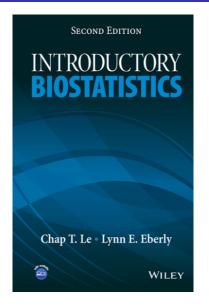
# **MAD-CB**

Figure 1:



# Variáveis Categóricas – Proporções, Taxas e Relações (ratios)

### Livro Que Forneceu Alguns Exemplos Hoje



#### Dados Exemplares

• Estudo sobre diferenças raciais para incidência de cegueira por causa de glaucoma

# str(cegGlauc)

```
## Classes 'tbl_df', 'tbl' and 'data.frame': 2 obs. of 3 variables:

## $ raca : chr "branco" "naobranco"

## $ pop : num 32930233 3933333

## $ casos: num 2832 3227
```

#### kable(cegGlauc)

raca	рор	casos
branco	32930233	2832
naobranco	3933333	3227

- Contagem pura dos casos não ajuda muito para entender os dados
  - Diferença em tamanho das populações precisa ser tomado em conta

#### Proporção a Resgate

- Proporção dos casos a população por raça pode esclarecer o problema
- Proporção um número entre 0 e 1
  - Proporção acima de 1 não faz sentido
- Quando fala de incidência das doenças, esse proporção = prevalência da doença

$$preval$$
ência =  $\frac{n$ úmero dos casos}{número total na população examinada

### Calcular as Proporções

```
cegGlauc <- cegGlauc %>% mutate(prop = casos/pop)
kable(cegGlauc)
```

raca	рор	casos	prop
branco	32930233	2832	0.0000860
naobranco	3933333	3227	0.0008204

- Proporção é um número muito pequeno
- Pode fazer ele mais significativo se multiplica por 10.000 ou 100.000
  - ► Coloca em termos de proporção por 10 mil ou 100 mil de população

### Calcular Proporção por 100.000 Habitantes

```
cegGlauc <- cegGlauc %>% mutate(prop100mil = prop*100000)
kable(cegGlauc)
```

raca	рор	casos	prop	prop100mil
branco	32930233	2832	0.0000860	8.60000
naobranco	3933333	3227	0.0008204	82.04238

- Agora, têm 2 números que podemos comparar
- Não brancos têm 82.0423798 casos por 100.000 pessoas
- Brancos só têm 8.5999999 casos por 100.000 pessoas
- Não brancos têm 9.54 o número de casos da doença que os brancos
- Doença desproporcionadamente afeta pessoas não brancos.

# Valor das Proporcões para os Dados Categóricos

- As proporções permitem que nós comparamos os grupos
  - Dá para os grupos uma base comum
- Proporção é a forma mais simples de normalização dos dados

### Proporções e Testes Diagnosticos

- Como vimos semana passada, testes diagnósticos não são 100% exatos
  - ▶ Pessoas que têm doença com resultado negativo **falso negativo**
  - ▶ Pessoas que não têm doença com resultado positivo falso positivo
  - Classificação errada

### Teste Diagnóstico para Câncer Cervical

- Teste com amostra de 24.103 mulheres para câncer cervical
- (Teste velho só para demonstração)

### Duas Proporções Que Nos Interessem

- Sensibilidade (Positivos Verdadeiros)
  - ▶ Teste pode identificar essas pessoas que realmente são doentes?

$$sensibilidade = \frac{\textit{n\'umero das pessoas doentes que testam positivo}}{\textit{n\'umero total das pessoas doentes}}$$

- Especificidade (Negativos Verdadeiros)
  - ► Teste pode só identificar pessoas doentes e não as saudáveis?

$$especificidade = \frac{\textit{n\'umero das pessoas saud\'aveis que testam negativo}}{\textit{n\'umero total das pessoas saud\'aveis}}$$

#### Dados de Amostra

## [1] "Especifidade = 98.4741190355758 %"

kable(cervCan)

		Tot
3362	362 154	23724
	3362 225	

sensib <- cervCan\$Pos[Estado == "doente"] / cervCan\$Tot[Estado == "doente"]</pre>

```
paste("Sensibilidade = ", sensib * 100, "%")

## [1] "Sensibilidade = 40.6332453825858 %"

specif <- cervCan$Neg[Estado == "saudável"] / cervCan$Tot[Estado == "saudável"]
paste("Especifidade = ", specif * 100, "%")</pre>
```

#### Taxas

- Taxa é semelhante a uma proporção normalmente com referência a tempo
  - ► Taxa de mudança; Ex: taxa de crescimento de um tumor
- Taxas podem exceder 1
  - Se algo dobre em tamanho num período, taxa de crescimento seria 100% ou 1

$$taxa = rac{valor \; novo - valor \; velho}{valor \; velho} = rac{mudança}{valor \; velho}$$

# Exemplo: Crescimento em Número de Genotipagens para Pacientes com HIV

```
kable(genotip, captions = "Genotipagens por Ano")
```

yr	n
2010	3444
2011	3639
2012	5102
2013	5945
2014	6856
2015	6304

• Qual é a taxa de crescimento entre 2010 e 2015 em porcentagem?

