

20 LA CONTRAPOSÉE 2/2

Connecteurs

Montrons que

quelles que soient les propositions **A** **B**,
 $((A \Rightarrow B) \Rightarrow (\neg B \Rightarrow \neg A))$

Montrons $(A \Rightarrow B) \Rightarrow (\neg B \Rightarrow \neg A)$ (1)

$(\Rightarrow I)$

Supposons que $A \Rightarrow B$ (h1)

Montrons $\neg B \Rightarrow \neg A$ (2)

$(\Rightarrow I)$

Supposons que $\neg B$ (h2)

Montrons $\neg A$ (3)

$(\neg I)$

Supposons que A (h3)

Montrons \perp (4)

$(\neg E)$

Montrons B (5)

$(\Rightarrow E)$

Montrons A (6)

d'après (h3)

Montrons $A \Rightarrow B$ (7)

d'après (h1)

Montrons $\neg B$ (8)

d'après (h2)