法律声明

- □本课件包括演示文稿、示例、代码、题库、视频和声音等内容,小象学院和主讲老师拥有完全知识产权的权利;只限于善意学习者在本课程使用,不得在课程范围外向任何第三方散播。任何其他人或机构不得盗版、复制、仿造其中的创意及内容,我们保留一切通过法律手段追究违反者的权利。
- □ 课程详情请咨询
 - 微信公众号:小象
 - 新浪微博: ChinaHadoop

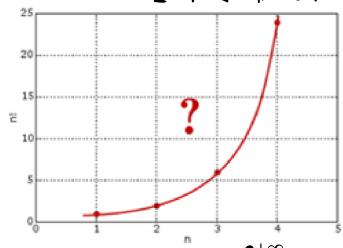


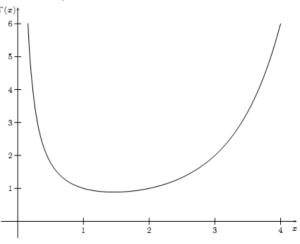
主题模型



引:Γ函数

□□□函数是阶乘在实数上的推广





$$\Gamma(x) = \int_0^{+\infty} t^{x-1} e^{-t} dt = (x-1)!$$

$$\Gamma(x) = (x-1) \cdot \Gamma(x-1) \Rightarrow \frac{\Gamma(x)}{\Gamma(x-1)} = x-1$$

Beta分布

- Beta 分布的概率密度: $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{B(\alpha,\beta)} x^{\alpha-1} (1-x)^{\beta-1}, & x \in [0,1] \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$ $B(\alpha,\beta) = \int_0^1 x^{\alpha-1} (1-x)^{\beta-1} dx = \frac{\Gamma(\alpha)\Gamma(\beta)}{\Gamma(\alpha+\beta)}$

$$B(\alpha,\beta) = \int_0^1 x^{\alpha-1} (1-x)^{\beta-1} dx = \frac{\Gamma(\alpha)\Gamma(\beta)}{\Gamma(\alpha+\beta)}$$

Gamma 函数可以看成阶乘的实数域推广:

$$\Gamma(x) = \int_0^\infty t^{x-1} e^{-t} dt$$

$$\Rightarrow \Gamma(n) = (n-1)! \Rightarrow B(\alpha, \beta) = \frac{\Gamma(\alpha)\Gamma(\beta)}{\Gamma(\alpha + \beta)}$$

$f(x) = \frac{1}{B(\alpha, \beta)} x^{\alpha - 1} (1 - x)^{\beta - 1}, x \in [0, 1]$

Beta分布的期望

$$B(\alpha,\beta) = \int_0^1 x^{\alpha-1} (1-x)^{\beta-1} dx = \frac{\Gamma(\alpha)\Gamma(\beta)}{\Gamma(\alpha+\beta)}$$

□ 根据定义:

$$E(X) = \int_0^1 x \cdot \frac{1}{B(\alpha, \beta)} x^{\alpha - 1} (1 - x)^{\beta - 1} dx$$

$$= \frac{1}{B(\alpha, \beta)} \int_0^1 x^{(\alpha + 1) - 1} (1 - x)^{\beta - 1} dx$$

$$= \frac{B(\alpha + 1, \beta)}{B(\alpha, \beta)} = \frac{\Gamma(\alpha + \beta)}{\Gamma(\alpha)\Gamma(\beta)} / \frac{\Gamma(\alpha + \beta + 1)}{\Gamma(\alpha + 1)\Gamma(\beta)}$$

$$= \frac{\alpha}{\alpha + \beta}$$

朴素贝叶斯的分析

- □ 可以胜任许多文本分类问题。
- □ 无法解决语料中一词多义和多词一义的问题——它 更像是词法分析,而非语义分析。
- □ 如果使用词向量作为文档的特征,一词多义和多词一义会造成计算文档间相似度的不准确性。
- □ 可以通过增加"主题"的方式,一定程度的解决上述问题:
 - 一个词可能被映射到多个主题中
 - □ ——一词多义
 - 多个词可能被映射到某个主题的概率很高
 - □ ——多词一义

文档和主题

```
文档 1 : 茶馆 (0.0163591635916 ) 社会 (0.00528905289053 ) 王利发 (0.00528905289
文档 2 : 决议(0.0138983050847 )打击(0.00824858757062 )安理会(0.00824858757
文档 3 : 会议 (0.0124491456469) 脱贫 (0.0124491456469) 党校 (0.0108218063466
文档 4 : 美团 (0.0306066176471 ) 阿里 (0.0103860294118 ) 业务 (0.0103860294118
文档 5 : 户口 (0.0221347331584) 登记 (0.0195100612423) 人口 (0.0142607174103
文档 6 : 人员 (0.0111471861472) 飞机 (0.00898268398268) 称 (0.00681818181818
文档 7 : 号线 (0.0328544061303) 站 (0.0194444444444) 14 (0.0184865900383)
文档 8 : 支付(0.0198394495413 ) 騰讯 (0.0072247706422 ) 支付宝 (0.007224770642
文档 9 : 决议(0.0138983050847)打击(0.00824858757062)安理会(0.00824858757
文档 10 : 足协 (0.0186473429952 ) 足球 (0.0138164251208 ) 佩兰 (0.011884057971
主题 1 : 美团 (0.0306066176471) 阿里 (0.0103860294118) 业务 (0.0103860294118
主题 2:会议(0.0124491456469)脱贫(0.0124491456469)党校(0.0108218063466
主题 3 : 号线 (0.0328544061303 ) 站 (0.019444444444 ) 14 (0.0184865900383 )
主题 4: 人物 (0.00214876033058) 民族 (0.00214876033058) 资本家 (0.0021487603
主题 5 : 足协 (0.0186473429952 ) 足球 (0.0138164251208 ) 佩兰 (0.011884057971
主题 6 : 户口 (0.0221347331584) 登记 (0.0195100612423) 人口 (0.0142607174103
主题 7:决议(0.0138983050847)打击(0.00824858757062)安理会(0.00824858757
主题 8: 人员 (0.0111471861472) 飞机 (0.00898268398268) 称 (0.00681818181818
主题 9 : 茶馆 (0.0163591635916 ) 社会 (0.00528905289053 ) 王利发 (0.00528905289
主题 10: 支付 (0.0198394495413) 騰讯 (0.0072247706422) 支付宝 (0.0072247706
```

