Trabajo final de analisis numerico

Broz Lozano, Juan Felipe f870421@gmail.com

November 18, 2015

Abstract

Proyecto final de la materia analisis numerico. Para el cual se programaron los metodos numericos de los capitulos de solucion de ecuaciones, sistemas de ecuaciones e interpolacion, dejando como trabajo adicional los metodos para integracion y solucion de ecuaciones diferenciales. El proyecto se desarrollo durante la asignatura, con revisiones periodicas de los metodos y sus correspondientes interfaces.

Seccion 1: Ecuaciones no lineales

Son ecuaciones de la forma F(u) = 0.

1.1 Busquedas por intervalos

Para este tipo de metodos usamos el algoritmo de busquedas incrementales como base, ya que devuelve un intervalo en el cual se encuentra la raiz. Cuando se tiene una funcion continua la funcion prueba con un valor inicial y el siguiente hasta que se agoten el numero maximo de iteraciones o hasta que encuentre un numero menor a cero evaluando ambos valores: $f(x_{i-1}) * f(x_i) < 0$. Teniendo el intervalo [a,b] se aplica alguno de los siguientes metodos.

1.1.1 Biseccion

Se comienza desde un intervalo cerrado [a,b] y teniendo en cuenta los parametros de tolerancia, numero de intervalos y delta se hace una bisección y se toma el subintervalo donde el producto de la función y = f(x) evaluada en sus extremos retorna un valor menor a 0.

Pseudocodigo

```
Inputs: f, X0, Xn, n, tol
i = 1
While i ≤ n {
    c = (Xo + Xn)/2
    If (f(c) = 0 or (Xo - Xn)/2) < tol then
        Print(c)
        Stop
    end If
    i = i + 1
    If sign(f(c)) == sign(f(a)) then
        Xo = c
    else
        Xn = c
    end If
end While</pre>
```

1.1.2 Regla falsa

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magna aliqua. Ut enim ad minim veniam, quis nostrud exercitation ullamco laboris nisi ut aliquip ex ea commodo consequat. Duis aute irure dolor in reprehenderit in voluptate velit esse cillum dolore eu fugiat nulla pariatur. Excepteur sint occaecat cupidatat non proident, sunt in culpa qui officia deserunt mollit anim id est laborum.

1.2 Metodos abiertos

1.2.1 Punto fijo

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magna aliqua. Ut enim ad minim veniam, quis nostrud exercitation ullamco laboris nisi ut aliquip ex ea commodo consequat. Duis aute irure dolor in reprehenderit in voluptate velit esse cillum dolore eu fugiat nulla pariatur. Excepteur sint occaecat cupidatat non proident, sunt in culpa qui officia deserunt mollit anim id est laborum.

1.2.2 Newton

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magna aliqua. Ut enim ad minim veniam, quis nostrud exercitation ullamco laboris nisi ut aliquip ex ea commodo consequat. Duis aute irure dolor in reprehenderit in voluptate velit esse cillum dolore eu fugiat nulla pariatur. Excepteur sint occaecat cupidatat non proident, sunt in culpa qui officia deserunt mollit anim id est laborum.

1.2.3 Secante

Seccion 2: Sistemas de ecuaciones

Sobre los sistemas de ecuaciones y para que sirven.

2.1 Metodos directos

Que son los metodos directos.

2.1.1 Eliminacion gaussiana simple

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magna aliqua. Ut enim ad minim veniam, quis nostrud exercitation ullamco laboris nisi ut aliquip ex ea commodo consequat. Duis aute irure dolor in reprehenderit in voluptate velit esse cillum dolore eu fugiat nulla pariatur. Excepteur sint occaecat cupidatat non proident, sunt in culpa qui officia deserunt mollit anim id est laborum.

2.1.2 Factorizacion LU

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magna aliqua. Ut enim ad minim veniam, quis nostrud exercitation ullamco laboris nisi ut aliquip ex ea commodo consequat. Duis aute irure dolor in reprehenderit in voluptate velit esse cillum dolore eu fugiat nulla pariatur. Excepteur sint occaecat cupidatat non proident, sunt in culpa qui officia deserunt mollit anim id est laborum.

2.2 Metodos iterativos

2.2.1 Gauss Seidel

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magna aliqua. Ut enim ad minim veniam, quis nostrud exercitation ullamco laboris nisi ut aliquip ex ea commodo consequat. Duis aute irure dolor in reprehenderit in voluptate velit esse cillum dolore eu fugiat nulla pariatur. Excepteur sint occaecat cupidatat non proident, sunt in culpa qui officia deserunt mollit anim id est laborum.

2.2.2 Jacobi

Seccion 3: Interpolacion

Sobre la interpolacion.

3.1 Metodos con sistemas de ecuaciones

Sobre los metodos con sistemas de ecuaciones.

3.1.1 Neville

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magna aliqua. Ut enim ad minim veniam, quis nostrud exercitation ullamco laboris nisi ut aliquip ex ea commodo consequat. Duis aute irure dolor in reprehenderit in voluptate velit esse cillum dolore eu fugiat nulla pariatur. Excepteur sint occaecat cupidatat non proident, sunt in culpa qui officia deserunt mollit anim id est laborum.

3.1.2 Newton con diferencias divididas

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magna aliqua. Ut enim ad minim veniam, quis nostrud exercitation ullamco laboris nisi ut aliquip ex ea commodo consequat. Duis aute irure dolor in reprehenderit in voluptate velit esse cillum dolore eu fugiat nulla pariatur. Excepteur sint occaecat cupidatat non proident, sunt in culpa qui officia deserunt mollit anim id est laborum.

3.1.3 Lagrange

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magna aliqua. Ut enim ad minim veniam, quis nostrud exercitation ullamco laboris nisi ut aliquip ex ea commodo consequat. Duis aute irure dolor in reprehenderit in voluptate velit esse cillum dolore eu fugiat nulla pariatur. Excepteur sint occaecat cupidatat non proident, sunt in culpa qui officia deserunt mollit anim id est laborum.

3.2 Splines

3.2.1 Splines lineales

3.2.2 Splines cubicos