

Prepoznavanje saobraćajnih znakova koristeći CNN

Seminarski rad u okviru kursa
Računarska inteligencija
Matematički fakultet

Jana Jovičić 215/2015, Jovana Pejkić 435/2016
jana.jovicic755@gmail.com, jov4ana@gmail.com

16. maj 2019.

Sažetak

Sadržaj

1	Uvod	3
2	Neuronske mreže	4
3	Konvolutivne neuronske mreže	5
4	Implementacija i eksperimentalni rezultati	11
5	Zaključak	18
	Literatura	19
A	Dodatak	19

1 Uvod

Klasifikacija je vrsta problema nadgledanog učenja¹ koja podrazumeva predviđanje kategoričke ciljne promenljive. Kategoričkim se smatraju promenljive koje uzimaju konačan broj vrednosti (među kojima nema uređenja). Na primer, prepoznavanje da li je dobijen e-mail spam, reklama ili obična poruka je problem klasifikacije.

Prepoznavanje i klasifikacija slika je polje u oblasti mašinskog učenja koje se veoma brzo razvija. Na primer, klasifikatori slika (mada se već koriste) će se sve više koristiti za: zamenu lozinke prepoznavanjem lica, prepoznavanje otisaka prstiju, analizu krvnih slika, identifikaciju geografskih karakteristika iz satelitskih snimaka, analizu aero i satelitskih snimaka, detekciju urbanih područja, detekciju puteva, autonomnu vožnju i otkrivanje prepreka itd.

Postoje mnogi algoritmi koji se koriste za klasifikaciju slika (npr. SVM), a jedan od najboljih je CNN - konvolutivne neuronske mreže. CNN se može zamisliti kao automatski „ekstraktor” karakteristika slike. On efikasno koristi informacije o susednim pikselima da bi efektivno konvolucijom smanjio sliku, a zatim da bi predvideo kategoriju kojoj slika pripada, koristi sloj za predviđanje. Iako su konvolutivne neuronske mreže projektovane tako da prednost postižu u radu sa 2D strukturama, kao što su slike ili ulazi poput govornog signala (eng. speech signal), najnovije studije pokazuju da postižu značajne rezultate i sa 3D strukturama.

Svrha implementacije konvolutivne neuronske mreže o kojoj ovaj rad govori jeste da korektno identifikuje saobraćajne znakove iz baze podataka sa kineskim saobraćajnim znacima. U radu je opisana implementacija ove mreže i diskutovano je o ostvarenim rezultatima.

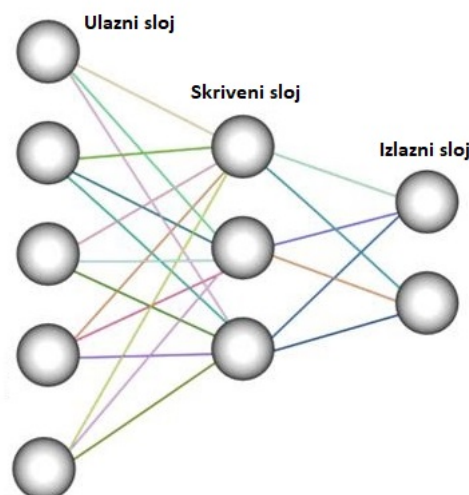
¹Nadgledano učenje (eng. supervised learning) je proces učenja funkcije koja preslikava ulaz u odgovarajući izlaz, zasnovan na datim ulazno-izlaznim parovima. Dve osnovne vrste problema nadgledanog učenja su regresija i klasifikacija. Regresija je problem predviđanja neprekidne, a klasifikacija kategoričke ciljne promenljive.

2 Neuronske mreže

Neuronske mreže predstavljaju skup statističkih modela učenja inspirisana biološkim neuronima, za rešavanje klasifikacionih² i regresijskih problema³. Njihove primene su mnogobrojne, a neke od njih su: kategorizacija teksta, raspoznavanje i sinteza govora, autonomna voznja, igranje video igara, mašinsko prevođenje prirodnih jezika i slično. Ključna prednost neuronskih mreža je da same mogu da konstruišu nove attribute nad sirovom reprezentacijom podataka⁴ i odlično baratanje sa velikim količinama podataka.

2.1 Arhitektura

Osnovnu jedinicu grade neuronske mreže predstavljaju neuroni, koji su međusobno povezani vezama sa težinama koje se podešavaju tokom učenja mreže. Povezani neuroni prosleđuju signale jedni drugima, a organizovani su u slojeve. Najjednostavniji oblik neuronske mreže je **perceptron**, koji sadrži samo jedan ulazni i jedan izlazni sloj. Međutim, kako on služi samo za učenje linearnih modela, a u praksi se javlja potreba da i složeniji modeli mogu da se nauče, osim perceptrona, koriste se višeslojne neuronske mreže. Višeslojna neuronska mreža osim ulaznog i izlaznog sloja, ima jedan ili više skrivenih slojeva (slika 1). Kako se neuronske mreže uglavnom koriste za klasifikaciju uzorka u različite kategorije, ulazni sloj se sastoji od onoliko neurona koliko je dimenzionalnost ulaznog prostora, a broj neurona na izlazu jednak je broju klasa. Samo učenje neuronske mreže je zapravo podešavanje težina sve dok se ne dobije zadovoljavajuća aproksimacija između ulaznih i izlaznih veličina.



Slika 1: Višeslojna neuronska mreža sa jednim skrivenim slojem

²Klasifikacioni problem - ako je izlazna promenljiva kategorickog tipa, npr. „zdrav”i „bolestan”.