文件(f) 编编(f) 格式(o) 重看(v) 帮助(H) 活剧《茶馆》是著名作家老舍先生创作的一部不朽的名著,三幕话剧剧本,1957年完成;1958年由北京人民艺术剧院首排,焦菊隐、夏淳导演,于是之、郑榕、蓝天野、英若诚、黄宗洛等人

景,向人们展示了从清末到抗战胜利后的50年间

主演,全剧以老北京一家大茶馆的兴衰变迁为背

文件(F) 编辑(F) 格式(O) 音看(V) 報助(H)

工作的意见》,听取关于巡视**55**家国有重要骨干企业有关情况的专题报告。中共中央总书记习近平主持会议。

会议认为,改革开放以来,党和国家实施大规模扶贫开发,使7亿农村贫困人口摆脱贫困,取得了举世瞩目的伟大成就,谱写了人类反贫困历史上的辉煌篇章。党的十八大以来,我们把扶贫开发工作摆在更加突出的位置,实施精准扶贫,开创了扶贫开发事业新局面。

会议指出,扶贫开发事关全面建成小康社会,

文件(F) 编辑(E) 格式(O) 查看(V) 帮助(H)

重症乘客乘飞机救治被耽搁 南航称因刹车故障 新京报 分享 670参与

新京报讯 近日,有乘客发布《生死间,一个记者有话想对你们说》文章,称其乘坐南航 CZ6101次航班时突发疾病,飞机降落后50分钟

后才打开舱门,航空公司和地面救护人员都未及时施救的遭遇。昨日,南航通过官微对旅客表达歉意,因当天飞机刹车系统出现故障故不能继续滑行,目前仍在继续调查。

网友称遇急病遭"怠慢",辗转多个医院 据媒体报道,11月9日,张先生从沈阳搭乘中 国南方航空CZ6101次航班飞往北京首都国际机 场。张先生称,飞机起飞约5分钟后,他感到 腹部疼痛,随即向空乘人员反映,空乘人员表 示可能是气压问题引起,并没有进行处理。 之后其腹痛的情况越来越严重,空乘人员赶紧

帮忙预约了救护车,空乘和急救人员被指为谁 该抬患者下飞机发生争执,患者最后自行勉强 下旋梯爬进救护车。最后张先生在8小时后辗 转了首都机场医院等,才被推送到北京大学人

LDA涉及的主要问题

- □ 共轭先验分布
- □ Dirichlet 分布
- □ LDA模型
 - Gibbs采样算法学习参数

共轭先验分布

□ 由于x为给定样本,P(x)有时被称为"证据",仅仅是归一化因子,如果不关心 $P(\theta|x)$ 的具体值,只考察 θ 取何值时后验概率 $P(\theta|x)$ 最大,则可将分母省去。

$$P(\theta \mid x) = \frac{P(x \mid \theta)P(\theta)}{P(x)} \propto P(x \mid \theta)P(\theta)$$

- □ 在贝叶斯概率理论中,如果后验概率P(θ|x)和先验概率p(θ)满足同样的分布律,那么,先验分布和后验分布被叫做共轭分布,同时,先验分布叫做似然函数的共轭先验分布。
- In Bayesian probability theory, if the posterior distributions $p(\theta|x)$ are in the same family as the prior probability distribution $p(\theta)$, the prior and posterior are then called conjugate distributions, and the prior is called a conjugate prior for the likelihood function.

复习: 二项分布的最大似然估计

- □ 投硬币试验中,进行N次独立试验,n次朝上,N-n次朝下。
- □ 假定朝上的概率为p,使用对数似然函数作 为目标函数:

$$f(n \mid p) = \log(p^n(1-p)^{N-n}) \xrightarrow{\Delta} h(p)$$

$$\frac{\partial h(p)}{\partial p} = \frac{n}{p} - \frac{N - n}{1 - p} \xrightarrow{\Delta} 0 \implies p = \frac{n}{N}$$

二项分布与先验举例

- - □ 若观察到4个女生和1个男生, 以得出该校女生比例是80%吗?

上述过程的理论解释

- □ 投掷一个非均匀硬币,可以使用参数为 θ 的伯努利模型, θ 为硬币为正面的概率,那么结果X的分布形式为; $P(x|\theta)=\theta^x\cdot(1-\theta)^{1-x}$
- □ 两点分布/二项分布的共轭先验是Beta分布, 它具有两个参数α和β, Beta分布形式为

$$P(\theta \mid \alpha, \beta) = \begin{cases} \frac{1}{B(\alpha, \beta)} \theta^{\alpha - 1} (1 - \theta)^{\beta - 1}, & \theta \in [0, 1] \\ 0, & \sharp \omega \end{cases}$$

先验概率和后验概率的关系

□ 根据似然和先验:

$$P(x|\theta) = \theta^x \cdot (1-\theta)^{1-x}$$

$$P(\theta \mid \alpha, \beta) = \frac{1}{B(\alpha, \beta)} \theta^{\alpha - 1} (1 - \theta)^{\beta - 1}$$

计算后验概率:

$$P(\theta|x) = \frac{P(x|\theta) \cdot P(\theta)}{P(x)} \propto P(x|\theta) \cdot P(\theta)$$
$$= \left(\theta^{x} (1-\theta)^{1-x} \left(\frac{1}{B(\alpha,\beta)} \theta^{\alpha-1} (1-\theta)^{\beta-1}\right)\right)$$

$$\propto \theta^{x} (1-\theta)^{1-x} \cdot \theta^{\alpha-1} (1-\theta)^{\beta-1}$$
$$= \theta^{(x+a)-1} (1-\theta)^{(1-x+\beta)-1}$$

□ 后验概率的形式与先验概率的形式一样——后验概率是参数为(x+α,1-x+β)的Beta分布,即:伯努利分布的共轭先验是Beta分布。

伪计数

- □ 参数αβ是决定参数θ的参数,常称之为超参数。
- \square 后验概率: $P(\theta|x) \propto \theta^{x+a-1} (1-\theta)^{1-x+\beta-1}$
- Beta 分布 定义: $P(\theta \mid \alpha, \beta) = \begin{cases} \frac{1}{B(\alpha, \beta)} \theta^{\alpha 1} (1 \theta)^{\beta 1}, & \theta \in [0, 1] \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$
 - 在后验概率的最终表达式中,参数α、β和x一起作为参数 θ的指数——后验概率的参数为(x+α,1-x+β)。而这个指数 的实践意义是:投币过程中,正面朝上的次数。α和β 先 验性的给出了在没有任何实验的前提下,硬币朝上的概 率分配;因此,α和β可被称作"伪计数"。

共轭先验的直接推广

- □ 从2到K:
 - 二项分布→多项分布
 - Beta分布 → Dirichlet 分布

Dirichlet分布

Beta 分布:
$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{B(\alpha, \beta)} x^{\alpha - 1} (1 - x)^{\beta - 1}, & x \in [0, 1] \\ 0, & 其他 \end{cases}$$

は、 其他
は中:
$$B(\alpha,\beta) = \frac{\Gamma(\alpha)\Gamma(\beta)}{\Gamma(\alpha+\beta)}$$

Dirichlet 分本: $f(\vec{p} \mid \vec{\alpha}) = \begin{cases} \frac{1}{\Delta(\vec{\alpha})} \prod_{k=1}^{K} p_k^{\alpha_k-1}, & p_k \in [0,1] \\ 0, & 其他 \end{cases}$

尚记:
$$Dir(\vec{p} \mid \vec{\alpha}) = \frac{1}{\Delta(\vec{\alpha})} \prod_{k=1}^{K} p_k^{\alpha_k - 1}$$
 其中:
$$\Delta(\vec{\alpha}) = \frac{\prod_{k=1}^{K} \Gamma(\alpha_k)}{\Gamma(\sum_{k=1}^{K} \alpha_k)}$$

Dirichlet分布分析 $Dir(\vec{p} \mid \vec{\alpha}) = \frac{1}{\Delta(\vec{\alpha})} \prod_{k=1}^{n} p_k^{\alpha_k - 1}$

- □ a是参数向量,共K个
- \square 定义在 $x_1, x_2...x_{K-1}$ 维上
 - $\mathbf{x}_1 + \mathbf{x}_2 + \dots + \mathbf{x}_{K-1} + \mathbf{x}_K = 1$
 - $x_1, x_2 ... x_{K-1} > 0$
 - 定义在(K-1)维的单纯形上,其他区域的概率密度为0
- □ α的取值对Dir(p|α)有什么影响?

Symmetric Dirichlet distribution

A very common special case is the symmetric Dirichlet distribution, where all of the elements making up the parameter vector have the same value. Symmetric Dirichlet distributions are often used when a Dirichlet prior is called for, since there typically is *no prior* knowledge favoring one component over another. Since all elements of the parameter vector have the same value, the distribution alternatively can be parametrized by a single scalar value α , called the concentration parameter(聚集参数).

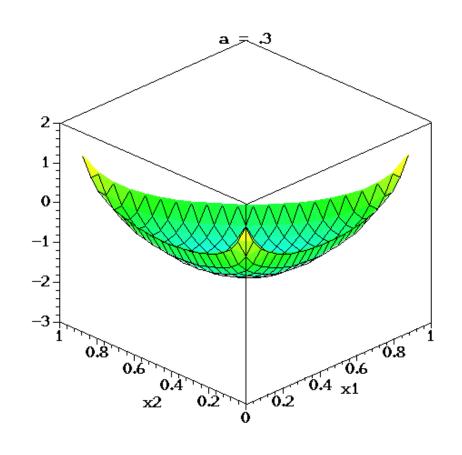
对称Dirichlet分布

Dirichlet 分布:
$$Dir(\vec{p} \mid \vec{\alpha}) = \frac{1}{\Delta(\vec{\alpha})} \prod_{k=1}^{K} p_k^{\alpha_k - 1}$$

对称Dirichlet分布的参数分析

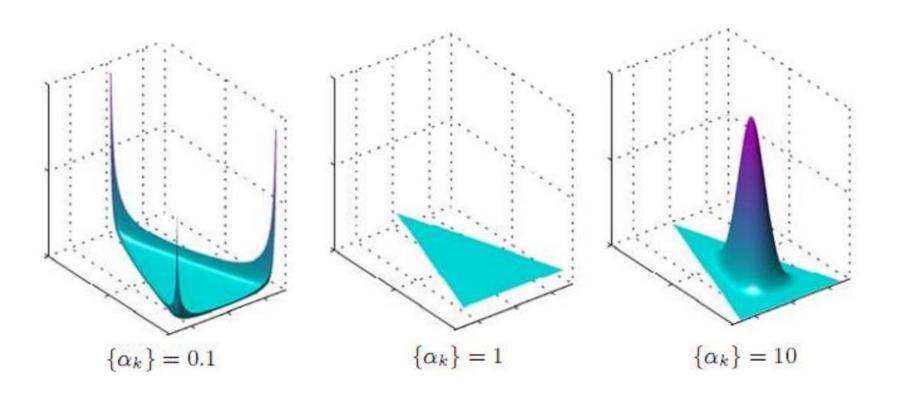
- □ α=1 射
 - 退化为均匀分布
- □ 当α>1财
 - p₁=p₂=...=p_k的概率增大
- □ 当α<1 射
 - p_i=1, p_{#i}=0的概率增大

图像说明:将Dirichlet分布的概率密度函数取对数,绘制对称Dirichlet分布的图像,取K=3,也就是有两个独立参数×1,×2,分别对应图中的两个生标轴,第三个参数的设满足×3=1-×1-×2 图 α 1= α 2= α 3= α,图中反映的是 α 从0.3 变化到2.0的概率对数值的变化情况。





参数α对Dirichlet分布的影响



参数选择对对称Dirichlet分布的影响

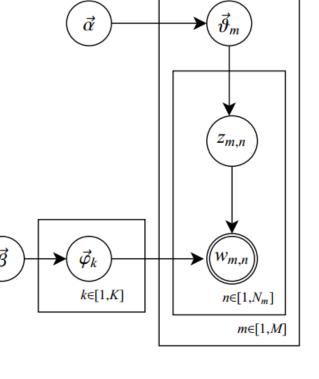
When $\alpha=1$, the symmetric Dirichlet distribution is equivalent to a uniform distribution over the open standard (K-1)-simplex, i.e. it is uniform over all points in its support. Values of the concentration parameter above 1 prefer variants that are dense, evenly distributed distributions, i.e. all the values within a single sample are similar to each other. Values of the concentration parameter below 1 prefer sparse distributions, i.e. most of the values within a single sample will be close to 0, and the vast majority of the mass will be concentrated in a few of the values.

多项分布的共轭分布是Dirichlet分布

$$\boldsymbol{\alpha} = (\alpha_1, \dots, \alpha_K) = \text{concentration hyperparameter}$$
 $\mathbf{p} \mid \boldsymbol{\alpha} = (p_1, \dots, p_K) \sim \text{Dir}(K, \boldsymbol{\alpha})$
 $\mathbb{X} \mid \mathbf{p} = (\mathbf{x}_1, \dots, \mathbf{x}_K) \sim \text{Cat}(K, \mathbf{p})$
 $\mathbf{c} = (c_1, \dots, c_K) = \text{number of occurrences of category } i$
 $\mathbf{p} \mid \mathbb{X}, \boldsymbol{\alpha} \sim \text{Dir}(K, \mathbf{c} + \boldsymbol{\alpha}) = \text{Dir}(K, c_1 + \alpha_1, \dots, c_K + \alpha_K)$

LDA的解释

- □ 共有m篇文章,一共涉及了K个主题;
- □ 每篇文章(长度为N_m)都有各自的主题分布, 主题分布是多项分布,该多项分布的参数 服从Dirichlet分布,该Dirichlet分布的参数 为α;
- 每个主题都有各自的词分布,词分布为多项分布,该多项分布的参数服从Dirichlet分布的参数为β;
- □ 对于某篇文章中的第n个词,首先从该文 章的主题分布中采样一个主题,然后在这个主题对应的词分布中采样一个词。不断重复这个随机生成过程,直到m篇文章全部完成上述过程。



详细解释

- □ 字典中共有V个term(不可重复),这些term出现在具体的文章中,就是word——在具体某文章中的word当然是有可能重复的。
- □ 语料库中共有m篇文档d₁,d₂...d_m;
- □ 对于文档d_i,由N_i个word组成,可重复;
- □ 语料库中共有K个主题 T_1 , $T_2...T_k$;
- α和β为先验分布的参数,一般事先给定:如取0.1的对称Dirichlet分布——表示在参数学习结束后,期望每个文档的主题不会十分集中。
- □ 0是每篇文档的主题分布
 - 对于第i篇文档 d_i 的主题分布是 θ_i = $(\theta_{i1}, \theta_{i2}..., \theta_{iK})$,是长度为K的向量;
- □ 对于第i篇文档 d_i ,在主题分布 θ_i 下,可以确定一个具体的主题 z_{ij} =k, k ∈ [1,K],
- □ φ_k 表示第k个主题的词分布,k∈[1,K]
 - 对于第k个主题 T_k 的词分布 ϕ_k = $(\phi_{k1},\phi_{k2}...\phi_{kv})$,是长度为V的向量
- \square 由 z_{ij} 选择 $φ_{zij}$,表示由词分布 $φ_{zij}$ 确定term,即得到观测值 w_{ij} 。



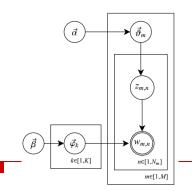
 $k \in [1,K]$

 $n \in [1, N_m]$

详细解释

□ 图中K为主题个数,M为文档总数,Nm是第 m个文档的单词总数。β是每个Topic下词的 多项分布的Dirichlet先验参数,α是每个文档 下Topic的多项分布的Dirichlet先验参数。 zmn是第m个文档中第n个词的主题,wmn是 m个文档中的第n个词。两个隐含变量θ和Φ 分别表示第m个文档下的Topic分布和第k个 Topic下词的分布, 前者是k维(k为Topic总数) 向量,后者是v维向量(v为词典中term总数)

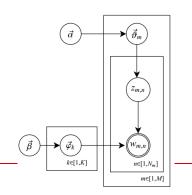
参数的学习



□ 给定一个文档集合,W_{mn}是可以观察到的已知变量,α和β是根据经验给定的先验参数,其他的变量Z_{mn}、θ、φ都是未知的隐含变量,需要根据观察到的变量来学习估计的。根据LDA的图模型,可以写出所有变量的联合分布:

$$p(\vec{w}_m, \vec{z}_m, \vec{\vartheta}_m, \underline{\Phi} | \vec{\alpha}, \vec{\beta}) = \prod_{n=1}^{N_m} p(w_{m,n} | \vec{\varphi}_{z_{m,n}}) p(z_{m,n} | \vec{\vartheta}_m) \cdot p(\vec{\vartheta}_m | \vec{\alpha}) \cdot p(\underline{\Phi} | \vec{\beta})$$

似然概率



□ 一个词Wmn初始化为一个词t的概率是

$$p(w_{m,n} = t | \vec{\vartheta}_m, \underline{\varPhi}) = \sum_{k=1}^K p(w_{m,n} = t | \vec{\varphi}_k) p(z_{m,n} = k | \vec{\vartheta}_m)$$

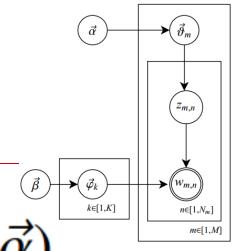
□ 每个文档中出现主题k的概率乘以主题k下出现词t的概率,然后枚举所有主题求和得到。整个文档集合的似然函数为:

$$p(\mathcal{W}|\underline{\Theta},\underline{\Phi}) = \prod_{m=1}^{M} p(\vec{w}_m|\vec{\vartheta}_m,\underline{\Phi}) = \prod_{m=1}^{M} \prod_{n=1}^{N_m} p(w_{m,n}|\vec{\vartheta}_m,\underline{\Phi})$$

Gibbs Sampling

- □ Gibbs Sampling算法的运行方式是每次选取概率向 量的一个维度,给定其他维度的变量值采样当前 维度的值。不断迭代直到收敛输出待估计的参数。
- □ 初始时随机给文本中的每个词分配主题Z⁽⁰⁾,然后统计每个主题Z下出现词t的数量以及每个文档m下出现主题Z的数量,每一轮计算p(z_i|**z**_{.i},**d**,**w**),即排除当前词的主题分布:
 - 根据其他所有词的主题分布估计当前词分配各个主题的概率。
- □ 当得到当前词属于所有主题Z的概率分布后,根据这个概率分布为 该词采样一个新的主题。
- \square 用同样的方法更新下一个词的主题,直到发现每个文档的主题分布 θ_i 和每个主题的词分布 ϕ_j 收敛,算法停止,输出待估计的参数 θ 和 ϕ ,同时每个单词的主题 Z_{mn} 也可同时得出。
- □ 实际应用中会设置最大迭代次数。每一次计算p(zi|z_{-i},d,w)的公式称为Gibbs updating rule。

联合分布



 $p(\vec{w}, \vec{z} | \vec{\alpha}, \vec{\beta}) = p(\vec{w} | \vec{z}, \vec{\beta}) p(\vec{z} | \vec{\alpha})$

- □第一项因子是给定主题采样词的过程
- \square 后面的因子计算, $n_z^{(t)}$ 表示词t被观察到分配给主题Z的次数, $n_m^{(k)}$ 表示主题k分配给文档的次数。

计算因子 $p(\vec{w}, \vec{z} | \vec{\alpha}, \vec{\beta}) = p(\vec{w} | \vec{z}, \vec{\beta}) p(\vec{z} | \vec{\alpha})$

$$p(\vec{w}|\vec{z},\vec{\beta}) = \int p(\vec{w}|\vec{z},\underline{\Phi}) \ p(\underline{\Phi}|\vec{\beta}) \ d\underline{\Phi}$$

$$= \int \prod_{z=1}^{K} \frac{1}{\Delta(\vec{\beta})} \prod_{t=1}^{V} \varphi_{z,t}^{n_z^{(t)} + \beta_t - 1} d\vec{\varphi}_z$$

$$= \prod_{z=1}^{K} \frac{\Delta(\vec{n}_z + \vec{\beta})}{\Delta(\vec{\beta})}, \quad \vec{n}_z = \{n_z^{(t)}\}_{t=1}^{V}$$

$$\int_{\vec{p}} \prod_{k=1}^K p_k^{\alpha_k - 1} d\vec{p} = \Delta(\vec{\alpha})$$

计算因子
$$p(\vec{w}, \vec{z} | \vec{\alpha}, \vec{\beta}) = p(\vec{w} | \vec{z}, \vec{\beta}) p(\vec{z} | \vec{\alpha})$$

$$p(\vec{z}|\vec{\alpha}) = \int p(\vec{z}|\underline{\Theta}) \ p(\underline{\Theta}|\vec{\alpha}) \ d\underline{\Theta}$$

$$= \int \prod_{m=1}^{M} \frac{1}{\Delta(\vec{\alpha})} \prod_{k=1}^{K} \vartheta_{m,k}^{n_m^{(k)} + \alpha_k - 1} d\vec{\vartheta}_m$$

$$= \prod_{i=1}^{M} \frac{\Delta(\vec{n}_m + \vec{\alpha})}{\Delta(\vec{\alpha})}, \quad \vec{n}_m = \{n_m^{(k)}\}_{k=1}^{K}$$

$$\int_{\vec{p}} \prod_{k=1}^{K} p_k^{\alpha_k - 1} d\vec{p} = \Delta(\vec{\alpha})$$

 $k \in [1,K]$

 $n \in [1, N_m]$ $m \in [1, M]$

Gibbs updating rule

$$p(z_{i}=k|\vec{z}_{\neg i}, \vec{w}) = \frac{p(\vec{w}, \vec{z})}{p(\vec{w}, \vec{z}_{\neg i})} = \frac{p(\vec{w}|\vec{z})}{p(\vec{w}_{\neg i}|\vec{z}_{\neg i})p(w_{i})} \cdot \frac{p(\vec{z})}{p(\vec{z}_{\neg i})}$$

$$\propto \frac{\Delta(\vec{n}_{z} + \vec{\beta})}{\Delta(\vec{n}_{z,\neg i} + \vec{\beta})} \cdot \frac{\Delta(\vec{n}_{m} + \vec{\alpha})}{\Delta(\vec{n}_{m,\neg i} + \vec{\alpha})}$$

$$= \frac{\Gamma(n_{k}^{(t)} + \beta_{t}) \Gamma(\sum_{t=1}^{V} n_{k,\neg i}^{(t)} + \beta_{t})}{\Gamma(n_{k,\neg i}^{(t)} + \beta_{t}) \Gamma(\sum_{t=1}^{V} n_{k}^{(t)} + \beta_{t})} \cdot \frac{\Gamma(n_{m}^{(k)} + \alpha_{k}) \Gamma(\sum_{k=1}^{K} n_{m,\neg i}^{(k)} + \alpha_{k})}{\Gamma(n_{m,\neg i}^{(k)} + \alpha_{k}) \Gamma(\sum_{k=1}^{K} n_{m}^{(k)} + \alpha_{k})}$$

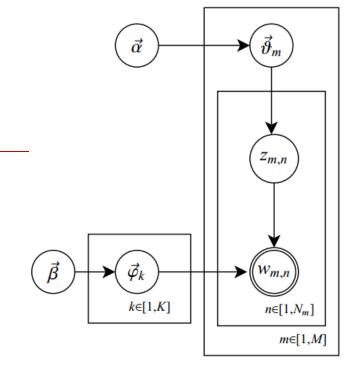
$$= \frac{n_{k,\neg i}^{(t)} + \beta_{t}}{\sum_{t=1}^{V} n_{k,\neg i}^{(t)} + \beta_{t}} \cdot \frac{n_{m,\neg i}^{(k)} + \alpha_{k}}{\sum_{k=1}^{K} n_{m}^{(k)} + \alpha_{k}} - 1$$

$$\propto \frac{n_{k,\neg i}^{(t)} + \beta_{t}}{\sum_{t=1}^{V} n_{k,\neg i}^{(t)} + \beta_{t}} (n_{m,\neg i}^{(k)} + \alpha_{k})$$

词分布和主题分布

$$\varphi_{k,t} = \frac{n_k^{(t)} + \beta_t}{\sum_{t=1}^{V} n_k^{(t)} + \beta_t}$$

$$\vartheta_{m,k} = \frac{n_m^{(k)} + \alpha_k}{\sum_{k=1}^{K} n_m^{(k)} + \alpha_k}$$



$$p(\vec{\vartheta}_m|\vec{z}_m,\vec{\alpha}) = \frac{1}{Z_{\vartheta_m}} \prod_{n=1}^{N_m} p(z_{m,n}|\vec{\vartheta}_m) \cdot p(\vec{\vartheta}_m|\vec{\alpha}) = \mathrm{Dir}(\vec{\vartheta}_m|\vec{n}_m + \vec{\alpha})$$

$$p(\vec{\varphi}_k|\vec{z},\vec{w},\vec{\beta}) = \frac{1}{Z_{\varphi_k}} \prod_{\{i:z_i=k\}} p(w_i|\vec{\varphi}_k) \cdot p(\vec{\varphi}_k|\vec{\beta}) = \text{Dir}(\vec{\varphi}_k|\vec{n}_k + \vec{\beta})$$

Gibbs采样算法

```
Algorithm LdaGibbs (\{\vec{w}\}, \alpha, \beta, K)
Input: word vectors \{\vec{w}\}\, hyperparameters \alpha, \beta, topic number K
Global data: count statistics \{n_m^{(k)}\}, \{n_k^{(t)}\} and their sums \{n_m\}, \{n_k\}, memory for full conditional array p(z_i|\cdot)
Output: topic associations \{\vec{z}\}\, multinomial parameters \Phi and \Theta, hyperparameter estimates \alpha, \beta
// initialisation
zero all count variables, n_m^{(k)}, n_m, n_{\iota}^{(t)}, n_k
for all documents m \in [1, M] do
      for all words n \in [1, N_m] in document m do
            sample topic index z_{m,n}=k \sim \text{Mult}(1/K)
            increment document-topic count: n_m^{(k)} += 1
            increment document-topic sum: n_m += 1
            increment topic–term count: n_k^{(t)} += 1
            increment topic-term sum: n_k += 1
// Gibbs sampling over burn-in period and sampling period
while not finished do
      for all documents m \in [1, M] do
            for all words n \in [1, N_m] in document m do
                  // for the current assignment of k to a term t for word w_{m,n}:
                  decrement counts and sums: n_m^{(k)} = 1; n_m = 1; n_k^{(l)} = 1; n_k = 1 // multinomial sampling acc. to Eq. 78 (decrements from previous step):
                  sample topic index \tilde{k} \sim p(z_i | \vec{z}_{\neg i}, \vec{w})
                  // for the new assignment of z_{m,n} to the term t for word w_{m,n}:
                  increment counts and sums: n_m^{(\bar{k})} += 1; n_m += 1; n_{\bar{k}}^{(t)} += 1; n_{\bar{k}} += 1
      // check convergence and read out parameters
      if converged and L sampling iterations since last read out then
            // the different parameters read outs are averaged.
            read out parameter set \underline{\Phi} according to Eq. 81
            read out parameter set \underline{\Theta} according to Eq. 82
```

代码实现

- □ 数目:
 - 文档数目: M
 - 词数目: V(非重复的, "term")
 - 主题数目: K
- □ 记号:
 - 用d表述第几个文档, k表示主题, w表示词汇 (term), n表示词(word)

三个矩阵和三个向量

- □ z[d][w]:第d篇文档的第w个词来自哪个主题。M行, X列,X为相应文档长度:即词(可重复)的数目。
- □ nw[w][t]: 第w个词是第t个主题的次数。word-topic矩阵, 列向量nw[][t]表示主题t的词频数分布; V行K列
- □ nd[d][t]: 第d篇文档中第t个主题出现的次数,doctopic矩阵,行向量nd[d]表示文档d的主题频数分布。M行, K列。
- □ 辅助向量:
 - ntSum[t]: 第t个主题在所有语料出现的次数,K维
 - ndSum[d]: 第d篇文档中词的数目(可重复), M维;
 - P[t]:对于当前计算的某词属于主题t的概率,K维。

Code

```
if name == " main ":
   doc num = 10 # 文档数目
   # 载入停止词库
   stop_words = load_stopwords()
   dic = {}
   doc = read_document(doc num, stop words, dic)
   # LDA
   term num = len(dic) # 词汇的数目
   # nt[w][t]: 第term个词属于第t个主题的次数
   nt = [[0 for t in range(topic number)] for term in range(term num)]
   # nd[d][t]: 第d个文档中出现第t个主题的次数
   nd = [[0 for t in range(topic_number)] for d in range(doc_num)]
   # nt sum[t]: 第t个主题出现的次数(nt矩阵的第t列)
   nt_sum = [0 for t in range(topic number)]
   # nd_sum[d]: 第d个文档的长度(nd矩阵的第d行)
   nd sum = [0 for d in range(doc num)]
   z = init_topic(doc, nt, nd, nt_sum, nd_sum, dic)
   theta, phi = lda(z, nt, nd, nt sum, nd sum, dic, doc)
   show_result(theta, phi, dic) # 输出每个文档的主题和每念东题的前键序
```

Code

```
| def lda(z, nt, nd, nt_sum, nd_sum, dic, doc):
| doc_num = len(z)
| for time in range(50):
| for m in range(doc_num):
| doc_length = len(z[m])
| for i in range(doc_length):
| term = dic[doc[m][i]] # 词语 -> 词汇
| gibbs_sampling(z, m, i, nt, nd, nt_sum, nd_sum, term)
| theta = calc_theta(nd, nd_sum) # 计算每个文档的主题分布
| phi = calc_phi(nt, nt_sum) # 计算每个主题的词分布
| return theta, phi
```

Code

```
def calc_theta(nd, nd_sum): # 每个文档的主题分布
    doc num = len(nd)
    topic alpha = topic number * alpha
    theta = [[0 for t in range(topic_number)] for d in range(doc_num)]
    for m in range(doc_num):
        for k in range(topic number):
           theta[m][k] = (nd[m][k] + alpha) / (nd_sum[m] + topic_alpha)
    return theta
def calc_phi(nt, nt_sum): # 每个主题的词分布
    term num = len(nt)
    term_beta = term_num * beta
    phi = [[0 for w in range(term_num)] for t in range(topic_number)]
    for k in range(topic_number):
       for term in range(term_num):
           phi[k][term] = (nt[term][k] + beta) / (nt_sum[k] + term_beta)
    return phi
```

文档和主题

```
文档 1 : 茶馆 (0.0163591635916 ) 社会 (0.00528905289053 ) 王利发 (0.00528905289053 )
文档 2 : 决议 (0.0138983050847 ) 打击 (0.00824858757062 ) 安理会 (0.00824858757062 )
文档 3 : 会议 ( 0.0124491456469 ) 脱贫 ( 0.0124491456469 ) 党校 ( 0.0108218063466 )
文档 4 : 美团 (0.0306066176471) 阿里 (0.0103860294118) 业务 (0.0103860294118)
文档 5 : 户口 (0.0221347331584) 登记 (0.0195100612423) 人口 (0.0142607174103)
文档 6: 人员 (0.0111471861472) 飞机 (0.00898268398268) 称 (0.00681818181818)
文档 7 : 号线 (0.0328544061303 ) 站 (0.019444444444 ) 14 (0.0184865900383 )
文档 8 : 支付 (0.0198394495413 ) 騰讯 (0.0072247706422 ) 支付宝 (0.0072247706422 )
文档 9 : 决议 (0.0138983050847 ) 打击 (0.00824858757062 ) 安理会 (0.00824858757062 )
文档 10 : 足协 (0.0186473429952 ) 足球 (0.0138164251208 ) 佩兰 (0.011884057971 )
主题 1 : 美团 (0.0306066176471) 阿里 (0.0103860294118) 业务 (0.0103860294118)
主题 2 : 会议 ( 0.0124491456469 ) 脱贫 ( 0.0124491456469 ) 党校 ( 0.0108218063466 )
主题 3 : 号线 (0.0328544061303) 站 (0.0194444444444) 14 (0.0184865900383)
主  4 : 人物 (0.00214876033058) 民族 (0.00214876033058) 资本家 (0.00214876033058)
主語 5 : 足协 (0.0186473429952 ) 足球 (0.0138164251208 ) 佩兰 (0.011884057971 )
主語 6 : 户口 (0.0221347331584) 登记 (0.0195100612423) 人口 (0.0142607174103)
主颢 7: 决议 (0.0138983050847) 打击 (0.00824858757062) 安理会 (0.00824858757062)
主語 8 : 人员 (0.0111471861472 ) 飞机 (0.00898268398268 ) 称 (0.00681818181818 )
主颢 9 : 茶馆 (0.0163591635916 ) 社会 (0.00528905289053 ) 王利发 (0.00528905289053 )
主题 10: 支付 (0.0198394495413) 騰讯 (0.0072247706422) 支付宝 (0.0072247706422)
```

超参数的确定

- □ 交叉验证
- □ α表达了不同文档间主题是否鲜明,β度量了有多少近义词能够属于同一个类别。
- □ 给定主题数目K, 可以使用:
 - $\alpha = 50/K$
 - $\beta = 0.01$
 - 注:不一定普遍适用

一种迭代求超参数的方法

Digamma 丞 数: $\Psi(x) = \frac{d \ln \Gamma(x)}{dx} = \frac{\Gamma'(x)}{\Gamma(x)}$

□ 迭代公式: (T. Minka)

$$\alpha_{k} = \frac{\left(\left(\sum_{m=1}^{M} \Psi\left(n_{m}^{(k)} + \alpha_{k}\right)\right) - M \cdot \Psi\left(\alpha_{k}\right)\right)}{\left(\sum_{m=1}^{M} \Psi\left(n_{m} + \sum_{j=1}^{K} \alpha_{j}\right)\right) - M \cdot \Psi\left(\sum_{j=1}^{K} \alpha_{j}\right)} \cdot \alpha_{k}$$

LDA总结

- □ 由于在词和文档之间加入的主题的概念,可以较好的解决一词多义和多词一义的问题。
- □ 在实践中发现,LDA用于短文档往往效果不明显——这是可以解释的:因为一个词被分配给某个主题的次数和一个主题包括的词数目尚未敛。往往需要通过其他方案"连接"成长文档。
 - 用户评论/Twitter/微博
- □ LDA可以和其他算法相结合。首先使用LDA将长度为Ni的文档降维到K维(主题的数目),同时给出每个主题的概率(主题分布),从而可以使用if-idf继续分析或者直接作为文档的特征进入聚类或者标签传播算法——用于社区发现等问题。

参考文献

- □ David M. Blei, Andrew Y. Ng, Michael I. Jordan, *Latent Dirichlet Allocation*, 2003
- ☐ Gregor Heinrich, *Parameter estimation for text analysis*. 2008
- http://en.wikipedia.org/wiki/Dirichlet_distribution
 on
- http://en.wikipedia.org/wiki/Conjugate_prior

我们在这里

△ 通知 大数据平台技术 http://wenda.ChinaHadoop.cn 专题 招聘求职 yarn运行时一直重复这个info...好像没找到资源,应该从哪里检查呢? 大数据行业应用 视频/课程/社区 数据科学 系统与编程 贡献 云计算技术 机器学习 Eric_Jiang 回复了问题 • 2 人关注 • 1 个回复 • 6 次浏览 • 2016-05-18 13:29 35 微博 贡献 wangxiaolei 回复了问题 • 1 人关注 • 10 个回复 • 47 次浏览 • 2016-05-18 12:04 @ChinaHadoop sqoop把mysql数据导入Hbase报如图错误 贡献 @邹博_机器学习 kafkaOffsetMonitor打开页面以后无法显示内容? kafka fish 回复了问题 • 4 人关注 • 2 个回复 • 8 次浏览 • □ 微信公众号 markdown公式编辑\$符号不起作用 热门用户 再多 > 贡献 markdown masterwzh 回复了问题 • 3 人关注 • 1 个回复 • 13 次浏览 • 2016-05-18 08:40 小泵 17 个问题, 0 次赞同 找到,进入源码编译之后的目录如图二!这个文件找不到怎么解决呢?是编译没产生? 55 个问题 3 次幣同 ****** ■ 大数据分析挖掘 55 个问题, 12 次營同 opentsdb安装时出现72个warning,是正常的么? 48 个问题, 0 次赞同

← → C wenda.chinahadoop.cn/explore/

贡献

hiveman 19 个问题, 1 次赞同

opentsdb fish 回复了问题 • 3 人关注 • 5 个回复 • 49 次浏览 • 2016-05-17 18:53

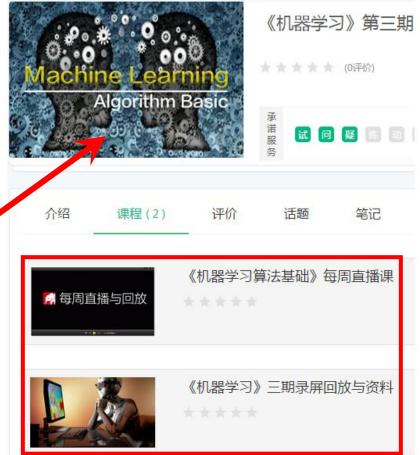
计算机广告 wayaya 回复了问题 • 4 人关注 • 7 个回复 • 108 次浏览 • 2016-05-17 18:26

关于在线广告和个性化推荐区别的一点浅见

课程资源

- □ 直播课的入口
- □ 录播视频和讲义资料





感谢大家!

恳请大家批评指正!