### Algorytmy Przetwarzania Obrazów

### Segmentacja i analiza obrazów

WYKŁAD 4 Dla studiów niestacjonarnych 2019/2020

Dr hab. Anna Korzyńska, prof. IBIB PAN

### Powtórzenie

### Szkielet obiektu

Intuicyjnie to punkty, do których linia ognia, podczas równomiernego spalanie obiektu rozpoczętego jednocześnie z całej jego linii brzegowej, dojdzie przynajmniej z dwóch kierunków



nazywamy szkieletem



Szkielet obiektu wysegmentowanego w obrazie cyfrowym, to zbiór wszystkich punktów równoodległych od co najmniej dwóch jego brzegów.

DEFINICJA 2.

Szkieletem zbioru R elementów obrazu cyfrowego jest zbiór wyznaczony w następujący sposób. W zbiorze R określa się:

potencjalnie szkieletowe (otoczone punktami obiektu) lub szkieletowe (stanowiące krzywą lub prostą ciągnącą się w dowolnym kierunku)

konturowe (w otoczeniu jest poziom jasności tła

Następnie usuwa się <u>wszystkie konturowe</u> <u>elementy obrazu, które nie są szkieletowymi</u> i z tak otrzymanym zbiorem R rekurencyjnie powtarzamy procedurę aż do uzyskania zbioru zawierającego jedynie szkieletowe elementy obrazu.



Wyznaczanie szkieletu binarnego polega na wielokrotnym stosowaniu operacji pocieniania – do momentu, aż kolejne operacje nie wpływają na wygląd obrazu wynikowego. W tym celu można stosować różne zestawy elementów strukturalnych. Przykładem adekwatnego zestawu jest 8 elementów otrzymanych w wyniku obrotów następujących elementów strukturalnych:

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ z & 1 & z \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \text{ oraz } \begin{bmatrix} z & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 \\ z & 1 & z \end{bmatrix} \text{ o kąty } 0^\circ, 90^\circ, 180^\circ \text{ i } 270^\circ.$$

0 0] Regin

Podstaw false jako wartość znacznika remain . (nie dokonano żadnej zmiany)

For j = 0,2,4 i 6 do kroki 5-12.  $0 \ 0$ z1 End.

10. If skel = true then podstaw 2 jako wartość p

(szkieletowy element obrazu) lese podstaw 3 jako wartość p

(usuwamy element obrazu) i podstaw true jako wartość remain.

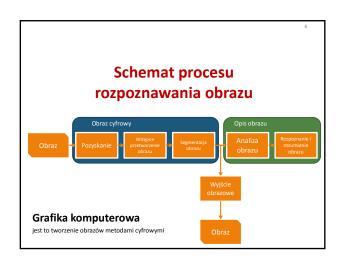
End.

End.

11. For wszystkich elementów p obrazu i do krok 12.

Begin

12. If p = 3, then podstaw jako p wartość 0.  $1 \quad z$  $0^{\circ}, 90^{\circ}, 180^{\circ}$  i  $270^{\circ}$  Segmentacja i analiza obrazów to cześć procesu rozpoznawania obrazów



### Rozpoznawanie obrazów

Jest to proces składający się z następujących operacji:

- Pozyskanie (akwizycja) obrazu i przetworzenie do postaci cyfrowei:
- Wstępne przetworzenie obrazu, jego filtracja i wyostrzanie, a także jego binaryzacja;
- Segmentacja obrazu i wydzielenie poszczególnych obiektów oraz ich fragmentów (np. krawędzi i innych linii);
- 4. Analiza obrazu i wyznaczenie cech obiektów oraz informacji o ich lokalizacji;
- 5. Rozpoznanie i rozumienie obrazu (identyfikacja klasy).