³Regresioni problem - ako je izlazna promenljiva neprekidnog tipa, npr. „plata”ili „tezina”.

⁴Iako se nekad mogu pretpostaviti koji su atributi najinformativniji za predviđanje ciljne promenljive, izbori tih atributa su neretko lošiji od onoga što bi algoritam učenja mogao da detektuje u sirovoj informaciji.

2.2 Razlog uvođenja konvolutivnih neuronskih mreža

Jednostavni zadaci prepoznavanja mogu se dosta dobro rešiti skupovima podataka malih veličina, npr. desetine hiljada slika. Međutim, objekti u realističnim postavkama pokazuju značajnu varijabilnost, stoga, da bi bilo moguće naučiti prepoznati ih, potrebno je koristiti mnogo veće skupove za treniranje. Da bismo naučili o hiljadama objekata iz miliona slika, potreban nam je model sa velikim kapacitetom učenja. Konvolutivne neuronske mreže (eng. convolutional neural network, CNN), koje će biti detaljno obrađene u ostatku rada, čine jednu takvu klasu modela. Njihov kapacitet se može kontrolisati variranjem njihove dubine i širine, a oni takođe daju jake i uglavnom ispravne pretpostavke o prirodi slika. Tako, u poređenju sa standardnim (feedforward) neuronskim mrežama sa slojevima sličnih veličina, CNN imaju mnogo manje veza i parametara, tako da ih je lakše trenirati, dok je njihov teoretski najbolji učinak samo nešto lošiji.

3 Konvolutivne neuronske mreže

Konvolutivne neuronske mreže (eng. Convolutional neural network, CNN) predstavljaju podklasu neuronskih mreža koja ima najmanje jedan konvolutivni sloj (a može ih imati i više). Ova vrsta neuronskih mreža je inspirisana vizuelnim korteksom. Svaki put kada nešto vidimo, aktivira se niz slojeva neurona, i svaki sloj otkriva skup karakteristika kao što su linije, ivice itd. Viši nivoi slojeva otkrivaju složenije karakteristike kako bi prepoznali ono što smo videli. Konvolutivne mreže rade po istom principu i praktično su uvek duboke neuronske mreže⁵, upravo zbog toga što je potrebno od sitnijih detalja, poput uspravnih, kosih i horizontalnih linija, koji obično bivaju detektovani u nižim slojevima mreže, konstruisati složenije oblike poput delova lica. Konvolutivne neuronske mreže se koriste u obradi signala (slike, zvuka), ali i teksta. U odnosu na ostale vrste neuronskih mreža, isticu se u prikupljanju lokalnih informacija (na primer o susednim pikselima na slici ili „okružujućim“ (eng. surrounding) rečima u tekstu) i smanjenju složenosti modela (brže treniranje, potrebno je manje uzoraka, manja šansa da dodje do preprilagodjavanja (eng. overfitting)). Konvolutivne neuronske mreže se zasnivaju na sposobnosti mreža da iz sirovog signala konstruišu attribute. Nazivaju se konvolutivnim zato što uče **filtre** (pojam objašnjen u tabeli 1), čijom konvolutivnom primenom detektuju određena svojstva signala.

Postoji nekoliko različitih arhitektura u polju konvolutivnih neuronskih mreža. One se razlikuju po tipu, broju i rasporedu slojeva, i uglavnom predstavljaju bolju verziju neke od prethodnih mreža. O ovome će biti više reči u poglavlju 3.3. Takođe, ono što treba istaći jeste podešavanje parametara mreže. Iako nije moguće izračunati u kom slučaju koji parametar treba imati koju vrednost, u narednom poglavlju (3.1) su opisani neki od bitnijih parametara koje svakako treba podesiti pri učenju mreže.

3.1 Parametri

U ovoj sekciji je dat tabelarni prikaz parametara koji su najznacajnije za implementaciju konvolutivne mreže. U tabeli 1 je dat samo kratak opis

⁵Duboke neuronske mreže se sastoje od slojeva neurona koji konstruišu nove reprezentacije ulaza, a na izlazu predviđaju ciljnu promenljivu.

svakog od njih radi boljeg razumevanja teksta koji sledi. Ipak, u nastavku je svaki detaljnije opisan.

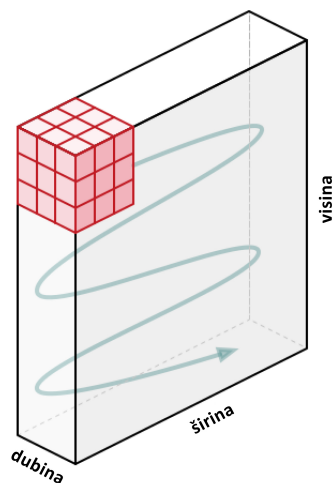
Tabela 1: Primer tabele

Filter/jezgro (eng. filter/kernel)	<ul style="list-style-type: none"> - matrica sa tezinama za konvoluciju ulaza - daje meru koliko deo ulaza liči na karakteristiku - tezine u matricama filtera su izvedene za vreme treniranja podataka
Proširenje (eng. Padding)	<ul style="list-style-type: none"> - koristi se za dodavanje kolona i redova nula da bi se održala konstantna veličina matrice (mape) nakon konvolucije - ovaj parametar može da unapredi performanse tako što zadržava informacije u okvirima
Korak (eng. Stride)	<ul style="list-style-type: none"> - broj piksela koji želite preskočiti, dok prelazite ulaz vodoravno i uspravno tokom konvolucije, nakon množenja svakog elementa iz ulazne matrice težina s onima u filtru
Broj kanala (eng. Number of Channels)	<ul style="list-style-type: none"> - u početku je jednak broju kanala boja (eng. color channels) ulaza, a u kasnijim stadijumima je jednak broju filtera koji su korišćeni za operaciju konvolucije - što je veći broj kanala, veći je broj korišćenih filtera, naučeno je više karakteristika, i postoji šansa da dođe do prilagođavanja i obrnuto
Parametri sloja agregacije	<ul style="list-style-type: none"> - ima iste parametre kao i konvolutivni sloj - uglavnom se koristi Max-Pooling opcija - smanjuje dimenzionalnost ulazne reprezentacije (slike, izlazne matrice skrivenog sloja, itd.) tako što čuva maksimalnu vrednost podregiona