Taxa de crescimento = 83.0429733 %

# Relações (Ratios)

- Relação das duas quantidades semelhantes medidas em grupos diferentes ou sob condições diferentes
- Ex: relação de homens e mulheres que fumam
- Se temos 200 homens na amostra que fumam e 150 mulheres,
  - ► Relação seria 200/150 ou 1,33 homens que fumam por cada mulher

## Risco Relativo – Relação Chave para Epidemiologia

Relação dos riscos de uma doença entre dois grupos diferentes

risco relativo (RR) = 
$$\frac{incid\ \hat{e}ncia\ da\ doen\ \hat{c}a\ em\ grupo\ 1}{incid\ \hat{e}ncia\ da\ doen\ \hat{c}a\ em\ grupo\ 2}$$

# Doença Cardíaca Coronária (CHD) e Fumar

- Amostra de Americanos do Estudo Framingham
- Estudo case-control
  - Case tem CHD nos últimos 10 anos
  - Control saudável
- Fumar Fator Confounding
  - Quanto fumar muda os resultados de CHD

#### suppressWarnings(tabCHD)

```
##
      CHD10Anos
## fumante Nao Sim
      Nao 1834 311
##
      Sim 1762 333
print(paste("Fumantes Total:", "Não = ", fumtots[1], "| Sim = ", fumtots[2]))
## [1] "Fumantes Total: Não = 2145 | Sim = 2095"
print(paste("CHD 10 Anos Total:", "Não = ", CHDtots[1], "| Sim = ", CHDtots[2]))
## [1] "CHD 10 Anos Total: Não = 3596 | Sim = 644"
```

## Calcular Incidência nos Dois Grupos

• Fumantes(Sim)

fumantes e doentes / todos os fumantes = 333 / 2095 = 0.1589499

Não-fumantes

não-fumantes e doentes / todos os não-fumantes = 311 / 2145 = 0.1449883

Risco Relativo (RR)

$$RR = \frac{incid\hat{e}ncia\ fumantes}{incid\hat{e}ncia\ n\tilde{a}ofumantes}$$

rr <- fumincid / naofumincid

RR = 1.0962942

# Resumo de Métodos Descritivos para os Dados Categoricos

- Proporções
  - Prevalência
  - Proporção por Unidade de População (Normalização)
  - ► Testes Diagnósticos
  - ► Sensibilidade e Especificidade
- Taxas
  - Medir mudanças
- Relações
  - ▶ Risco Relativo

#### Variáveis Continuas

### Distribuição de Frequência

- Exemplo simples: pesos de 57 crianças numa creche
- O que podemos aprender sobre a distribuição de frequência dos pesos?

#### Medidas de Tendência Central

- Tem um ponto que melhor descreve a distribuição?
- Qual número ocorre mais frequentemente? (Modo)
- Qual número sente do meio da distribuição? (Mediana)
- Qual número melhor representa o centro da distribuição? (Média)

#### Modo

- Mais simples
- O valor mais frequente da distribuição
- Entre os pesos, o modo é 27 lbs.
- É o mais frequente, ocorre 4 vezes
- R não tem uma função por modo.
  - ► Compartilhei uma função modex nas versões .RMD e .R destes slides
  - Outra função usa o nome mode

#### Mediana

- Representa o valor diretamente no meio da distribuição
- Barra central num boxplot
- Para calcular, primeiro pôr os itens em ordem de menor até maior
- Se tiver um número impar dos itens, selecione aquele no meio
- Se tiver um número par dos itens, selecione os dois no meio e divide a diferença em dois
  - ▶ Mesma coisa que a média dos 2 itens no meio
- R tem a função median que faz todo o trabalho
- Muito útil quando tem distribuições bastante skewed
- A mediana de nossos pesos é 32

#### Média

- Estatística mais usada (e abusada) hoje
- Mede o centro de gravidade de todos os itens
- É a soma de todos os valores dos itens dividido por o número dos itens
- População

$$\mu = \sum_{i=1}^{n} X_i$$

Amostra

$$\bar{x} = \sum_{i=1}^{n} x_i$$

A média de nossos pesos é 36.7192982

### Medidas de Dispersão

- Mais simples: quais são os valores máximos e mínimos? range
  - ▶ Para nossos dados: 12, 79
- Diferença entre 1º e 3º Quarteis: Inter-Quartile Range IQR
  - Mais restrito para 50% da distribuição em volta da mediana
  - para nossos dados: 21
- Medir a dispersão em volta da média desvio padrão
  - Falamos semana passada sobre ele
  - Média das divergências entre os dados individuais e a média
  - É o raiz quadrado da variança  $\sqrt{\sigma^2}$
  - Com a média, constitui os 2 parâmetros que definam a distribuição normal

