

## 57 TIERS EXCLU PAR L'ABSURDE

### Connecteurs

Montrons que

*quelle que soit* la proposition **A**,  
 $(\mathbf{A} \vee \neg \mathbf{A})$

Montrons  $\mathbf{A} \vee \neg \mathbf{A}$  (1)

(A)

Supposons que  $\neg (\mathbf{A} \vee \neg \mathbf{A})$  (h1)

Montrons  $\perp$  (2)

( $\neg E$ )

Montrons **A** (3)

(A)

Supposons que  $\neg \mathbf{A}$  (h2)

Montrons  $\perp$  (4)

( $\neg E$ )

Montrons  $\mathbf{A} \vee \neg \mathbf{A}$  (5)

( $\vee Id$ )

Montrons  $\neg \mathbf{A}$  (6)

d'après (h2)

Montrons  $\neg (\mathbf{A} \vee \neg \mathbf{A})$  (7)

d'après (h1)

Montrons  $\neg \mathbf{A}$  (8)

( $\neg I$ )

Supposons que **A** (h3)

Montrons  $\perp$  (9)

( $\neg E$ )

Montrons  $\mathbf{A} \vee \neg \mathbf{A}$  (10)

( $\vee Ig$ )

Montrons **A** (11)

d'après (h3)

Montrons  $\neg (\mathbf{A} \vee \neg \mathbf{A})$  (12)

d'après (h1)