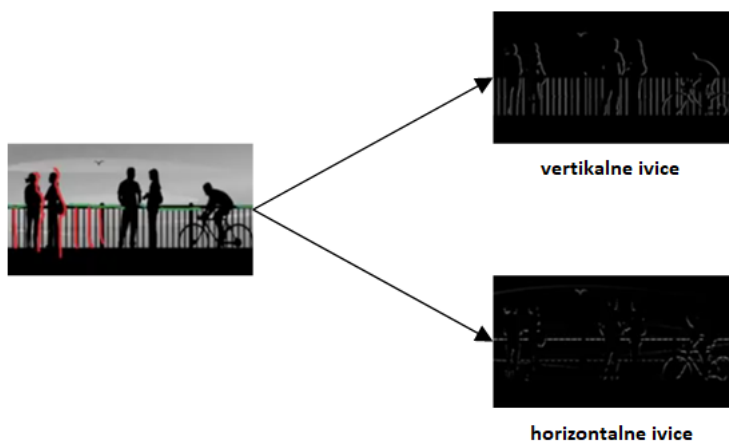
3.2 Konvolucija slika preko CNN

Da bi izvršile klasifikaciju slika, konvolutivne mreže (preciznije, konvolutivni sloj, detaljnije u poglavlju ????) obavljaju neku vrstu pretrage. Ovo se može zamisliti kao mali pokretni (ili klizni) prozor (prikazano na slici 2) koji klizi s leva na desno preko veće slike, i nastavlja s leve strane kada dodje do kraja jednog prelaza (kao kod pisace masine). Taj pokretni

(klizni) prozor - koji ustvari predstavlja filter, moze da prepozna samo jednu stvar, recimo kratku vertikalnu liniju (tri tamna piksela naslagana jedan na drugi). Slicno, neki drugi filter moze da služi za prepoznavanje horizontalnih linija, i on se takodje pomera preko piksela slike, trazeci podudaranja. Rezultat koji se postize filterima koji prepoznaju vertikalne i horizontalne linijije prikazan je na slici 3.



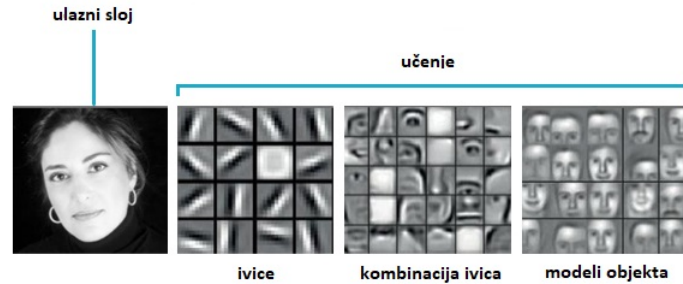
Slika 2: Kretanje filtera



Slika 3: Detektovanje ivica

Svaki put kada dodje do poklapanja (filtera sa ulazom), ono se mapira u prostor sa karakteristikama - koji se zove **mapa karakteristika** (eng. feature maps), koji je specifičan za taj vizuelni element. U tom prostoru (tj. mapi) se cuva (odnosno beleži) lokacija svakog poklapanja sa vertikalnom linijom. Konvolutivna mreža pokrece mnogo pretraga nad jednom istom slikom. Na pocetnom sloju mreže koriste se filteri koji pre-

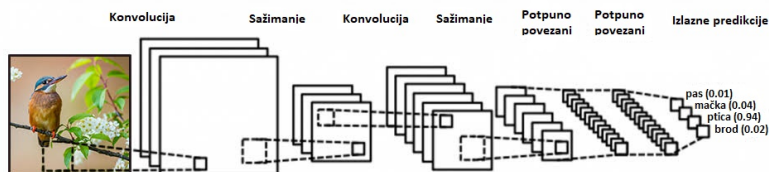
poznaju horizontalnu liniju, vertikalnu liniju i dijagonalnu liniju, da bi kreirali mapu ivica slike. U narednim koracima (odnosno slojevima) posmatraju se kombinacije ovih ivica i tako prepoznaju složeniji oblici. Ovo je demonstrirano na slici 4.



Slika 4: Učenje mreže

3.3 Unutrasnja struktura CNN

Unutrašnja struktura konvolutivne mreže se sastoji od nekoliko naimeničenih konvolutivnih slojeva (eng. convolution layer) i slojeva agregacije (eng. pooling layer), pri čemu je dozvoljeno pojavljivanje iste vrste sloja više puta (prikazano na slici 5). U dosad opisanoj strukturi neurona (neuronskih mreža) izlaz iz svakog od njih je bio skalarna veličina. Izlazi konvolutivnog sloja su dvodimenzionalni i nazivaju se mapama karakteristika (eng. feature maps). Oni se transformišu nelinearnom aktivacionom funkcijom, na primer tanh, koja prevodi ulazne vrednosti u opseg između -1 i 1. Potpuno povezani sloj (eng. fully connected layer) predstavlja poslednji sloj unutar konvolucione neuronske mreže, u kome je svaki neuron jednog sloja povezan sa svim neuronima prethodnog sloja (gde svaka konekcija ima svoju težinu). Neuroni u potpuno povezanom sloju detekiruju karakteristike koje su izlaz iz konvolucionog sloja.



