# **Projekt**

# Algorytmy i struktury danych

#### Treść zadania:

"Zaimplementuj sortowanie przez scalanie oraz sortowanie metodą quicksort."

Autor: Jakub Grasza

Inżynieria i analiza danych, semestr 2020/2021

Grupa projektowa: P02 Numer albumu: 166726

Prowadzący: dr. inż. prof. PRz Mariusz Borkowski

# Spis treści

1.	Zada	nie	3
2.	Sorto	owanie metodą quicksort	3
:	2.1.	Informacje ogólne	3
:	2.2.	Złożoność obliczeniowa	3
:	2.3.	Schemat blokowy	4
:	2.4.	Pseudokod	5
:	2.5.	Implementacja C++	5
3.	Sorto	owanie przez scalanie	6
;	3.1.	Informacje ogólne	6
;	3.2.	Złożoność obliczeniowa	6
:	3.3.	Schemat blokowy	7
;	3.4.	Pseudokod	8
;	3.5.	Implementacja C++	10
4.	Efek	tywność algorytmów	11
	4.1.	Przypadek pesymistyczny	11
	4.2.	Przypadek typowy (oczekiwany)	11
	4.3.	Przypadek optymistyczny	12
	4.4.	Przypadek mocno pesymistyczny dla algorytmu quickSort	12
5.	Spec	yfikacja programu	13
6.	Doku	umentacja z doświadczeń	14
(	6.1.	Niepoprawne dokonanie wyboru w menu początkowym:	14
(	6.2.	Wprowadzanie danych z klawiatury:	14
	6.2.1	. Poprawne dane:	14
	6.2.2	2. Niepoprawna długość tablicy, wprowadzenie znaku innego niż liczba:	15
	6.2.3	B. Próba wprowadzenia innego elementu niż liczba do tablicy:	15
(	6.3.	Wczytywanie danych z pliku	16
	6.3.1	. Poprawne dane w pliku:	16
	6.3.2	2. Plik nie zawiera danych (plik pusty):	16
	6.3.3	B. Próba otworzenia pliku, który nie istnieje:	17
(	6.4.	Liczby pseudolosowe	17
	6.4.1	. Podanie poprawnego rozmiaru i zakresu liczb (N):	17
	6.4.2	2. Podanie rozmiaru tablicy, który nie jest liczbą:	18
(	6.5.	Generowanie ciągów liczb losowych do pliku	18
	6.5.1	. Podanie poprawnego rozmiaru i zakresu liczb do losowania:	18
	6.5.2	2. Podanie rozmiaru tablicy, nie będącego liczbą:	19
7.	Wnic	oski	19
Źrć	ńdła		19

#### 1. Zadanie

Realizowanym zadaniem jest implementacja i omówienie algorytmów sortowania przez scalanie(mergeSort) oraz sortowania metodą quicksort.

# 2. Sortowanie metodą quicksort

# 2.1. Informacje ogólne

Algorytm sortowania "quickSort" opiera się na strategii "dziel i zwyciężaj".

Strategia "dziel i zwyciężaj":

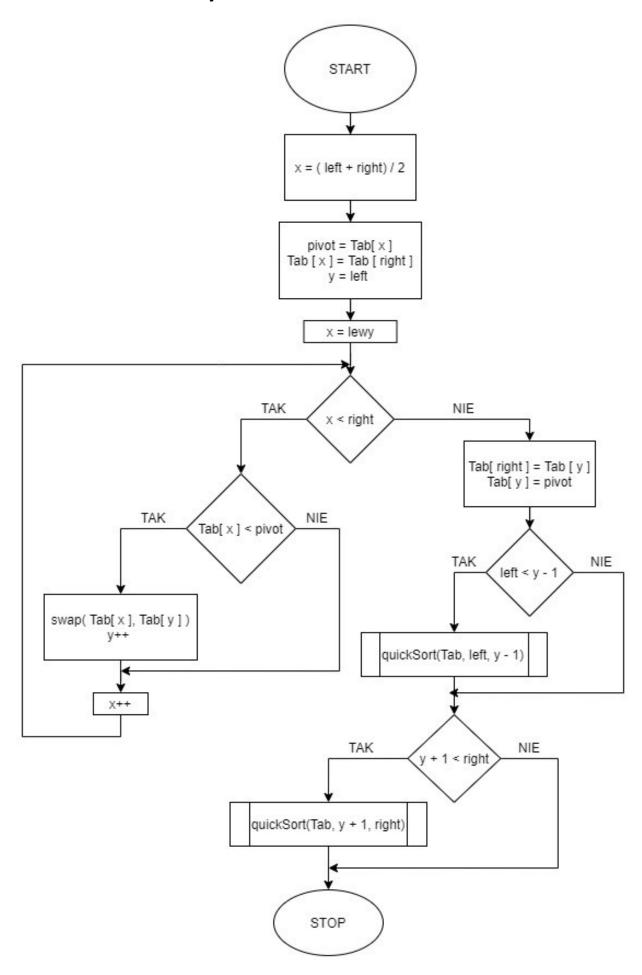
- 1. Dziel problem główny dzielony jest na mniejsze podproblemy
- 2. Zwyciężaj znajdowane jest rozwiązanie podproblemów
- 3. **Połącz** następuje połączenie znalezionych rozwiązań podproblemów w rozwiązanie problemu głównego

