formuł logicznych.

4.1 Algorytm CDCL

Algorytm Conflict-Driven Clause Learning (CDCL) to zaawansowany algorytm rozwiązujący problem SAT (Boolean Satisfiability Problem). Poniżej przedstawiono główne kroki algorytmu CDCL.

Algorithm 1 CDCL Algorithm

```
1: Wejście: Formuła w postaci Koniunkcyjnej Normalnej (CNF)
2: Wyjście: "SAT" jeśli jest spełnialna, "UNSAT" jeśli jest niespełnialna
3: Zainicjuj przypisanie, stos decyzji i klauzule nauczone
4: while true do
5:    $conflict\_clause \leftarrow UnitPropagation()$ 
6:   if  $conflict\_clause \neq None$  then
7:     if  $Not\ ResolveConflict(conflict\_clause)$  then
8:       return "UNSAT"
9:     end if
10:  else if  $AllVariablesAssigned()$  then
11:    return "SAT"
12:  else
13:     $var\_to\_assign \leftarrow ChooseVariable()$ 
14:     $AssignVariable(var\_to\_assign)$ 
15:  end if
16: end while
```

4.1.1 Podfunkcje

Algorithm 2 Unit Propagation

```
1: while true do
2:    $unit\_clause \leftarrow FindUnitClause()$ 
3:   if  $unit\_clause \neq None$  then
4:      $PropagateUnitAssignment(unit\_clause)$ 
5:   else
6:     return  $None$ 
7:   end if
8: end while
```

Algorithm 3 Find Unit Clause

```
1: for each  $clause$  in  $clauses$  do
2:    $unassigned\_literals \leftarrow UnassignedLiterals(clause)$ 
3:   if  $Length(unassigned\_literals) = 1$  then
4:     return  $clause$ 
5:   end if
6: end for
7: return  $None$ 
```

Algorithm 4 Resolve Conflict

```
1: conflict_var  $\leftarrow$  Abs(conflict_clause[0])
2: conflict_level  $\leftarrow$  GetDecisionLevel(conflict_var)
3: LearnedClauses.Append(conflict_clause)
4: while Length(decision_stack) > 0 and GetDecisionLevel(decision_stack[-1]) > conflict_level do
5:   Backtrack()
6: end while
7: return True
```

4.2 Implementacja

W implementacji klasy CDCLSolver rozwiązujemy problem SAT przy użyciu algorytmu CDCL (Conflict-Driven Clause Learning). Inicjalizujemy solver z daną liczbą zmiennych i klauzulami. Następnie iteracyjnie wykonujemy kroki rozwiązującego algorytmu CDCL.

- **Unit Propagation:** Wykonujemy unit propagation, czyli propagację wartości jednostkowych, dopóki jest to możliwe. Jeśli natrafimy na konflikt, przechodzimy do kroku rozwiązywania konfliktu.
- **Konflikt:** W przypadku konfliktu, podejmujemy decyzję dotyczącą strategii rozwiązania konfliktu. Jeśli nie można go rozwiązać, zwracamy "UNSAT" (niezadowolający). W przeciwnym razie, przechodzimy do kroku powrotu (backtrackingu).
- **Backtracking:** Powracamy do poprzednich decyzji, cofając się do punktu, w którym konflikt został rozwiązany.
- **Rozwiązanie:** Jeśli wszystkie zmienne zostały przypisane, zwracamy "SAT" (zadowolający).

Metoda `solve()` wykonuje te kroki iteracyjnie aż do osiągnięcia rozwiązania lub stwierdzenia niespełnialności. W rezultacie, na końcu wydrukowany zostanie wynik działania solvera dla danej formuły CNF.

Ostatnia część kodu wczytuje plik DIMACS CNF, tworzy instancję solvera i wywołuje metodę `solve()`, a następnie drukuje wynik.