Slika 5: Arhitektura konvolutivne neuronske mreže

Kako su moguće različite kombinacije različitih slojeva, prirodno je da postoji više arhitektura konvolutivnih neuronskih mreža. Svaka od tih arhitektura ima svoje prednosti i mane, i u zavisnosti od problem drugačija arhitektura će davati bolje (odnosno gore) rezultate. U nastavku su nabrojane i ukratko opisane samo neke od najpoznatijih arhitektura konvolutivnih neuronskih mreža:

- LeNet-5 - ovu arhitekturu je napravio Yann LeCun krajem 20. veka, a koristila se za citanje zip kodova, cifara itd. LeNet-5 arhitektura se sastoji iz dva skupa konvolutivnih slojeva (eng. convolutional layers) i slojeva agregacije (eng. average pooling layers), koji su praćeni poravnavajućim konvolutivnim slojem (eng. flattening convolutional layer), a onda dva potpuno-povezana sloja (eng. two fully-connected layers) i konačno softmax klasifikator (eng. softmax classifier).
- AlexNet je jedna od prvih dubokih neuronskih mreža. Sastoji se iz pet konvolutivnih slojeva praćena sa tri potpuno povezana sloja. Ovu mrežu je napravio Alex Krizhevsky, koji je koristio prečišćenu linearnu jedinicu (eng. Rectified Linear Unit, ReLu)⁶ za ne-linearni deo umesto Tanh ili Sigmoid funkcije, koje su bile standardne za tradicionalne neuronske mreže.
- VGG16 predstavlja unapređenje arhitekture AlexNet. U njoj su veliki filteri (jezgra) zamenjeni sa više malih 3x3 filtera jedan za drugim⁷.
- GoogLeNet ima čak 22 sloja. Brža je i manja od Alexnet i mnogo preciznija. Ideja ove mreže jeste da se napravi model koji će moći da se koristi i na pametnom telefonu (eng. smart-phone).

3.4 Konvolucija

Konvolutivni sloj je glavni deo konvolutivne neuronske mreže koji radi najviše izracunavanja u mreži. Njegova uloga je konstrukcija novih atributa. To je prvi sloj koji ekstrahuje karakteristike iz ulazne slike. Konvolucija je matematička operacija koja uzima dva ulaza - dve matrice f i g , dimenzija $m \times n$ i $p \times q$, a definisana je na sledeći način:

$$(f * g)_{ij} = \sum_{k=0}^{p-1} \sum_{l=0}^{q-1} f_{i-k, j-l} g_{k,l}$$

Matrica f je obično ulaz, poput slike, dok je matrica g filter. Određena ulazna reprezentacija podatka (originalna slika) konvolvira se sa filterom sa određenim parametrima (ti parametri predstavljaju i parametre konvolutivne mreže). Procesom učenja ovi parametri (težine koje je potrebno naučiti kako bi mreža davala dobre rezultate) se podešavaju i bivaju naučeni. Filteri su najčešće manjih prostornih dimenzija od ulaza, ali uvek su jednake dubine kao i ulaz. Kao što je već rečeno, konvolucijska jezgra (filteri) filtriraju sliku, tj. mapu karakteristika kako bi izlučila neku korisnu informaciju kao što je recimo određeni oblik, boja ili ivica.

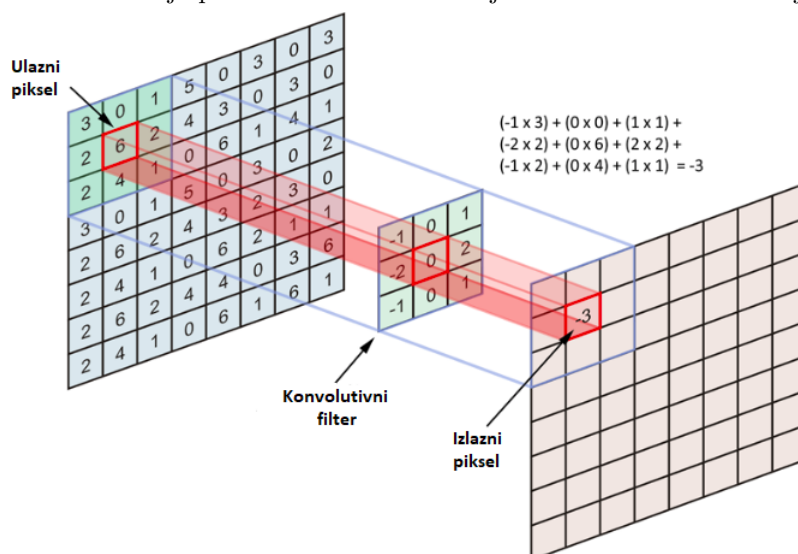
Tokom prvog prolaza svaki filter se pomera po širini i visini ulaza i računa se skalarni proizvod ulaza i vrednosti filtera (prikazano u formuli iznad). Ako obe matrice imaju visoke vrednosti na istim pozicijama, onda će i vrednost skalarnog proizvoda biti velika. A, ako nemaju, onda će i vrednost skalarnog proizvoda biti mala. Na taj način, samo na osnovu te vrednosti, može se zaključiti da li sadržaj slike odgovara sadržaju koji filter traži.

