# System obliczający wyniki wyborów dla uogólnienia systemu k-Borda

Tomasz Kasprzyk, Daniel Ogiela, Jakub Stępak

Akademia Górniczo-Hutnicza Wydział Informatyki, Elektroniki i Telekomunikacji Katedra Informatyki

Projekt realizowany pod opieką dr. hab. inż. Piotra Faliszewskiego

26 stycznia 2017



# Definicja wyborów

Wybory to para E = (C, V), gdzie  $C = \{c_1, c_2, \ldots, c_m\}$  to zbiór kandydatów, a  $V = (v_1, v_2, \ldots, v_n)$  to ciąg wyborców. Każdy wyborca posiada swoje *preferencje*, które są ciągiem kandydatów w porządku od najbardziej preferowanego przez danego wyborcę do najmniej preferowanego. Ponadto dana jest liczba k, będąca wielkością wybieranego komitetu.

### Przykładowe wybory

### Wybory filmów

k=2

```
C = \{ \text{komedia, horror, film akcji, dramat, science fiction} \}
V = \{ \text{Anna, Jan, Piotr, Paweł} \}

Anna: dramat > komedia > film akcji > horror > science fiction

Jan: science \ fiction > komedia > dramat > film akcji > horror

Piotr: horror > dramat > film akcji > komedia > science fiction

Paweł: science \ fiction > film \ akcji > komedia > horror > dramat
```

## Punktacja Bordy

Niech v będzie głosem nad zbiorem kandydatów C. Punkty przyporządkowane każdemu kandydatowi  $c \in C$  w v wynoszą  $||C|| - pos_v(c)$ , gdzie  $pos_v(c)$  to pozycja kandydata c w v.

### Funkcja Bordy

$$\beta(i) = m - i$$
, gdzie  $m = ||C||$ 

### Preferencje wyborcy

$$v_1: {c_1 \atop c_1} > {c_2 \atop c_2} > {c_3 \atop c_3} > {c_4 \atop c_4} > \dots$$



# Ciąg pozycji

Dla wybranego komitetu S i danego wyborcy v definiujemy ciąg  $pos_v(S)$  jako posortowany ciąg pozycji, które zajmują kandydaci z S w preferencjach wyborcy v.

Niech  $S = \{c_1, c_3, c_5, c_6\}$ 

### Preferencje wyborcy

$$v_1: {c_5 > c_3 > c_1 > c_2 > c_6 > c_4 > \dots}$$

$$pos_{v_1}(S) = (1, 2, 3, 5)$$

### Oznaczenie wartości funkcji satysfakcji

$$f(i_1,\ldots,i_k)$$



# Norma $\ell_p$

Niech  $x_1, x_2, \ldots, x_n \in \mathbb{R}, p \in \mathbb{N}$ 

### Norma $\ell_p$

$$\ell_p(x_1, x_2, \dots, x_n) = \sqrt[p]{x_1^p + x_2^p + \dots + x_n^p}$$

$$\begin{array}{ccc} \ell_1 & \equiv & + \\ \ell_\infty & \equiv & \mathit{max} \end{array}$$

# System $\ell_p$ – Borda

### Funkcja satysfakcji $\ell_p$ – Borda

$$f_{\ell_p}(i_1,i_2,\ldots,i_k) = \ell_p(\beta(i_1),\beta(i_2),\ldots,\beta(i_k))$$

### Funkcja satysfakcji k-Borda (gdy p=1)

$$f_{k-Borda}(i_1,\ldots,i_k) = \beta(i_1) + \ldots + \beta(i_k)$$

### Funkcja satysfakcji Chamberlina-Couranta (gdy $p o \infty$ )

$$f_{CC}(i_1,\ldots,i_k)=\beta(i_1)$$



### Konto użytkownika

Wprowadzanie danych o wyborach Obliczanie wyników Prezentacja wyników

# Konto użytkownika

**Election Computing System** 

Your elections

Logged as john.

Log out

### **Election Computing System**

Logged in as john. Click on "Your elections" to start

#### System for Computing Election Results According to Generalized k-Borda System.

Engineering thesis created on the Faculty of Computer Science, Electronics and Telecomunications, AGH University of Science and Technology in Cracow Supervisor: Plotr Faliszewski, PhD

#### Authors:

- Tomasz Kasprzyk
- Daniel Ogiela
- Jakub Stępak

#### Source code

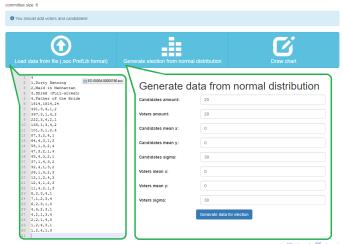
Source code is available on Github.

Documentation (in Polish) is available on Github as well.