### Rozpoznawanie obrazów

### Cel:

Wspomaganie ludzkich decyzji za pomocą informacji obrazowej lub informacji ekstrahowanej z obrazów Proces rozpoznawania jest **wieloetapowy**, zawiera dwa typy działań:

- ukierunkowane (detekcja dopasowania, analiza kształtu, pomiar wielkości lub odległości)
- nieukierunkowane (filtracja obrazu, zamiana na obraz monochromatyczny, wyodrębnianie krawędzi)

10



- Rozpoznawanie obrazów jest związane z innymi dziedzinami nauk komputerowych: uczeniem maszynowym UM, sztuczną inteligencją, komunikacją człowiek-komputer
- Zastosowania:
  - Bioidentyfikacja (oczy, uszy, odciski palców, głos)
  - Kontrola jakości produktów, kontrola samochodów na drogach (rozpoznawanie tablic rejestracyjnych), roboty i manipulatory
  - Badania przesiewowe ( w diagnostyce medycznej)
  - Symulatory do nauki prowadzenia pojazdów (samolotów, pojazdów kosmicznych, samochodów wyścigowych, wieży kontrolnej lotów)
  - Marketing (Yamaha Motor)
  - Rozpoznawanie twarzy

i

### Metodologia rozpoznawania

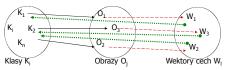
- Deterministyczna (dokładna znajomość wzorców np. liter)
- Stochastyczna (nie istnieje jednoznaczny wzorzec; niejednoznaczność powoduje, że zakłada się pewien poziom błędu w klasyfikacji)
- Oparta na sieciach neuronowych
- Korelacyjna
- Lingwistyczna
- Oparte o metody Sztucznej Inteligencji

12

### Etapy procesu klasycznego rozpoznawania

### Faza wstępna

Ekstrakcja cech charakterystycznych dla danego obiektu w sensie celu rozpoznawania, konstrukcja klasyfikatora na podstawie obrazów za zbioru uczącego (z lub bez nauczyciela)



### Etapy procesu klasycznego rozpoznawania Faza zasadnicza Klasyfikacja nowych obiektów/obrazów, dokonywana na podstawie tych cech O<sub>3</sub> K<sub>n</sub>-klasa obiektów niesklasyfikowanych Obrazy O

### Segmentacja obrazu

### Segmentacja

Wyodrębnienie spośród wybranych fragmentów tych, które stanowią obiekt zainteresowania ze względu na cel analizy obrazu.











### Segmentacja

- Segmentacja to podział obrazu na rozłączne (nienakładające się) fragmenty.
- Segmentacja jest powiązana z semantyką (znaczeniem i rozumieniem) obrazu. bywa rozumiana dwojako:
  - -Jako podział na jednorodne rejony, które składają się na znaną hierarchię lub strukturę
  - -Jako podział na to, co nas interesuje z punktu widzenia celu przetwarzania, pozostałe nieinteresujące obiekty i tło







### Cel segmentacji

Przygotowanie obrazu do etapu właściwego rozpoznawania obiektów, określenia relacji przestrzennych pomiędzy nimi.

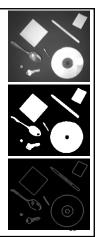
Segmentacja stanowi poziom pośredni pomiędzy poziomem wstępnego przetwarzania a poziomem analizy obrazu.

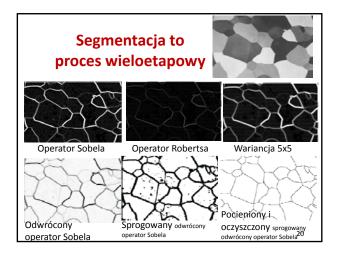
### Klasyfikacja metod segmentacji

Segmentacja może być zarówno operacją kontekstową jak i niekontekstową (punktową), ale najczęściej jest kombinacją metod kontekstowych i punktowych.

### Jeśli metoda:

- Ignoruje zależności między pikslami i klasyfikuje je na podstawie globalnej cechy, np. wartości poziomu szarości – progowania, to jest metodą punktową
- Wykorzystuje zależności między pikslami, np.: podobieństwo wartości poziomu szarości – "dziel i łącz", to jest metodą kontekstową





### Rodzaje segmentacji

(około 1000 algorytmów segmentacji)