#### Coeficiente de Variação

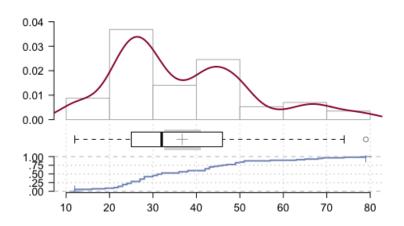
- Mede quanto dispersão tem in termos de uma relação
- Definido como  $c_{v}=rac{\sigma}{\mu}$
- Quantas média é o desvio padrão
- Não é padronizado
- Mas indica se o desvio padrão é alto demais para fazer análises muito subtis

#### descTools:Desc Mostra Medidas Descritivas Bem

```
> Desc(peso, plotit = TRUE)
peso (numeric)
 length n NAs unique 0s mean meanCI
    57 57 0 31 0 36.72 3251
        100.0% 0.0% 0.0%
    .05 .10 .25 median .75 .90 .95
  15.20 21.60 25.00 32.00 46.00 59.40 68.20
  range sd vcoef mad IQR skew
67.00 15.87 0.43 14.83 21.00 0.22
lowest: 12.0 (3), 16.0, 19.0, 21.0, 22.0 (2)
highest: 65.0, 68.0, 69.0, 74.0, 79.0
```

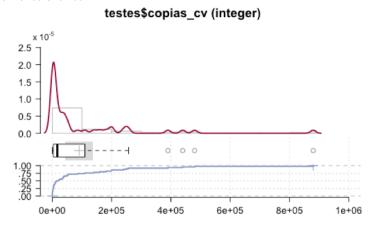
# Inclui Gráficos Úteis

#### peso (numeric)



#### Transformações das Variáveis

- Os dados da carga viral de semana passada
  - Altamente skewed



# Pode Mudar a Escala da Variável para Fazer ele Mais Útil para Análise

- Agora, tem range de 879916
- Coeficiente de variação é 1.809823
- Pode transformar a escala de variável
  - Raiz quadrado
  - Logaritmo (ou base 10 ou base e [logaritmo Neperiano])

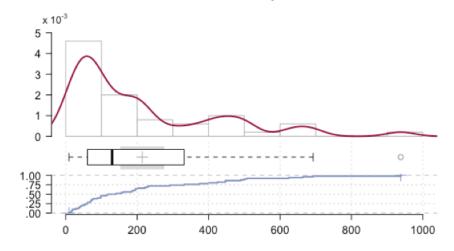
#### Raiz Quadrado Primeiro

```
Desc(sqrt(testes$copias_cv), conf.level = NA,
    main = "Raiz Quadrado de Cópias CV", plotit = FALSE)
```

```
## Raiz Quadrado de Cópias CV
##
         length
                                      NAs
                                                unique
                                                                  0s
         5e+01
                      5e+01
                                                     = n
                       100.0%
                                   0.0%
                                                                 0.0%
##
##
             .05
                          .10
                                      .25 median
                                                                  .75
##
    1.740791e+01 2.689752e+01 6.082763e+01 1.298715e+02 3.216338e+02
##
##
                                     vcoef
           range
                         sd
                                                    mad
                                                                  IOR
##
    9.289180e+02 2.139415e+02 9.992760e-01 1.332724e+02 2.608061e+02
##
##
                       meanCT
            mean
##
    2.140965e+02 1.532950e+02
                  2.748979e+02
##
##
##
             .90
##
    5.007260e+02 6.458536e+02
##
##
            skew
                         kurt.
##
    1.347936e+00 1.241788e+00
##
## lowest: 9.165151e+00, 1.549193e+01, 1.643168e+01, 1.860108e+01, 1.923538e+01
## highest: 5.072603e+02, 6.244998e+02, 6.633250e+02, 6.928203e+02, 9.380832e+02
```

# Gráfico de Transformação de Raiz Quadrado

#### Raiz Quadrado de Cópias CV



## Transformação Log Base 10 – Típico para CV

```
Desc(log10(testes$copias_cv), conf.level = NA,
main = "Log Base 10 de Cópias CV", plotit = FALSE)
```

```
## Log Base 10 de Cópias CV
##
         length
                                      NAs
##
                                                 unique
                                                                  0s
          5e+01
                       5e+01
                                                     = n
                       100.0%
                                    0.0%
                                                                  0.0%
##
##
##
             .05
                           .10
                                        .25 median
                                                                   .75
##
    2.479834e+00 2.854662e+00 3.568202e+00 4.223579e+00 5.013399e+00
##
##
                                      vcoef
           range
                           sd
                                                     mad
                                                                   IOR
##
    4.020203e+00 9.890114e-01 2.359805e-01 1.076588e+00 1.445198e+00
##
##
                         meanCT
             mean
##
     4.191073e+00 3.909999e+00
                    4.472147e+00
##
##
##
              . 90
     5.399192e+00 5.619878e+00
##
##
##
             skew
                           kurt.
##
    -2.592686e-01 -7.936995e-01
##
## lowest : 1.924279e+00, 2.380211e+00, 2.431364e+00, 2.539076e+00, 2.568202e+00
## highest: 5.410462e+00, 5.591065e+00, 5.643453e+00, 5.681241e+00, 5.944483e+00
```

### Gráfico da Transformação Log Base 10

#### Log Base 10 de Cópias CV

