

Programowanie w Logice

Przykłady programów

Przemysław Kobylański

Przykłady programów

Interpreter prostego języka imperatywnego

- ▶ Język **Imperator**¹ jest prostym językiem imperatywnym.
- ▶ Jego składnię opisuje poniższa gramatyka BNF:

```
PROGRAM ::=
```

```
PROGRAM ::= INSTRUKCJA ; PROGRAM
```

```
INSTRUKCJA ::= IDENTYFIKATOR := WYRAŻENIE
```

```
INSTRUKCJA ::= read IDENTYFIKATOR
```

```
INSTRUKCJA ::= write WYRAŻENIE
```

```
INSTRUKCJA ::= if WARUNEK then PROGRAM fi
```

```
INSTRUKCJA ::= if WARUNEK then PROGRAM else PROGRAM fi
```

```
INSTRUKCJA ::= while WARUNEK do PROGRAM od
```

¹Nazwę zaproponował MKI.

Przykłady programów

Interpreter prostego języka imperatywnego

```
WYRAŻENIE ::= SKŁADNIK + WYRAŻENIE
```

```
WYRAŻENIE ::= SKŁADNIK - WYRAŻENIE
```

```
WYRAŻENIE ::= SKŁADNIK
```

```
SKŁADNIK ::= CZYNNIK * SKŁADNIK
```

```
SKŁADNIK ::= CZYNNIK / SKŁADNIK
```

```
SKŁADNIK ::= CZYNNIK mod SKŁADNIK
```

```
SKŁADNIK ::= CZYNNIK
```

```
CZYNNIK ::= IDENTYFIKATOR
```

```
CZYNNIK ::= LICZBA_NATURALNA
```

```
CZYNNIK ::= ( WYRAŻENIE )
```

Przykłady programów

Interpreter prostego języka imperatywnego

```
WARUNEK ::= KONIUNKCJA or WARUNEK
```

```
WARUNEK ::= KONIUNKCJA
```

```
KONIUNKCJA ::= PROSTY and KONIUNKCJA
```

```
KONIUNKCJA ::= PROSTY
```

```
PROSTY ::= WYRAŻENIE = WYRAŻENIE
```

```
PROSTY ::= WYRAŻENIE /= WYRAŻENIE
```

```
PROSTY ::= WYRAŻENIE < WYRAŻENIE
```

```
PROSTY ::= WYRAŻENIE > WYRAŻENIE
```

```
PROSTY ::= WYRAŻENIE >= WYRAŻENIE
```

```
PROSTY ::= WYRAŻENIE <= WYRAŻENIE
```

```
PROSTY ::= ( WARUNEK )
```

Przykłady programów

Interpreter prostego języka imperatywnego

Example (Obliczenie sumy liczb A i B)

```
read A;
read B;
X := A;
Y := B;
while Y > 0 do
    X := X + 1;
    Y := Y - 1;
od;
write X;
```

◀ ▶ ⏪ ⏩ ⏴ ⏵ ⏶ ⏷ ⏸ ⏹ ⏺ ⏻ ⏼ ⏽ ⏾ ⏿ 🔍 ↺

Przykłady programów

Interpreter prostego języka imperatywnego

Wyrażenie jest albo prostym wyrażeniem będącym zmienną lub liczbą naturalną albo wyrażeniem złożonym będącym sumą, różnicą, iloczynem lub ilorazem dwóch wyrażeń:

```
WYRAŻENIE = id(ID)
WYRAŻENIE = int(NUM)
WYRAŻENIE = WYRAŻENIE + WYRAŻENIE
WYRAŻENIE = WYRAŻENIE - WYRAŻENIE
WYRAŻENIE = WYRAŻENIE * WYRAŻENIE
WYRAŻENIE = WYRAŻENIE / WYRAŻENIE
WYRAŻENIE = WYRAŻENIE mod WYRAŻENIE
```

