Wyznaczanie minimalnego okręgu i prostokąta zawierającego chmurę punktów 2D

Jakub Stępak

Akademia Górniczo – Hutnicza w Krakowie

24 października 2016



Problem

Zadana jest chmura punktów na płaszczyźnie dwuwymiarowej.

Znaleźć:

- najmniejszy okręg ją zawierący,
- prostokąt ją zawierający o minimalnym polu,
- prostokąt ją zawierający o minimalnym **obwodzie**.

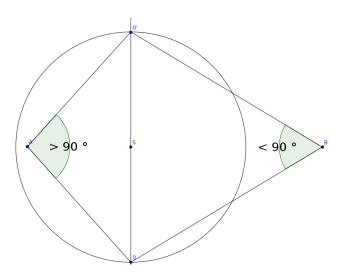
Wszystkie rozwiązania będą opierały się o wyznaczoną otoczkę wypukłą zadanej chmury punktów.

Otoczkę wyznaczamy, na przykład, algorytmem Grahama.

Najmniejszy okręg

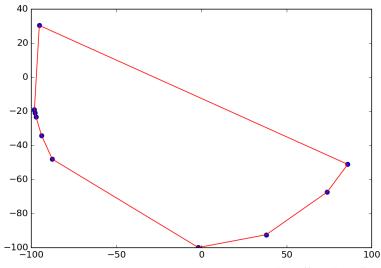
Do znalezienia najmniejszego okręgu użyjemy algorytmu Appleta.

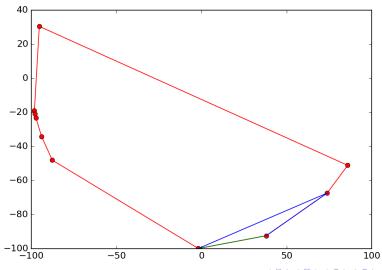
Obserwacja

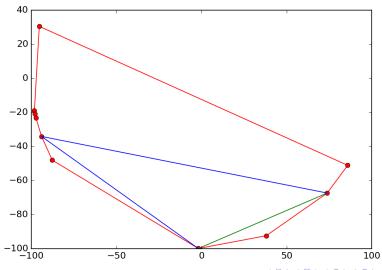


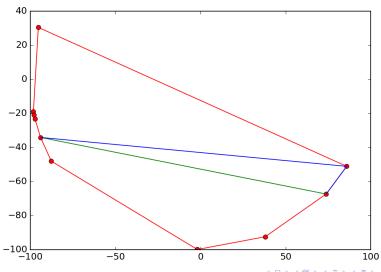
Algorytm Appleta

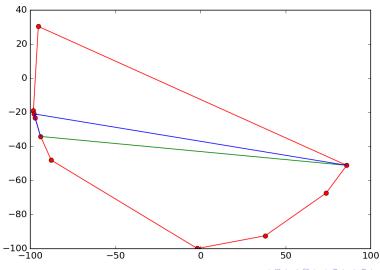
- 1. Wybierzmy dowolną krawędź otoczki $S = [P_1, P_2]$.
- 2. Dla każdego wierzchołka $P_0 \neq P_1, P_2$, obliczamy $\angle P_1 P_0 P_2$.
- 3. Najmniejszy znaleziony kąt oznaczmy przez α , a wierzchołek przy którym występuje przez V:
 - a) Jeśli $\alpha > 90^{\circ}$ to rozwiązaniem jest okrąg opisany na S.
 - b) Jeśli $\alpha < 90^{\circ}$ sprawdzamy pozostałe kąty $\triangle P_1 V P_2$:
 - Jeśli żaden nie jest rozwarty, to rozwiązaniem jest okrąg opisany na $\triangle P_1 V P_2$.
 - Jeśli któryś z kątow jest rozwarty, krawędź na przeciwko niego staje się nowym S. Wracamy do punktu 2.