Sortowanie szybkie zostało wynalezione przez angielskiego informatyka, profesora Tony'ego Hoare'a w latach 60. W trakcie sortowania **quicksort** z tablicy wybiera się element rozdzielający "**pivot**", a następnie tablica jest dzielona na dwie części, do jednej przenoszone są elementy mniejsze od naszego **pivota**, a do drugiej elementy większe od niego. Wybrany **pivot** wymieniany jest z ostatnim elementem zbioru i w trakcie podziału jest tam bezpiecznie przechowywany. Później oba te fragmenty są sortowane, wywołując algorytm rekurencyjnie.

#### 2.2. Złożoność obliczeniowa

W przypadku optymistycznym i typowym złożoność algorytmu quicksort jest równa  $O(n \cdot logn)$ , dzieje się tak gdy za każdym razem w czasie sortowania wybierana jest mediana z sortowanego fragmentu tablicy. Równocześnie wtedy otrzymujemy minimalne zagnieżdżenie rekursji (głębokość stosu), a co za tym idzie złożoność pamięciową równą  $log_2n$ . W przypadku niekorzystnego wyboru pivotu złożoność obliczeniowa algorytmu może się zdegradować nawet do  $O(n^2)$ , a ilość wywołań rekurencyjnych może spowodować przepełnienie stosu i zatrzymać działanie programu. Dlatego algorytmu sortowania quicksort nie można stosować bezmyślnie dla każdego przypadku, tylko ze względu na to że uważany jest za najszybszy algorytm sortujący. Sortowanie quickSort ponadto nie jest algorytmem stabilnym, czyli elementy o tych samych wartościach nie pojawią się w tej samej kolejności w posortowanym zbiorze.

# 2.3. Schemat blokowy



#### 2.4. Pseudokod

```
quickSort (int *Tab, int left, int right)
1.
          deklarujemy zmienne x, y oraz pivot ( element podziałowy )
2.
          do zmiennej x przypisujemy wartość (left + right) / 2
          do zmiennej pivot przypisujemy wartość zawartą w tablicy pod indeksem x
3.
          do komórki tablicy pod indeksem x przypisujemy wartość spod indeksu right
4.
          for y = x = left to x < right do
5.
             if Tab[x] < pivot then
6.
7.
                swap( Tab[ x ] and Tab[ y ])
                zwiększamy wartość y o 1
8.
          komórce tablicy pod indeksem right przypisujemy wartość spod indeksu y
9.
          komórce tablicy pod indeksem y przypisujemy wartość zmiennej pivot
10.
              if left < y - 1 then
11.
                   wywołujemy rekurencyjnie funkcję: quickSort(Tab, left , y - 1)
12.
              if y + 1 < right then
13.
                   wywołujemy rekurencyjnie funkcję: quickSort(Tab, y + 1, right)
14.
          koniec działania funkcji
15.
```

