

54 LOIS DE DE MORGAN 2/3

Connecteurs

Montrons que

quelles que soient les propositions **A**, **B**,
 $((\neg \mathbf{A} \vee \neg \mathbf{B}) \Rightarrow \neg (\mathbf{A} \wedge \mathbf{B}))$

Montrons $(\neg \mathbf{A} \vee \neg \mathbf{B}) \Rightarrow \neg (\mathbf{A} \wedge \mathbf{B})$ (1)

$(\Rightarrow I)$

Supposons que $\neg \mathbf{A} \vee \neg \mathbf{B}$ (h1)

Montrons $\neg (\mathbf{A} \wedge \mathbf{B})$ (2)

$(\neg I)$

Supposons que $\mathbf{A} \wedge \mathbf{B}$ (h2)

Montrons \perp (3)

$(\vee E)$

Montrons $\neg \mathbf{A} \vee \neg \mathbf{B}$ (4)

d'après (h1)

Supposons que $\neg \mathbf{A}$ (h3)

Montrons \perp (5)

$(\neg E)$

Montrons \mathbf{A} (6)

$(\wedge Eg)$

Montrons $\mathbf{A} \wedge \mathbf{B}$ (7)

d'après (h2)

Montrons $\neg \mathbf{A}$ (8)

d'après (h3)

Supposons que $\neg \mathbf{B}$ (h4)

Montrons \perp (9)

$(\neg E)$

Montrons \mathbf{B} (10)

$(\wedge Ed)$

Montrons $\mathbf{A} \wedge \mathbf{B}$ (11)

d'après (h2)

Montrons $\neg \mathbf{B}$ (12)

d'après (h4)