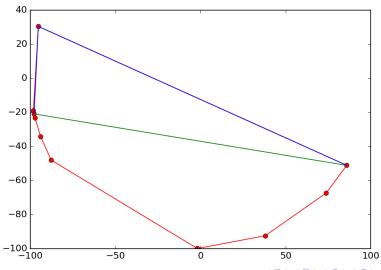


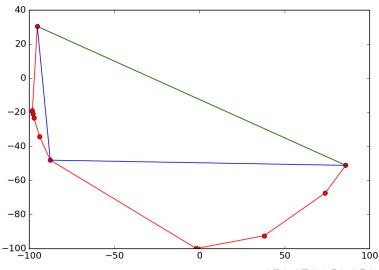


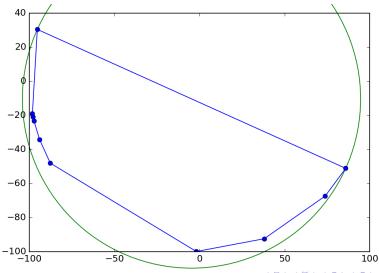


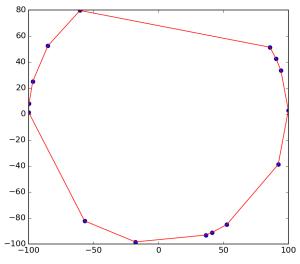


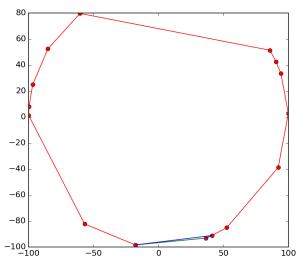


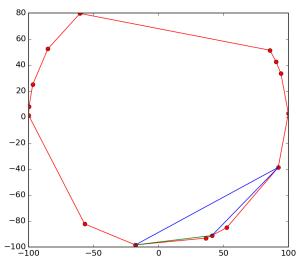


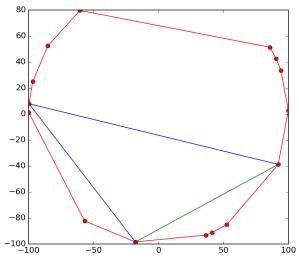


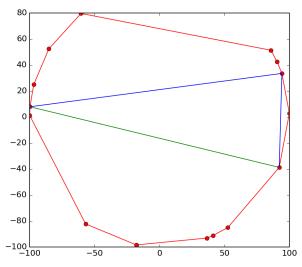


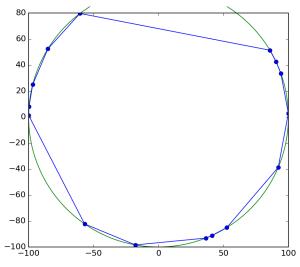








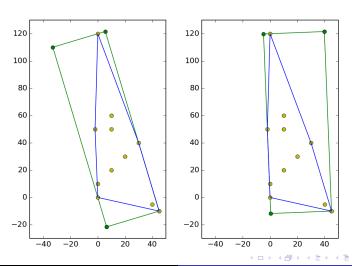


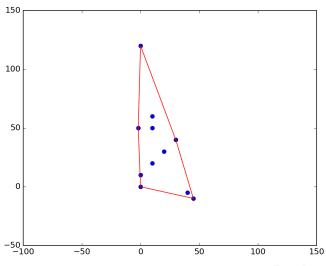


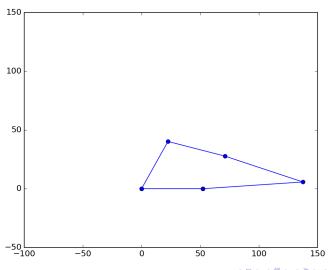
Wyszukiwanie najmniejszego prostokąta

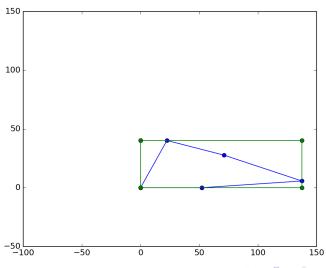
- 1) "Obróć" otoczką, "kładąc" ją na kolejnym boku na osi OX.
- 2) Oblicz pole i obwód prostokąta utworzonego przez skrajne punkty (z największą i najmnięjszą współrzędną x i y)
- 3) Zapamiętaj które prostokąty był najmniejszy.