- Poszukiwanie nieciągłości czyli poszukiwanie krawędzi, a w konsekwencji wskazanie wnętrza obiektu (np. z wykorzystaniem histogramu dwuwymiarowego),
- Maksymalne obszary wykazujące podobieństwo w kolorze, odcieniu szarości, teksturze (progowanie, klasteryzacja, analiza tekstury, itp.)
- Wododziały (ang. watershed transform),
- Podziały przeszukujące obszar
- Dopasowywanie konturów np. metoda aktywnego konturu, (ang. *Active contour*)
- Metody sztucznej inteligencji oparte na głębokich sieciach neuronowych (CNN)

W wyniku stosowania obszarowych metod segmentacji uzyskuje się zawsze obszary zamknięte (granice obszarów są ciągłe). Jest to zaleta w porównaniu np. z metodami detekcji krawędzi, które na ogół **nie zapewniaj**ą ciągłości wykrytych krawędzi.

### Metody segmentacji obrazu

- segmentacja przez progowanie (zhresholding) (wyznaczenie progów z histogramu poprzez znalezienie N-1 mnimów pomiędzy N folejnym płami) segmentacja przez rozrost obszaru (region growing algorithm) segmentacja przez rozrost obszaru (region growing algorithm) segmentacja przez odacjaznie (mergion glogrithm) segmentacja przez podział (region splitting algorithm) segmentacja przez podział oldocianale (split on dmerge elgorithm) segmentacja prze podział oldocianale (split on dmerge elgorithm) segmentacja probabilistyczna (relaxotion lobeling algorithm) (tworzenie westkorów ufności je, korteślających prawdopodobieństwo, że dany pliseł sk należy do obszaru R) etykietowanie i sicitanie obletków w obrzałe (connected component lobeling) segmentacja oparta na opisie tekstury deskryptory tekstury (textur descriptors); pierowsze cztery momenty centralne histogramu obrazu: wartość przeciętna (meon), warianaja (voriance), miara symetrii histogramu (skewness), miara długości histogramu (skurtosis) odniesiona do jedniloticio poziomus warzości obszaru); gadzi kitogram nejednolity rozkład pozion jasności (psity regions) histogramy obrazus wartości (nu length statistuci) obliczanie wartości prawodpodobieństwa pojawenia spary piksi o zadanych poziomach jasności w odległo oldenie od rojego (o-occurence martira coliculation) ocu odnacy (powod podzienia wartości prawodpodobieństwa pojawenia spary piksi o zadanych poziomach jasności w odległo oldenia od rojego (o-occurence martira coliculation)

### Techniki segmentacji

### **Progowanie**

Warunki na dobre wyniki segmentacji:

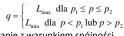
- istnieje rozdzielność poziomów szarości lub kolorów obiektu i tła
- gdy wartość minimum lokalnego w histogramie jest jak najmniejsza (ang. valley method)

### Progowanie - najprostszy algorytm segmentacji

Progowanie z pojedynczym progiem segmentacji

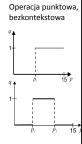
 $\int L_{\min} dla p \le p_1$ q = $L_{\text{max}}$  dla  $p > p_1$ 

Progowanie przedziałami

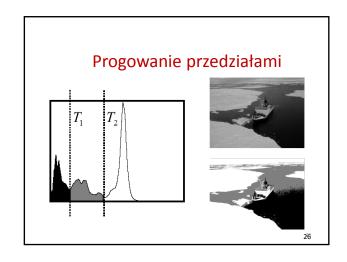


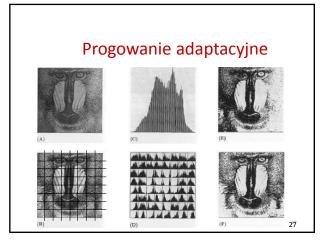
- Progowanie z warunkiem spójności
- lub warunkiem nałożonym na wielkość obiektu
- Progowanie adaptacyjne
- Progowanie rekurencyjne
- Progowanie hierarchiczne (piramidowe, skalowalne)

Progowania dokonujemy na obrazie szaroodcieniowym lub pojedynczej składowej koloru lub na kanale wspólnym, np. luminancji



# Progowanie dobrze segmentuje tylko wtedy, gdy: --istnieje rozdzielność poziomów szarości lub kolorów obiektu i tła --gdy "dolinka" progu jest głęboka (najlepiej zerowa)