◀ ▶ ⏪ ⏩ ⏴ ⏵ ⏶ ⏷ ⏸ ⏹ ⏺ ⏻ ⏼ ⏽ ⏾ ⏿ 🔍 ↺

Przykłady programów

Interpreter prostego języka imperatywnego

- ▶ Program reprezentowany jest listą złożoną z termów.
- ▶ Każdy term reprezentuje jedną instrukcję.
- ▶ Jeśli instrukcja jest złożona, to term zawiera jako podterm listę termów reprezentujących zagnieżdżone instrukcje.

```
PROGRAM = [ ]
PROGRAM = [INSTRUKCJA | PROGRAM]
```

```
INSTRUKCJA = assign(ID, WYRAŻENIE)
INSTRUKCJA = read(ID)
INSTRUKCJA = write(WYRAŻENIE)
INSTRUKCJA = if(WARUNEK, PROGRAM)
INSTRUKCJA = if(WARUNEK, PROGRAM, PROGRAM)
INSTRUKCJA = while(WARUNEK, PROGRAM)
```

◀ ▶ ⏪ ⏩ ⏴ ⏵ ⏶ ⏷ ⏸ ⏹ ⏺ ⏻ ⏼ ⏽ ⏾ ⏿ 🔍 ↺

Przykłady programów

Interpreter prostego języka imperatywnego

Warunek jest relacją równości, różności, mniejszości, większości (słabej lub silnej) między wartościami dwóch wyrażeń albo alternatywą lub koniunkcją dwóch warunków:

```
WARUNEK = WYRAŻENIE == WYRAŻENIE
WARUNEK = WYRAŻENIE != WYRAŻENIE
WARUNEK = WYRAŻENIE < WYRAŻENIE
WARUNEK = WYRAŻENIE > WYRAŻENIE
WARUNEK = WYRAŻENIE <= WYRAŻENIE
WARUNEK = WYRAŻENIE >= WYRAŻENIE
WARUNEK = WARUNEK ; WARUNEK
WARUNEK = WARUNEK , WARUNEK
```

◀ ▶ ⏪ ⏩ ⏴ ⏵ ⏶ ⏷ ⏸ ⏹ ⏺ ⏻ ⏼ ⏽ ⏾ ⏿ 🔍 ↺

Przykłady programów

Interpreter prostego języka imperatywnego

Example (Sumowanie liczb od 1 do N)

```
program1([
  read('N'),
  assign('SUM', int(0)),
  while(id('N') > int(0),
    [assign('SUM', id('SUM') + id('N')),
     assign('N', id('N') - int(1))]),
  write(id('SUM'))]).
```

◀ ▶ ⏪ ⏩ ⏴ ⏵ ⏶ ⏷ ⏸ ⏹ ⏺ ⏻ ⏼ ⏽ ⏾ ⏿ 🔍 ↺

Przykłady programów

Interpreter prostego języka imperatywnego

- ▶ Bieżący stan obliczeń zapisywać będziemy w postaci listy asocjacji.
- ▶ Każda asocjacja jest termem w postaci ID = Wartość, gdzie ID jest nazwą zmiennej a Wartość jest bieżącą wartością tej zmiennej.

```
% podstaw(+Stare, +ID, +Wartość, -Nowe)
podstaw([], ID, N, [ID = N]).
podstaw([ID=_ | AS], ID, N, [ID=N | AS]) :- !.
podstaw([ID1=W1 | AS1], ID, N, [ID1=W1 | AS2]) :-
  podstaw(AS1, ID, N, AS2).
```

```
% pobierz(+Asocjacje, +ID, -Wartość)
pobierz([ID=N | _], ID, N) :- !.
pobierz([_ | AS], ID, N) :-
  pobierz(AS, ID, N).
```

◀ ▶ ⏪ ⏩ ⏴ ⏵ ⏶ ⏷ ⏸ ⏹ ⏺ ⏻ ⏼ ⏽ ⏾ ⏿ 🔍 ↺

Przykłady programów

Interpreter prostego języka imperatywnego

Example (Obliczenie ilorazu D i reszty R z dzielenia M przez N)

```
program2([
  read('M'),
  read('N'),
  assign('D', int(0)),
  assign('R', id('M')),
  while(id('R') >= id('N'),
    [assign('D', id('D') + int(1)),
     assign('R', id('R') - id('N'))]),
  write(id('D')),
  write(id('R'))]).
```