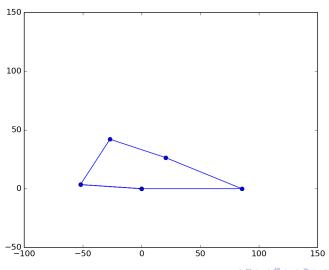
Prostokąt o najmniejszym polu i obwodzie to nie zawsze ten sam prostokąt!

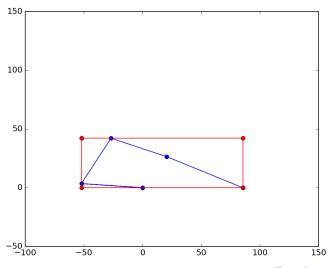


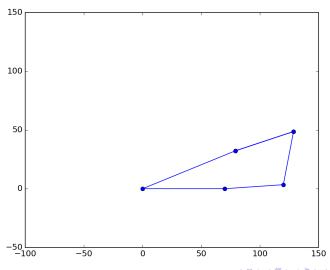


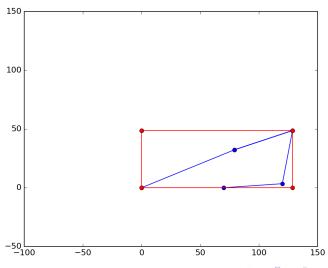


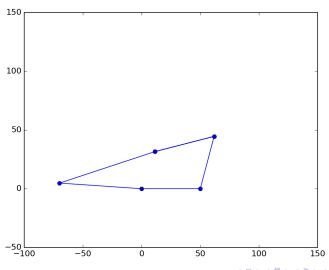


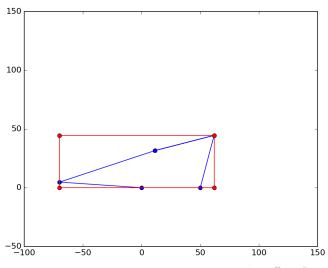


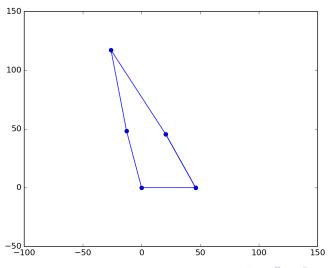


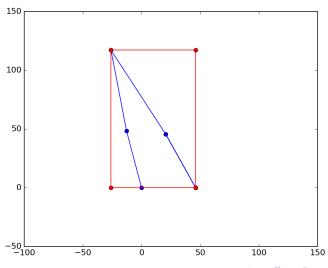


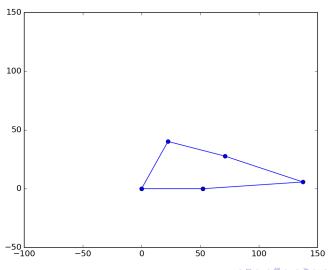


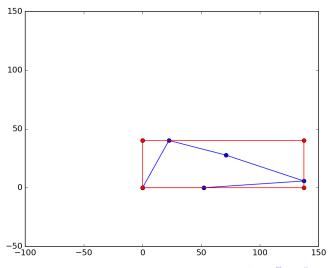


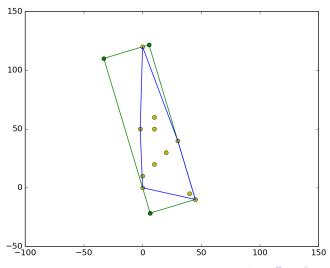


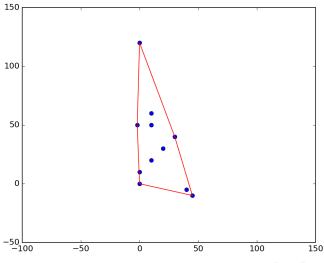


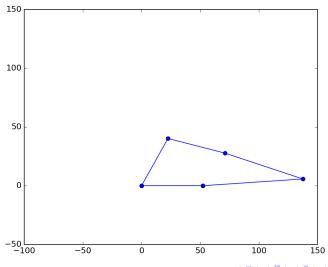


