

19 LA CONTRAPOSÉE 1/2

Connecteurs

quelles que soient les propositions **A** **B**,

$$((\neg B \Rightarrow \neg A) \Rightarrow (A \Rightarrow B))$$

Montrons $(\neg B \Rightarrow \neg A) \Rightarrow (A \Rightarrow B)$ (1)

$(\Rightarrow I)$

Supposons que $\neg B \Rightarrow \neg A$ (h1)

Montrons $A \Rightarrow B$ (2)

$(\Rightarrow I)$

Supposons que A (h2)

Montrons B (3)

(A)

Supposons que $\neg B$ (h3)

Montrons \perp (4)

$(\neg E)$

Montrons A (5)

d'après (h2)

Montrons $\neg A$ (6)

$(\Rightarrow E)$

Montrons $\neg B$ (7)

d'après (h3)

Montrons $\neg B \Rightarrow \neg A$ (8)

d'après (h1)