

Equipo de investigación de sonrisas

Problema

En su odisea para investigar todas las sonrisas del mundo, Rin y Ren han llegado a Ecatepec. Ecatepec puede ser visto como un grafo con N vértices, numerados del 0 al $N-1$, conectados por algunas aristas bidireccionales, pero a ser una tierra en gran medida desconocida, el equipo no sabe sobre sus aristas. Si Ecatepec resulta ser no conexo¹, Rin y Ren no podrán llevar a cabo su misión apropiadamente, por lo que enlistan la ayuda de la gran científica Miku. Miku le da a nuestros aventureros un curioso aparato que responde preguntas de la siguiente forma dado un parámetro K que Miku ha fijado con anterioridad:

Dados dos vértices distintos de la gráfica de Ecatepec, el aparato responde si están a distancia² menor a K , exactamente K o mayor a K .

Como el dispositivo es todavía un prototipo, Miku le advierte al equipo que podrán realizar a lo más $\frac{2N^2}{K}$ preguntas. Rin y Ren reprobaron matemáticas en la prepa, por lo que enlistan tu ayuda para saber si Ecatepec es conexo.

Detalles de Implementación

Debes implementar la función *Equipo_sonrisas()*. Esta función recibe un entero N el tamaño del grafo y un entero K el parámetro del dispositivo. Esta función debe regresar un par de enteros, si el grafo es conexo debe regresar la pareja $(-1, -1)$. Si el grafo es no conexo, debe regresar una pareja de vértices entre los cuales no exista un camino.

Durante tu programa, puedes llamar la función *Dispositivo_Miku()*. Esta función recibe 2 enteros a, b y regresa -1 si $\text{dist}(a, b) < K$, 0 si $\text{dist}(a, b) = K$ y 1 si $\text{dist}(a, b) > K$. Para poder llamar esta función, debes incluir la librería “*Sonrisas.h*” con el comando `#include “Sonrisas.h”`. Un ejemplo de programa se vería así:

```
#include "Sonrisas.h"
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

pair<int, int> Equipo_Sonrisas(int N, int K) {
    // Implementa esta función.
}
```

El evaluador correrá una vez tu programa por cada caso.

¹Decimos que un grafo es conexo si para todo par de vértices, existe un camino (un camino es una secuencia de vértices, tal que cada par de vértices adyacentes está conectado por una arista) que inicie en uno y termine en otro.

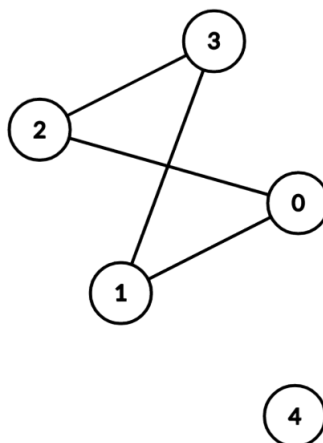
²La distancia de dos vértices se define como el camino con menor cantidad de aristas que los conecta, y la expresamos como $\text{dist}(a, b)$.

Ejemplo

- El evaluador llama la función

$Equipo_Sonrisas(5, 2)$

El grafo escondido es el siguiente:



- La tabla de distancias es la siguiente:

$dist(a, b)$	0	1	2	3	4
0	0	1	1	2	∞
1	1	0	2	1	∞
2	1	2	0	1	∞
3	2	1	1	0	∞
4	∞	∞	∞	∞	0

- Aquí hay un ejemplo de interacción:

Función llamada	respuesta del evaluador
$Dispositivo_Miku(0, 1)$	-1
$Dispositivo_Miku(0, 2)$	-1
$Dispositivo_Miku(0, 3)$	0
$Dispositivo_Miku(0, 4)$	1
$Dispositivo_Miku(1, 2)$	0
$Dispositivo_Miku(1, 3)$	-1
$Dispositivo_Miku(1, 4)$	1
$Dispositivo_Miku(2, 3)$	-1
$Dispositivo_Miku(2, 4)$	1
$Dispositivo_Miku(3, 4)$	1

- La función llamada por el evaluador, en este momento, si responde $(-1, -1)$ obtendría un veredicto de respuesta incorrecta. De lo contrario, si responde, por ejemplo, $(1, 4)$, obtendría un veredicto aceptado.

Consideraciones

- $1 \leq K < N \leq 1000$.
- En todos los casos, la cantidad de veces que llamas la función *Dispositivo_Miku()* debe ser menor a $\frac{2N^2}{K}$. En caso contrario, recibirás un veredicto de respuesta incorrecta.
- Si la función regresa $(-1, -1)$ y el grafo es no conexo, o si regresa una pareja de nodos conectados, recibirás un veredicto de respuesta incorrecta.

Subtareas

- (5 puntos) $K = N - 1$.
- (10 puntos) $K \leq 4$.
- (33 puntos) $K = \frac{N}{2}$.
- (22 puntos) El grafo es un bosque (no existe un ciclo, es decir, un camino que no reutilice aristas y comience y termine en el mismo vértice).
- (30 puntos) Sin restricciones adicionales.