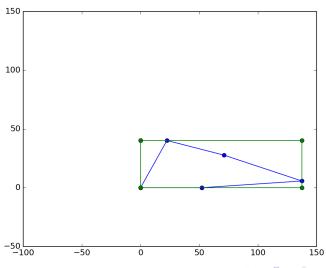


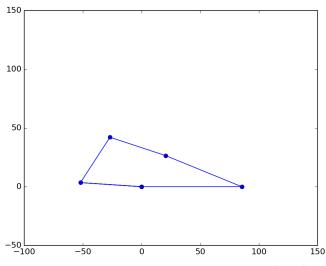


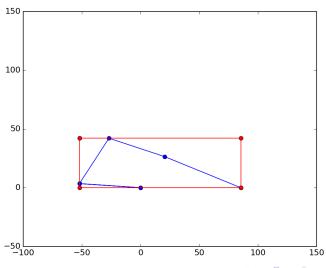


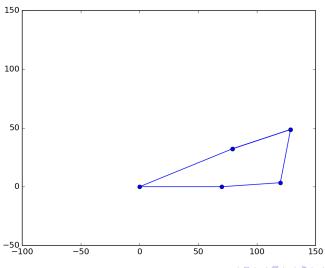


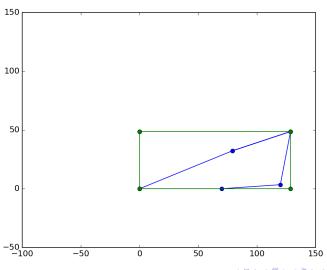


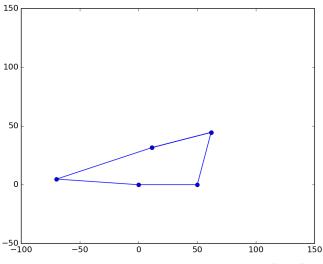


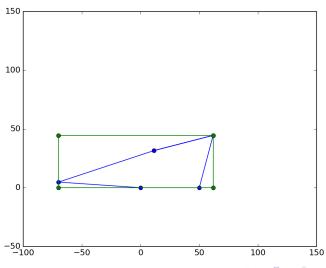


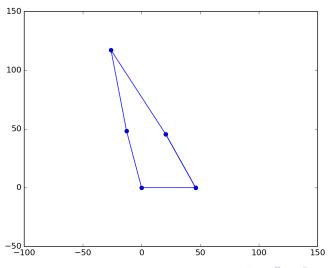


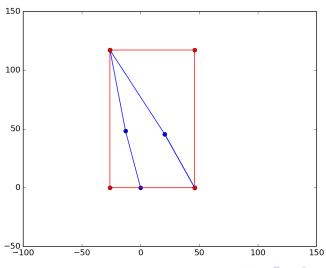


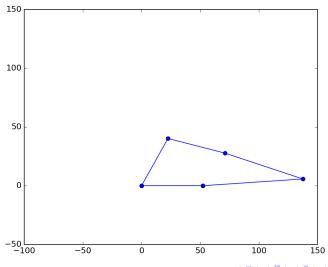


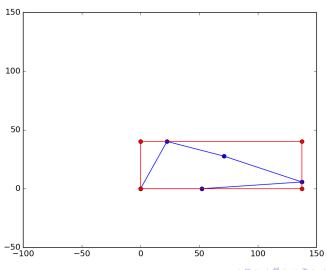


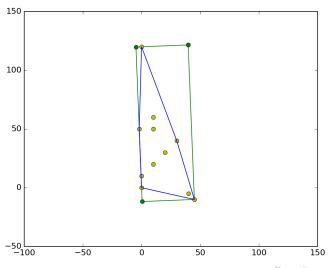












Koniec

Dziękuję za uwagę

Prezentacja oraz kod programu dostępne na moim GitHubie: https://github.com/jakubste/geo-project