# 2.5. Implementacja C++

# 3. Sortowanie przez scalanie

# 3.1. Informacje ogólne

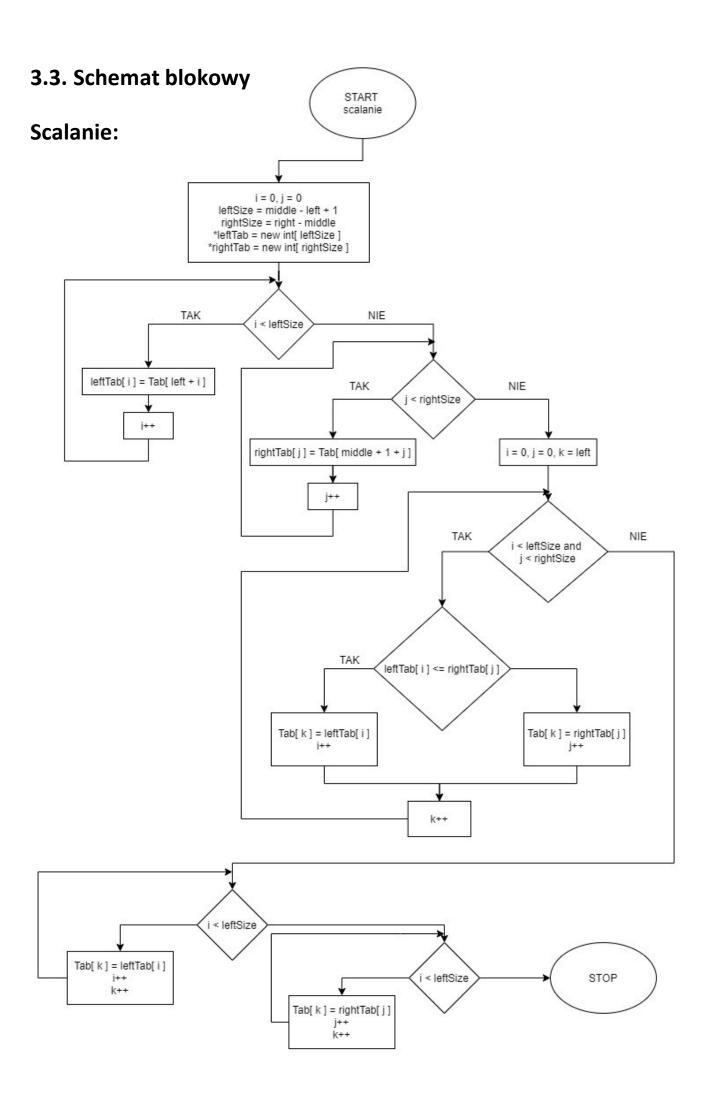
Sortowanie przez scalanie (mergeSort) jest to rekurencyjny algorytm sortowania danych, podobnie jak quickSort opiera się na metodzie "dziel i zwyciężaj". Jego odkrycie przypisuje się Johnowi von Neumannowi. Wyróżnić można trzy podstawowe kroki algorytmu:

- 1. Podzielenie zbioru elementów, które chcemy posortować na dwie równe części.
- 2. Zastosowanie sortowania przez scalanie dla każdej z części z osobna.
- 3. Połączenie posortowanych części w całość, tworząc posortowany ciąg.

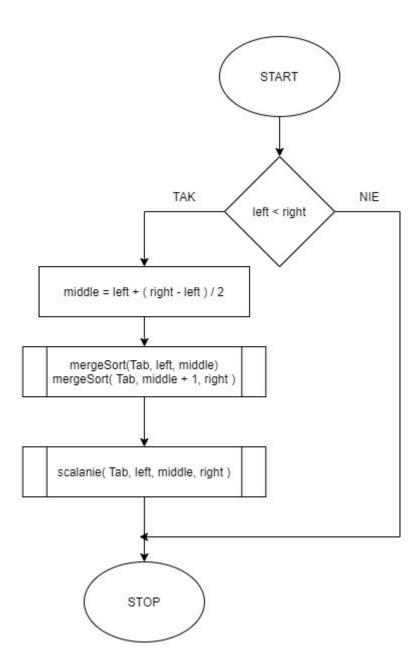
Szczególnie dobrze działa w przypadku danych dostępnych sekwencyjnie, czyli po kolei, jeden element naraz, na przykład w postaci listy jednokierunkowej.

#### 3.2. Złożoność obliczeniowa

W przypadku algorytmu mergeSort złożoność czasowe nie różni się pomiędzy przypadkami(pesymistycznym, typowym i optymistycznym) i w każdym z nich jest równa  $O(n \cdot logn)$ . Jednak szybkość działania jest okupiona większym zapotrzebowaniem na pamięć, gdyż w algorytmie korzystamy z dodatkowej tablicy potrzebnej do scalania posortowanych podtablic, której wielkość jest zależna od ilości sortowanych danych. Mówimy wtedy że sortowanie odbywa się *nie w miejscu(not in place)*. Sortowanie przez scalanie działa wydajnie na bardzo dużych zbiorach danych i jest w odróżnieniu od **quickSort** jest algorytmem stabilnym, czyli dwa elementy o tej samej wartości pojawią się w posortowanej liście w tej samej kolejności w której były jako dane wejściowe.