⁶ReLU funkcija se definiše kao: $f(x) = \max(0, x)$. Prednost ReLu nad sigmoidnom funkcijom je što treniranje obavlja mnogo brže.

⁷Više manjih filtera se pokazuje boljim nego jedan veliki filter (jezgro), zato što više ne-linearnih slojeva povećavaju dubinu mreže što im omogućava da uče kompleksnije karakteristike (i to po manjoj ceni).

Izlaz jednog filtera će biti dvodimenzioni niz. Ako imamo više filtera, izlaz iz konvolucionog sloja će biti rezultati svakog filtera poredjanih po dubini. Operacijom konvolucije dobija se transformirana slika dimenzije $I \times K$, gde je I dimenzija ulazne matrice slike, a K je dimenzija filtera koji je primenjen nad tom slikom. Takodje, dobijena transformacija je lokalna tj. pikseli izlaza zavise od lokalnih, susednih piksela ulaza. Ceo ovaj proces je prikazan na slici 6.

Slika 6: Konvolucija primenom filtera dimenzije 3x3 na matricu dimenzije 8x8



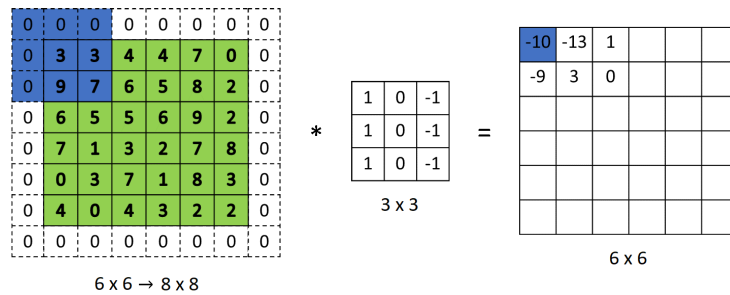
3.4.1 Proširivanje

Formula konvolucije koja je data u poglavlju 3.4 nije definisana za sve indekse $i=0, m-1$ i $j=0, n-1$. Na primer, ako je $i, j = 0$ i $k, l \geq 0$, vrednost $f_{k,i-l}$ nije definisana. Ukoliko bi se u obzir uzele samo definisane vrednosti, dimenzija konvolucije bi bila manja od dimenzije matrice f . Medjutim, to nije uvek poželjno, i može se izbesci tako što se vrši **proširivanje** (eng. padding) matrice f , na primer nulama ili vrednostima koje su već na obodu, tako da veličina rezultujuće matrice bude jednaka veličini matrice f pre proširivanja. Ovo je prikazano na slici 7. Takode, prilikom racunanja konvolucije, filter se duz slike ne mora pomerati za jedan piksel, već za neki veći **korak** (eng. stride).

3.5 Agregacija

Uloga sloja za agregaciju je smanjenje broja parametara kada su slike prevelike, kao i smanjenje broja racunskih operacija u visim slojevima smanjuje. Agregacija smanjuje dimenzionalnost svake mape, ali zadržava važne informacije. Sve to rezultuje smanjenjem racunske zahtevnosti pri optimizaciji i pomaze u kontroli overfittinga. Zato zelimo da slojevi za agregaciju prate konvolucione slojeve kako bismo postepeno smanjili prostornu veličinu (širinu i visinu) prikaza podataka.

Cesto nas konačni zadatak postavlja neko globalno pitanje o slici, npr., Da li sadrži mačku? Tako da čvorovi našeg zadnjeg sloja moraju biti ose-



Slika 7: Primer prosirivanja

tljivi na celi ulaz. Postepenom agregacijom informacija, stvarajući grublje i grublje mape karakteristika, postize se taj cilj da se na kraju nauči globalna reprezentacija, zadržavajući sve prednosti konvolucijskih slojeva na srednjim slojevima obrade.

Sloj agregacije ukupnjuje informacije, tako što računa neku jednostavnu funkciju agregacije susednih jedinica prethodnog sloja, poput maksimuma (eng. Max pooling) [koji vraća maksimalnu vrednost dela slike pokrivena filterom] ili proseka (eng. Average pooling) [koji vraća prosečnu vrednost dela slike pokrivena filterom]. Ukoliko agregira, na primer, 3 x 3 piksela, onda je broj izlaza ovog sloja 9 puta manji od broja izlaza prethodnog. Kada se računa maksimum, dolazi do zanemarivanja informacije o tome gde je precizno neko svojstvo (poput uspravne linije) pronađeno, ali se ne gubi informacija da je pronađeno. Ovakva vrsta zanemarivanja informacije često ne šteti cilju koji treba postići. Na primer, ako su na slici pronađeni kljun i krila, informacija o tačnoj poziciji najverovatnije nije bitna za odlučivanje da li se na slici nalazi ptica. Ipak, ukoliko je potrebno napraviti mrežu koja igra igru u kojoj su pozicije objekata na ekranu bitne, nije poželjno koristiti agregaciju.

Average pooling was often used historically but has recently fallen out of favor compared to the max pooling operation, which has been shown to work better in practice.

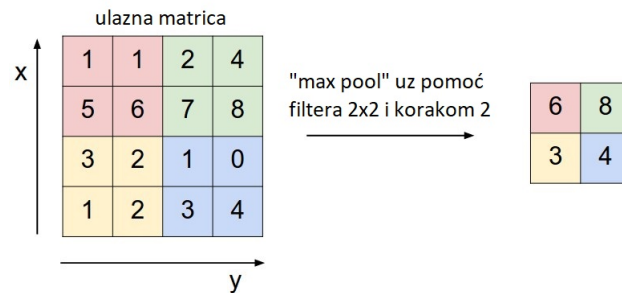
Pooling layer downsamples the volume spatially, independently in each depth slice of the input volume.