4.2.1 Klasa CDCLSolver

- **Opis:** Implementuje solver CDCL (Conflict-Driven Clause Learning) do rozwiązywania formuł logicznych.
- **Atrybuty:** `num_vars` - Liczba zmiennych, `clauses` - Lista klauzul, `assignment` - Obecne przypisanie zmiennych, `decision_stack` - Stos decyzji, `learned_clauses` - Lista klauzul nauczania się.
- **Metody:**
 - `solve()`: Próbuje rozwiązać formułę logiczną za pomocą CDCL.
 - `unit_propagation()`: Implementuje krok propagacji jednostkowej.
 - `find_unit_clause()`: Znajduje klauzulę jednostkową podczas propagacji jednostkowej.
 - `propagate_unit_assignment(unit_clause)`: Propaguje przypisanie klauzuli jednostkowej.
 - `choose_variable()`: Wybiera nieprzypisaną zmienną.
 - `assign_variable(var)`: Przypisuje zmienną.
 - `resolve_conflict(conflict_clause)`: Rozwiązuje konflikt podczas CDCL.
 - `backtrack()`: Powraca do poprzedniego poziomu decyzji.
 - `get_decision_level(var)`: Pobiera poziom decyzji zmiennej.

```
1 class CDCLSolver:
2     def __init__(self, num_vars, clauses):
3         self.num_vars = num_vars
4         self.clauses = clauses
5         self.assignment = [None] * (num_vars + 1)
6         self.decision_stack = []
```

```

7         self.learned_clauses = []
8
9     def solve(self):
10         while True:
11             conflict_clause = self.unit_propagation()
12             if conflict_clause is not None:
13                 if not self.resolve_conflict(conflict_clause):
14                     return "UNSAT"
15             elif all(self.assignment[1:]):
16                 return "SAT"
17             else:
18                 var_to_assign = self.choose_variable()
19                 self.assign_variable(var_to_assign)
20
21     def unit_propagation(self):
22         while True:
23             unit_clause = self.find_unit_clause()
24             if unit_clause is not None:
25                 self.propagate_unit_assignment(unit_clause)
26             else:
27                 return None
28
29     def find_unit_clause(self):
30         for clause in self.clauses:
31             unassigned_literals = [lit for lit in clause if self.assignment[abs
32 (lit)] is None]
33             if len(unassigned_literals) == 1:
34                 return clause
35         return None
36
37     def propagate_unit_assignment(self, unit_clause):
38         lit = [lit for lit in unit_clause if self.assignment[abs(lit)] is None
39 ] [0]
40         self.assignment[abs(lit)] = lit
41         self.decision_stack.append(lit)
42
43     def choose_variable(self):
44         for var in range(1, self.num_vars + 1):
45             if self.assignment[var] is None:
46                 return var
47
48     def assign_variable(self, var):
49         self.assignment[var] = var
50         self.decision_stack.append(var)
51
52     def resolve_conflict(self, conflict_clause):
53         if len(self.decision_stack) == 0:
54             return False # UNSAT
55
56         conflict_var = abs(conflict_clause[0])
57         conflict_level = self.get_decision_level(conflict_var)
58
59         self.learned_clauses.append(conflict_clause)
60         while len(self.decision_stack) > 0 and self.get_decision_level(self.
61 decision_stack[-1]) > conflict_level:
62             self.backtrack()
63
64         return True
65
66     def backtrack(self):
67         last_decision = self.decision_stack.pop()
68         self.assignment[abs(last_decision)] = None

```

```

67     def get_decision_level(self, var):
68         return len([lit for lit in self.decision_stack if abs(lit) == var])

```

4.2.2 funkcja read_dimacs_cnf(filename)

- **Opis:** Odczytuje plik DIMACS CNF i ekstrahuje liczbę zmiennych oraz klauzul.
- **Parametry:** filename - Ścieżka do pliku DIMACS CNF.
- **Zwraca:** Krotka zawierająca liczbę zmiennych i listę klauzul.

```

1  def read_dimacs_cnf(filename):
2      clauses = []
3      with open(filename, 'r') as file:
4          for line in file:
5              if line.startswith("c"):
6                  continue
7              if line.startswith("p cnf"):
8                  num_vars, num_clauses = map(int, line.strip().split()[2:])
9              else:
10                 clause = list(map(int, line.strip().split()[:-1]))
11                 clauses.append(clause)
12     return num_vars, clauses

```

5 Podsumowanie

Wyniki raportu dla wykonania poszczególnych funkcjonalności:

5.1 Osadzenia grafowe

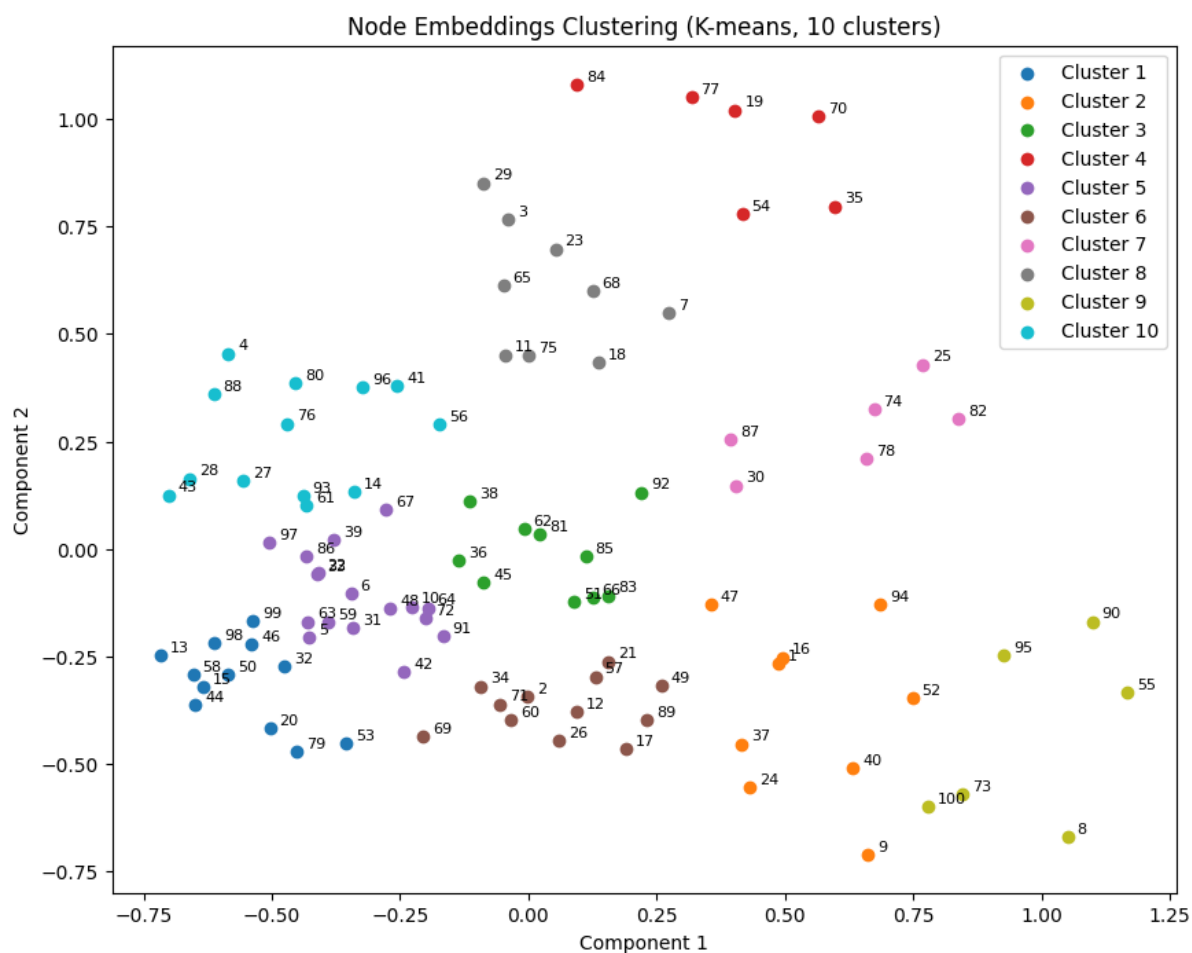


Figure 1: Grupowanie dla 100 zmiennych

