

59 TIERS EXCLU PAR LA LOI DE PEIRCE

Connecteurs

Montrons que

quelle que soit la proposition \mathbf{A} ,
 $(\mathbf{A} \vee \neg \mathbf{A})$

Montrons $\mathbf{A} \vee \neg \mathbf{A}$ (1)

par La loi de Peirce \Rightarrow on le trouve en faisant la S8 et faut cliquer sur \checkmark

Montrons $((\mathbf{A} \vee \neg \mathbf{A}) \Rightarrow \neg \mathbf{A}) \Rightarrow (\mathbf{A} \vee \neg \mathbf{A})$ (2)

$(\Rightarrow I)$

Supposons que $(\mathbf{A} \vee \neg \mathbf{A}) \Rightarrow \neg \mathbf{A}$ (h1)

Montrons $\mathbf{A} \vee \neg \mathbf{A}$ (3)

$(\vee Id)$

Montrons $\neg \mathbf{A}$ (4)

$(\Rightarrow E)$

Montrons $\mathbf{A} \vee \neg \mathbf{A}$ (5)

$(\vee Id)$

Montrons $\neg \mathbf{A}$ (6)

$(\neg I)$

Supposons que \mathbf{A} (h2)

Montrons \perp (7)

$(\neg E)$

Montrons \mathbf{A} (8)

d'après (h2)

Montrons $\neg \mathbf{A}$ (9)

$(\Rightarrow E)$

Montrons $\mathbf{A} \vee \neg \mathbf{A}$ (10)

$(\vee Ig)$

Montrons \mathbf{A} (11)

d'après (h2)

Montrons $(\mathbf{A} \vee \neg \mathbf{A}) \Rightarrow \neg \mathbf{A}$ (12)

d'après (h1)

Montrons $(\mathbf{A} \vee \neg \mathbf{A}) \Rightarrow \neg \mathbf{A}$ (13)

d'après (h1)