Prva slika (pool): In this example, the input volume of size [224x224x64] is pooled with filter size 2, stride 2 into output volume of size [112x112x64]. Notice that the volume depth is preserved.

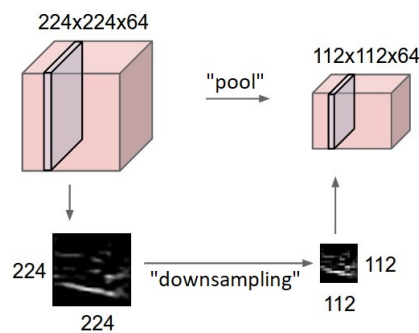
Druga slika (maxpool): The most common downsampling operation is max, giving rise to max pooling, here shown with a stride of 2. That is, each max is taken over 4 numbers (little 2x2 square).

4 Implementacija i eksperimentalni rezultati

Neuronsku mrežu smo implementirale u programskom jeziku Python korišćenjem Keras biblioteke. Kao podatke za trening i testiranje, koristile smo slike iz baze podataka kineskih saobraćajnih znakova [?]. Baza sadrži 6164 slike saobraćajnih znakova podeljenih u 58 klasa, pri čemu trening skup sadrži 4170, a test skup 1994 slike. Međutim, nisu sve klase imale



Slika 8: Maxpool



Slika 9: Pool

podjednak broj slika. Za neke je postojalo 5 slika na kojima bi mreža mogla da trenira, a za neke oko 400. Takođe, zbog prevelike količine podataka, izvršavanje programa je bilo mnogo sporo. Zbog svega toga, odlučile smo da koristimo samo jedan deo te baze i izdvojile 10 klasa koje su imale približno jednak broj slika. Nakon toga, dobile smo trening skup od 1693 slika i test skup od 764 slike. Na slici 10 je prikazan po jedan znak iz svake klase trening skupa, zajedno sa brojem elemenata te klase. Slično, ti podaci o test skupu, mogu se videti na slici 11.

U narednim poglavljima će biti predstavljeni neki od modela konvolutivnih neuronskih mreža koje smo pravile, a koje su davale najbolje rezultate.

4.1 Model 1

Jedan od prvih modela koji je imao veći uspeh na test podacima prikazan je u kodu 1. Sastoji se iz četiri konvolutivna, dva agregirajuća i dva potpuno povezana sloja. Detaljna arhitektura mreže se može videti na slici 12. U svim konvolutivnim slojevima veličina jezgra je 3x3, a broj filtera na izlazu iz konvolucije je 32. Takođe, u svakom se koristi ReLU aktivaciona funkcija. U sloju agregacije, sažimanje se vrši biranjem maksimalne vrednosti dela mape karakteristika koji je prekriven filterom. Kako ne bi došlo do preprilagodjavanja modela trening podacima, povremeno je, pomoću funkcije Dropout(), isključivan određen broj nasumično odabranih neurona. Nakon agregacija je isključeno 20% neurona, a pre poslednjeg, potpuno povezanog, sloja 50%. Poslednji potpuno povezani



Slika 10: Trening skup



Slika 11: Test skup

sloj ima onoliko neurona koliko ima klasa i koristi softmax aktivacionu funkciju.

Učenje modela je sprovedeno u 30 epoha. Batch size je postavljen na 32, što znači da će u svakoj iteraciji biti uzeta 32 primerka iz trening skupa koja će biti propagirana kroz mrežu. Optimizacija modela je izvršena pomoću gradijentnog spusta. Takođe, pre početka treninga, sve slike su skalirane na istu veličinu, 64x64 piksela.

```
def cnn_model():
    model = Sequential()

    model.add(Conv2D(filters = 32, kernel_size = (3, 3),
        padding='same', input_shape=(IMG_SIZE, IMG_SIZE, 3),
```

```

        data_format="channels_last", activation='relu'))
model.add(Conv2D(filters = 32, kernel_size = (3, 3),
    activation='relu'))
model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2, 2)))
model.add(Dropout(0.2))

model.add(Conv2D(filters = 32, kernel_size = (3, 3),
    padding='same', activation='relu'))
model.add(Conv2D(filters = 32, kernel_size = (3, 3),
    activation='relu'))
model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2, 2)))
model.add(Dropout(0.2))

model.add(Flatten())
model.add(Dense(512, activation='relu'))
model.add(Dropout(0.5))
model.add(Dense(NUM_OF_CLASSES, activation='softmax'))

model.summary()
return model

batch_size = 32
epochs = 30
lr = 0.01 #learning rate

model = cnn_model()

# optimizacija pomocu gradijentnog spusta
sgd = SGD(lr=lr, decay=1e-6, momentum=0.9, nesterov=True)

model.compile(loss='categorical_crossentropy', optimizer=sgd,
    metrics=['accuracy'])

def lr_schedule(epoch):
    return lr * (0.1 ** int(epoch / 10))

model.fit(images, classes,
    batch_size=batch_size,
    epochs=epochs,
    validation_split=0.2,
    callbacks=[LearningRateScheduler(lr_schedule),
        ModelCheckpoint('model.h5', save_best_only=True)])

```

Kod 1: Model 1

Na slici 13 možemo videti da je preciznost modela na trening skupu tokom poslednje tri epohe varirala oko 0.99 i 1.0. Na slici 14 možemo videti kako se model pokazao na test skupu. Preciznost (*accuracy*, tj. broj tačno klasifikovanih instanci / ukupan broj instanci) je jednaka 0.882. Vidimo da je i preciznost (*precision*) koja se odnosi na svaku od klasa dosta visoka (osim za klase 0 i 5)

