

DIDACTICIEL 23

Logique - Connecteurs

quelles que soient les propositions \mathbf{A} \mathbf{B} ,
 $((\neg \mathbf{A} \Rightarrow \mathbf{B}) \Rightarrow (\mathbf{A} \vee \mathbf{B}))$

Montrons $(\neg \mathbf{A} \Rightarrow \mathbf{B}) \Rightarrow (\mathbf{A} \vee \mathbf{B})$ (1)

$(\Rightarrow I)$

Supposons que $\neg \mathbf{A} \Rightarrow \mathbf{B}$ (h1)

Montrons $\mathbf{A} \vee \mathbf{B}$ (2)

$(\vee I)$

Supposons que \mathbf{A} (h2)

Montrons $\mathbf{A} \vee \mathbf{B}$ (3)

$(\vee Ig)$

Montrons \mathbf{A} (4)

d'après (h2)

Supposons que $\neg \mathbf{A}$ (h3)

Montrons $\mathbf{A} \vee \mathbf{B}$ (5)

$(\vee Id)$

Montrons \mathbf{B} (6)

$(\Rightarrow E)$

Montrons $\neg \mathbf{A}$ (7)

d'après (h3)

Montrons $\neg \mathbf{A} \Rightarrow \mathbf{B}$ (8)

d'après (h1)