

56 L'ABSURDE PAR LE TIERS EXCLU

Connecteurs

Montrons que

quelle que soit la proposition **A**,
 $((\neg \mathbf{A} \Rightarrow \perp) \Rightarrow \mathbf{A})$

Montrons $(\neg \mathbf{A} \Rightarrow \perp) \Rightarrow \mathbf{A}$ (1)

$(\Rightarrow I)$

Supposons que $\neg \mathbf{A} \Rightarrow \perp$ (h1)

Montrons **A** (2)

(TE)

Supposons que **A** (h2)

Montrons **A** (3)

d'après (h2)

Supposons que $\neg \mathbf{A}$ (h3)

Montrons **A** (4)

$(\perp E)$

Montrons \perp (5)

$(\neg E)$

Montrons \perp (6)

$(\Rightarrow E)$

Montrons $\neg \mathbf{A}$ (7)

d'après (h3)

Montrons $\neg \mathbf{A} \Rightarrow \perp$ (8)

d'après (h1)

Montrons $\neg \perp$ (9)

$(\neg I)$

Supposons que \perp (h4)

Montrons \perp (10)

d'après (h4)