# mergeSort:



## 3.4. Pseudokod

scalanie (int \*Tab, int left, int middle, int right)

- 1. deklarujemy zmienne iteracyjne i, j, k
- 2. deklarujemy zmienną leftSize i przypisujemy do niej rozmiar lewej podtablicy
- 3. deklarujemy zmienną rightSize i przypisujemy do niej rozmiar prawej podtablicy
- 4. tworzymy tablicę dynamiczne leftTab[] oraz rightTab[] o rozmiarach leftSize oraz rightSize

```
5.
          for i = 0 to i < leftSize do
6.
             leftTab[i] = Tab [left + i]
7.
          for j = 0 to i < rightSize do
8.
             rightTab[i] = Tab [middle + 1 + i]
9.
          zmiennym i oraz i nadajemy wartość 0, a do zmiennej k przypisujemy wartość
          left
          while i < leftSize and j < rightSize do
10.
11.
                   if leftTab[ i ] <= rightTab[ j ] then</pre>
                      Tab[k] = leftTab[i]
12.
13.
                      zwiększamy wartość i o 1
14.
                   else
15.
                      Tab[k] = rightTab[i]
16.
                      zwiększamy wartość j o 1
17.
          zwiększamy wartość k o 1
18.
          while i < leftSize do
19.
            Tab[k] = leftTab[i]
             zwiększamy wartości zmiennych i oraz k o 1
20.
21.
          while i < rightSize do
22.
            Tab[k] = rightTab[i]
23.
             zwiekszamy wartości zmiennych i oraz k o 1
          koniec działania funkcji
24.
mergeSort (int *Tab, int left, int right)
          deklarujemy zmienną middle przechowującą środek tablicy
1.
2.
          if left < right then</pre>
3.
               do zmiennej middle przypisujemy wartość left + (right-left)/2
4.
               wywołaj mergeSort(Tab, left, middle) – sortujemy lewą strone
               rekurencyjnie
               wywołaj mergeSort(Tab, middle + 1, right) – sortujemy prawą stronę
5.
               rekurencyjnie
               wywołaj scalenie(Tab, left, middle, right) – scalamy obie części w jedną
6.
               tablice wcześniej napisaną funkcją "scalenie"
```

7.