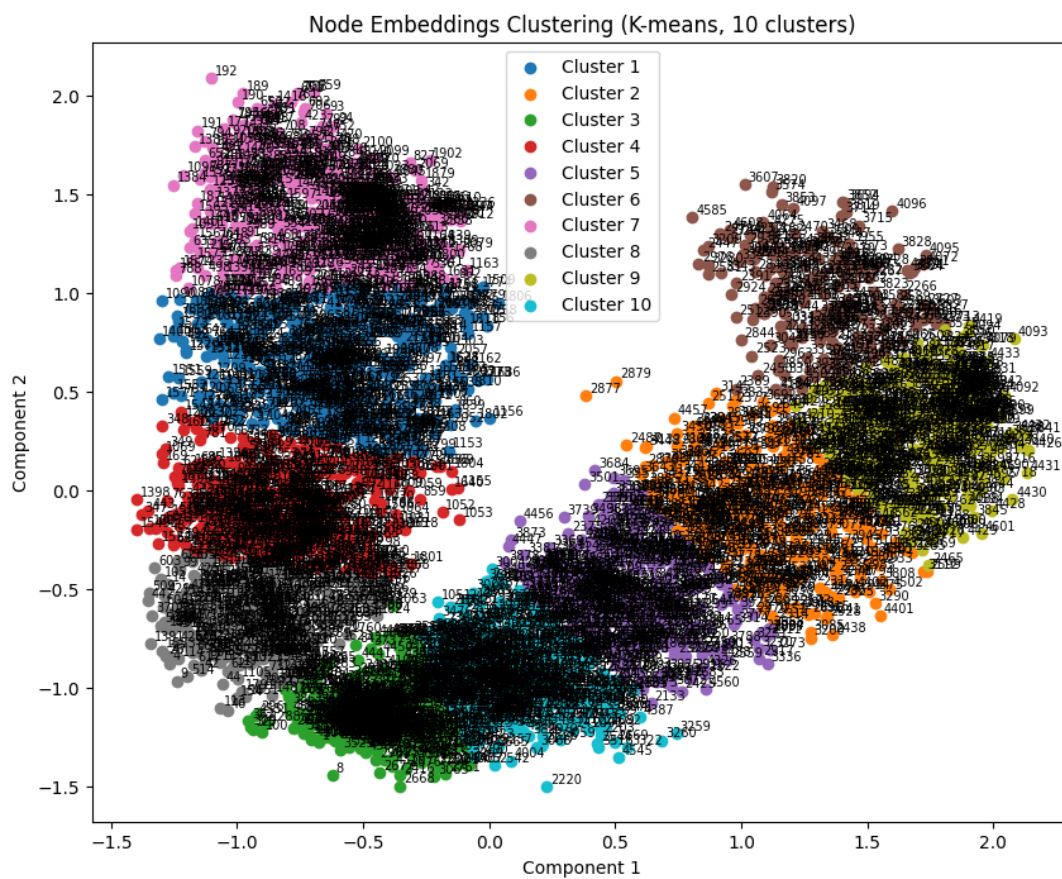


Figure 2: Grupowanie dla 4000 zmiennych



Figure 3: Jeden klastor z powyższego wykresu (inne kolory)

