

EXERCICE 14

Logique - Connecteurs

quelles que soient les propositions $P Q R$,

$$P \Rightarrow ((P \Rightarrow Q) \Rightarrow (((P \Rightarrow Q) \Rightarrow (Q \Rightarrow R)) \Rightarrow R))$$

Supposons que P (h1)

Supposons que $P \Rightarrow Q$ (h2)

Supposons que $(P \Rightarrow Q) \Rightarrow (Q \Rightarrow R)$ (h3)

Montrons R (1)

$(\Rightarrow E)$

Montrons Q (2)

$(\Rightarrow E)$

Montrons P (3)

d'après (h1)

Montrons $P \Rightarrow Q$ (4)

d'après (h2)

Montrons $Q \Rightarrow R$ (5)

$(\Rightarrow E)$

Montrons $P \Rightarrow Q$ (6)

d'après (h2)

Montrons $(P \Rightarrow Q) \Rightarrow (Q \Rightarrow R)$ (7)

d'après (h3)