◀ ▶ ⏪ ⏩ ⏴ ⏵ ⏶ ⏷ ⏸ ⏹ ⏺ ⏻ ⏼ ⏽ ⏾ ⏿ 🔍 ↺

Przykłady programów

Interpreter prostego języka imperatywnego

```
% wartość(+Wyrażenie, +Asocjacje, -Wartość)
wartość(int(N), _, N).
wartość(id(ID), AS, N) :-
  pobierz(AS, ID, N).
wartość(W1 + W2, AS, N) :-
  wartość(W1, AS, N1), wartość(W2, AS, N2),
  N is N1 + N2.
wartość(W1 - W2, AS, N) :-
  wartość(W1, AS, N1), wartość(W2, AS, N2),
  N is N1 - N2.
```

◀ ▶ ⏪ ⏩ ⏴ ⏵ ⏶ ⏷ ⏸ ⏹ ⏺ ⏻ ⏼ ⏽ ⏾ ⏿ 🔍 ↺

Przykłady programów

Interpreter prostego języka imperatywnego

```
wartość(W1 * W2, AS, N) :-  
    wartość(W1, AS, N1), wartość(W2, AS, N2),  
    N is N1 * N2.  
wartość(W1 / W2, AS, N) :-  
    wartość(W1, AS, N1), wartość(W2, AS, N2),  
    N2 =\= 0, N is N1 div N2.  
wartość(W1 mod W2, AS, N) :-  
    wartość(W1, AS, N1), wartość(W2, AS, N2),  
    N2 =\= 0,  
    N is N1 mod N2.
```

◀ ▶ ⏪ ⏩ ⏴ ⏵ ⏶ ⏷ ⏸ ⏹ ⏺ ⏻ ⏼ ⏽ ⏾ ⏿ 🔍 ↺ ↻

Przykłady programów

Interpreter prostego języka imperatywnego

```
prawda(W1 >= W2, AS) :-  
    wartość(W1, AS, N1), wartość(W2, AS, N2),  
    N1 >= N2.  
prawda(W1 <= W2, AS) :-  
    wartość(W1, AS, N1), wartość(W2, AS, N2),  
    N1 <= N2.  
prawda((W1, W2), AS) :-  
    prawda(W1, AS),  
    prawda(W2, AS).  
prawda((W1; W2), AS) :-  
    (    prawda(W1, AS),  
        !  
    ;    prawda(W2, AS)).
```

◀ ▶ ⏪ ⏩ ⏴ ⏵ ⏶ ⏷ ⏸ ⏹ ⏺ ⏻ ⏼ ⏽ ⏾ ⏿ 🔍 ↺ ↻

Przykłady programów

Interpreter prostego języka imperatywnego

```
% prawda(+Warunek, +Asocjacje)  
prawda(W1 == W2, AS) :-  
    wartość(W1, AS, N1), wartość(W2, AS, N2),  
    N1 == N2.  
prawda(W1 =\= W2, AS) :-  
    wartość(W1, AS, N1), wartość(W2, AS, N2),  
    N1 =\= N2.  
prawda(W1 < W2, AS) :-  
    wartość(W1, AS, N1), wartość(W2, AS, N2),  
    N1 < N2.  
prawda(W1 > W2, AS) :-  
    wartość(W1, AS, N1), wartość(W2, AS, N2),  
    N1 > N2.
```

◀ ▶ ⏪ ⏩ ⏴ ⏵ ⏶ ⏷ ⏸ ⏹ ⏺ ⏻ ⏼ ⏽ ⏾ ⏿ 🔍 ↺ ↻

Przykłady programów

Interpreter prostego języka imperatywnego

```
% interpreter(+Program, +Asocjacje)  
interpreter([], _).  
interpreter([read(ID) | PGM], ASSOC) :- !,  
    read(N),  
    integer(N),  
    podstaw(ASSOC, ID, N, ASSOC1),  
    interpreter(PGM, ASSOC1).  
interpreter([write(W) | PGM], ASSOC) :- !,  
    wartość(W, ASSOC, WART),  
    write(WART), nl,  
    interpreter(PGM, ASSOC).  
interpreter([assign(ID, W) | PGM], ASSOC) :- !,  
    wartość(W, ASSOC, WAR),  
    podstaw(AS, ID, WAR, ASSOC1),  
    interpreter(PGM, ASSOC1).
```