### Progowanie

- Zalety
  - Prosta procedura zaimplementowana w każdym oprogramowaniu do manipulacji obrazami
  - Szybka realizacja algorytmu
- Wady
  - Trudności dla obrazów o niskim kontraście
  - Trudności przy nierównomiernym oświetleniu
  - Niejednoznaczności wynikające z braku rozdzielności poziomów szarości lub kolorów, występujących w tle i obialcia

28

### Podobieństwo tekstury

Tekstura reprezentuje, pewną relatywną jednorodność/jednolitość, odczuwaną wzrokowo przez odbiorcę lub udowadnianą jako matematyczna regularność dzięki analizie sygnału.

d of

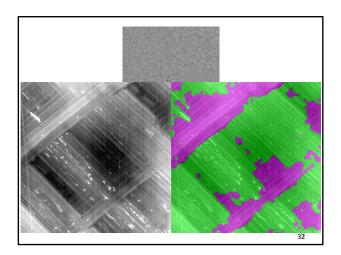


Jednorodność jest oparta na powtarzalności konstrukcyjnego elementu, wewnątrz którego istnieje pewna nierównomierność poziomów szarości (relacja między podelementami elementu konstrukcyjnego, czyli połączonymi grupami sąsiadujących ze sobą pikseli, jest stała) lub organizację lub uporządkowanie elementów w przestrzeni.

### Analiza tekstury

- oparta na regularności ocenianej metodami statystycznymi, na podstawie macierzy opisującej częstość występowania dwóch pikseli odległych od siebie o dystans d w kierunku  $\theta$  (po angielsku cooccurence matrixi), zdefiniowaną przez Haralicka Cechy: kierunkowość, ziarnistość, ...
- oparta na różnych zaawansowanych modelach matematycznej regularności (np. model powtarzalności/zależności poziomów szarości w różnych kierunkach obrazu, oparty na stochastycznych polach Markowa ang. random Markov field lub model fraktalny samopodobieństwa ang. fractal model)
- oparta na morfologii matematycznej, która używa różnych transformacji do porównywania struktur w obrazie do znanego elementu konstrukcyjnego tekstury

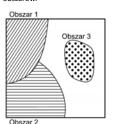
31



### Segmentacja oparta na statystyce

Dotyczy obrazów, dla których jednorodność obszaru nie jest mierzona jednorodnością takich atrybutów jak **jasność** czy **kolor**. Jednorodność obszaru mierzona jest stałym wzorcem **(teksturą)**.

Segmentacja opiera się w tym przypadku na statystycznych właściwościach obszarów



Niektóre metody:

- analiza fraktalna tekstury oparta na wymiarze fraktalnym D używanym jako parametr wyróżniającym poszczególne tekstury.
- wyróżnianie (a również tworzenie) tekstur : wykorzystaniem parametrów stochastycznych rozkładów Markowa
- tekstura statystyczna

33

### Techniki obszarowe segmentacji

- segmentacja przez podział obszaru (region splitting)
- segmentacja przez dołączanie obszaru (region merging)
- segmentacja przez rozrost obszaru (region growing)
- segmentacja "dziel i łącz" (split and merge algorithm)

34

### Segmentacja przez podział obszaru

Procedura iteracyjna (rekursywna), polega na stopniowym podziale dużych obszarów na mniejsze, w których piksele mają odpowiednią własność/cechę (kolor, jasność, teksturę), znacznie różniącą się od własności pikseli w innych obszarach. Wymaga określenia funkcji podobieństwa, a na jej podstawie "obrazu" podobieństwa oraz zastosowania metody progowania wartości funkcji podobieństwa obszarów, według wybranego progu dyskryminacji  $\Theta$ .

Dołączanie pikseli spełniających warunki progowania ich podobieństwa i będących sąsiadami jednego lub więcej pikseli należących już do obszaru (otrzymanego już w poprzednim kroku w wyniku podziału) rozszerzają obszar w kolejnych krokach.

Krok 1

Pseudo-obiekty

Adolączenie piksli eliminacja pseudo-obiektowa poziomem szarości obszaru a poziomem szarości obszaru a poziomem szarości tego obiektu jest mniejsza od zadanego progu.

Wada:

Duża złożoność obliczeniowa segmentacji przez podział.

6

### Zmniejszenie złożoności obliczeniowej

Przeprowadzenie segmentacji wstępnej na obrazie o zredukowanej rozdzielczości (przestrzennej) a następnie przeprowadzenie segmentacji dokładnej przy pełnej rozdzielczości obrazu.

# Segmentacja przez rozrost obszaru

Grupowanie sąsiednich pikseli, których określona własność/cechy czyli tzn. atrybut (np. jasność, kolor, tekstura) mieści się w przyjętym zakresie podobieństwa. Grupy te stanowią obszary atomowe. Następnie testowanie sąsiadujących ze sobą obszarów atomowych pod względem ich własności i relacji przestrzennych w celu ich połączenia (scalenia).

Dziel i łącz

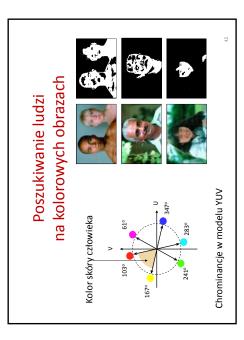


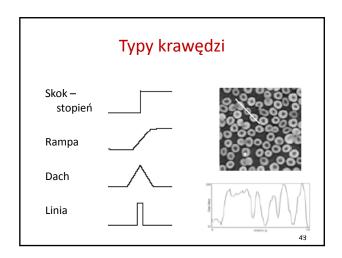
Rozrost ziarna

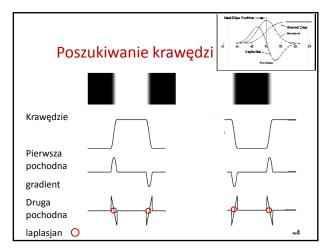
KOLOR

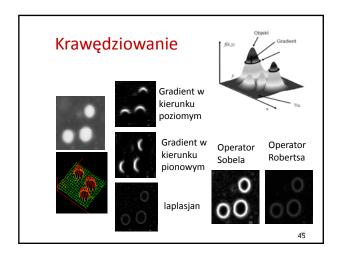
Obraz

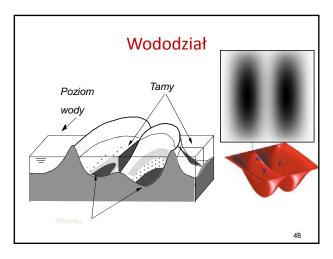
Luminance Saturation Hue

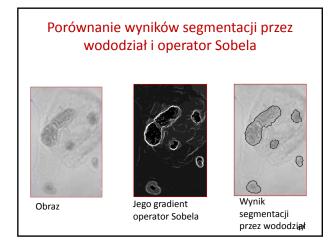


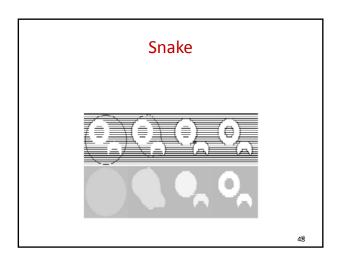


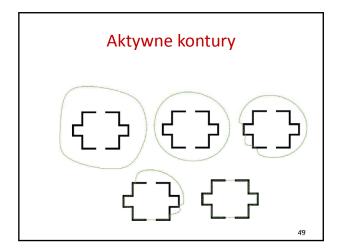


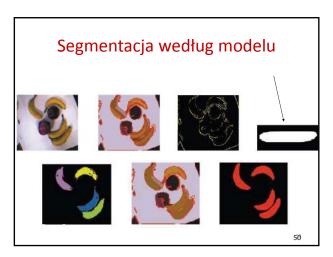






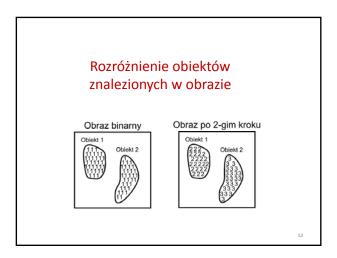






Etykietowanie obiekt (indeksacja bezpośrednia)

51



### Indeksacja bezpośrednia obiektów po segmentacji (metoda stosu)

1 krok: kasowanie obiektu, zapamiętanie na stosie. Analiza kolejnych linii obrazu binarnego b(x,y). Po napotkaniu pierwszego punktu obiektu (b=1) następuje przeszukiwanie najbliższego otoczenia wykrytego punktu i kasowanie kolejnych punktów należących do tego samego obiektu. Jednoczesne zapamiętywanie skasowanych punktów na stosie zlokalizowanym w pamięci komputera.

2 krok: odtwarzanie obiektu polegające na nadaniu pikselom wartości będących kolejnymi identyfikatorami odnalezionych obiektów - automatyczne indeksowanie (do zakodowania indeksu wystarcza w praktyce 1 bajt).

# Etykietowanie obiektów wysegmentowanych za pomocą • Koloru (pseudokoloru) • Szarego odcienia • Numeru

### Gdzie w materiale zgromadzonym na UBIKu znajdziemy algorytmy segmentacji

- Region growing algorithm (pp. 282-285)

  Merging algorithm (pp. 285-289)

  Region splitting algorithm (pp. 289-291)

  Split and merge algorithm (pp. 291-297)

  Relaxation labeling algorithm (pp. 297-300)

  Connected component labeling (pp.300-303)

  Texture description (pp. 303-317)

  Subroutines for the calculation of the central moments of a histogram (pp.303-306)

- \*Subroutines for the calculation of the central moments of a histogram (pp.303-306)
  \*Histograms of gray-level differences (pp.306-308)
  \*Algorithm for the calculation of horizontal gray-level run legths (pp.308-311)
  \*Calculation of co-occurence matrix (pp.311-313)
  \*The spectral characterization of the image texture based on the autocorrelation function) of a two-dimensional image or on its power spectrum (pp.313-318)

Analiza obrazu

### Aby rozpoznać obraz potrzebna jest analiza

Analiza prowadzi do redukcji informacji opisującej obraz do informacji istotnej z punktu widzenia celu

- Ilościowe
  - Intensywność
  - Odległość
  - Rozmiary i wielkości (pole powierzchni, obwód)
  - Rozmiar fraktalny
  - Harmoniczne
- Jakościowe
  - Istnienie wzorców/struktur i symboli
  - Lokalizacja bezwzględna lub wzajemna wzorców/struktur

### Charakterystyczne cechy obiektów

### Analiza kształtu

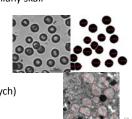
wskaźniki prezentujące niezmienność, inwariantność względem obrotów, przesunięć, zmiany skali

Ilość obiektów (lista obiektów)

policzenie przez etykietowanie Pole powierzchni

zliczenie pikseli w obiekcie Osie i długości rzutów

Wzajemne położenia (drzewko opisu relacji przestrzennych)



### Analiza kształtu

### Współczynniki kształtu

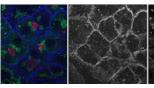
Liczone na podstawie pola powierzchni S i obwodu L obiektu stanowią zgrubne przybliżenie kształtu

### Momenty geometryczne

Pozwalają na lepsze rozróżnienie obiektów niż współczynniki kształtu, ale wymagają dłuższych obliczeń

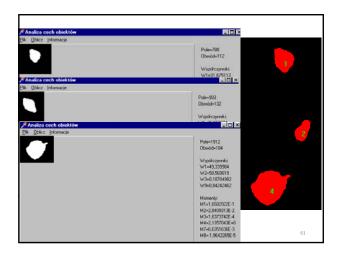
Ani współczynnik kształtu ani moment nie mogą być użyte jako jedyna miara opisująca kształt obiektów (rozpoznanie byłoby niejednoznaczne)

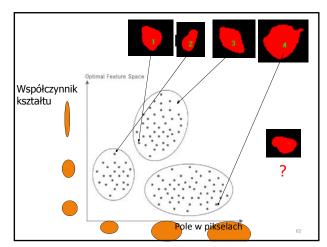
### Zastosowania metody k najbliższych sąsiadów k-NN

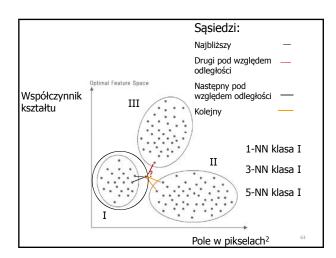












### Analiza obrazu

**Analiza obrazu – opis** obrazu, wyznaczenie dla każdego obiektu *cech* przydatnych do rozpoznania

Cechy te mogą odnosić się np. do:

- kształtu obiektu,
- liczby obiektów (zliczenie poprzez etykietowanie),
- pola powierzchni (wielkości) obiektów,
- · długości osi,
- wzajemnego położenia poszczególnych obiektów.