Layer (type)	Output Shape	Param #
conv2d_1 (Conv2D)	(None, 64, 64, 32)	896
conv2d_2 (Conv2D)	(None, 62, 62, 32)	9248
max_pooling2d_1 (MaxPooling2D)	(None, 31, 31, 32)	0
dropout_1 (Dropout)	(None, 31, 31, 32)	0
conv2d_3 (Conv2D)	(None, 31, 31, 32)	9248
conv2d_4 (Conv2D)	(None, 29, 29, 32)	9248
max_pooling2d_2 (MaxPooling2D)	(None, 14, 14, 32)	0
dropout_2 (Dropout)	(None, 14, 14, 32)	0
flatten_1 (Flatten)	(None, 6272)	0
dense_1 (Dense)	(None, 512)	3211776
dropout_3 (Dropout)	(None, 512)	0
dense_2 (Dense)	(None, 10)	5130
Total params: 3,245,546		
Trainable params: 3,245,546		
Non-trainable params: 0		

Slika 12: Slojevi modela neuronske mreže

Epoch 28/30	1311/1311 [=====] - 110s 84ms/step - loss: 0.0046 - acc: 0.9985 - val_loss: 4.6311e-04 - val_acc: 1.0000
Epoch 29/30	1311/1311 [=====] - 103s 78ms/step - loss: 0.0014 - acc: 1.0000 - val_loss: 4.4722e-04 - val_acc: 1.0000
Epoch 30/30	1311/1311 [=====] - 110s 84ms/step - loss: 0.0035 - acc: 0.9992 - val_loss: 4.3213e-04 - val_acc: 1.0000

Slika 13: Preciznost na trening podecima

4.2 Model 2: LeNet-5

Još bolje rezultate smo dobile pomoću LeNet-5 mreže [?]. LeNet-5 mrežu je 1990ih napravio Yann LeCunn. Mreža se sastoji iz 7 slojeva, pri čemu se ne računa ulazni sloj. Sve slike smo skalirale na većinu 32x32 piksela, jer ova mreža kao ulaz očekuje slike tih dimenzija. Prvi konvolutivni sloj na izlazu daje 6 mapa karakteristika, koristi jezgro veličine 3x3 i kao aktivacionu funkciju koristi ReLU. Nakon njega sledi sloj agregacije u kom se sažimanje vrši biranjem prosečne vrednosti dela mape karakteristika koji je prekriven filterom. Još jednom se ponavljaju ova dva sloja, s tim što sada konvolutivni sloj vraća 16 mapa karakteristika. Nakon ispravljanja mape karakteristika u vektor, taj vektor se prosleđuje potpuno povezanom sloju koji se sastoji iz 120 neurona i koristi ReLU aktivacionu funkciju. Nakon toga sledi potpuno povezani sloj od 84 neurona koji, takođe, koristi ReLU aktivacionu funkciju. I, na kraju, ostaje još jedan potpuno povezani sloj koji ima onoliko neurona koliko ima klasa i koji koristi softmax aktivacionu funkciju. U kodu 2 je data implementacija LeNet-5 mreže, a na slici 15 je prikazana njena detaljna arhitektura.

```
def cnn_model():
    model = Sequential()
```

Test accuracy = 0.8821989528795812

Classification report:

	precision	recall	f1-score	support
0	0.50	0.86	0.63	14
1	0.96	0.78	0.86	130
2	1.00	0.83	0.91	12
3	0.91	0.93	0.92	84
4	0.91	0.95	0.93	84
5	0.67	0.46	0.55	26
6	1.00	0.81	0.89	134
7	0.76	0.96	0.85	46
8	0.84	0.99	0.91	176
9	0.93	0.93	0.93	58
micro avg	0.88	0.88	0.88	764
macro avg	0.85	0.85	0.84	764
weighted avg	0.90	0.88	0.88	764

Confusion matrix:

```
[[ 12  0  0  0  0  0  0  2  0  0]
 [  6 102  0  0  8  4  0  6  0  4]
 [  0  0 10  2  0  0  0  0  0  0]
 [  2  2  0 78  0  0  0  2  0  0]
 [  2  0  0  0 80  0  0  2  0  0]
 [  0  0  0  0  0 12  0  0 14  0]
 [  2  0  0  4  0  0 108  0 20  0]
 [  0  0  0  2  0  0  0 44  0  0]
 [  0  0  0  0  0  2  0  0 174  0]
 [  0  2  0  0  0  0  0  2  0 54]]
```

Slika 14: Preciznost na test podcima

```
model.add(Conv2D(filters=6, kernel_size=(3, 3),
    activation='relu', input_shape=(IMG_SIZE, IMG_SIZE, 3),
    data_format="channels_last"))
model.add(AveragePooling2D())

model.add(Conv2D(filters=16, kernel_size=(3, 3),
    activation='relu'))
model.add(AveragePooling2D())

model.add(Flatten())
model.add(Dense(units=120, activation='relu'))
model.add(Dense(units=84, activation='relu'))
model.add(Dense(units=NUM_OF_CLASSES, activation = 'softmax'))

model.summary()
return model

batch_size = 32
epochs = 20
lr = 0.01

model = cnn_model()

model.compile(loss=keras.losses.categorical_crossentropy,
    optimizer=keras.optimizers.Adam(),
    metrics=['accuracy'])

def lr_schedule(epoch):
    return lr * (0.1 ** int(epoch / 10))

model.fit(images, classes,
    batch_size=batch_size,
    epochs=epochs,
    validation_split=0.2,
    callbacks=[LearningRateScheduler(lr_schedule),
        ModelCheckpoint('model.h5', save_best_only=True)])
```