◀ ▶ ⏪ ⏩ ⏴ ⏵ ⏶ ⏷ ⏸ ⏹ ⏺ ⏻ ⏼ ⏽ ⏾ ⏿ 🔍 ↺ ↻

Przykłady programów

Interpreter prostego języka imperatywnego

```
interpreter([if(C, P) | PGM], ASSOC) :- !,  
    interpreter([if(C, P, []) | PGM], ASSOC).  
interpreter([if(C, P1, P2) | PGM], ASSOC) :- !,  
    (   prawda(C, ASSOC)  
    -> append(P1, PGM, DALEJ)  
    ;   append(P2, PGM, DALEJ)),  
    interpreter(DALEJ, ASSOC).  
interpreter([while(C, P) | PGM], ASSOC) :- !,  
    append(P, [while(C, P)], DALEJ),  
    interpreter([if(C, DALEJ) | PGM], ASSOC).  
  
% interpreter(+Program)  
interpreter(PROGRAM) :-  
    interpreter(PROGRAM, []).
```

◀ ▶ ⏪ ⏩ 🔍 ↺

Przykłady programów

Interpreter prostego języka imperatywnego

Example (Sumowanie)

```
?- program1(X), interpreter(X).  
|: 10.  
55  
X = [read('N'), assign('SUM', int(0)),  
     while(id('N')>int(0), [assign('SUM', id('SUM')  
+id('N')), assign('N', id('N')-int(1))]),  
     write(id('SUM'))].
```

◀ ▶ ⏪ ⏩ 🔍 ↺

Przykłady programów

Interpreter prostego języka imperatywnego

Example (Iloraz i reszta)

```
?- program2(X), interpreter(X).  
|: 123.  
|: 13.  
9  
6  
X = [read('M'), read('N'), assign('D', int(0)),  
     assign('R', id('M')), while(id('R')>=id('N'),  
     [assign('D', id(...)+int(...)), assign('R', ...  
     - ...)]), write(id('D')), write(id('R'))].  
  
?- X is 9*13+6.  
X = 123.
```

◀ ▶ ⏪ ⏩ 🔍 ↺

Przykłady programów

Interpreter podzbioru Prologu w Prologu

- ▶ Zakładamy, że predykaty zapisane są w postaci klauzul, których ciała zawierają tylko koniunkcje formuł atomowych (nie ma negacji, alternatyw i implikacji).
- ▶ Wszystkie predykaty są zdefiniowane przez nas (nie korzystamy z predykatów wbudowanych, które mogą być napisane np. w języku C).

◀ ▶ ⏪ ⏩ 🔍 ↺

◀ ◻ ▶ ◀ ◻ ▶ ◀ ≡ ▶ ◀ ≡ ▶ ≡ 🔍 ↺

Przykłady programów

Unifikacja i reprezentacja termów

Example (Unifikacja w WAM cd.)

Przykładowe wywołanie:

```
?- unify(0, 6). % odpowiada f(A, g(A)) = f(a, B)
true.
```

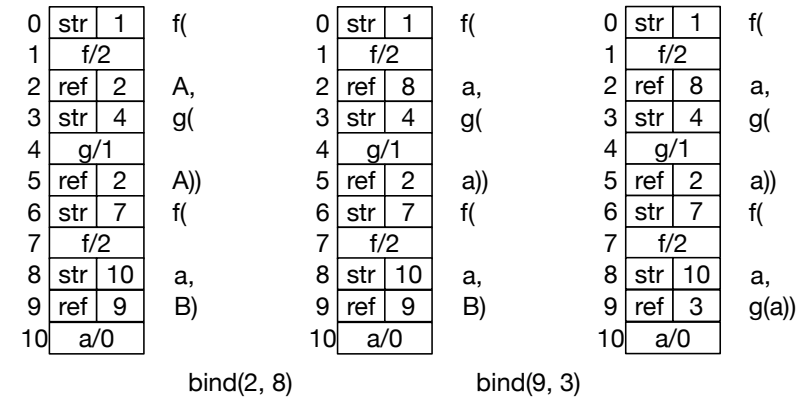
Jaki jest wynik unifikacji? Jakie wartości przyjęły zmienne?

Przykłady programów

Unifikacja i reprezentacja termów

Example (Unifikacja w WAM cd.)

Zmiany zachodzące w komórkach pamięci:



Przykłady programów

Unifikacja i reprezentacja termów

Example (Unifikacja w WAM cd.)

Wynik unifikacji:

