法律声明

- □本课件包括演示文稿、示例、代码、题库、视频和声音等内容,小象学院和主讲老师拥有完全知识产权的权利;只限于善意学习者在本课程使用,不得在课程范围外向任何第三方散播。任何其他人或机构不得盗版、复制、仿造其中的创意及内容,我们保留一切通过法律手段追究违反者的权利。
- □ 课程详情请咨询
 - 微信公众号:小象
 - 新浪微博: ChinaHadoop

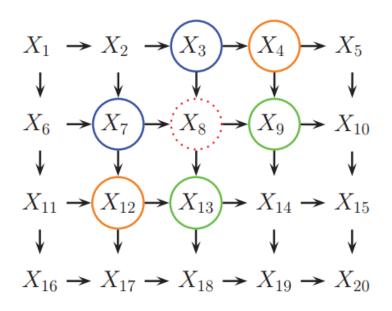


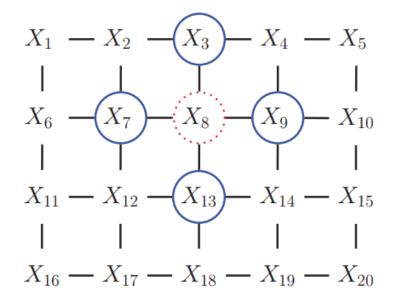
条件随机场



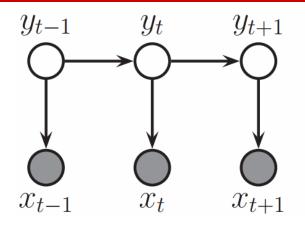
分析对图像像素间建立贝叶斯网络

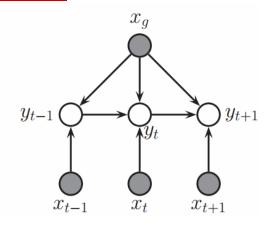
□ 考察X8的马尔科夫毯(Markov blanket)

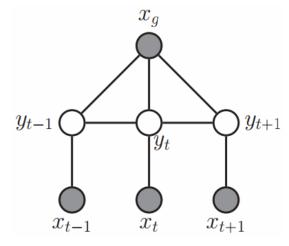


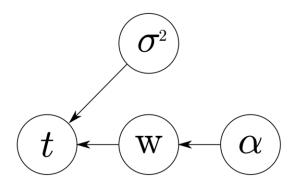


网络模型比较HMM/MEMM/CRF/RVM









条件随机场举例

[PRP He] [VBZ reckons] [DT the] [JJ current] [NN account] [NN deficit] [MD will] [VB narrow] [TO to] [RB only] [# #] [CD 1.8] [CD billion] [IN in] [NNP September] [. .]

□ NN、NNS、NNP、NNPS、PRP、DT、JJ分别代表普通名词单数形式、普通名词复数形式、专有名词单数形式、专有名词复数形式、传有名词复数形式、代词、限定词、形容词

 $b(\boldsymbol{x},i) = \begin{cases} 1 & \text{if the observation at position } i \text{ is the word "September"} \\ 0 & \text{otherwise.} \end{cases}$

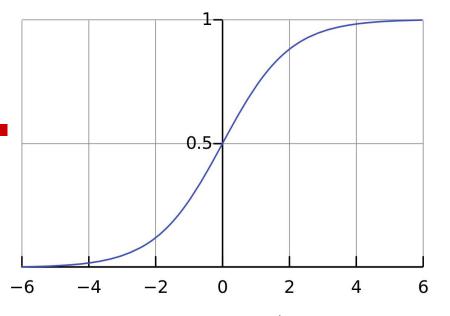
$$t_j(y_{i-1}, y_i, \boldsymbol{x}, i) = \begin{cases} b(\boldsymbol{x}, i) & \text{if } y_{i-1} = \text{IN and } y_i = \text{NNP} \\ 0 & \text{otherwise.} \end{cases}$$

从Logistic回归谈起

□ Logistic/sigmoid 函数

$$h_{\theta}(x) = g(\theta^T x) = \frac{1}{1 + e^{-\theta^T x}}$$

$$g'(x) = \left(\frac{1}{1+e^{-x}}\right)' = \frac{e^{-x}}{\left(1+e^{-x}\right)^2}$$
$$= \frac{1}{1+e^{-x}} \cdot \frac{e^{-x}}{1+e^{-x}} = \frac{1}{1+e^{-x}} \cdot \left(1 - \frac{1}{1+e^{-x}}\right)$$



$$g(z) = \frac{1}{1 + e^{-z}}$$

 $= g(x) \cdot (1 - g(x))$

Logistic回归参数估计

口 假定:
$$P(y = 1 \mid x; \theta) = h_{\theta}(x)$$

$$P(y = 0 \mid x; \theta) = 1 - h_{\theta}(x)$$

$$p(y \mid x; \theta) = (h_{\theta}(x))^{y} (1 - h_{\theta}(x))^{1-y}$$

$$L(\theta) = p(\vec{y} \mid X; \theta)$$

$$= \prod_{i=1}^{m} p(y^{(i)} \mid x^{(i)}; \theta)$$

$$= \prod_{i=1}^{m} (h_{\theta}(x^{(i)}))^{y^{(i)}} (1 - h_{\theta}(x^{(i)}))^{1-y^{(i)}}$$

对数似然函数

$$\ell(\theta) = \log L(\theta)$$

$$= \sum_{i=1}^{m} y^{(i)} \log h(x^{(i)}) + (1 - y^{(i)}) \log(1 - h(x^{(i)}))$$

$$\frac{\partial}{\partial \theta_{j}} \ell(\theta) = \left(y \frac{1}{g(\theta^{T}x)} - (1 - y) \frac{1}{1 - g(\theta^{T}x)} \right) \frac{\partial}{\partial \theta_{j}} g(\theta^{T}x)
= \left(y \frac{1}{g(\theta^{T}x)} - (1 - y) \frac{1}{1 - g(\theta^{T}x)} \right) g(\theta^{T}x) (1 - g(\theta^{T}x) \frac{\partial}{\partial \theta_{j}} \theta^{T}x)
= \left(y (1 - g(\theta^{T}x)) - (1 - y) g(\theta^{T}x) \right) x_{j}
= \left(y - h_{\theta}(x) \right) x_{j}$$

参数的迭代

□ Logistic回归参数的学习规则:

$$\theta_j := \theta_j + \alpha \left(y^{(i)} - h_\theta(x^{(i)}) \right) x_j^{(i)}$$

- □ 比较上面的结果和线性回归的结论的差别:
 - 它们具有相同的形式!

```
Repeat until convergence { \theta_j := \theta_j + \alpha \sum_{i=1}^m \left( y^{(i)} - h_{\theta}(x^{(i)}) \right) x_j^{(i)} }
```

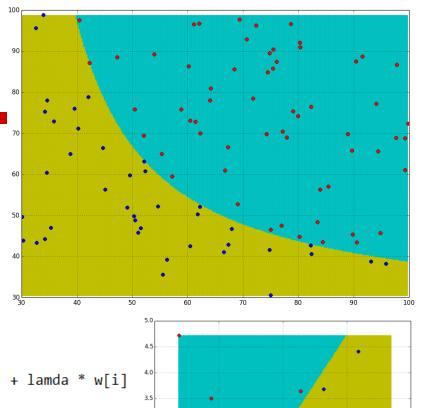
```
Loop {
for i=1 to m, {
\theta_j := \theta_j + \alpha \left( y^{(i)} - h_{\theta}(x^{(i)}) \right) x_j^{(i)}
}
```

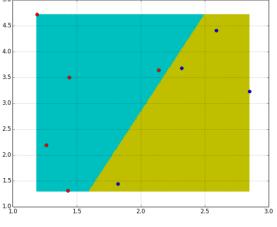
分类: Logistic回归

- □ 沿似然函数的梯度上升
- □ 维度提升

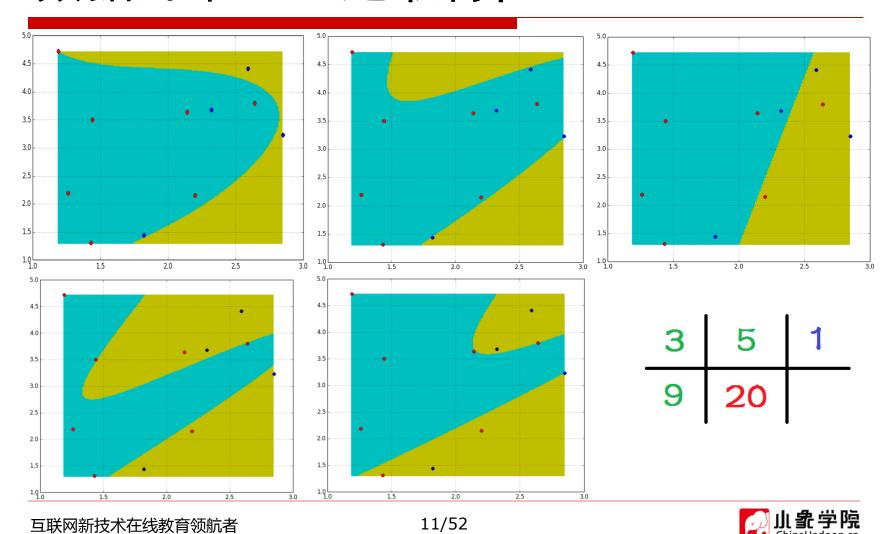
```
def logistic regression(data, alpha, lamda):

     n = len(data[0]) - 1
     w = [0 \text{ for } x \text{ in } range(n)]
     w2 = [0 \text{ for } x \text{ in } range(n)]
     for times in range(10000):
         for d in data:
             for i in range(n):
                 w2[i] = w[i] + alpha * (d[n] - h(w,d))*d[i] + lamda * w[i]
             for i in range(n):
                 w[i] = w2[i]
             print w
     return w
                 | def feature_whole(x1, x2, e):
                        d = [1]
                        for n in range(1,e+1):
                             for i in range(n+1):
                                  d.append(pow(x1, n-i) * pow(x2, i))
                        return d
```





数据升维: "选取特征"



对数线性模型

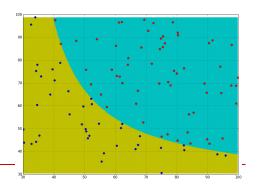
- □一个事件的几率odds,是指该事件发生的概率与该事件不发生的概率的比值。
- □ 对数几率: logit函数

$$P(y = 1 \mid x; \theta) = h_{\theta}(x)$$

$$P(y = 0 \mid x; \theta) = 1 - h_{\theta}(x)$$

$$logit(p) = log \frac{p}{1-p} = log \frac{h_{\theta}(x)}{1-h_{\theta}(x)} = log \left(\frac{1}{\frac{1+e^{-\theta^{T}x}}{1+e^{-\theta^{T}x}}}\right) = \theta^{T}x$$





□ 令x为某样本,y是x的可能标记,将Logistic/ Softmax 回归的特征 (x_1, x_2, \dots, x_n) 记做 $F_i(x, y)$, 则对数线性模型的一般形式:

$$p(y|x;w) = \frac{1}{Z(x,w)} \exp\left(\sum_{j} w_{j} F_{j}(x,y)\right)$$
口 其中,归一化因子:

$$Z(x,w) = \sum_{y} \exp \sum_{j} w_{j} F_{j}(x,y)$$

□ 给定X的预测标记为:

$$\hat{y} = \underset{y}{\operatorname{arg max}} p(y \mid x, w) = \underset{y}{\operatorname{arg max}} \sum_{j} w_{j} F_{j}(x, y)$$

特征函数的选择: 自然语言处理为例

- □ 特征函数几乎可任意选择,甚至特征函数问重叠;
- □ 假定观测X是单词,则下列都是合理可行的特征:
 - X以大写字母开头
 - X以C开头
 - x等于 "ChinaHadoop"
 - X的长度为11
 - x中包含两个大写字母
- □ NLP中常用的特征:
 - 前缀、后缀、词典位置、前置/后置标点

词性标注的特征函数

- □ 词性标注是指将每个单词标记为名词/动词/形容词/介词等。
 - 词性: POS, Part Of Speech
- □ 记W为句子S的某个单词,则特征函数可以是:
 - w在句首/句尾(位置相关)
 - w的前缀是anti-/co-/dis-/inter-等(单词本身)
 - w的后缀是-able/-ation/-er/-ing等(单词本身)
 - w前面的单词是a/could/SALUTATION等(单词问)
 - W后面的单词是am/is/are/等(单词间)
 - w前面两个单词是Would like/There be等(单词和句子)
- □ 高精度的POS会使用超过10万个特征。
 - 每个特征只和当前词性有关,最多只和相邻词的词性有关;
 - 但特征可以和所有词有关。

Y_1 Y_2 Y_3 Y_{n-1} Y_n

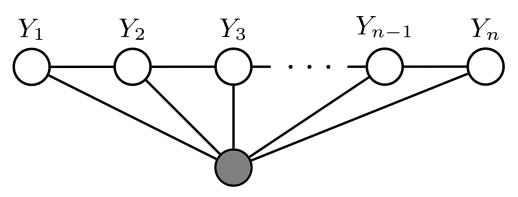
词性标注

 $X = X_1, \ldots, X_{n-1}, X_n$

- □ 词性标注被称为"结构化预测",该任务与标准的类别学习任务存在巨大不同:
- □如果每个单词分别预测,将丢失众多信息;
 - 相邻单词的标记是相互影响的,非独立。
- □ 不同的句子有不同长度;
 - 这导致不方便将所有句子统一成同长度向量。
- □标记序列解集与句子长度呈指数级增长。
 - 这使得穷举计算几乎无法实用。

线性链条件随机场

- □线性条件随机场可以使用对数线性模型。
- \square 使用 \overline{x} 表示n个词的序列; \overline{y} 表示相应的词性
- 口 定义: $p(\bar{y} | \bar{x}; w) = \frac{1}{Z(\bar{x}, w)} \exp\left(\sum_{j} w_{j} F_{j}(\bar{x}, \bar{y})\right)$



$$\boldsymbol{X} = X_1, \dots, X_{n-1}, X_n$$

Y_1 Y_2 Y_3 Y_{n-1} Y_n

次特征

- $\boldsymbol{X} = X_1, \dots, X_{n-1}, X_n$
- 口定义句子 \bar{x} 的第j个特征 $F_j(\bar{x},\bar{y})$ 是由若干次特征 $f_j(y_{i-1},y_i,\bar{x},i)$ 组合而成的,这里的 f_j 依赖或部分依赖于当前整个句子 \bar{x} 、当前词的标记 y_i 、前一个词的标记 y_{i-1} 、当前词在句子中的位置i。 $F_j(\bar{x},\bar{y}) = \sum_i f_j(y_{i-1},y_i,\bar{x},i)$
- □将每一个位置i上的次特征fj相加,即得到特征Fj,从而解决训练样本变长的问题。

参数训练

□ 给定一组训练样本(x,y), 找出权向量W, 使得下式成立:

$$\overline{y}^* = \underset{\overline{y}}{\operatorname{arg max}} p(\overline{y} \mid \overline{x}, w)$$

□ 满足上式的W, 即为最终的推断参数。

参数推断的两个难点

- \square 如果给定x和W,如何计算哪个标记序列y的概率最大? $\bar{y}^* = \arg\max_{\bar{y}} p(\bar{y} | \bar{x}, w)$
- □如果给定x和W,p(y|x,w)本身如何计算?
 - 归一化因子与所有的可行标记y有关,不好计算

$$p(\bar{y} \mid \bar{x}; w) = \frac{1}{Z(\bar{x}, w)} \exp\left(\sum_{j} w_{j} F_{j}(\bar{x}, \bar{y})\right)$$

$$Z(\bar{x}, w) = \sum_{\bar{y}} \exp \sum_{j} w_{j} F_{j}(\bar{x}, \bar{y})$$



状态关系矩阵

根据
$$p(\bar{y} | \bar{x}; w) = \frac{1}{Z(\bar{x}, w)} \exp\left(\sum_{j} w_{j} F_{j}(\bar{x}, \bar{y})\right)$$
 得

$$\overline{y}^* = \underset{\overline{y}}{\operatorname{arg max}} p(\overline{y} \mid \overline{x}, w) = \underset{\overline{y}}{\operatorname{arg max}} \sum_j w_j F_j(\overline{x}, \overline{y})$$

口根据
$$F_j(\bar{x},\bar{y}) = \sum_i f_j(y_{i-1},y_i,\bar{x},i)$$
,得:

$$\overline{y}^* = \arg\max_{\overline{y}} \sum_{i} w_i \sum_{i} f_j(y_{i-1}, y_i, \overline{x}, i) = \arg\max_{\overline{y}} \sum_{i} w_j f_j(y_{i-1}, y_i, \overline{x}, i)$$

$$= \arg \max_{\overline{y}} \sum_{i} \sum_{j} w_{j} f_{j} (y_{i-1}, y_{i}, \overline{x}, i)$$

$$= \arg \max_{\bar{y}} \sum_{i} g_{j}(y_{i-1}, y_{i})$$

$$g_{j}(y_{i-1}, y_{i}) = \sum_{j} w_{j} f_{j}(y_{i-1}, y_{i}, \overline{x}, i)$$

利用前向得分选择最大标记序列

 \square 称 $\alpha_k(v)$ 为前向得分,表示第k个词的标记为v的最大得分值(该得分值归一化后即为概率),即:

$$\alpha_{k}(v) = \max_{y_{1}, y_{2}, \dots, y_{k-1}} \left(\sum_{i=1}^{k-1} g_{i}(y_{i-1}, y_{i}) + g_{k}(y_{k-1}, v) \right)$$

□ 得递推公式:

$$\alpha_{k}(v) = \max_{y_{k-1}} (\alpha_{k-1}(y_{k-1}) + g_{k}(y_{k-1}, v))$$

- □ 时间复杂度: O(m²n)
 - 标记数目为m, 句子包含的单词数目为n

计算概率
$$p(\bar{y} | \bar{x}; w) = \frac{1}{Z(\bar{x}, w)} \exp\left(\sum_{j} w_{j} F_{j}(\bar{x}, \bar{y})\right)$$

- □如果给定x和W,p(y|x,w)本身如何计算?
 - 归一化因子与所有可行标记y有关,不容易计算
- 口 由于: $g_j(y_{i-1}, y_i) = \sum_i w_j f_j(y_{i-1}, y_i, \bar{x}, i)$
- 日 得, $Z(\bar{x}, w) = \sum_{\bar{y}} \exp \sum_{j} w_{j} F_{j}(\bar{x}, \bar{y})$ $= \sum_{\bar{y}} \exp \sum_{i} g_{j}(y_{i-1}, y_{i})$ $= \sum_{\bar{y}} \prod_{i} \exp (g_{j}(y_{i-1}, y_{i}))$

状态关系矩阵

- □ 定义m×m的矩阵 $M_t(u,v) = \exp(g_t(u,v))$
 - 对于M₁(u,v),任选某u=start状态
 - 对于M_{n+1}(u,v),任选某v=stop状态

$$M_{12}(start, v)$$

$$= \sum_{q} M_{1}(start, q) M_{2}(q, v)$$

$$= \sum_{q} \exp(g_{1}(start, q)) \cdot \exp(g_{2}(q, v))$$

状态关系矩阵

□ 矩阵连乘: $M_{123}(start,v) = \sum_{q} M_{12}(start,q) M_3(q,v)$

$$= \sum_{q} \left(\sum_{r} M_1(start, r) M_2(r, q) \right) M_3(q, v)$$
$$= \sum_{q} M_1(start, r) M_2(r, q) M_3(q, v)$$

□ 从而,

$$M_{1,2,3\cdots,n+1}(start, stop) = \sum_{y_1,y_2,\cdots,y_n} M_1(start, y_1) M_2(y_1, y_2) \cdots M_{n+1}(y_n, stop)$$

$$= \sum_{\bar{y}} \prod_{i} \exp(g_{j}(y_{i-1}, y_{i}))$$

■ 时间复杂度O(m³n)

参数训练

- □ 给定一组训练样本(x,y), 找出权向量W, 使得下式成立: $\bar{y}^* = \arg\max_{\bar{y}} p(\bar{y}|\bar{x},w)$
 - 满足上式的W,即为最终的推断参数。
- □ 方法:求对数目标函数的驻点。

$$p(y \mid x; w) = \frac{1}{Z(x, w)} \exp\left(\sum_{j} w_{j} F_{j}(x, y)\right) \qquad Z(x, w) = \sum_{\bar{y}} \exp\left(\sum_{j} w_{j} F_{j}(x, y)\right)$$

$$\Rightarrow \log p(y \mid x; w) = \log \frac{1}{Z(x, w)} + \log \exp \left(\sum_{j} w_{j} F_{j}(x, y)\right)$$

$$= -\log Z(x, w) + \sum_{j} w_{j} F_{j}(x, y)$$

$$\log p(y \mid x; w) = -\log Z(x, w) + \sum_{j} w_{j} F_{j}(x, y)$$

$$Z(x, w) = \sum_{j} \exp \sum_{j} w_{j} F_{j}(x, y)$$

参数估计

$$Z(x,w) = \sum_{\bar{y}} \exp \sum_{j} w_{j} F_{j}(x,y)$$

计算梯度:
$$\frac{\partial}{\partial w_j} \log p(y|x;w) = F_j(x,y) - \frac{\partial}{\partial w_j} \log Z(x,w)$$

$$= F_j(x,y) - \frac{1}{Z(x,w)} \sum_{y'} \frac{\partial}{\partial w_j} \exp \sum_{j'} w_{j'} F_{j'}(x,y')$$

$$= F_j(x,y) - \frac{1}{Z(x,w)} \sum_{y'} [\exp \sum_{j'} w_{j'} F_{j'}(x,y')] F_j(x,y')$$

$$= F_j(x,y) - \sum_{y'} F_j(x,y') \frac{\exp \sum_{j'} w_{j'} F_{j'}(x,y')}{\sum_{y''} \exp \sum_{j''} w_{j''} F_{j''}(x,y'')}$$

$$= F_j(x,y) - \sum_{y'} F_j(x,y') p(y'|x;w)$$

$$= F_j(x,y) - E_{y' \sim p(y'|x;w)} [F_j(x,y')]$$

梯度上升:

$$w_j := w_j + \alpha(F_j(x, y) - E_{y' \sim p(y'|x;w)}[F_j(x, y')])$$

请查阅: 若干理论问题

- □ 无向图模型
 - 马尔科夫随机场
 - 贝叶斯网络到马尔科夫网络的转化
- □ 马尔科夫性
 - 成对/局部/全局马尔科夫性
- □团、最大团
 - Hammersley-Clifford 定理

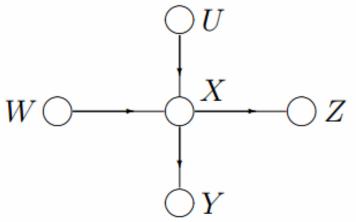
无向图模型

- □ 有向图模型, 又称作贝叶斯网络(Directed Graphical Models, DGM, Bayesian Network)
 - 事实上,在有些情况下,强制对某些结点之间的边增加 方向是不合适的。
- □ 使用没有方向的无向边,形成了无向图模型 (Undirected Graphical Model, UGM), 又称马尔科夫随 机场或马尔科夫网络(Markov Random Field, MRF or Markov network)
 - 注:概率有向图模型/概率无向图模型

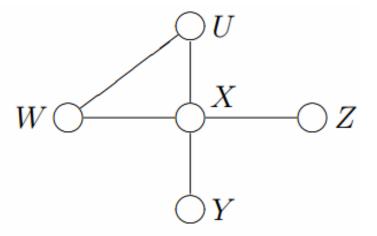
条件随机场

- 口 设 $X=(X_1,X_2...X_n)$ 和 $Y=(Y_1,Y_2...Y_m)$ 都是联合随机变量,若随机变量Y构成一个无向图G=(V,E)表示的马尔科夫随机场(MRF),则条件概率分布P(Y|X)称为条件随机场(Conditional Random Field, CRF)
 - X称为输入变量、观测序列
 - Y称为输出序列、标记序列、状态序列
 - 大量文献将MRF和CRF混用,包括经典著作。
 - 一般而言, MRF是关于隐变量(状态变量、标记变量)的图模型, 而给定观测变量后考察隐变量的条件概率, 即为CRF。
 - 但这种混用,类似较真总理和周恩来的区别。
 - □ 混用的原因:在计算P(Y|X)时需要将X也纳入MRF中一起考虑

DGM转换成UGM

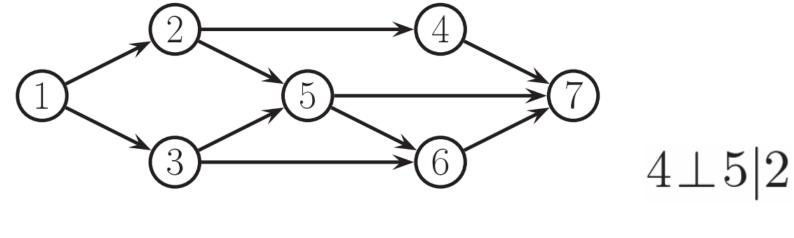


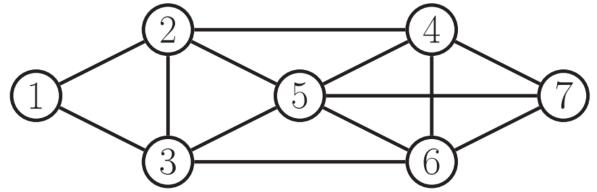
Bayesian network



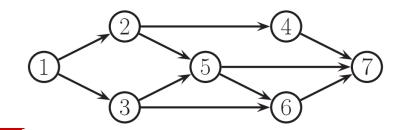
Markov random field

DGM转换成UGM

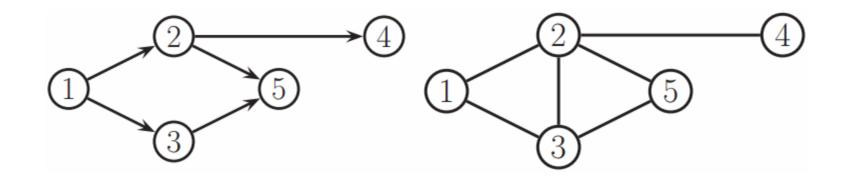




条件独立的破坏



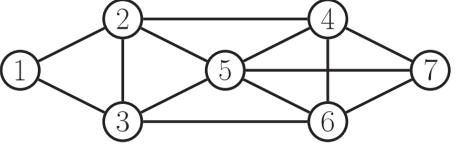
□ 靠考察是否有 $A \perp B \mid C$,则计算U的祖先图 (ancestral graph): $U = A \cup B \cup C$



 $4 \pm 5|2$

MRF的性质

- □ 成对马尔科夫性
 - parewise Markov property (1)
- □ 局部马尔科夫性
 - local Markov property
- □ 全局马尔科夫性
 - global Markov property



Pairwise $1 \perp 7$ rest

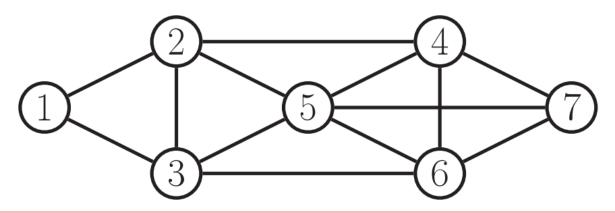
Local $1 \perp \text{rest} | 2, 3$

Global $1, 2 \perp 6, 7 \mid 3, 4, 5$

口 记号: 随机变量 $Y=(Y_1,Y_2...Y_m)$ 构成无向图G=(V,E),结点(集)V对应的(联合)随机变量是 Y_v 。

成对马尔科夫性

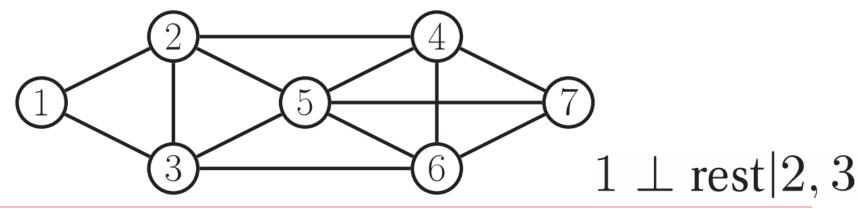
- □设u和V是无向图G中任意两个没有边直接连接的结点,G中其他结点的集合记做O;则在给定随机变量Yo的条件下,随机变量Yu和Yv条件独立。
- \square p: P(Yu,Yv|Yo)=P(Yu|Yo)*P(Yv|Yo)



 $1 \perp 7 | \text{rest}$

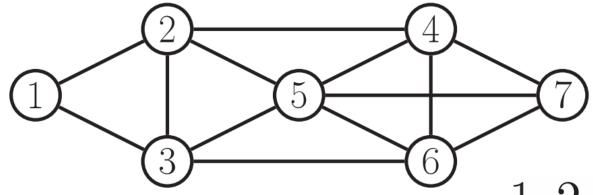
局部马尔科夫性

- □ 设v是无向图G中任意一个结点,W是与v有 边相连的所有结点,G中其他结点记做O; 则在给定随机变量Yw的条件下,随机变量 Yv和Yo条件独立。
- \square p: P(Yv,Yo|Yw) = P(Yv|Yw)*P(Yo|Yw)



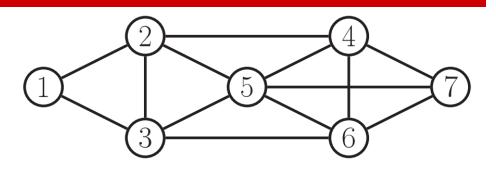
全局马尔科夫性

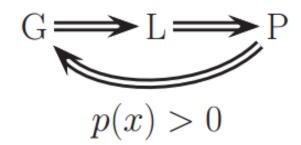
- □设结点集合A,B是在无向图G中被结点集合 C分开的任意结点集合,则在给定随机变量 Y_C的条件下,随机变量Y_A和Y_B条件独立。
- \square $p: P(Y_A, Y_B | Y_C) = P(Y_A | Y_C) * P(Y_B | Y_C)$



 $1, 2 \perp 6, 7 \mid 3, 4, 5$

三个性质的等价性





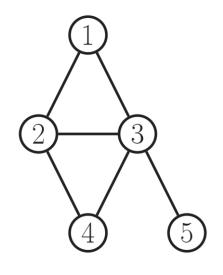
- □ 根据全局马尔科夫性,能够得到局部马尔科夫性;
- □ 根据局部马尔科夫性,能够得到成对马尔科夫性;
- □ 根据成对马尔科夫性,能够得到全局马尔科夫性;
- □ 事实上,这个性质对MRF具有决定性作用:
 - 满足这三个性质(或其一)的无向图, 称为MRF。

团和最大团

- □ 无向图G中的某个子图S, 若S中任何两个结 点均有边,则S称作G的团(Clique)。
 - 若C是G的一个团,并且不能再加入任何一个G的结点使其称为团,则C称作G的最大团(Maximal Clique)。
- □ 國: {1,2}, {1,3}, {2,3}, {2,4}, {3,4}, {3,5}, {1,2,3}, {2,3,4}
- □ 最大团: {1,2,3}, {2,3,4}, {3,5}

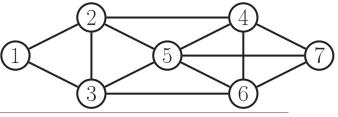
Hammersley-Clifford定理

□UGM的联合分布可以表示成最大团上的随机变量的函数的乘积的形式;这个操作叫做UGM的因子分解(Factorization)。



$$p(\mathbf{y}|\boldsymbol{\theta}) = \frac{1}{Z(\boldsymbol{\theta})} \psi_{123}(y_1, y_2, y_3) \psi_{234}(y_2, y_3, y_4) \psi_{35}(y_3, y_5)$$

Hammersley-Clifford定理⁽¹⁾



□ UGM的联合概率分布P(Y)可以表示成如下形式:

$$P(Y) = \frac{1}{Z} \prod_{c} \psi_{c}(Y_{c})$$

$$Z = \sum_{Y} \prod_{c} \psi_{c}(Y_{c})$$

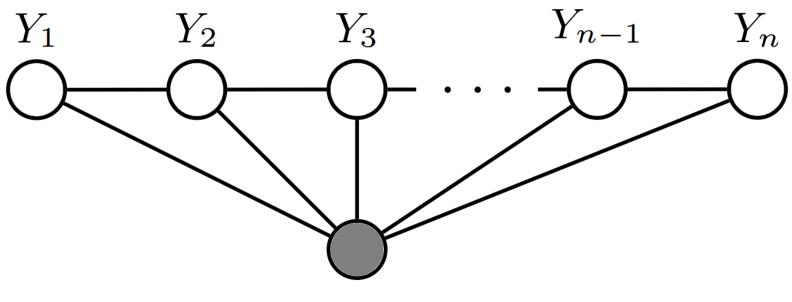
口其中,C是G的最大团, $\psi_c(Y_c)$ 是C上定义的严格正函数,被称作势函数(Potential Function)。因子分解是在UGM所有的最大团上进行的。

线性链条件随机场

- 口 设 $X=(X_1,X_2...X_n)$ 和 $Y=(Y_1,Y_2...Y_m)$ 都是联合随机变量,若随机变量Y构成一个无向图G=(V,E)表示的马尔科夫随机场(MRF),则条件概率分布P(Y|X)称为条件随机场(Conditional Random Field, CRF)
- □ 其中, $W \cong V$ 表示与结点V相连的所有结点W

线性链条件随机场

□ 线性链条件随机场的无向图模型



$$\boldsymbol{X} = X_1, \dots, X_{n-1}, X_n$$

线性链条件随机场的定义

- 口设X= $(X_1,X_2...X_n)$ 和Y= $(Y_1,Y_2...Y_n)$ 均为线性链表示的随机变量序列,若在给定随机变量序列X的条件下,随机变量序列Y的条件概率分布P(Y|X)构成条件随机场,即满足马尔科夫性 $P(Y_i|X,Y_1,Y_2...Y_n)=P(Y_i|X,Y_{i-1},Y_{i+1})$
- □则称P(Y|X)为线性链条件随机场。在标注问题中,X表示输入序列或称观测序列,Y表述对应的输出标记序列或称状态序列。

线性链条件随机场的参数化形式

□ 设P(Y|X)为线性链条件随机场,则在随机变量X取值为X的条件下,随机变量Y取值为y的条件概率有以下形式:

$$P(y|x) = \frac{1}{Z(x)} \exp\left(\sum_{i,k} \lambda_k t_k(y_{i-1}, y_i, x, i) + \sum_{i,l} \mu_l s_l(y_i, x, i)\right)$$

- 口 其中, $Z(x) = \sum_{y} \exp \left(\sum_{i,k} \lambda_{k} t_{k} (y_{i-1}, y_{i}, x, i) + \sum_{i,l} \mu_{l} s_{l} (y_{i}, x, i) \right)$
 - 特征函数: $t_k(y_{i-1}, y_i, x, i)$, $s_l(y_i, x, i)$
 - 特征函数对应的权值: λ_k 、 μ_l
 - Z(x)为规范化因子,保证P(Y|X)为概率分布。

参数说明

- □ t_k是定义在边上的特征函数, 称为转移特征, 依赖 于当前和前一个位置;
- □ S₁是定义在结点上的特征函数, 称为状态特征, 依赖于当前位置;
- □ t_k和S₁都依赖于位置,是局部特征函数;
- □ 通常, t_k和S₁取值为1或者0; 满足特征条件时取1, 否则取0;
- □ CRF由特征函数t_k、S₁和对应的权值λ_kμι确定。
- □ 线性链条件随机场模型属于对数线性模型。

条件随机场举例

[PRP He] [VBZ reckons] [DT the] [JJ current] [NN account] [NN deficit] [MD will] [VB narrow] [TO to] [RB only] [# #] [CD 1.8] [CD billion] [IN in] [NNP September] [. .]

□ NN、NNS、NNP、NNPS、PRP、DT、JJ分别代表普通名词单数形式、普通名词复数形式、专有名词单数形式、专有名词复数形式、传有名词复数形式、代词、限定词、形容词

 $b(\boldsymbol{x},i) = \begin{cases} 1 & \text{if the observation at position } i \text{ is the word "September"} \\ 0 & \text{otherwise.} \end{cases}$

$$t_j(y_{i-1}, y_i, \boldsymbol{x}, i) = \begin{cases} b(\boldsymbol{x}, i) & \text{if } y_{i-1} = \text{IN and } y_i = \text{NNP} \\ 0 & \text{otherwise.} \end{cases}$$

$Y_1 \qquad Y_2 \qquad Y_3 \qquad Y_{n-1} \qquad Y_n$

CRF总结

 $\boldsymbol{X} = X_1, \dots, X_{n-1}, X_n$

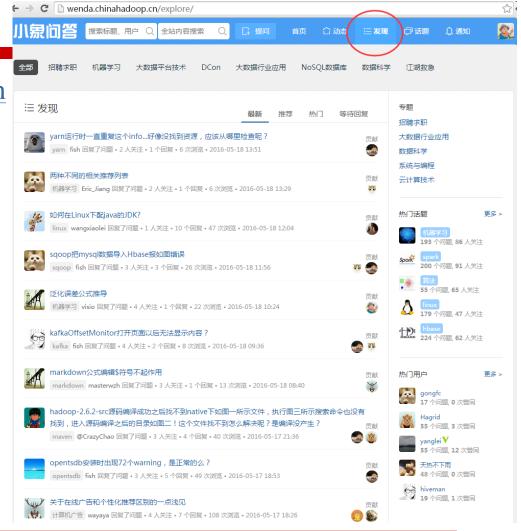
- □ 条件随机场可以使用对数线性模型表达。不严格的说,线性链条件随机场可看成是隐马尔科夫模型的推广,隐马尔科夫模型可看成是线性链条件随机场的特殊情况。
 - 概率计算使用前向-后向算法;
 - 参数学习使用梯度上升算法(或IIS);
 - 应用于标注/分类,在给定参数和观测序列(样本)的前提 下,使用Viterbi算法进行标记的预测。
- □标记序列y要求链状,但x无要求,除了一维的词性标注、中文分词,还可以用于离散数据(如用户信息),或二维数据(如图像),用途广泛。
- □ 缺点:有监督学习计算参数、参数估计的速度慢。

参考文献

- □ https://en.wikipedia.org/wiki/Conditional_random_field
- □ John Lafferty, Andrew McCallum, Fernando C.N. Pereira, *Conditional random fields: Probabilistic models for segmenting and labeling sequence data*. 2001.
- □ Charles Elkan, *Log-linear models and conditional random fields*. 2008.
- Hanna M. Wallach. Conditional Random Fields: An Introduction. 2004
- □ Charles Sutton, Andrew McCallum. *An Introduction to Conditional Random Fields*. 2012
- ☐ Kevin P. Murphy. *Machine Learning: A Probabilistic Perspective*, The MIT Press. 2012
- □ Bishop M. *Pattern Recognition and Machine Learning*, Chapter 13, Springer-Verlag, 2006.

我们在这里

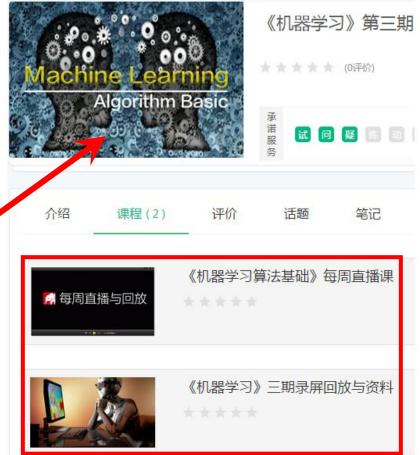
- http://wenda.ChinaHadoop.cn
 - 视频/课程/社区
- □ 微博
 - @ChinaHadoop
 - @邹博_机器学习
- □ 微信公众号
 - 小象
 - 大数据分析挖掘



课程资源

- □ 直播课的入口
- □ 录播视频和讲义资料





感谢大家!

恳请大家批评指正!