.

## Analiza obrazu realizacja odwzorowania: B:D→X D- przestrzeń obrazów, X- przestrzeń wektorów cech B- odwzorowanie wyznaczenie cech obiektów (wyodrębnionych uprzednio w procesie segmentacji) przydatnych w procesie właściwego rozpoznawania; cechy charakteryzujące kształty; współczynniki niezmiennicze względem typowych przekształceń obrazów (obroty, przesunięcia, zmiany skali) współczynniki kształtu, momenty geometryczne. Analiza obrazu redukcja obrazu do punktu w n-wymiarowej przestrzeni cech lub do wektora cech x w n-wymiarowej przestrzeni cech; x x₁,...,xn - współrzędne (składowe) wektora

Rozpoznanie obrazu – realizacja odwzorowań  $C: X \to R^L \qquad F: R^L \to I$   $C\text{--ustalenie miary podobieństwa (dopasowania) nieznanego obiektu } d \in D$  opisanego wektorem cech  $x \in X$  do jednej z klas L  $F\text{--ustalenie ostatecznej decyzji o przynależności obiektu d opisanego wektorem cech <math>\underline{x}$  do klasy  $i \in I$  dla której miara podobieństwa jest maksymalna. Efekt rozpoznania automatyczna identyfikacja klasy, do której można zaliczyć nieznany obiekt (np. obraz). } 66

### Wyznaczanie cech obiektów

### Obraz po segmentacji:



Typowa własność cech odniesionych do kształtu obiektu:

- afiniczność czyli niezmienniczość względem:
  - · obrotu.
  - przesunięcia.
  - . skali.

Jakie cechy nadać obiektom 1, 2, 3, aby dokonać ich odpowiedniej

Podstawowe cechy – opisujące kształt obiektu

- współczynniki kształtu (liczone na podstawie pola powierzchni S i obwodu L obiektu stanowią zgrubne przybliżenie kształtu)
- momenty geometryczne (pozwalają na lepsze rozróżnienie obiektów niż współczynniki kształtu, ale wymagają dłuższych obliczeń.

### Współczynniki kształtu

Współczvnniki cyrkularności (W1.W2): W1 określa średnicę koła o równej powierzchni badanego obiektu

W2 określa średnicę koła o długości obwodu równej długości obwodu badanego obiektu L - obwód obiektu, S - powierzchnia obiektu

 $W3 = \frac{L}{2\sqrt{S \cdot \pi}} - 1$  Współczynnik Malinowskiej

Współczynniki W1.2.3 - szybkie obliczanie

Współczynnik Blaira-Blissa

(większa wrażliwość na zmiany kształtu);

r – odległość elementu pola ds od środka ciężkości obiektu

Współczynnik Danielssona

I - minimalna odległość elementu ds od konturu

Współczynnik Haralicka

d - odległość pikseli konturu od jego środka

ciężkości

n - liczba punktów konturu.

Współczynniki W4,5,6 - wolniejsze obliczanie niż W1,2,3

Współczynnik Lp1;

 $r_{\min}$  - minimalna odległość konturu od  $W7 = \frac{r_{\min}}{R_{\max}}$ 

środka ciężkości

R<sub>max</sub> - maksymalna odległość konturu od

środka ciężkości

Współczynnik Lp2

W7, W8 określają cechy pośrednie

 $W9 = \frac{2\sqrt{\pi \cdot S}}{L}$ 

Współczynnik Mz (Malinowskiej uproszczony)

 $L_{\max}$  - maksymalny gabaryt obiektu

### Własności współczynników kształtu W:

- zbliżone wartości W dla obiektów o zbliżonym kształcie pozwalają określać stopień podobieństwa nieznanego obiektu do poszczególnych znanych klas,
- identyczne kształty identyczne wartości W.