5.2 Hipergrafy

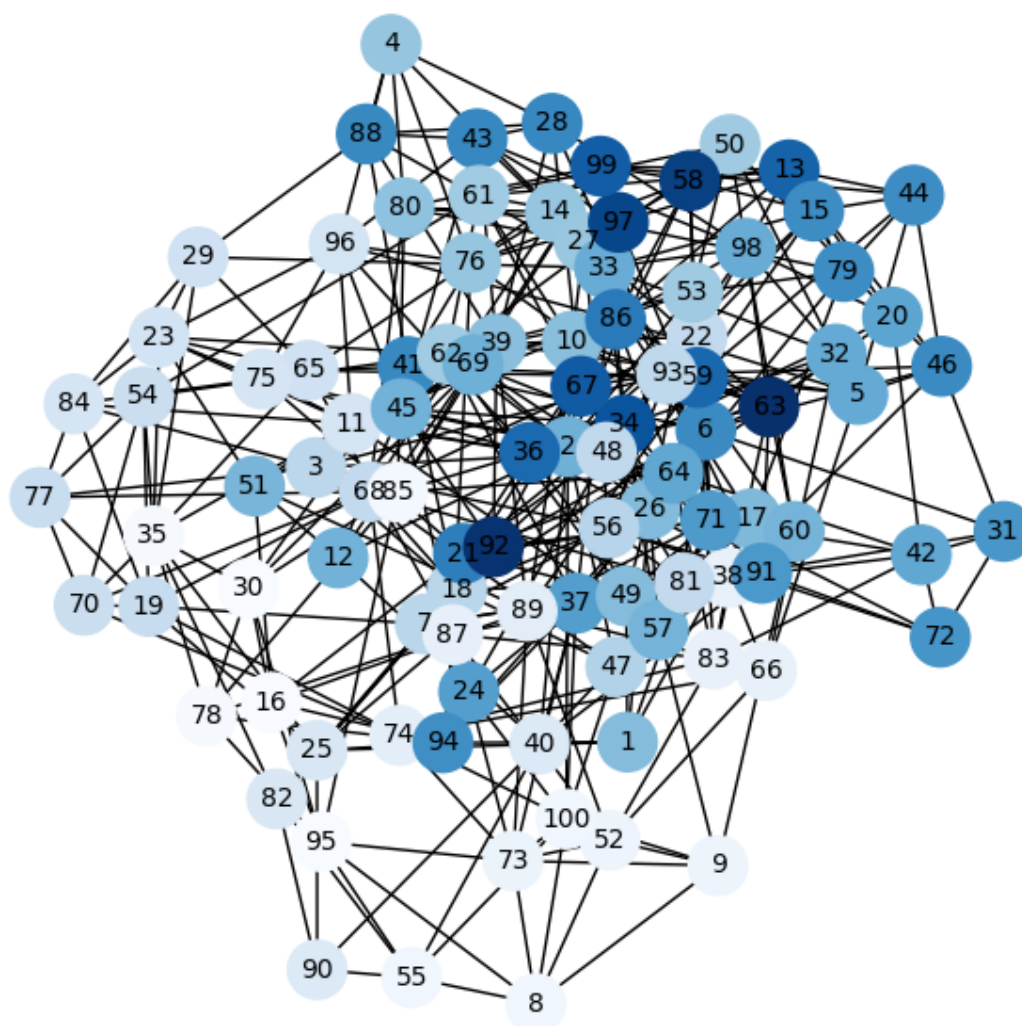


Figure 4: Hipergraf (100 zmiennych)

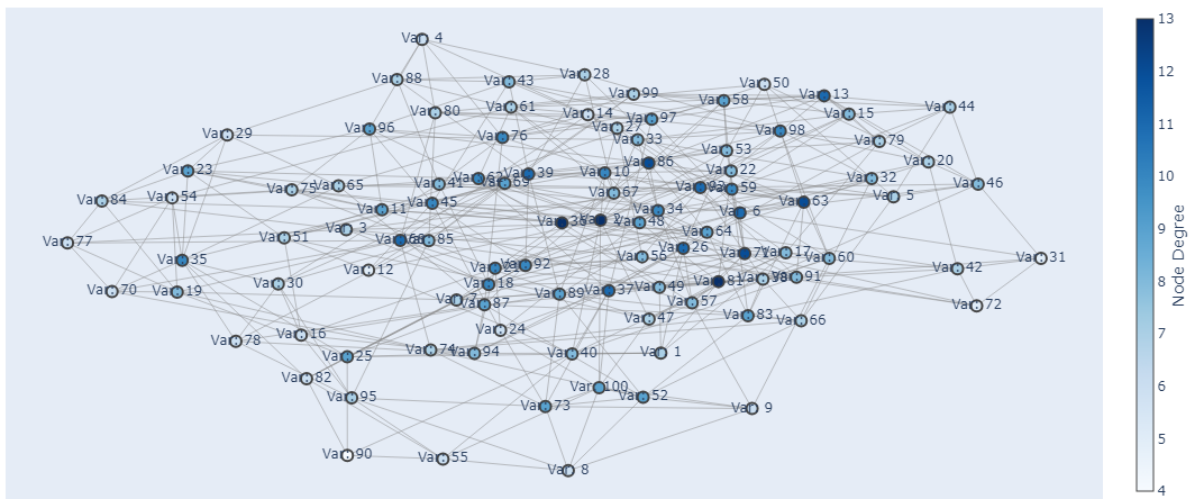


Figure 5: Hipergraf interaktywny (100 zmiennych)