

## 58 LA LOI DE PEIRCE

### Connecteurs

*quelles que soient* les propositions  $\mathbf{A}$   $\mathbf{B}$ ,  
 $((\mathbf{A} \Rightarrow \mathbf{B}) \Rightarrow \mathbf{A}) \Rightarrow \mathbf{A}$

Montrons  $((\mathbf{A} \Rightarrow \mathbf{B}) \Rightarrow \mathbf{A}) \Rightarrow \mathbf{A}$  (1)

(TE)

Supposons que  $\mathbf{A}$  (h1)

Montrons  $((\mathbf{A} \Rightarrow \mathbf{B}) \Rightarrow \mathbf{A}) \Rightarrow \mathbf{A}$  (2)

( $\Rightarrow I$ )

Supposons que  $(\mathbf{A} \Rightarrow \mathbf{B}) \Rightarrow \mathbf{A}$  (h2)

Montrons  $\mathbf{A}$  (3)

d'après (h1)

Supposons que  $\neg \mathbf{A}$  (h3)

Montrons  $((\mathbf{A} \Rightarrow \mathbf{B}) \Rightarrow \mathbf{A}) \Rightarrow \mathbf{A}$  (4)

( $\Rightarrow I$ )

Supposons que  $(\mathbf{A} \Rightarrow \mathbf{B}) \Rightarrow \mathbf{A}$  (h4)

Montrons  $\mathbf{A}$  (5)

( $\Rightarrow E$ )

Montrons  $\mathbf{A} \Rightarrow \mathbf{B}$  (6)

( $\Rightarrow I$ )

Supposons que  $\mathbf{A}$  (h5)

Montrons  $\mathbf{B}$  (7)

( $\perp E$ )

Montrons  $\perp$  (8)

( $\neg E$ )

Montrons  $\mathbf{A}$  (9)

d'après (h5)

Montrons  $\neg \mathbf{A}$  (10)

d'après (h3)

Montrons  $(\mathbf{A} \Rightarrow \mathbf{B}) \Rightarrow \mathbf{A}$  (11)

d'après (h4)