Kod 2: LeNet-5

```
Using TensorFlow backend.  
Number of classes: 10  
Number of images for training: 1639  
classes shape: (1639, 10)  
images shape: (1639, 32, 32, 3)  
  
=====
```

Layer (type)	Output Shape	Param #
conv2d_1 (Conv2D)	(None, 30, 30, 6)	168
average_pooling2d_1 (Average)	(None, 15, 15, 6)	0
conv2d_2 (Conv2D)	(None, 13, 13, 16)	880
average_pooling2d_2 (Average)	(None, 6, 6, 16)	0
flatten_1 (Flatten)	(None, 576)	0
dense_1 (Dense)	(None, 120)	69240
dense_2 (Dense)	(None, 84)	10164
dense_3 (Dense)	(None, 10)	850

```
=====  
Total params: 81,302  
Trainable params: 81,302  
Non-trainable params: 0  
Train on 1311 samples, validate on 328 samples
```

Slika 15: Slojevi modela leNet-5 neuronske mreže

Na slici 16 možemo videti da je preciznost na trening skupu u poslednje tri iteracije bila najveća moguća, tj 1.00. Na slici 17 je prikazan rezultat rada modela na test podacima. Preciznost (*accuracy*) iznosi 0.91. Takođe vidimo da je preciznost (*precision*) za pojedinačne klase visoka. Na osnovu matrice konfuzije može se videti da veoma malo podataka pogrešno klasifikuje.

```
Epoch 18/20  
1311/1311 [=====] - 3s 2ms/step - loss: 1.5170e-04 - acc: 1.0000 - val_loss: 0.0012 - val_acc: 1.0000  
Epoch 19/20  
1311/1311 [=====] - 3s 2ms/step - loss: 1.4775e-04 - acc: 1.0000 - val_loss: 0.0012 - val_acc: 1.0000  
Epoch 20/20  
1311/1311 [=====] - 3s 2ms/step - loss: 1.4572e-04 - acc: 1.0000 - val_loss: 0.0012 - val_acc: 1.0000  
WARNING:tensorflow: From /usr/local/lib/python3.5/dist-packages/tensorflow/python/framework/op_def_library.py:266: is_gpu_device is deprecated and will be removed in a future version.
```

Slika 16: Preciznost na trening podacima

```

Test accuracy = 0.9109947643979057

Classification report:
              precision    recall  f1-score   support

     0       0.86       0.86       0.86         14
     1       0.82       1.00       0.90        130
     2       1.00       1.00       1.00         12
     3       0.87       0.93       0.90         84
     4       1.00       0.55       0.71         84
     5       0.71       0.92       0.80         26
     6       0.98       0.93       0.95        134
     7       0.85       1.00       0.92         46
     8       0.97       0.97       0.97        176
     9       1.00       0.93       0.96         58

   micro avg       0.91       0.91       0.91       764
   macro avg       0.91       0.91       0.90       764
weighted avg       0.92       0.91       0.91       764

Confusion matrix:
[[ 12  0  0  0  0  0  0  2  0  0]
 [  0 130  0  0  0  0  0  0  0  0]
 [  0  0 12  0  0  0  0  0  0  0]
 [  0  4  0 78  0  2  0  0  0  0]
 [  0 24  0  8 46  0  0  2  4  0]
 [  0  0  0  0  0 24  0  0  2  0]
 [  0  0  0  4  0  6 124  0  0  0]
 [  0  0  0  0  0  0  0 46  0  0]
 [  2  0  0  0  0  2  2  0 170  0]
 [  0  0  0  0  0  0  0  4  0 54]]

```

Slika 17: Preciznost na test poddecima

5 Zaključak

A Dodatak

A.1 Podnaslov 1

Dodatna objasnjenja

By visualizing the output from different convolution layers in this manner, the most crucial thing that you will notice is that the layers that are deeper in the network visualize more training data specific features, while the earlier layers tend to visualize general patterns like edges, texture, background etc.

This knowledge is very important when you use Transfer Learning whereby you train some part of a pre-trained network (pre-trained on a different dataset, like ImageNet in this case) on a completely different dataset. The general idea is to freeze the weights of earlier layers, because they will anyways learn the general features, and to only train the weights of deeper layers because these are the layers which are actually recognizing your objects.

Convolved Feature, Activation Map or Feature Map is the output volume formed by sliding the filter over the image and computing the dot product. Perceptrons come first in 1950s, and it uses a brittle activation function to do classification, so if $w \cdot x$ is greater than some value it predicts positive, otherwise negative.

Neurons use a softer activation function by introducing a sigmoid function, a tanh function or other activation functions to pass on values to other neurons in the network.

So perceptrons do not use in a network setting, they do classification on their own, hence they can't classify XOR, however neurons can because they all contribute forward to the final output, using more complicated structure (i.e. multiple layers in network), they are able to classify XOR and other complicated problems.

A CNN, in specific, has one or more layers of convolution units. A convolution unit receives its input from multiple units from the previous layer which together create a proximity. Therefore, the input units (that form a small neighborhood) share their weights.

The convolution units (as well as pooling units) are especially beneficial as:

They reduce the number of units in the network (since they are many-to-one mappings). This means, there are fewer parameters to learn which reduces the chance of overfitting as the model would be less complex than a fully connected network. They consider the context/shared information in the small neighborhoods. This feature is very important in many applications such as image, video, text, and speech processing/mining as the neighboring inputs (eg pixels, frames, words, etc) usually carry related information.