### Metody wprowadzania danych

### some elections



# Zaznaczanie punktów na płaszczyźnie

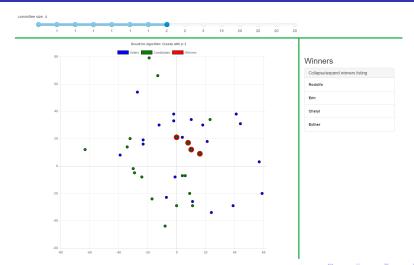


### Dobór parametrów do obliczeń

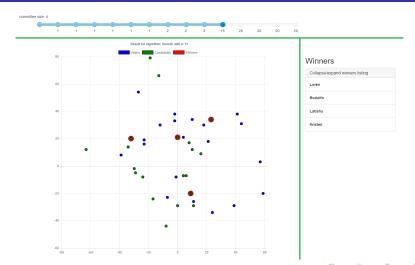
### Calculate new result for election "some elections"

P parameter:	20	\$
Algorithm:	Genetic	•
Mutation probability:	10	
Crossing probability:	20	
Cycles:	50	
	Add new result	

# Rozmieszczenie kandydatów, wyborców i zwycięzców



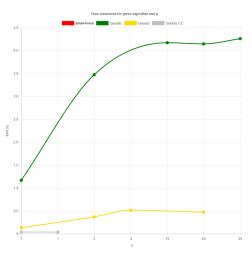
# Rozmieszczenie kandydatów, wyborców i zwycięzców



# Porównanie wyników dla różnych algorytmów

p param	Algorithm	Time	Committee score 3	Algorithm parameters		Actions
1	Brute force	4.41 s	1099.00			Q mm
1	Brute force	4.39 s	1099.00			Q 🛍
1	Greedy Algorithm	0.13 s	1099.00			Q m
1	Greedy CC	0.04 s	921.00			Q (m)
1	Greedy CC	0.04 s	921.00			Q
1	Genetic	1.17 s	1099.00	C 50 P 10	φ² 20	Q mm
2	Greedy Algorithm	0.37 s	555.63			Q mm
2	Genetic	3.48 s	555.63	C 50 P 10	© 20	Q m
3	Greedy Algorithm	0.52 s	447.83			Q m
15	Genetic	4.17 s	366.18	C 50 P 10	φ* 20	Q m
20	Brute force	19.98 s	365.06			Qm
20	Greedy Algorithm	0.47 s	362.52			Q mm
20	Genetic	4.15 s	365.06	C 50 P 10	φ 20	Q m
20	Genetic	4.26 s	365.06	C 50 P 10	o	Q m

# Porównanie wyników dla różnych algorytmów



### Algorytmm brute-force

**Data**: *K* - zbiór wszystkich możliwych komitetów w danych wyborach

Result: REZULTAT - zwycięski zbiór k kandydatów

```
REZULTAT \leftarrow \emptyset
najlepszy\_wynik \leftarrow 0
for k \in K do

if wynik(k) > najlepszy\_wynik then
REZUTLAT \leftarrow k
najlepszy\_wynik \leftarrow wynik(k)
end
end
return REZULTAT
```

# Algorytm zachłanny zależny od parametru p

```
for i \leftarrow 1 to k do
   for c \in C \setminus REZULTAT do
       for v \in V do
           dodai zadowolenie_wyborcy(v, REZULTAT \cup c);
       end
       if badany_kandydat_najlepszy(c) then
           uaktualnij lidera iteracji(c);
       end
   end
    REZULTAT \leftarrow REZULTAT \cup zwyciezca\_iteracji;
end
return REZULTAT
```

# Algorytm zachłanny wg zasady *Chamberlina* — *Couranta*

- niezależny od parametru p
- aproksymacja wg funkcji satysfakcji Chamberlina Couranta
- schemat działania identyczny jak wcześniejszego algorytmu
- zdecydowanie szybszy od głównego algorytmu zachłannego
- dobra aproksymacja systemu  $\ell_p$  Borda dla dużych wartości parametru p

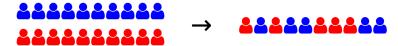
### Osobnik

Jako początkową populację osobników przyjmujemy 50 losowo wybranych komitetów.

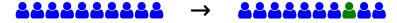


### Krzyżowanie i mutacja

Podczas krzyżowania dwa osobniki wymieniają się losowo kandydatami. Tworzony jest nowy osobnik, zawierający k kandydatów którzy poprzednio byli w co najmniej jednym z osobników przystępujących do krzyżowania.



Podczas mutacji jeden z kandydatów w osobniku jest wymieniany na innego, niebędącego dotąd w danym osobniku.





# Cykl

Na jeden cykl algorytmu składa się:

- wybór par osobników do krzyżowania się
- krzyżowanie osobników
- mutacja osobników zgodnie z zadanym prawdopodobieństwem
- wybór N osobników do przejścia do kolejnego cyklu

Liczba N określa wielkość puli osobników i jest wybierana na początku działania algorytmu. W naszej implementacji przyjęto stałą liczbę 50 osobników.

### Parametry algorytmu

### System pozwala wybrać:

- liczbę cykli działania algorytmu
- część puli jaka jest poddawana krzyżowaniu (osobniki są z niej losowo wybierane do krzyżowania)
- prawdopodobieństwo wystąpienia mutacji w pojedynczym osobniku

# Dziękujemy za uwagę