### Wady współczynników kształtu:

- duże zmiany skali mogą powodować, że współczynniki  ${\it W}$  dla różnych wielkości tego samego obiektu różnią się między sobą. Pojawia się wtedy możliwość błędnego zakwalifikowania do innej klasy, np. prostokąta do klasy "koło" lub odwrotnie.

### Momenty geometryczne:

Pozwalają na lepsze rozróżnienie obiektów niż współczynniki kształtu, ale wymagają dłuższych obliczeń

### Uwagi ogólne dotyczące algorytmów

- Dyskusja nad algorytmami obejmuje m.in. zagadnienie złożoności obliczeniowej
- Podając algorytm próbujemy określić czas i pamięć potrzebne do jego wykonania. Typowy błąd: mylenie złożoności obliczeniowej i programowej.
- Generalnie, długość programu realizującego algorytm ma mało wspólnego z szybkością wykonania, a nawet z wymaganą wielkością pamięci.
- Bilijakas relacja istnieje, to jest ona wręcz odwrotna.
  Algorytmy "złożone" są zwykle szybsze niż "proste". Np. program dla FFT (nierekurencyjny) jest dłuższy i bardzie j złożony niż program realizujący wzór sumy dla transformaty. Jednak wykonuje się znacznie szybciej. Podobnych przykładów dostarczają algorytmy sortowania.
- znacznie szybciej. Podobnych przykładów dostarczają algorytmy sortowania.

  Często atrakcyjniejsze wydaje się użycie rekurencyjnej formy algorytmu, jako dużo krótszej niż nierekurencyjna, a liczba operacji w obu formach jest taka sama. W takch przypadkach należy pamiętać o kosztach wywodań rekurencyjnych, potrzebie przechowywania wartość rejestrów w pamięci tip. Jesli liczba wywodań jest mala w porównaniu z liczbą innych operacji, to ich koszt może być opłacalny z powodu prostoty programu. W innych przypadkach algorytmy w formie inerekurencyjnej dają programy wydajniejsze.

  O lie prostota programowania może wydawać się atrakcyjna programiście, który jest ograniczony czasem i planuje uruchomienie programu z niewielką ilością danych, o tyle jest szkodliwa w przypadkach zastosowań użytkowych przy dużych zbiorach danych.

### Materiał:

- M.Doros, Przetwarzanie obrazów, skrypt WSISIZ
- Materiały wykładowe POBZ z zeszłego roku na **UBIKu**
- T.Pavlidis, Grafika i Przetwarzanie Obrazów, WNT Warszawa 1987.
- I.Pitas, Digital image processing, algorithms and applications, John Wiley &Sons, Inc. 2000, pp. 162-166 (w katalogu ...\APOZ\Materialy na

### Literatura dodatkowa:

W.Zieliński, M.Strzelecki: Komputerowa analiza obrazu biomedycznego, PWN Warszawa-Łódź 2002, str. 178-214; segmentacja z wykorzystaniem analizy tekstur, mozaika Voronoi (Voronoi tesselation), segmentacja metodą określenia działów wodnych (watershed transform)

\*T.Pavlidis: Grafika i Przetwarzanie Obrazów, WNT Warszawa 1987

\*R. Tadeusiewicz, P.Korohoda, Komputerowa analiza i przetwarzanie obrazów, Wydawnictwo Fundacji Postępu Telekomunikacji, Kraków 1997. <a href="http://winntbo.bg.agh.edu.pl/skrypty2/0098/">http://winntbo.bg.agh.edu.pl/skrypty2/0098/</a>

\*Zasoby sieciowe:

\*Segmentacja (w szczególności wododziałowa (watershed))

\*https://www.mathworks.com/company/newsletters/articles/the-watershed-transform-strategies-for-image-segmentation.html

\*Definicja tekstury:

\*http://ai.stanford.edu/~ruzon/tex\_seg/node1.html

### Omówienie tematów projektów

- Materiał w katalogach na UBIKu:
- ...\ APOZ\Materialy
- ...\ APOZ\2019-2020\Projekty