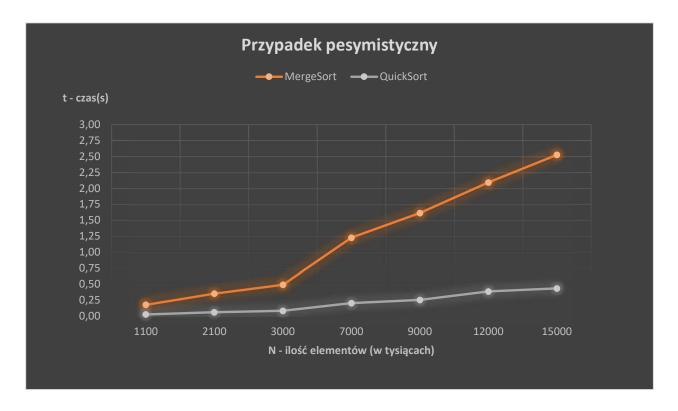
koniec działania funkcji

# 3.5. Implementacja C++

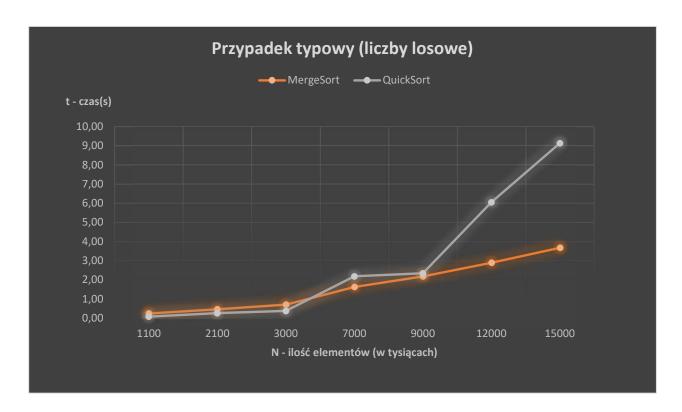
```
void scalanie(int *Tab, int left, int middle, int right) // funkcja scalajaca podtablice
   int i, j, k; // zmienne iteracyjne do petli "for"
   int leftSize = middle-left+1; // rozmiar lewej podtablicy
int rightSize = right-middle; // rozmiar prawej podtablicy
   int *leftTab = new int[leftSize]; // deklaracja lewej podtablicy o odpowiednim rozmiarze
   int *rightTab = new int[rightSize]; // deklaracja prawej podtablicy o odpowiednim rozmiarze
   for(i = 0; i<leftSize; i++)</pre>
        leftTab[i] = Tab[left+i]; // wypelnienie lewej podtablicy odpowiednimi liczbami z tablicy
    };
   for(j = 0; j<rightSize; j++)</pre>
        rightTab[j] = Tab[middle+1+j]; // wypelnienie prawej podtablicy odpowiednimi liczbami z tablicy
   i = 0; j = 0; k = left; // przypisanie wartosci zmiennym iteracyjnym potrzebnym do petli "for"
   while(i < leftSize && j<rightSize)</pre>
        if(leftTab[i] <= rightTab[j])</pre>
             Tab[k] = leftTab[i];
                                      // scalenie podtablic z tablica glowna
                                       // inkrementacja zmiennej i
        else
             Tab[k] = rightTab[j];
             j++; // inkrementacja zmiennej j
      k++; // inkrementacja zmiennej k
   while (i<leftSize)
         Tab[k] = leftTab[i]; // dodatkowy element z lewej podtablicy
         i++; k++; // inkrementacja zmiennej k i zmiennej i
         Tab[k] = rightTab[j]; //dodatkowy element z prawej podtablicy
         j++; k++; // inkrementacja zmiennej k i zmiennej j
};
void mergeSort(int *Tab, int left, int right) // funkcja realizujaca sortowanie przez scalanie
    int middle; // zmienna przechowujaca srodek tablicy
   if(left < right)</pre>
         middle = left+(right-left)/2; // wyznaczenie srodka tablicy, potrzebnego do podzialu na 2 tablice,
         mergeSort(Tab, left, middle); // sortowanie rekurencyjnie lewej czesci tablicy
        mergeSort(Tab, middle+1, right); // sortowanie rekurencyjnie prawej czesci tablicy
scalanie(Tab, left, middle, right); // scalanie lewej i prawej czesci tablicy w calosc
};
```

# 4. Efektywność algorytmów

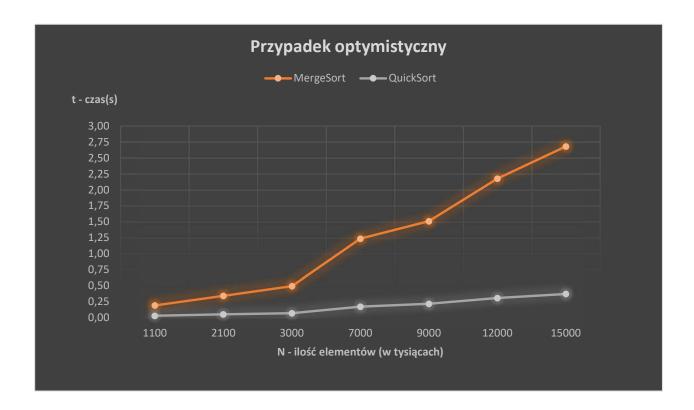
# **4.1.Przypadek pesymistyczny** – zbiór posortowany malejąco



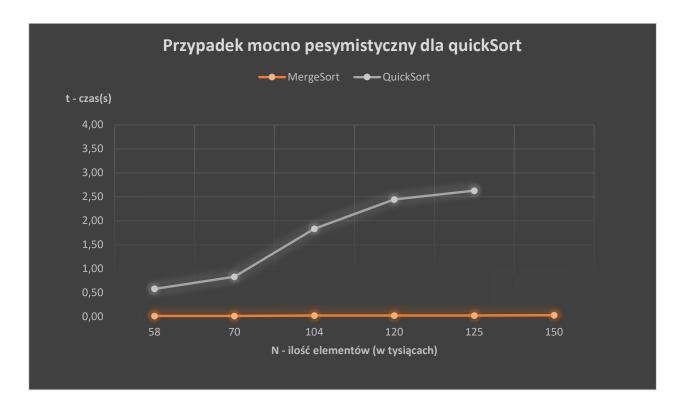
# 4.2. Przypadek typowy (oczekiwany) – liczby losowe



# 4.3. Przypadek optymistyczny – zbiór posortowany rosnąco



# **4.4. Przypadek mocno pesymistyczny dla algorytmu quickSort** – specyficznie ułożone liczby



Testy przeprowadzony na specyficznym ułożeniu liczb wykazał słabość algorytmu **quickSort**, który osiągną złożoność **O(n²)**, dla o wiele mniejszych liczb niż w poprzednich testach pojawiają się większe czasy, a przy próbie posortowania ok. 150 tysięcy elementów stos został przepełniony i program zakończył działanie. Natomiast algorytm sortowania **mergeSort** nie ma żadnych problemów z posortowaniem tych samych danych, czasy w jakie było przeprowadzone sortowanie okazały się być wręcz znikome.

# 5. Specyfikacja programu

Wszystkie operacje w programie potwierdzane są klawiszem ENTER. W głównym folderze projektu znajdują się:

- folder "dane", zawierający kilka plików z poprawnymi danymi gotowymi do wczytania oraz plik "empty.txt" nie zawierający danych (potrzebny do sprawdzenia poprawnego działania programu),
- plik "losowe.txt" do którego zapisywane są liczby wygenerowane losowo w przypadku wybrania w MENU opcji generowania ciągu do pliku, lub w przypadku wybrania opcji "Liczby pseudolosowe",
- plik "wynik.txt" do którego zapisywany jest wynik działania programu,

# 6. Dokumentacja z doświadczeń

## 6.1. Niepoprawne dokonanie wyboru w menu początkowym:

```
"C:\Users\Lenovo\Desktop\Wyk|ady zdalne\Projekt2 - AiSD\projekt2\bin\Release\projekt2.exe" — X

Witaj w programie!

Mozliwe dzialania:

1. Wprowadzenie danych z klawiatury.

2. Wczytywanie danych z pliku.

3. Liczby pseudolosowe.

4. Generowanie ciagu do pliku losowe.txt

Wybierz numer dzialania: t

Zle dokonales wyboru! :/
```

Program wyświetli komunikat "Źle dokonałeś wyboru! :/" i zakończy działanie.

## 6.2. Wprowadzanie danych z klawiatury:

#### **6.2.1.** Poprawne dane:

```
"C:\Users\Lenovo\Desktop\Wyk| ady zdalne\Projekt2 - AiSD\projekt2\bin\Release\projekt2.exe"
Witaj w programie!
Mozliwe dzialania:
. Wprowadzenie danych z klawiatury.
2. Wczytywanie danych z pliku.
3. Liczby pseudolosowe.
4. Generowanie ciagu do pliku losowe.txt
Wybierz numer dzialania: 1
Podaj rozmiar tablicy: 8
Podaj 1 element tablicy: 156
Podaj 2 element tablicy: 15
Podaj 3 element tablicy: 144
Podaj 4 element tablicy: 23
Podaj 5 element tablicy: 56
Podaj 6 element tablicy: 4
Podaj 7 element tablicy: 3
odaj 8 element tablicy: 24

    Sortowanie quickSort.

2. Sortowanie przez scalanie.
Wybierz algorytm sortowania: 1
Sortuje tablice, algorytmem quicksort. Prosze czekac!
Czas sortowania: 0
Posortowana tablica: | 3 | 4 | 15 | 23 | 24 | 56 | 144 | 156 |
```

Jeśli wprowadzone dane są poprawne, program prosi o wybór algorytmu sortowania, a następnie wyświetla czas sortowania, posortowaną tablicę, zapisuje posortowaną tablicę do pliku "wynik.txt" i kończy działanie.

# **6.2.2.** Niepoprawna długość tablicy, wprowadzenie znaku innego niż liczba:

```
□ "C\Users\Lenovo\Desktop\Wyk|ady zdalne\Projekt2 - AiSD\projekt2\bin\Release\projekt2.exe"  

Witaj w programie!

Mozliwe dzialania:

1. Wprowadzenie danych z klawiatury.

2. Wczytywanie danych z pliku.

3. Liczby pseudolosowe.

4. Generowanie ciagu do pliku losowe.txt
Wybierz numer dzialania: 1

Podaj rozmiar tablicy: t

Podany rozmiar tablicy nie jest liczba. Program zostal zakonczony.
```

Program zakończy działanie i wyświetli komunikat "Podany rozmiar nie jest liczbą. Program został zakończony."

## **6.2.3.** Próba wprowadzenia innego elementu niż liczba do tablicy:

```
"C:\Users\Lenovo\Desktop\Wyk|adyzdalne\Projekt2 - AiSD\projekt2\bin\Release\projekt2.exe"
2. Wczytywanie danych z pliku.
3. Liczby pseudolosowe.
4. Generowanie ciagu do pliku losowe.txt
Wybierz numer dzialania: 1
Podaj rozmiar tablicy: 5
Podaj 1 element tablicy: 2
Podaj 2 element tablicy: 1
Podaj 3 element tablicy: g
Wprowadz liczbe!
.
Podaj 3 element tablicy: h
Wprowadz liczbe!
Podaj 3 element tablicy: 2
Podaj 4 element tablicy: 5
Podaj 5 element tablicy: j
Wprowadz liczbe!
Podaj 5 element tablicy: 5

    Sortowanie quickSort.

  Sortowanie przez scalanie.
Wybierz algorytm sortowania: 1
Sortuje tablice, algorytmem quicksort. Prosze czekac!
Czas sortowania: 0
Posortowana tablica: | 1 | 2 | 2 | 5 | 5 |
```

Program wyświetli komunikat "Wprowadź liczbę!" i poprosi o ponowne podanie elementu tablicy.

## 6.3. Wczytywanie danych z pliku

#### **6.3.1.** Poprawne dane w pliku:

```
"C:\Users\Lenovo\Desktop\Wyk| ady zdalne\Projekt2 - AiSD\projekt2\bin\Release\projekt2.exe"
                                                                                                               Witaj w programie!
Mozliwe dzialania:
1. Wprowadzenie danych z klawiatury.
2. Wczytywanie danych z pliku.
Liczby pseudolosowe.
. Generowanie ciagu do pliku losowe.txt
Wybierz numer dzialania: 2
Podaj sciezke pliku: dane/liczby.txt
Ilosc: 15

    Sortowanie quickSort.

2. Sortowanie przez scalanie.
Wybierz algorytm sortowania: 1
Sortuje tablice, algorytmem quicksort. Prosze czekac!
Czas sortowania: 0
Posortowana tablica: | 6 | 18 | 21 | 26 | 65 | 65 | 69 | 70 | 73 | 92 | 97 | 99 | 121 | 127 | 155 |
Process returned 0 (0x0) execution time : 11.219 s
Press any key to continue.
```

Program odczytuje dane z pliku tekstowego, a następnie prosi o wybór algorytmu sortowania. Po wybraniu algorytmu którym chcemy sortować, program sortuje ciąg, wyświetla czas sortowania i zapisuje wynik sortowania do pliku tekstowego "wynik.txt". Opcjonalnie program wyświetla posortowaną tablicę na ekranie ( ta opcja jest domyślnie wyłączona ze względu na duże liczby wczytywane z pliku w czasie testów).

## **6.3.2.** Plik nie zawiera danych (plik pusty):

```
"C:\Users\Lenovo\Desktop\Wyk|ady zdalne\Projekt2 - AiSD\projekt2\bin\Release\projekt2.exe" — X

Witaj w programie!

Mozliwe dzialania:

1. Wprowadzenie danych z klawiatury.

2. Wczytywanie danych z pliku.

3. Liczby pseudolosowe.

4. Generowanie ciagu do pliku losowe.txt

Wybierz numer dzialania: 2

Podaj sciezke pliku: dane/empty.txt

Plik jest pusty.

Process returned 0 (0x0) execution time: 17.890 s

Press any key to continue.
```

Program wyświetla komunikat "Plik jest pusty." i kończy działanie.

#### **6.3.3.** Próba otworzenia pliku, który nie istnieje:

```
"C:\Users\Lenovo\Desktop\Wyk|ady zdalne\Projekt2 - AiSD\projekt2\bin\Release\projekt2.exe" — X

Witaj w programie!
Mozliwe dzialania:

1. Wprowadzenie danych z klawiatury.

2. Wczytywanie danych z pliku.

3. Liczby pseudolosowe.

4. Generowanie ciagu do pliku losowe.txt
Wybierz numer dzialania: 2

Podaj sciezke pliku: liczby.txt
Nie mozna otworzyc pliku

Process returned 0 (0x0) execution time: 5.442 s

Press any key to continue.
```

Program wyświetla komunikat "Nie można otworzyć pliku" i kończy działanie.

# 6.4. Liczby pseudolosowe

#### **6.4.1.** Podanie poprawnego rozmiaru i zakresu liczb (N):

```
"C:\Users\Lenovo\Desktop\Wyk|adyzdalne\Projekt2 - AiSD\projekt2\bin\Release\projekt2.exe"
                                                                                                               Vitaj w programie!
Mozliwe dzialania:

    Wprowadzenie danych z klawiatury.

2. Wczytywanie danych z pliku.
Liczby pseudolosowe.
1. Generowanie ciagu do pliku losowe.txt
Wybierz numer dzialania: 3
odaj rozmiar tablicy: 15
Zakres losowania [ 0, N ], podaj N: 252
| 95 | 50 | 152 | 59 | 194 | 125 | 98 | 120 | 182 | 206 | 40 | 17 | 197 | 222 | 29 |
L. Sortowanie quickSort.
2. Sortowanie przez scalanie.
Wybierz algorytm sortowania: 2
Sortuje tablice, algorytmem przez scalanie. Prosze czekac!
Czas sortowania: 0
Posortowana tablica: | 17 | 29 | 40 | 50 | 59 | 95 | 98 | 120 | 125 | 152 | 182 | 194 | 197 | 206 | 222 |
```

Program przyjmie rozmiar tablicy i zakres losowania, następnie wylosuje liczby z podanego przedziału i poprosi o wybór algorytmu sortowania, po wybraniu algorytmu którym chcemy posortować nasz ciąg program wyświetla: czas sortowania, posortowaną tablicę oraz zapisuje posortowaną tablicę do pliku "wynik.txt".

