احتمال پيشرفته

منابع:

• Rosenthal, Jeff (2006). A First Look at Rigorous Probability Theory, 2nd Edition, World Scientific.

ارزیابی: فعالیت کلاسی 10%، میانترم 30% و پایانترم 60%

توجه: تاکید این درس بر یادگیری جارچوبها و مفاهیم اساسی در نظریهی احتمال است. جزییات برهان قضیهها مورد توجه نیست و تنها ایدههایی کلی برهانها بحث میشوند.

سر فصل درس: برنامهی درس بسته به پیشرفت کلاس ممکن است تغییر کند.

عنوان مطلب	هفته
 مقدمه: احتمال و رویکرد ریاضی به آن ضرورت نظریهی اندازه: چرا احتمال مقدماتی کافی نیست؟ 	هفته ۱
 سهتایی احتمال: فضای نمونه، فضای پیشامدها و تابع (اندازه) احتمال قضیهی توسیع: ساختن اندازهی احتمال بر سیگما جبر 	هفته ۲
 اندازه ی لبگ: آزمایش تصادفی انتخاب یک نقطه به تصادف از بازه ی [0,1] مرور و حل تمرین 	هفته ۳
 متغیرهای تصادفی و تابعهای اندازهپذیر استقلال پیشامدها و متغیرهای تصادفی 	هفته ۴
 حد پیشامدها و پیوستگی اندازه ی احتمال سیگماجبر دمی و قانون صفر و یک کولموگروف 	هفته ۵
 امید ریاضی برای متغیرهای تصادفی ساده امیدریاضی برای متغیرهای تصادفی نامنفی 	هفته ۶
 امیدریاضی برای متغیرهای تصادفی دلخواه ارتباط امیدریاضی با انتگرال 	هفته ۷
 مرور و حل تمرین آزمون میانترم 	هفته ۸
 نابرابریهای رایج در احتمال همگرایی دنبالهای از متغیرهای تصادفی 	هفته ۹
 قانون ضعیف و قوی اعداد بزرگ توزیع متغیرهای تصادفی 	هفته ۱۰
 فرایندهای تصادفی و قضیهی توسیع گولموگروف ورشکستگی قمارباز 	هفته ۱۱
 مرور و حل تمرین قضیههای حدی 	هفته ۱۲
 تابع مولد گشتاور و انحرافهای بزرگ قضیهی فوبینی 	هفته ۱۳
 همگرایی در توزیع (ضعیف) و ارتباط با سایر همگراییها تابع مشخصه و قضیهی پیوستگی 	هفته ۱۴
 قضیهی حدی مرکزی و تعمیمهای آن تجزیهی اندازههای احتمال بر \(\mathbb{R} \) 	هفته ۱۵
 مرور و حل تمرین مرور و حل تمرین 	هفته ۱۶