#### **6.4.2.** Podanie rozmiaru tablicy, który nie jest liczbą:

```
"C:\Users\Lenovo\Desktop\Wyk|ady zdalne\Projekt2 - AiSD\projekt2\bin\Release\projekt2.exe" — X

Witaj w programie!

Mozliwe dzialania:

1. Wprowadzenie danych z klawiatury.

2. Wczytywanie danych z pliku.

3. Liczby pseudolosowe.

4. Generowanie ciagu do pliku losowe.txt

Wybierz numer dzialania: 3

Podaj rozmiar tablicy: h

Podany rozmiar tablicy nie jest liczba. Program zostal zakonczony.

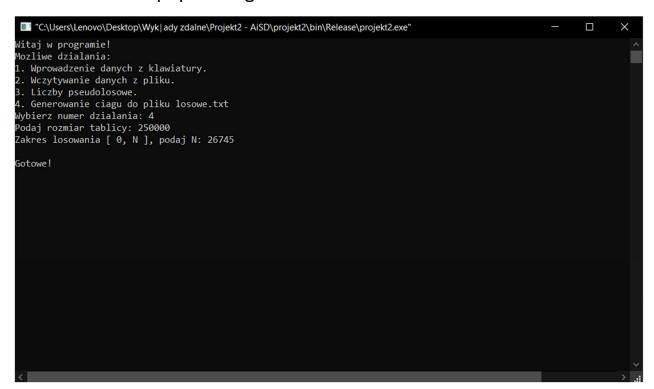
Process returned 0 (0x0) execution time: 4.688 s

Press any key to continue.
```

Program zakończy działanie i wyświetli komunikat "Podany rozmiar nie jest liczbą. Program został zakończony."

# 6.5. Generowanie ciągów liczb losowych do pliku

#### **6.5.1.** Podanie poprawnego rozmiaru i zakresu liczb do losowania:



Program przyjmie rozmiar tablicy oraz zakres losowania, a następnie rozpocznie losowanie. Po wylosowaniu i wypisaniu liczb do pliku "losowe.txt" program zakończy działanie i wyświetli komunikat "Gotowe!".

#### **6.5.2.** Podanie rozmiaru tablicy, nie będącego liczbą:

```
T'C:\Users\Lenovo\Desktop\Wyk|ady zdalne\Projekt2 - AiSD\projekt2\bin\Release\projekt2.exe"

✓ Witaj w programie!

Mozliwe dzialania:

1. Wprowadzenie danych z klawiatury.

2. Wczytywanie danych z pliku.

3. Liczby pseudolosowe.

4. Generowanie ciagu do pliku losowe.txt

Wybierz numer dzialania: 4

Podaj rozmiar tablicy: r

Podany rozmiar tablicy nie jest liczba. Program zostal zakonczony.

Process returned 0 (0x0) execution time: 2.763 s

Press any key to continue.
```

Program zakończy działanie i wyświetli komunikat "Podany rozmiar nie jest liczbą. Program został zakończony."

#### 7. Wnioski

Po wielu próbach i modyfikacjach udało się doprowadzić program do stanu, w którym działa on w sposób zadowalający, wszystkie testy zostały przeprowadzone pomyślne. Program ma możliwość odczytu/zapisu danych z/do plików tekstowych, a także wprowadzania danych z klawiatury. Zaimplementowana została także funkcja generująca i zapisująca do pliku "losowe.txt" ciągi liczb pseudolosowych z zakresu [ 0 , N ], (element N przedziału jest podawany przez użytkownika w czasie działania programu). Wykonane zostało także porównanie efektywności pracy obu rozpatrywanych algorytmów na różnych liczbach. Dla lepszej przejrzystości porównanie to zostało przedstawione na wykresach.

# Źródłai

https://eduinf.waw.pl/inf/alg/ https://pl.wikipedia.org/wiki/

https://www.softwaretestinghelp.com/

https://www.tutorialspoint.com/